

Relatório 1º projecto ASA 2021/2022

Grupo: tp015

Aluno(s): José Cutileiro (99097) e João Costa (99088)

1º Problema - LIS

Descrição do Problema e da Solução

A resolução deste problema tem como base o uso de uma estrutura de elementos. Cada elemento guarda o seu valor, um ponteiro para o elemento seguinte e dois valores adicionais*. Estes permitem obter resultados mais rapidamente (elementos de programação dinâmica). A solução é construída durante o processo de leitura dos valores, poupando assim pelo menos um ciclo de execução.

*lis: tamanho da maior subsequência & occur: número de ocorrências da lis

Análise Teórica

- Inicializar o primeiro elemento, $O(1)$
- Leitura dos valores, num ciclo while, e obter vetores que resolvem o problema $O(n)$
 - Inicializar novo elemento, $O(1)$
 - Atualizar a LIS*, $O(n)$, ((melhor caso: $\Omega(1)^*$))
 - Inserir o novo elemento no local adequado, $O(n)$, (melhor caso: $\Omega(1)^*$)
- Obter respostas finais de acordo com os vetores auxiliares, $O(n)$

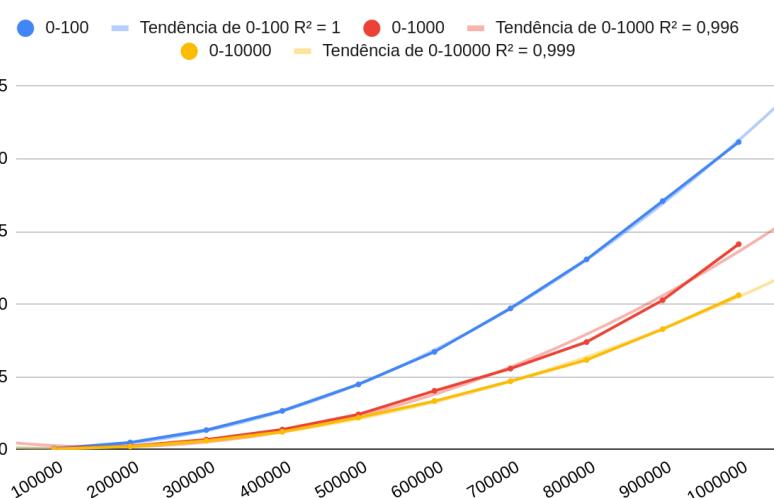
Complexidade global da solução: $O(n^2)$ e no melhor caso $\Omega(n)$

*o melhor caso é quando a sequência dada é crescente

Avaliação Experimental dos Resultados

Para cada testagem, escolhemos uma amostra de 3 intervalos de valores*. Podemos ver que o nosso algoritmo favorece testes com menos valores repetidos. É também de notar que o nosso algoritmo obtém o resultado mais rapidamente se tivermos uma sequência ordenada (ou quase ordenada).

*valores entre: 1 e 100 // 1 e 1000 // 1 e 10000.



Conclusão: O gráfico está de acordo com a teoria lecionada, gerando o início de uma parábola, representando um algoritmo de complexidade $O(n^2)$. (aproximação a n^2 de 1).

2º Problema - LCIS

Descrição do Problema e da Solução

A resolução deste problema tem como base elementos básicos de programação dinâmica, utilizando por isso um vetor com memória adicional*. A solução é construída em simultâneo com a leitura da segunda sequência permitindo a otimização de pelo menos um ciclo.

*LCIS - Longest common increasing subsequence

Recursão utilizada

LCIS - No código em c++, de modo a evitar guardar valores obsoletos que só gastariam tempo e memória cingimos a LCIS a um vetor unidimensional, mas caso LCIS fosse uma matriz (2x2) com o grupo de valores completo teríamos:

$$LCIS(i, j) = \begin{cases} \max(Temp(i, j) + 1, \max[0, 1, \dots, j-1](LCIS(i))) & \text{if } seq1(i) = seq2(j) \\ 0 & \text{otherwise.} \end{cases}$$

Temp - No código escrito em c++, temp é um vetor temporário tratando apenas do problema de cada iteração, mas se caso tivéssemos acesso a todos os valores existentes em Temp teríamos:

$$Temp(i+1, j) = \begin{cases} \max(Temp(i, j), \max[0, 1, \dots, j-1](LCIS(i))) & \text{if } seq1(i) < seq2(j) \\ Temp(i, j) & \text{otherwise.} \end{cases}$$

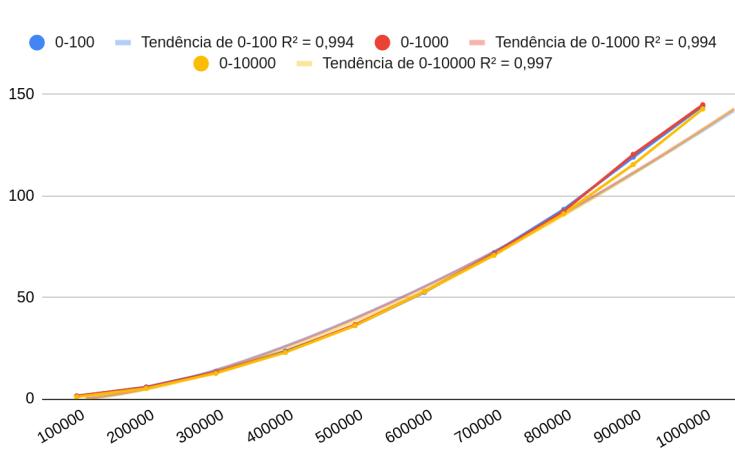
Nota: $\max\{k=0:j-1\}(LCIS(i))$ representa o valor máximo de do vetor LCIS(i) desde k=0 até k = j-1

Análise Teórica

- Leitura e análise dos dados de entrada, num ciclo *while*, e obtenção da solução , $O(n + m)$
 - Construção da sequência 1 e hash auxiliar*, $O(1)$
 - Processamento das entradas da sequência 2, ignorando as que não constam na sequência 1, resultando em $O(m)$ (no melhor caso $\Omega(1)$)
- Apresentação do maior valor encontrado, percorrendo uma lista de soluções, $O(n)$

Complexidade global da solução: $O((m) * (n + m))$ e no melhor caso $\Omega(n + m)$

*permitirá uma procura com complexidade $O(1)$ no processamento da próxima sequência



Avaliação Experimental dos Resultados

Para cada instância de teste, optamos por correr cada uma 3 vezes, com intervalos de valores diferentes, para comparar entre ocasiões com valores repetidos e valores distintos*. Apesar disso, não existem alterações significativas nos resultados.

*valores entre: 0 e 99 // 0 e 999 // 0 e 9999

Conclusão: O gráfico está de acordo com a teoria lecionada, criando a parte inicial do que virá a ser uma parábola, concordando com a complexidade do algoritmo, $O(n * m)$ para valores aleatórios. (testes feitos com $n = m$).