

Fungsi 2

Tim Ajar Matakuliah Dasar Pemrograman 2023

Kompetensi

- Mahasiswa mampu memahami konsep fungsi rekursif
- Mahasiswa mampu menerapkan fungsi rekursif untuk berbagai permasalahan

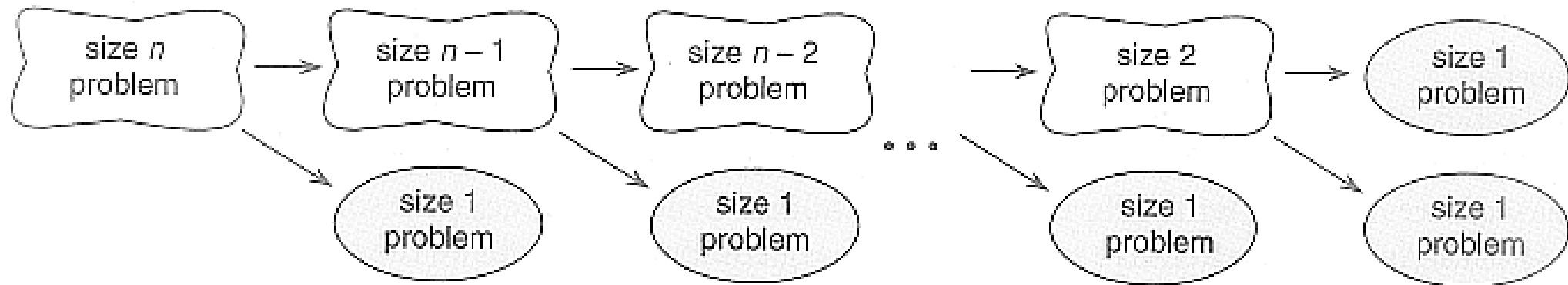
Fungsi Rekursif

- Biasanya sebuah fungsi akan dipanggil (di-CALL) oleh fungsi lain
- Pada fungsi rekursif, di dalam sebuah fungsi terdapat perintah untuk memanggil fungsi itu sendiri (dirinya sendiri). Dengan demikian, proses pemanggilan fungsi akan terjadi secara berulang-ulang
- Bentuk umum:

```
tipe_data_kembalian nama_fungsi (parameter) {  
    ...  
    nama_fungsi (...)  
    ...  
}
```

Fungsi Rekursif

- Strategi penyelesaian masalah pada kasus rekursif disebut *decrease and conquer*
- Idanya adalah mengurangi ukuran permasalahan sampai menjadi kasus sederhana yang mempunyai penyelesaian jelas



- Fungsi rekursif akan memanggil dirinya sendiri, tetapi nilai parameter yang digunakan pada setiap pemanggilan berbeda

Komponen Fungsi Rekursif

➤ **Base Case**

Rekursi berakhir jika base case (nilai batas) terpenuhi

➤ **Recursion call / Reduction step**

Fungsi rekursif konvergen (mendekat) ke arah nilai batas

Biasanya mempunyai keyword **return** untuk mengembalikan nilai ke fungsi yang memanggilnya

Format Fungsi Rekursif

- Pada umumnya format fungsi rekursif mempunyai bentuk sebagai berikut

```
if (nilai batas)
    //menyelesaikan masalah
else
    //mendefinisikan kembali masalah menggunakan rekursi
```

- Cabang IF merupakan **base case**, sedangkan ELSE merupakan **recursion call**
- Bagian recursion call menyediakan pengulangan yang dibutuhkan untuk menyederhanakan permasalahan dan base case menyediakan penghentian
- Agar rekursi dapat berhenti, **recursion call harus mendekati base case di setiap pemanggilan** fungsi rekursif

Trace Fungsi Rekursif

Eksekusi fungsi rekursif berlangsung dalam dua tahap, yaitu:

- **Fase ekspansi**: pemanggilan fungsi rekursif yang semakin mendekati base case
- **Fase substitusi**: solusi dihitung secara terbalik mulai dari base case

Contoh 1

Fungsi faktorial

- Base case: $n = 0$
- Recursion call: $f(n) = n * f(n-1)$

```
public class faktorial {  
  
    public static void main(String[] args) {  
        System.out.println(faktorialRekursif(5));  
    }  
  
    static int faktorialRekursif(int n) {  
        if (n == 0) { ← Base case  
            return 1;  
        } else {  
            return (n * faktorialRekursif(n - 1));  
        }  
    }  
}
```

wajib ada,
(terminator) buat memberhentikan

Recursion call utk memanggil fungsinya

Contoh 1 - Trace

faktorialRekursif(5) = 5 * faktorialRekursif(4)
= 5 * (4 * faktorialRekursif(3))
= 5 * (4 * (3 * faktorialRekursif(2)))
= 5 * (4 * (3 * (2 * faktorialRekursif(1))))
= 5 * (4 * (3 * (2 * (1 * faktorialRekursif(0)))))

Fase Ekspansi

$$n * \text{faktorialRekursif}(n-1)$$

$$\begin{aligned} &= 5 * (4 * (3 * (2 * (1 * 1)))) \\ &= 5 * (4 * (3 * (2 * 1))) \\ &= 5 * (4 * (3 * 2)) \\ &= 5 * (4 * 6) \\ &= 5 * 24 \\ &= 120 \end{aligned}$$

Fase Substitusi

Contoh 2

- Misalnya kita ingin membuat fungsi rekursif untuk mengalikan integer m dan integer n menggunakan penjumlahan
- Kita perlu mengidentifikasi base case dan recursion call
 - ❖ **Base case:** jika n bernilai 1, jawabannya adalah m
 - ❖ **Recursion call:** $m * n = m + m(n-1)$

$$m * n \begin{cases} m, & n = 1 \\ m + m(n-1), & n > 1 \end{cases}$$

Contoh 2 - Trace

```
public class perkalian {  
  
    public static void main(String[] args) {  
        int nilai1 = 5, nilai2 = 4;  
        System.out.println(kali(nilai1, nilai2));  
    }  
  
    static int kali(int m, int n) {  
        if (n == 1) {  
            return m;  
        } else {  
            return m + kali(m, n - 1);  
        }  
    }  
}
```

kali(5, 4)	= 5 + kali(5, 3)	Fase Ekspansi
	= 5 + (5 + kali(5, 2))	
	= 5 + (5 + (5 + kali(5, 1)))	
<hr/>		
	= 5 + (5 + (5 + 5))	
	= 5 + (5 + 10)	Fase
	= 5 + 15	Substitusi
	= 20	

Fungsi Rekursif vs Fungsi Iteratif

Fungsi Rekursif VS Fungsi Iteratif

- Pengulangan dengan struktur seleksi (IF-ELSE) dan pemanggilan fungsi dirinya sendiri
- Pengulangan berhenti saat base case terpenuhi
- Pengulangan tanpa henti jika base case tidak pernah terpenuhi
- Membutuhkan lebih banyak memori dan kerja prosesor lebih tinggi karena memanggil banyak fungsi
- Terbaca lebih jelas, pemodelan lebih dekat dengan masalah, contoh: faktorial

- Pengulangan dengan struktur repetisi (FOR/WHILE)
- Pengulangan berhenti saat kondisi pengulangan bernilai FALSE
- Pengulangan tanpa henti jika kondisi pengulangan selalu benar
- Membutuhkan memori lebih kecil dan kerja prosesor lebih rendah karena proses pengulangan berada dalam satu fungsi
- Terbaca kurang jelas, model kurang dekat dengan masalah

Fungsi Rekursif VS Fungsi Iteratif

```
static int faktorialRekursif(int n) {  
    if (n == 0) {  
        return 1;  
    } else {  
        return (n * faktorialRekursif(n - 1));  
    }  
}
```

```
static int faktorialIteratif(int n) {  
    int faktor = 1;  
    for (int i = n; i >= 1; i--) {  
        faktor = faktor * i;  
    }  
    return faktor;  
}
```

Fungsi main

```
public static void main(String[] args) {  
    System.out.println(faktorialRekursif(5));  
    System.out.println(faktorialIteratif(5));  
}
```

Kapan Menggunakan Rekursif?

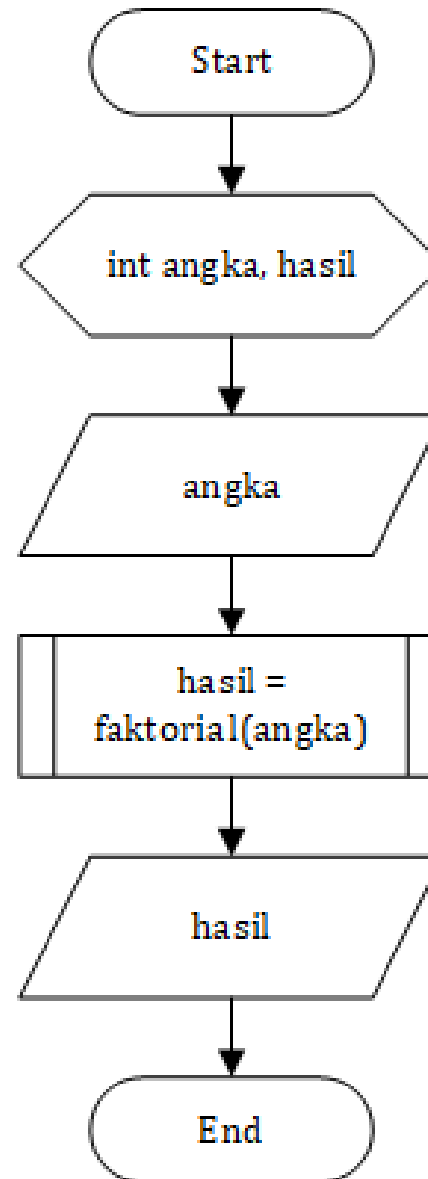
Ketika:

- Penyelesaian masalah sulit dikerjakan secara iteratif
- Tidak mempertimbangkan faktor penghematan memori dan kecepatan eksekusi program

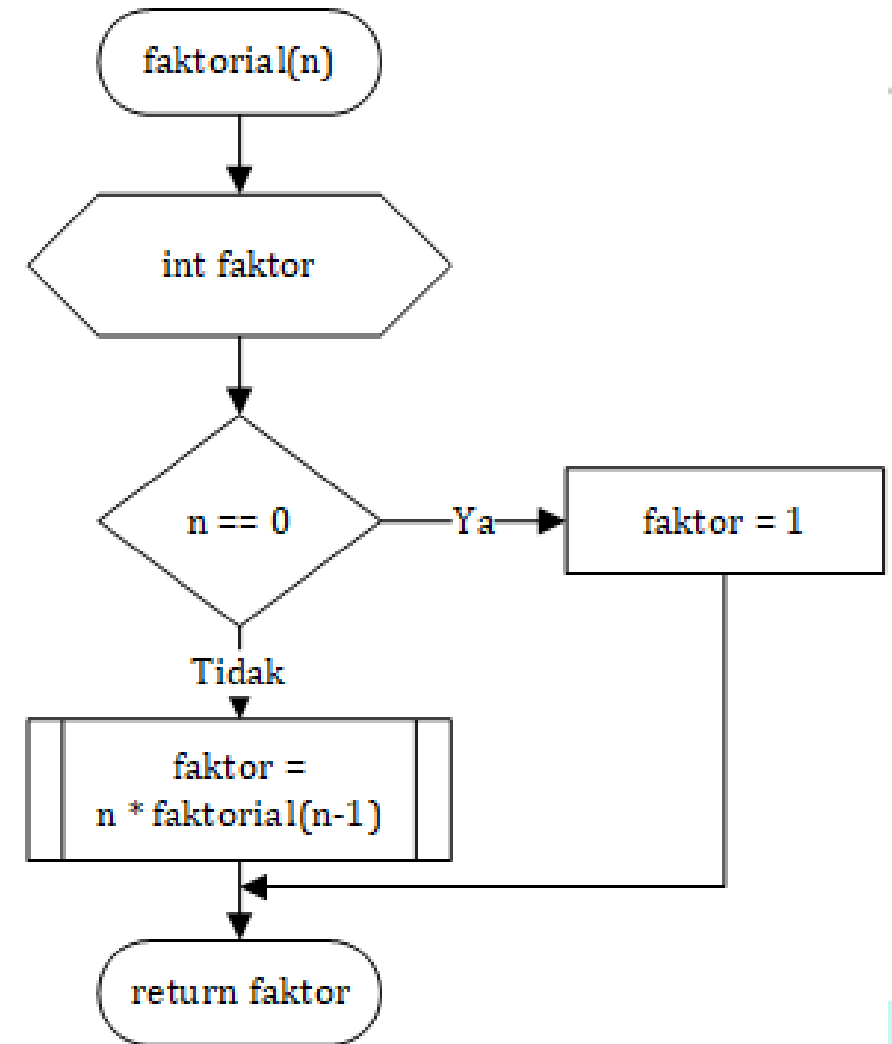
Contoh 1 - Jawaban

- BUATLAH FLOWCHART UNTUK MENGHITUNG NILAI FAKTORIAL DARI SEBUAH BILANGAN DENGAN MENGGUNAKAN FUNGSI REKURSIF!

Flowchart: main()



Flowchart: faktorial(n)

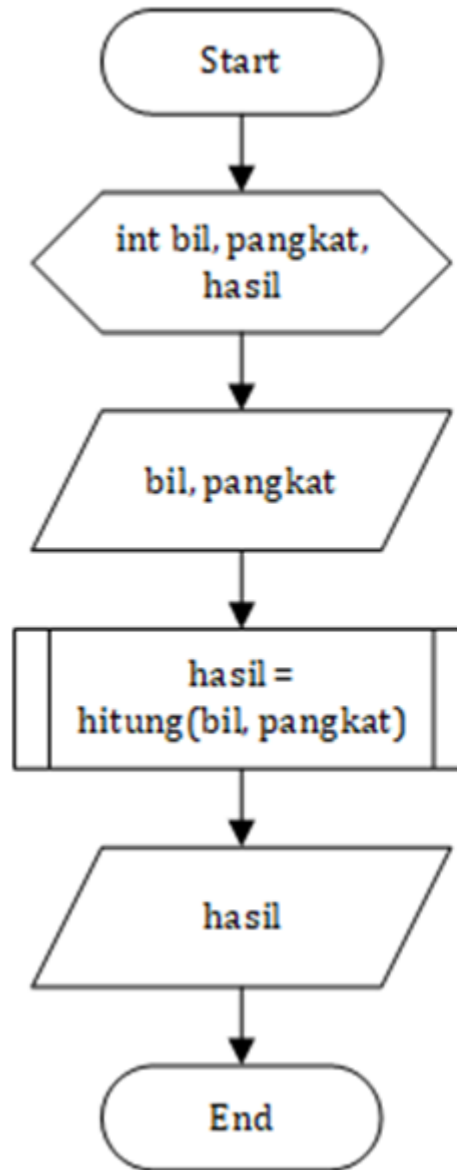


Contoh 2

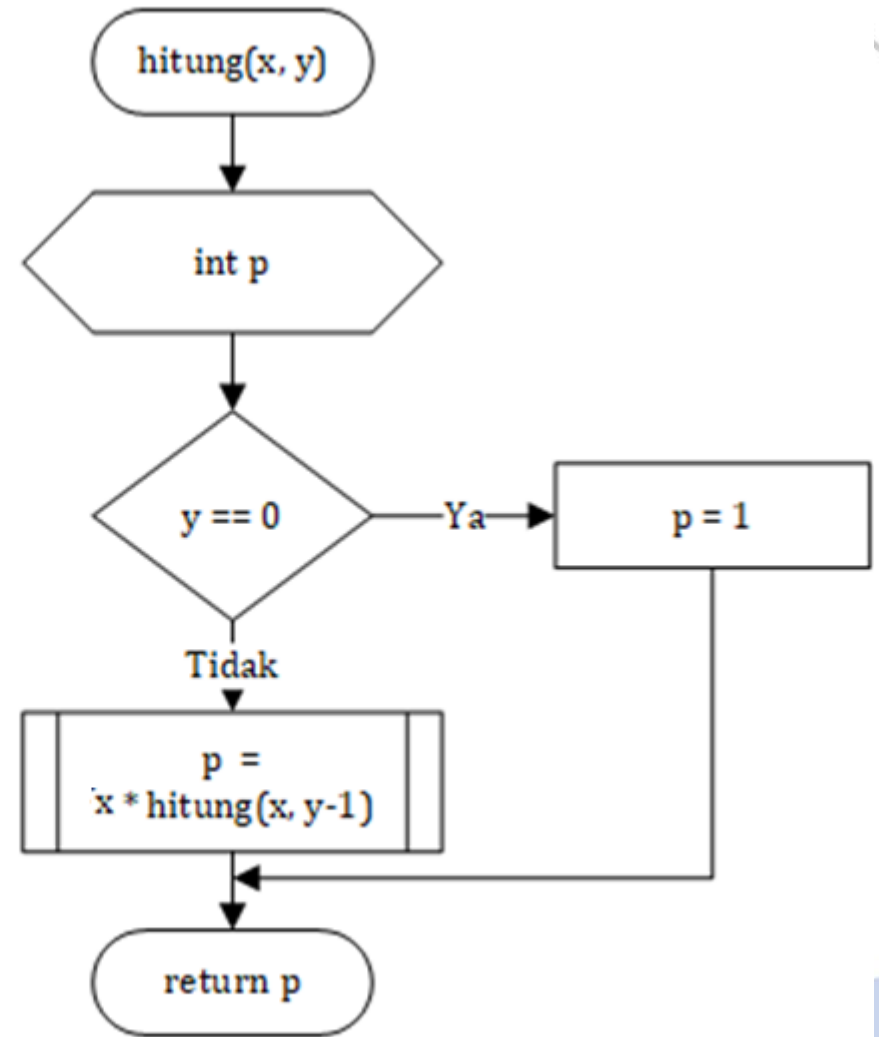
- Terdapat sebuah program untuk menghitung nilai dari x pangkat y .
Seperti yang kita ketahui, nilai dari X pangkat Y dihitung dengan cara X dikali X sebanyak $(Y - 1)$ kali, tetapi jika Y adalah 0 (X pangkat 0) maka nilai X adalah 1 .
- Sehingga untuk menghitung nilai X pangkat Y , program harus memberikan batasan bahwa jika $Y = 0$ maka nilai X menjadi 1 .
- Buatlah flowchartnya!

Contoh 2 - Jawaban

Flowchart: main()



Flowchart: hitung(x, y)



Tugas Individu

1. Buatlah flowchart untuk menghitung dan mencetak total dengan input N

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + \dots + \dots + N$$

dengan fungsi

- a) Secara iteratif
 - b) Secara rekursif
2. Buatlah flowchart untuk menghitung pola deret Fibonanci
Pola fibonanci : 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144,
**menjumlahkan dua angka awal untuk mendapatkan angka-angka setelahnya*
 3. Hitunglah hasil investasi seseorang pada pembelian emas batang.
Keuntungan investasi emas yang didapatkan di setiap tahun nya 11,7%. Buatlah flowchart untuk menentukan banyaknya uang setelah beberapa (N) tahun, misalnya 10 tahun!

Tugas Kelompok

1. Identifikasi sesuai project masing-masing kelompok, fitur apa saja yang membutuhkan penggunaan fungsi rekursif.
2. Buatlah algoritma dalam bentuk flowchart sesuai kebutuhan yang telah Anda identifikasi berdasarkan tugas pada nomor 1