实现一个线段树泛型模板

*实验项目类型:设计性

*此表由学生按顺序填写

指导老师 干晓聪

实验项目编号_1_实验项目类型_设计性_实验地点_数学系机房_学生姓名____郭彦培__学号___2022101149___

学院 信息科学技术学院 系 数学系 专业 信息管理与信息系统 实验时间 2023 年 11 月 1 日上午 ~ 2023 年 11 月 1 日中午

一、实验目的

熟悉泛型类、泛型方法的使用与泛型思想在编码中的应用。利用 C++语言实现泛型。

二、实验环境

计算机: PC X64

操作系统: Windows

编程语言: JAVA

IDE: Visual Studio Code

在线测试平台: leetcode

三、程序原理

线段树是一种较为复杂的数据结构,旨在快速解决区间数据批量修改与特征统计。

本类实现了一个可以批量地对数据进行线性空间内加和运算的线段树,统 计内容为区间内的最大值,对于每个操作:

- 1. 修改单点: 时间复杂度为 $O(\log n)$
- 2. 修改区间:均匀修改与查询后最坏时间复杂度为每点渐进 $O(\log(nm))$, n 为 内容总数, m 为修改区间长度
- 3. 查询区间: $O(\log n)$

四、程序代码

文件 sis7\segTree.java 实现了一个 segTree 类

```
package sis7;
import java.util.ArrayList;
public class segTree<N> {
   private ArrayList<N> d;
   private ArrayList<N> a;
   private ArrayList<N> b;
   private int n;
   private N INI;
   private void subbuild(int s, int t, int p)
   {
       if (s == t)
           d.set(p, a.get(s));
           return;
       int m = s + ((t - s) >> 1); // (s+t)/2
       subbuild(s, m, p * 2);
       subbuild(m + 1, t, p * 2 + 1);
       d.set(p, merge(d.get(p * 2), d.get(p * 2 + 1)));
       // 合并运算符 ↑
   }
   private N subGetSum(int 1, int r, int s, int t, int p)
   {
       if (1 <= s && t <= r)
          return d.get(p);
       int m = s + ((t - s) >> 1);
       if (b.get(p) != null)
           d.set(p * 2, merge(d.get(p * 2), b.get(p))); // 合并运算符的高阶
运算 此处运算为应用懒惰标记
```

```
d.set(p * 2 + 1, merge(d.get(p * 2 + 1), b.get(p))); // 合并运算
符的高阶运算 此处运算为应用懒惰标记
          b.set(p * 2, merge(b.get(p * 2), b.get(p)));
                                                     // 下传
标记, 无需修改
          b.set(p * 2 + 1, merge(b.get(p * 2 + 1),
               // 下传标记, 无需修改
b.get(p)));
          b.set(p, null);
       }
       N ansl = INI;
       N ansr = INI;
       if (1 <= m)
          ansl = subGetSum(1, r, s, m, p * 2);
       if (r > m)
          ansr = subGetSum(1, r, m + 1, t, p * 2 + 1);
       return merge(ansl, ansr);
       // 合并运算符↑
   }
   private void subUpdate(int 1, int r, N c, int s, int t, int p)
   {
       if (1 <= s && t <= r)
          d.set(p, merge(d.get(p), merge(c, (t - s + 1)))); // 合并运算符
的高阶运算 此处运算为修改整匹配区间值
          b.set(p, merge(b.get(p), c)); // 记录懒惰标记, 无需
修改
          return;
       }
       int m = s + ((t - s) >> 1);
       if (b.get(p) != null && s != t)
          d.set(p * 2, merge(d.get(p * 2), merge(b.get(p), (m - s +
1)))); // 合并运算符的高阶运算 此处运算为应用懒惰标记
          d.set(p * 2 + 1, merge(d.get(p * 2 + 1), merge(b.get(p), (t -
m)))); // 合并运算符的高阶运算 此处运算为应用懒惰标记
          b.set(p * 2, merge(b.get(p * 2), b.get(p)));
下传标记, 无需修改
          b.set(p * 2 + 1, merge(b.get(p * 2 + 1),
            // 下传标记, 无需修改
b.get(p)));
          b.set(p, null);
       if (1 <= m)
          subUpdate(1, r, c, s, m, p * 2);
```

```
if (r > m)
        subUpdate(1, r, c, m + 1, t, p * 2 + 1);
   d.set(p, merge(d.get(p * 2), d.get(p * 2 + 1)));
   // 合并运算符 ↑
}
private N merge(N a, N b)
{
   return a;
}
private N merge(N a,int b)
{
   return a;
}
public segTree(int _n,N _INI)
   n = _n;
   INI = INI;
   d = new ArrayList<N>(4 * n + 5);
   a = new ArrayList<N>(4 * n + 5);
   b = new ArrayList<N>(4 * n + 5);
}
public void build(ArrayList<N> a)
   a = _a;
   subbuild(1, n, 1);
}
public N getsum(int l, int r)
{
   return subGetSum(l, r, 1, n, 1);
}
public void update(int l, int r, N c) // 修改区间
   subUpdate(1, r, c, 1, n, 1);
}
public void update(int idx, N tar)
{ // 修改单点, 未测试
```

```
N tmp = getsum(idx, idx);
tar = merge(tar, tmp);
subUpdate(idx, idx, tar, 1, n, 1);
}
```

五、出现的问题、原因与解决方法

在将 C++代码写成 JAVA 的过程中,遇到的问题是 JAVA 中并没有运算符重载,因此选择用函数 merge 实现区间的合并。

这样在保证代码可以接受的类型下不会出错。

六、 测试数据与运行结果

测试数据实例化泛型为 int 32

输入数据规则:第一行包含两个整数m,n,表示这列数字的个数和操作总数

第二行包含n个用空格分隔的数,其中第i个数字表示数列第i项的初始值接下来m行每行包含 3-4 个整数,表示一个操作。具体如下:

- 1. 1 x y k:将区间 [x,y] 内每个数加上k
- 2. 2 x y:输出区间 [x,y] 内每个数的和

样例运行结果如下:

输入	输出	解释
5 5 1 5 4 2 3		初始化数据
2 2 4	11	求出 [2,4] 内元素和
1 2 3 2		将 [2,3] 内所有元素+2
2 3 4	8	求出 [3,4] 内元素和
1 1 5 1		将 [1,5] 内所有元素+1
2 1 4	20	求出 [1,4] 内元素和

注:测试平台 leetcode 的特性为直接向函数传参,因此不需要实现输入输出。