Inlämmingsuppgift 1 Algebra 1

Anton Lindbro

18 november 2024

Visa att om A och B är mängder gäller $\mathcal{P}(A) \cup \mathcal{P}(B) \subseteq \mathcal{P}(A \cup B)$

Eftersom $\emptyset \subseteq \mathcal{P}(A)$ alltid är sant är påståendet ovan sant.

Alternativt kan man bevisa det

$$\mathcal{P}(A) = \{x | x \subseteq A\} \tag{1}$$

$$\mathcal{P}(A) \cup \mathcal{P}(B) = \{x | x \subseteq A \lor x \subseteq B\}$$
 (2)

$$\{x|x\subseteq A\vee x\subseteq B\}=\{x|x\subseteq A\cup B\} \tag{3}$$

$$\{x|x \subseteq A \cup B\} = \mathcal{P}(A \cup B) \tag{4}$$

Alltså

$$\mathcal{P}(A) \cup \mathcal{P}(B) \subseteq \mathcal{P}(A \cup B) \tag{5}$$