Ochoвы MATLAB Лекция 1

Юдинцев В. В.

Кафедра теоретической механики Самарский университет http://yudintsev.info

30 сентября 2016 г.

Содержание

- 🚺 Введение
- Основы работы в МАТLAВ
- 🗿 Операторы
- Функции MATLAB
- 🚺 Функции пользователя
- Ячейки
- 🕡 Структуры
- 🔞 Задачи



История создания

- МАТLAВ как язык программирования был разработан Кливом Моулером (Cleve Moler) в конце 1970-х годов для упрощения использования программных библиотек LINPACK и EISPACK без необходимости изучения Фортрана.
- В начале 80-х Джек Литл (Jack Little) Модернизировал эту систему для персональных компьютеров типа IBM PC, VAX и Macintosh.
- В 1984 основана компания The MathWorks inc.
- Последняя версия (09.2016): MATLAB R2016b.

Структура MATLAB

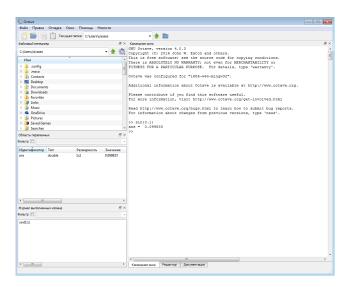
- Высокоуровневый интерпретируемый язык программирования, включающий основанные на матрицах структуры данных, широкий спектр функций, интегрированную среду разработки, объектно-ориентированные возможности и интерфейсы к программам, написанным на других языках программирования.
- Toolboxes коллекции MATLAB-функций, для решения определённого класса задач (Optimization Toolbox, Partial Differential Equation Toolbox, Spline Toolbox, Statistic Toolbox).
- Simulink приложение для анализа динамических систем.

Свободное ПО

Близкое по функциональности свободное ПО:

- GNU Octave https://www.gnu.org/software/octave;
- FreeMat http://freemat.sourceforge.net;
- Scilab http://www.scilab.org;
- R (для статистических расчётов) https://www.r-project.org.
- Python с библиотеками numpy, scipy, matplotlib http://www.scipy.org;
- **Sagemath** http://www.sagemath.org.

GNU Octave





Окно программы

- Command window окно команд;
- Command history окно истории истории команд;
- Current directory окно, содержащие список файлов и папок текущего каталога;
- Editor текстовый редактор.
- Workspace окно со списком переменных текущей сессии.

∧	MATLAB 7.6.0 (R2008a)	. • ×							
File Edit Debug Parallel Desktop Window Help									
🛅 🚰 🐰 ங 🛅 🤊 🥦 🚵 📆 🖹 😻 Current Directory: /forrest/w	ork/cs/SVM/Youn 🔻 🛍								
Shortcuts (2) How to Add (2) What's New									
Current Directory Workspace → □ 7 ×	Command Window	× 5 □ 1							
1	New to MATLAB? Watch this <u>Video</u> , see <u>Demos</u> , or read <u>Getting Started</u> .	×							
Name	Runtime (without IO) in cpu-seconds: 0.00 Accuracy on test set: 96.00% (288 correct, 12 incorrect, 300 total) Precision/recall on test set: 96.62%/95.33% err_rate = 0.0400 72 Trore: File: PROJmain.m Line: 38 Column: 24 The expression to the left of the equals sign is not a valid target for an assignment. Writing 100 200 300 400 500 600 done. Writing 100 200 300 done. Calling SVMlight: sww_learn-c-100 -t-0 Train model Scanning examplesdone Reading examples into memory1002003004005006000K. (600 examples read)								
Command History	Optimization finished (O misclassified, maxdiff=0.00099). Runtiem in cpu-seconds: 0.21 at upper bound of the control of the co								

MATLAB как калькулятор

• а=1.2 – присвоение некоторого значения переменной а

```
1 >> a=1.2
2 a = 1.2
```

 b=sin(a)*sqrt(a+2) – вычисление выражения и вывод результата

```
1 >> b=sin(a)*sqrt(a+2)
b = 1.6673
```

• ; – точка с запятой в конце выражения подавляет вывод результата:

```
1  >> b=sin(a)*sqrt(a+2);
2  >>
```

Базовые команды редактора (Command window)

- ↑ возврат к предыдущей команде.
- help имя функции справка по функции (или F1).
- cls очистить окно команд (Command window).
- clear удалить все переменные в текущей сессии.
- Ctrl C (в окне команд) прерывание вычислений.

Синтаксис

- Имена переменных могут состоять из латинских буквам, цифр, знака подчёркивания: a, a1, x1, x_1. Имена переменных чувствительны к регистру: A и a это разные переменные.
- При создании переменной может быть явно указан тип (по умолчанию double):

```
1 >> a=int16(25);
```

Типы данных

Тип	Описание
double	вещественный, 64 бит
single	вещественный, 32 бит
int8	знаковый целочисленный, 8 бит
int16	знаковый целочисленный, 16 бит
int32	знаковый целочисленный, 32 бит
int64	знаковый целочисленный, 64 бит
uint8	беззнаковый целочисленный, 8 бит
uint16	беззнаковый целочисленный, 16 бит
uint32	беззнаковый целочисленный, 32 бит
uint64	беззнаковый целочисленный, 64 бит

Синтаксис

- Квадратные скобки используются для создания векторов и матриц: a=[1,2,3,4].
- Круглые скобки используются для вызова функций и для группировки выражений: sin(1.2)+a*(c+1).
- Фигурные скобки для создания массивов ячеек: a={'Macca'.10}

Создание последовательностей

• var=начальное значение:шаг:конечное значение по умолчанию шаг равен +1

```
1 >> c = 1:2:10
c =
1 3 5 7 9
```

Создание вектора-столбца

Управление переменными

whos показать переменные текущей сессии

1 2 3	>> whos Name	Size	Bytes	Class	Attributes
4	a	1 x1	8	double	
5 6	ans b	1 x5 1 x1	40 8	double double	

- clear удалить все переменные текущей сессии
- clear f1, f2 удалить переменные f1, f2 текущей сессии

17 Юдинцев В. В. Основы MATLAB

Ведение "протокола" работы

- diary filename ведет запись на диск всех команд в строках ввода и полученных результатов в виде текстового файла.
- diary off приостанавливает запись в файл.
- diary on вновь начинает запись в файл.

Сохранение сессии

Coxpaнeние значения всех переменных в файл *.mat

- save filename запись в файл filename.mat текущей сессии (значение всех переменных).
- load filename загрузка значений переменных из файла filename.

Ввод чисел

```
\begin{array}{lll} \text{a=1.25} \\ \text{a=9.3e10} & 9.3 \cdot 10^{10} \\ \text{a=2.36e-5} & 2.36 \cdot 10^{-5} \end{array}
```

```
1 >> a=1.25
a = 1.2500
```

```
1 >> a = 9.3e10
a = 9.3000e+10
```

```
1 >> a=2.36e-5
a = 2.3600e-05
```

Формат отображения результата

```
>> format short;
>> pi
ans=
 3.1416
>> format long;
>> pi
ans=
   3.141592653589793
>> format short e;
>> pi
ans=
 3.1416e+00
>> format long e;
>> pi
ans=
   3.141592653589793e+00
```

Константы

ullet рі – число π

```
1 >> pi
2 ans = 3.1416
```

• realmin - минимальное положительное число

```
1 >> realmin
2 ans = 2.2251e-308
```

• realmax - максимальное положительное число

```
1 >> realmax
2 ans = 1.7977e+308
```

Использование имен переменных, совпадающих со встроенными именами, не рекомендуется

 Юдинцев В. В.
 Основы MATLAB
 22

Комплексные числа

ullet complex(1,3) – комплексное число 1+3i

```
1 >> a = complex(1,3);
```

ullet і или j – мнимая единица $\sqrt{-1}$

```
1 >> b = 1+2i;

2 >> a*b

3 ans =

-5.0000 + 5.0000i
```

$$(1+3i) \cdot (1+2i) = 1+2i+3i-6 = -5+5i$$

ans – результат вычисления предыдущего действия

Встроенная переменная ans хранит результат последнего действия:

```
1 >> 2+2
2 ans =
3 4
```

Эту переменную можно использовать в выражениях:

```
>> ans*5
ans =
20
```

Типы данных: векторы

 $\begin{bmatrix}
 1.2 \\
 1.5 \\
 1.9 \\
 0.5
 \end{bmatrix}$

 Юдинцев В. В.
 Основы MATLAB
 25

Матрицы и скаляры

Каждая переменная в MATLAB – это матрица, поэтому переменная

```
1 >> a=1;
```

это матрица размерности 1х1:

```
1  >> a(1,1)
2  ans =
3  1
```

 Юдинцев В. В.
 Основы МАТLAB
 26

Типы данных: матрицы

• A=[1.2 1.5 1.9; 0.5 0.6 0.7; 0.1 1 3]

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1.2 & 1.5 & 1.9 \\ 0.5 & 0.6 & 0.7 \\ 0.1 & 1 & 3 \end{bmatrix}$$

- элементы вводятся построчно;
- элементы матрицы в строке можно разделять пробелами или запятыми;
- для разграничения строк используются точка с запятой;
- элемент матрицы может быть числом или выражением.



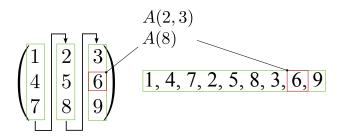
Оператор ()

help ops вывести список всех операторов

(i,j,k,...) – доступ к элементам матрицы. A(i,j) – i строка, j столбец.

Оператор ()

A(i) - i элемент вектора (строки или столбца) или i элемент матрицы, при расположении элементов по столбцам.



Логическое индексирование

Логическое индексирование позволяет выбрать из вектора или матрицы элементы, удовлетворяющие заданному условию.

```
1 >> ind=a<0
ind =
3 0 0 0 0 0 1 1 1 1
```

```
>> a(ind)
ans =
-0.3508 -0.7568 -0.9775 -0.9589
```

Скалярное произведение векторов

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |a||b|\cos\varphi = a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z$$

Вычисление скалярного произведения, используя встроенную функцию dot:

```
1 >> a=[1 2 3];

>> b=[4 5 6];

>> dot(a,b)

ans =

32
```

Скалярное произведение векторов

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |a||b|\cos\varphi = a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z$$

Вычисление скалярного произведения, используя оператор матричное умножение:

```
1 >> a*b'
2 ans =
3 32
```

 Юдинцев В. В.
 Основы МАТLAB
 33

Матричное умножение

А*В умножение чисел или матриц (матричное умножение)

```
>> a = [1 2 3
4 5 6];
>> b = [1 2
3 4
5 5 6];
>> a*b
ans =
22 28
49 64
```

Поэлементное умножение

C=A .*В поэлементное умножение матриц $C_{ij}=A_{ij}B_{ij}$

Возведение в степень

Возведение в степень матрицы или числа

```
1 >> a=[1 2
2 3 4];
3 >> a^2
4 ans =
5 7 10
6 15 22
```

$$a^2 = a \cdot a = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 7 & 10 \\ 15 & 22 \end{pmatrix}$$

Возведение в степень

Возведение в степень всех элементов матрицы

```
1 >> a=[1 2
2 3 4];
3 >> a.^2
4 ans =
5 1 4
6 9 16
```

Юдинцев В. В. Основы МАТLAВ

37

Операторы

• А' – транспонирование матрицы:

```
1 >> A=[1.2 0.3;
0.5 2.1];
>> A'
ans =
1.2000 0.5000
0.3000 2.1000
```

- \bullet C=A/B деление $C = AB^{-1}$
- ullet С=A $oldsymbol{.}$ /B поэлементное деление $C_i=A_i/B_i$

Решение системы линейных уравнений

Деление $A \setminus B$ выполняет операцию $C = A^{-1}B$ – решение СЛУ с матрицей коэффициентов A и матрицей правой части B:

$$\begin{cases} 1.2x_1 + 0.3x_2 = 1; \\ 0.5x_1 + 2.1x_2 = 2. \end{cases}$$

```
>> A=[1.2 0.3;0.5 2.1];
>> B=[1;2];
>> A\B
ans =
0.6329
0.8017
```

 Юдинцев В. В.
 Основы МАТLAB
 39

Логические операторы < > = >= <= ~=

Результатом операции над матрицей или вектором является логический вектор (матрица):

Оператор:

• Для создания списков с равноотстоящими значения используется оператор:

n1:s:n2 $n1, n1 + s, n1 + 2s, ..., n_k, n_k \le n2$

- Оператор : может использоваться для доступа к элементам матрицы и вектора
- \bullet A=1:10 1,2,3,4,5,6,7,8,9,10
- А(1:2:10) нечетные элементы вектора: [1,3,5,7,9]

Юдинцев В. В. OCHORNI MATI AR 41

Оператор:

Для прямоугольной матрицы A:

- A(:,k) k-ый столбец матрицы A
- A(k,:) k-ая строка матрицы А
- А(:,[2,4,5]) второй, четвертый и пятый столбец матрицы А

```
>> a = magic (4)

a =

16 2 3 13

5 11 10 8

9 7 6 12

6 4 14 15 1

>> a([1 3],:)

ans =

16 2 3 13

9 7 6 12
```

 Юдинцев В. В.
 Основы МАТLAB
 42

Блоки матриц

A(1:2,3:4) – блок матрицы A, лежащий на пересечении строк 1 и 2, и столбцов 3 и 4.

Удаление строк и столбцов из матрицы

$A(3,:)=[\]$ — удалить третью строку из матрицы A



Математические функции

```
sin, cos, tan, cot, acos, asin, ... - тригонометрические
log, log10, log2, exp, sqrt, nthroot(x,n), ...
sign(a) – знак числа a:-1.0.+1.
```

Основы MATLAB

Функции округления

К ближайшему к нулю целому:
 fix(1.8)=1 но fix(-1.8)=-1

- К меньшему целому: floor(-1.9)=-2 но floor(1.9)=1
- К большему целому: ceil(1.3)=2
- К ближайшему целому:
 round(1.4)=1, round(-1.5)=-2

47

Функции комплексных чисел

- abs(z) модуль.
- angle(z) аргумент.
- conj(z) комплексно-сопряженное число.
- imag(z) мнимая часть.
- real(z) вещественная часть.
- isreal(z) 1, если z вещественное число, 0 мнимое.

Специальные матрицы

 \bullet eye(n), eye(n,m) – единичные матрицы $n \times n$.

- rand(n), rand(n,m) матрица псевдослучайных чисел
- ullet ones(n,m) матрица n imes m, заполненная единицами
- zeros(n,m) матрица $n \times m$, заполненная нулями

Специальные матрицы

magic(n) – квадратная матрица $n \times n$,с одинаковыми суммами элементов по строкам и столбцам и диагоналям.

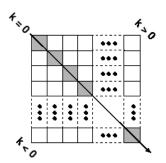
 Юдинцев В. В.
 Основы MATLAB
 50

Функции над матрицами

- diag(A), diag(A,k) строка, содержащая диагональные элементы матрицы \mathbf{A} , если \mathbf{A} матрица (k=0 для главной диагонали).
- $\operatorname{diag}(V)$ диагональная матрица с элементами вектора V на диагонали, если V вектор.
- tril(A), tril(A,k) нижняя треугольная матрица, построенная по матрице A.
- triu(A), triu(A,k) верхняя треугольная матрица, построенная по матрице A.

Функции над матрицами

Параметр k в функциях diag(A,k), tril(A,k), triu(A,k)



Функции над векторами

- cross(a,b) векторное произведение;
- dot(a,b) скалярное произведение;
- sum(a) сумма элементов вектора;
- sort(a) сортировка вектора; если а матрица, то производится сортировка элементов в столбцах.
 Другой вариант вызова [res,i]=sort(a). Переменная і содержит индексы элементов исходного вектора а, расположенные по порядку сортировки.

Сумма элементов вектора или матрицы

sum(a)

Сумма элементов вектора:

Сумма элементов матрицы:

Сумма элементов матрицы

Сумма элементов матрицы по заданному измерению:

Сортировка

sort(a) – сортировка вектора или матрицы. Если а – матрица, то производится сортировка элементов в столбцах (по первому измерению):

Сортировка

Вторым аргументом функции sort может быть номер измерения, по которому должна выполняться сортировка:

Сортировка

[res,i]=sort(a). і содержит индексы элементов исходного вектора а, расположенные по порядку сортировки.

```
\Rightarrow a = magic (3)
   a =
        [res,i] = sort(a)
    res
                            6
10
11
12
13
14
```

Битовые функции

```
bitand(a,b) - поразрядное И
```

```
1 >> bitand (5,1)
2 ans =
3 1
```

bitor(a,b) - поразрядное ИЛИ

```
1 >> bitor (4,2)
2 ans = 6
```

bitset(a,bit,v) – установка бита в позиции bit числа a;v=1 или 0

 Юдинцев В. В.
 Основы МАТLAB
 59

Преобразование числа к другому основанию

dec2bin(a) – строка с двоичным представлением положительного числа a

```
1 >> dec2bin(5)
2 ans =
3 101
```

dec2hex(a) – строка с шестнадцатеричным представлением положительного числа a

Преобразование числа к другому основанию

bin2dec(a) – преобразование строки с двоичным представлением числа к десятичной системе a

hex2dec(a) – преобразование строки с шестнадцатеричным представлением числа к десятичной системе a

Работа с множествами

intersect(A, B) – пересечение векторов A и B как множеств:

ismember(A, S) - содержит ли А элементы из S:

Работа с множествами

setdiff(A, B) – элементы, входящие в A, но отсутствующие в B (A-B):

setxor(A, B) – элементы, не входящие в результат пересечения множеств A и B:

 Юдинцев В. В.
 Основы МАТLAB
 63

Работа с множествами

union(A, B) – объединение множеств:

```
1 >> a = [1 2 3 7 8 7 3 1];

>> b = [7 1 5 6];

>> union(a,b)

ans =

1 2 3 5 6 7 8
```

unique(A) – элементы вектора A без повторений:

```
1 >> a = [1 2 3 7 8 7 3 1];

>> unique(a)

ans =

1 2 3 7 8
```

 Юдинцев В. В.
 Основы МАТLAB
 64



Способы задания функции

- inline функции;
- анонимные функции;
- файл-функции.

inline-функция

```
1 >> f1 = inline('x1^2+x2^2','x1','x2');
2 >> f1(4,2)
3 ans =
4 20
```

Переменные из рабочей области недоступны.

Анонимная функция

```
1 >> f = @ (x1,x2) x1^2+x2^2;

>> f(4,2)

3 ans =

20
```

Переменные из рабочей области доступны, но рассматриваются как константы:



Ячейки

Массивы ячеек (cells) могут хранить данные различных типов: числа, строки, структуры, массивы ячеек.

```
>> data {1} = 'Текст'
data =
'Текст'
>> data {2} = 1
data =
'Текст'
>> data {5} = [1 2 3]
data =
'Текст' [1] [] [1x3 double]
```

Доступ к элементам массива ячеек

```
1 >> data {1}
2 ans =
3 Tekct
4
5 >> data {2}
6 ans =
7 1
8
9 >> data {5}
10 ans =
11 1 2 3
```

Функция cell

Формирование пустой матрицы ячеек

Присвоение значения элементу новой матрицы

```
1 >> a{2,3} = 'элемент 2,3'
2 a =
3 [] [] [] [] 'элемент 2,3' []
5 [] [] []
```

 Юдинцев В. В.
 Основы МАТLAB
 72

Функции для работы с ячейками

Преобразование числовой матрицы в матрицу ячеек

```
>> b = mat2cell(a,[2 3],[2 1 2])
b =

[2x2 double] [2x1 double] [2x2 double]
[3x2 double] [3x2 double]
```

Функции для работы с ячейками

Преобразование числовой матрицы в матрицу ячеек

```
>> a=magic (5)
a =
    17
          24
                             15
    23
                          16
                   20
                          22
    10
          12
                19
                       21
    11
          18
                25
```

```
>> b = mat2cell(a,[2 3],[2 1 2])
b =

[2x2 double] [2x1 double] [2x2 double]
[3x2 double] [3x2 double]
```

Преобразование матрицы ячеек в числовую матрицу

Функция mat2cell:

```
>> b = mat2cell(a,[2 3],[2 1 2])
  b =
      [2x2 double] [2x1 double]
                                       [2x2 double]
      [3x2 double]
                      [3x1 double]
                                       [3x2 double]
     cell2mat(b)
  ans =
            24
      17
                              15
      23
                        14
                            16
             6
                        20
                            22
      10
            12
                  19
                        21
10
      11
                  25
            18
11
```



Структура

Структура – это элемент данных, который может содержать разнотипные поля:

```
имя = struct('поле1',значение,'поле2',значение,...)
```

Структура, описывающая параллелепипед:

```
box=struct('height', 100, 'width', 10, 'depth', 5)
box=
    height: 100
    width: 10
    depth: 5
```

Доступ к полям структуры

• Считывание значения поля

```
1 >> box.height
2 ans =
3 100
```

• Имя поля может быть задано строкой

Список полей структуры

```
>> names = fieldnames(box)
names =
    'height'
'width'
'depth'
'mass'
```

Изменение значения поля

```
1 >> box.height = 20
box =
3 height: 20
4 width: 10
5 depth: 5
```

 Юдинцев В. В.
 Основы МАТLAB
 79

Добавление поля

Для добавления поля к структуре необходимо присвоить значение новому полю, как существующему:

```
>> box.mass=5
box =
height: 20
width: 10
depth: 5
mass: 5
```

Создание структуры

Создание новой структуры без использования функции struct:

```
>> sphere2 . radius = 2
sphere2 =
radius : 2
```



Напишите кратчайшее однострочное выражение для построения квадратной матрицы вида

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & \dots & n \\ 1 & 2 & 3 & 4 & \dots & n \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & n \\ 1 & 2 & 3 & 4 & \dots & n \end{bmatrix}$$

Напишите выражение, определяющее индекс элемента вектора с наименьшим отклонением от среднего значения элементов вектора ${f P}$

$$i: \min |P_i - m(\mathbf{P})|$$

Например, для

$$P = [8, 1, 2, 2, 0, 3]$$

ответом будет 6, т.е. шестой элемент массива находится ближе всего к среднему значению элементов массива. Среднее значение определяется при помощи функции **mean**

```
1 >> P=[8 1 2 2 0 3];

2 >> mean(P)

3 ans = 2.6667

>>
```

Напишите код, который находит матрицу ${f B}$, отличающуюся от матрицы ${f A}$ перестановкой столбцов по возрастанию суммы элементов столбца.

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 2 & 3 & 5 \\ 4 & 1 & 9 \\ 3 & 0 & 2 \end{bmatrix} \quad \Rightarrow \quad \mathbf{B} = \begin{bmatrix} 5 & 2 & 3 \\ 9 & 4 & 1 \\ 2 & 3 & 0 \end{bmatrix}$$

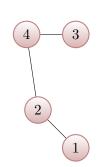
$$\lceil 5+9+2 \rceil > \lceil 2+4+3 \rceil > \lceil 3+1+0 \rceil$$

В матрице ${\bf A}$ записаны координат точек на плоскости: в первом столбце – координаты x, во втором столбце – y:

$$oldsymbol{A} = egin{bmatrix} x_1 & y_1 \ x_2 & y_2 \ x_3 & y_3 \ \dots & \dots \ x_n & y_n \end{bmatrix}$$

Постройте матрицу ${f B}$, которая составлена из строк матрицы ${f A}$ так, что с увеличением номера строки с координатами точки растёт расстояние от этой точки до начала координат.

Структура графа описана при помощи списка смежности, записанного в виде матрицы:



$$\mathbf{L} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 4 \\ \dots & \dots \\ 3 & 4 \end{bmatrix},$$

В каждой строке матрицы ${f L}$ записываются индексы вершин, связанные дугой.

Постройте матрицу смежности графа \mathbf{S} , элемент которой – s_{ij} отличен от нуля, только если вершины i и j смежные, т. е. соединены дугой. Остальные элементы матрицы \mathbf{S} равны нулю.