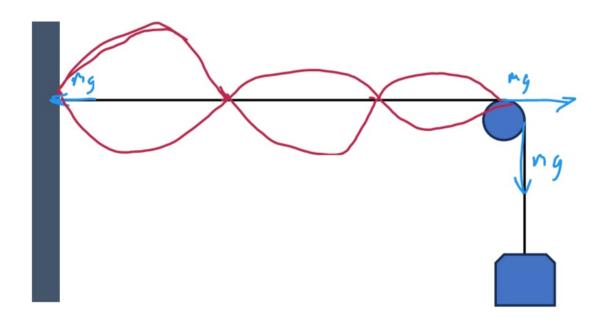
# Inlämmningsuppgift 1

Anton Lindbro

9 november 2024

## 1 Problem uppställning



Figur 1: Figur med krafter och den stående vågen inritad

$$r = 0, 11 \cdot 10^{-3} m \tag{1}$$

$$F = 5, 10 \cdot 10^{-3} \cdot 9,82N \tag{2}$$

$$\lambda = \frac{2 \cdot 0,87}{3} m \tag{3}$$

$$f = 14, 2Hz \tag{4}$$

Uppgiften söker kedjans material.

## 2 Fysik

Stående vågor i strängar har några egenskaper som gör dom lätta att hanskas med. Deras våglängd är väl bestämd utifrån strängens längd.

$$\lambda_n = \frac{2l}{n+1} \tag{5}$$

Där n är antalet noder. Våg farten i en sträng är också väl bestämd enligt

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} \tag{6}$$

Där F är förspänningen och  $\mu$  är den linjära massdensiteten. Våg farten kan också relateras till frekvens och våglängd enligt

$$v = \lambda f \tag{7}$$

#### 3 Plan

För att ta reda på kedjans material behöver vi hitta en densitet. Detta kan göras genom att sätta ekv.2 och 3 lika med varandra och lösa ut  $\mu$  och sedan dividera med tvärsnitts arean. När vi sedan har en densitet letar vi upp det material vars densitet matchar närmst i physics handbook.

#### 4 Utförande

$$\sqrt{\frac{F}{\mu}} = \lambda f \implies \mu = \frac{F}{\lambda^2 f^2} \tag{8}$$

Dividerar vi med tvärsnitts arean får vi

$$\rho = \frac{F}{\lambda^2 f^2 \pi r^2} \tag{9}$$

med dom värden givna i uppgiften

Sätter vi in allt detta och beräknar det numeriska värdet får vi  $\rho=19,4\cdot10^3~{\rm kg~m^{-3}}$ . Detta matchar mycket nära densiteten för guld på  $19,28\cdot10^3~{\rm kg~m^{-3}}$ 

## 5 Rimlighet

För att undersöka svarets rimlighet så gör vi en enhets analys

$$[\rho] = \left[\frac{F}{\lambda^2 f^2 \pi r^2}\right] kgm^{-3} = kgms^{-2}m^{-2}s^2m^{-2}kgm^{-3} = kgm^{-3} \tag{10}$$

Så enheterna stämmer och värdet verkar rimligt då vi kunde hitta ett material som var mycket nära.