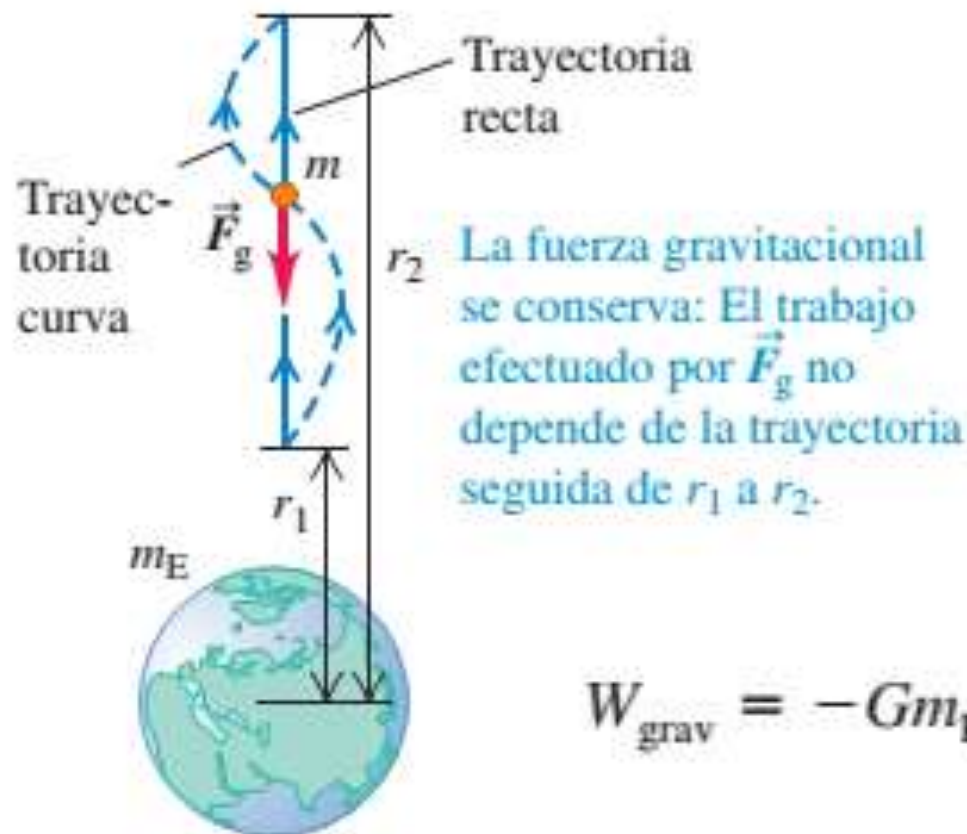


TRABAJO, ENERGÍA Y POTENCIAL ELÉCTRICO y GRAVITATORIO



Energía potencial gravitacional



$$W_{\text{grav}} = \int_{r_1}^{r_2} F_r dr$$

$$W_{\text{grav}} = -Gm_E m \int_{r_1}^{r_2} \frac{dr}{r^2} = \frac{Gm_E m}{r_2} - \frac{Gm_E m}{r_1}$$

$$U = -\frac{Gm_E m}{r}$$

Tierra, masa m_E

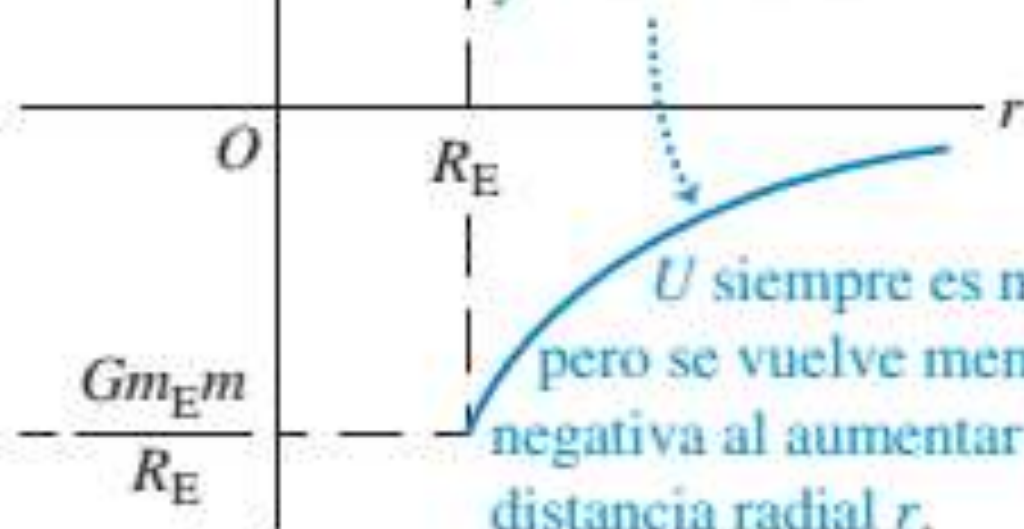


Astronauta, masa m

U

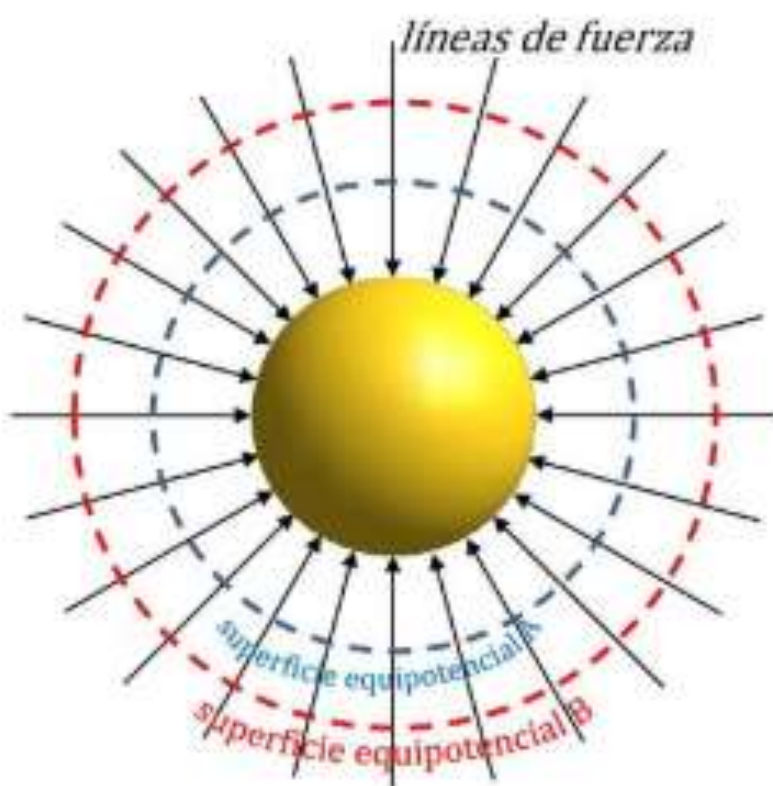
Energía potencial

gravitacional $U = -\frac{Gm_E m}{r}$
para el sistema de la Tierra
y el astronauta.



U siempre es negativa
pero se vuelve menos
negativa al aumentar la
distancia radial r .

4.1. Líneas de fuerza y superficies equipotenciales



- ☞ Las **líneas de fuerza** son siempre tangentes al vector intensidad del campo.
- ☞ Su sentido es siempre **entrante** hacia la masa que origina el campo.
- ☞ Las líneas de fuerza **nunca se cruzan**.
- ☞ El número de líneas de fuerza que atraviesan una unidad de superficie es proporcional a valor de g .
- ☞ Todos los puntos que se encuentran a la misma distancia r de la masa m , tienen el mismo valor del potencial y constituyen una **superficie equipotencial**.
- ☞ Las superficies equipotenciales nunca se cortan.
- ☞ Las líneas de fuerza son perpendiculares a las superficies equipotenciales.

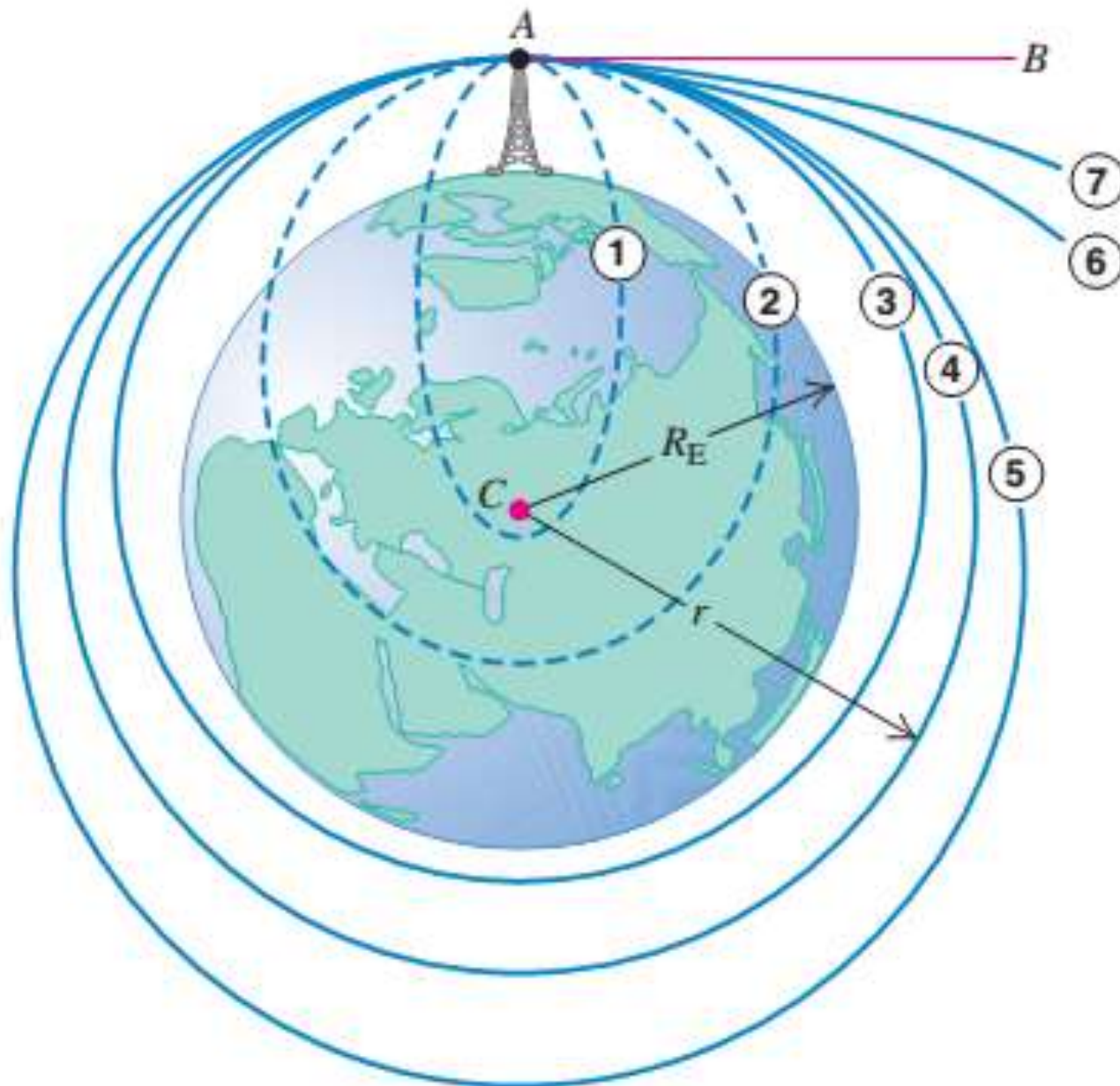
rapidez de escape,

$$K_1 + U_1 = K_2 + U_2$$

$$\frac{1}{2}mv_1^2 + \left(-\frac{Gm_E m}{R_E}\right) = 0 + 0 \quad v_1 = \sqrt{\frac{2Gm_E}{R_E}}$$

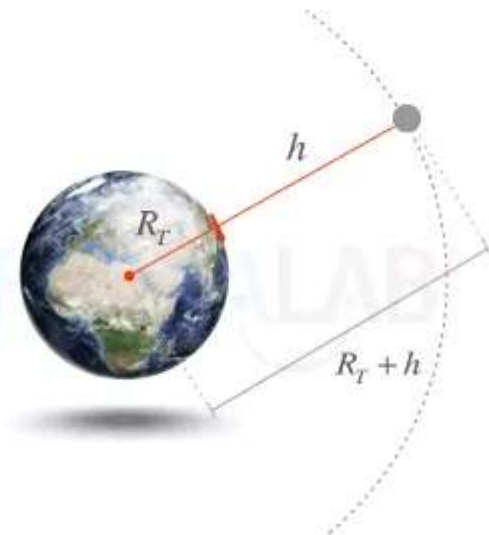
$$v_1 = \sqrt{\frac{2GM}{R}} \quad (\text{rapidez de escape})$$

Movimiento de satélites

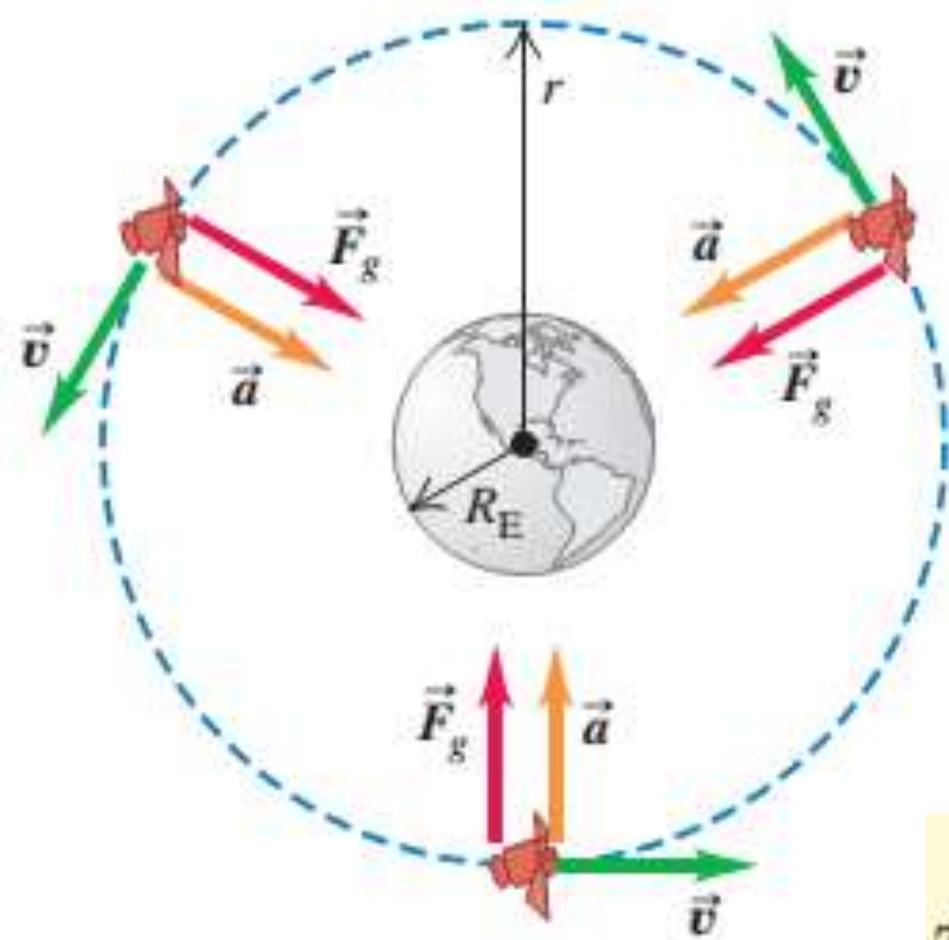


Un proyectil se lanza de A a B .

Las trayectorias ① a ⑦ muestran el efecto de la rapidez inicial creciente.



Satélites: Órbitas circulares



$$\frac{Gm_E m}{r^2} = \frac{mv^2}{r}$$

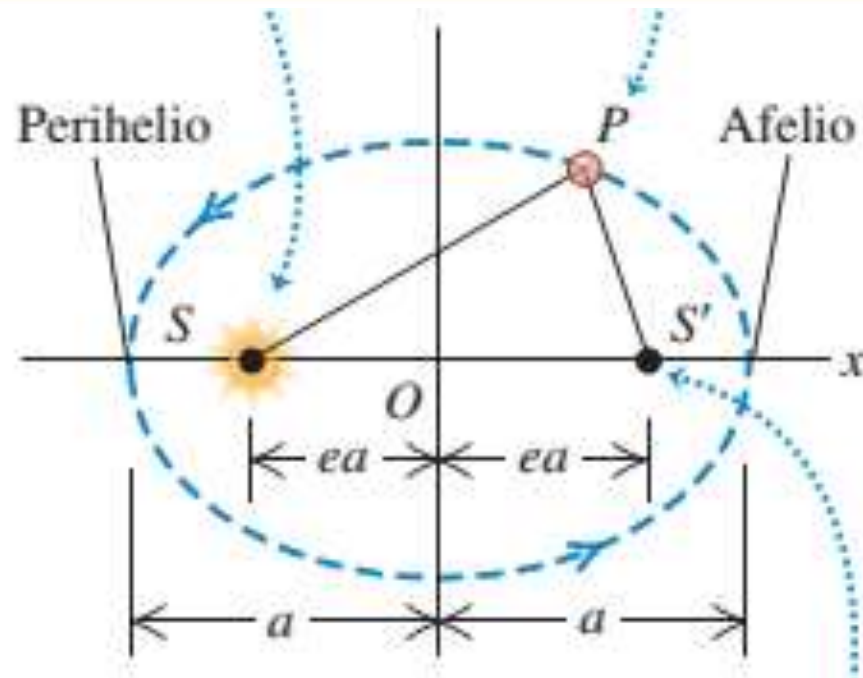
$$v = \sqrt{\frac{Gm_E}{r}}$$

El satélite está en órbita circular: su aceleración \vec{a} es siempre perpendicular a su velocidad \vec{v} , por ello, la rapidez v es constante.

$$T = \frac{2\pi r}{v} = 2\pi r \sqrt{\frac{r}{Gm_E}} = \frac{2\pi r^{3/2}}{\sqrt{Gm_E}}$$

Las leyes de Kepler y el movimiento de los planetas

1. Cada planeta se mueve en una órbita elíptica, con el Sol en uno de los focos de la elipse.
2. Una línea del Sol a un planeta dado barre áreas iguales en tiempos iguales.
3. Los periodos de un planeta son proporcionales a las longitudes del eje mayor de sus órbita elevadas a la potencia $\frac{3}{2}$.

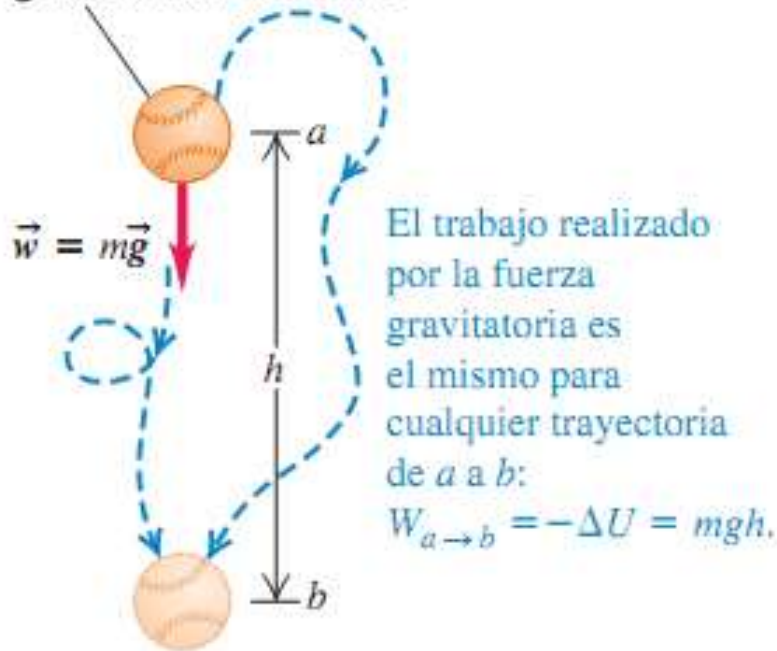


TRABAJO DE UNA FUERZA ELÉCTRICA

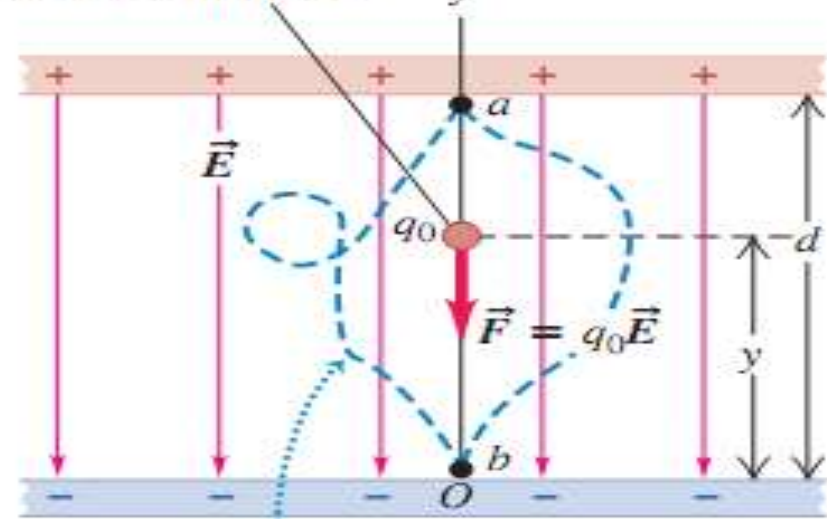
$$W_{a \rightarrow b} = \int_a^b \vec{F} \cdot d\vec{l} = \int_a^b F \cos \phi \, dl \quad (\text{trabajo realizado por una fuerza})$$

$$W_{a \rightarrow b} = U_a - U_b = -(U_b - U_a) = -\Delta U \quad (\text{trabajo efectuado por una fuerza conservativa})$$

Objeto en movimiento en un campo gravitacional uniforme



Carga puntual que se mueve en un campo eléctrico uniforme



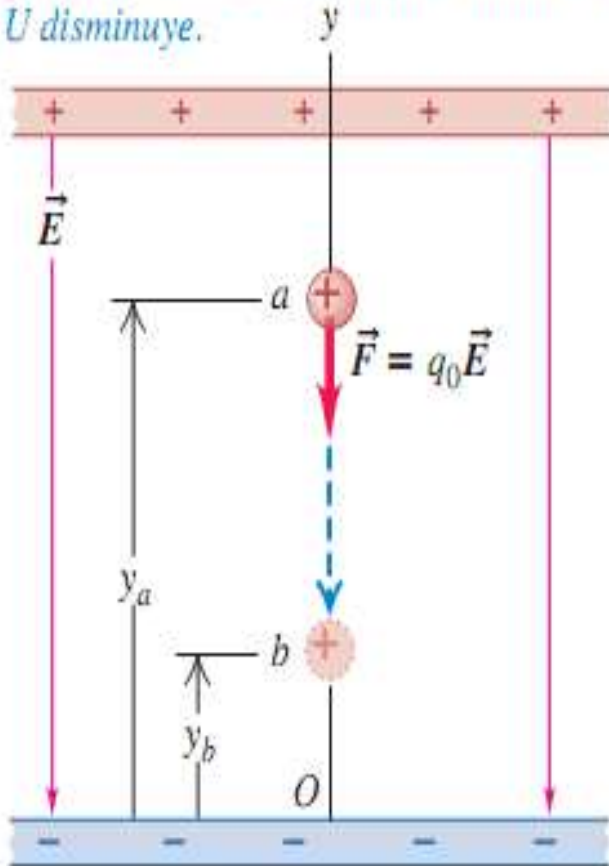
El trabajo realizado por la fuerza eléctrica es el mismo para cualquier trayectoria de a a b :

$$W_{a \rightarrow b} = -\Delta U = q_0 Ed.$$

Energía potencial para campo E constante

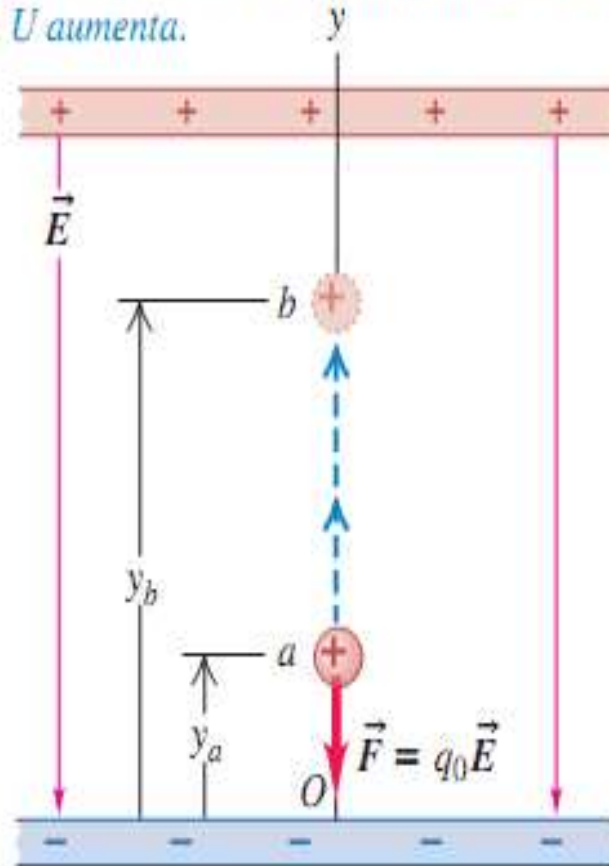
a) La carga positiva se desplaza en dirección de \vec{E} :

- El campo realiza un trabajo *positivo* sobre la carga.
- U disminuye.



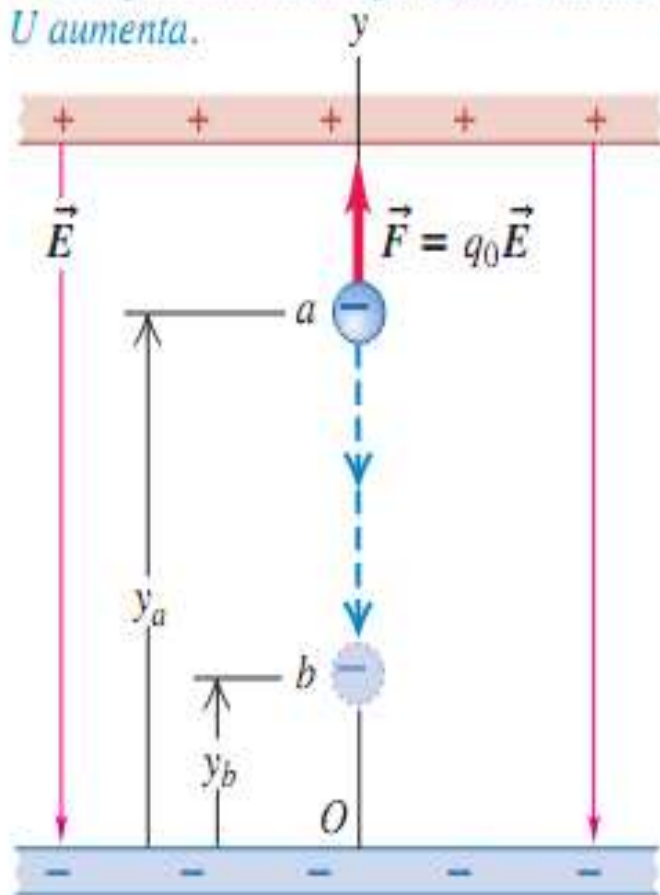
b) La carga positiva se desplaza en dirección opuesta a \vec{E} :

- El campo realiza un trabajo *negativo* sobre la carga.
- U aumenta.



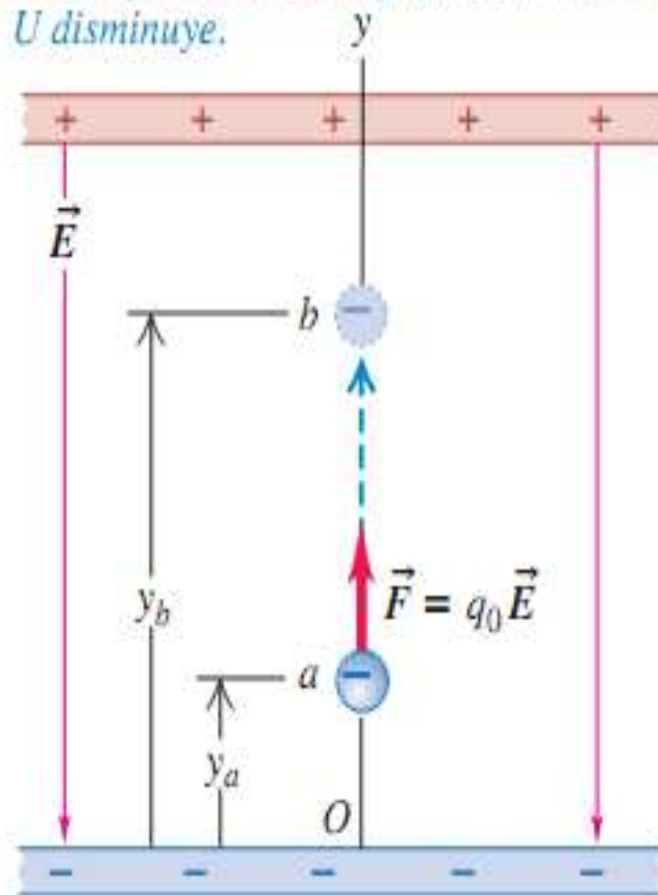
a) La carga negativa se desplaza en la dirección de \vec{E} :

- El campo realiza trabajo *negativo* sobre la carga.
- U *aumenta*.



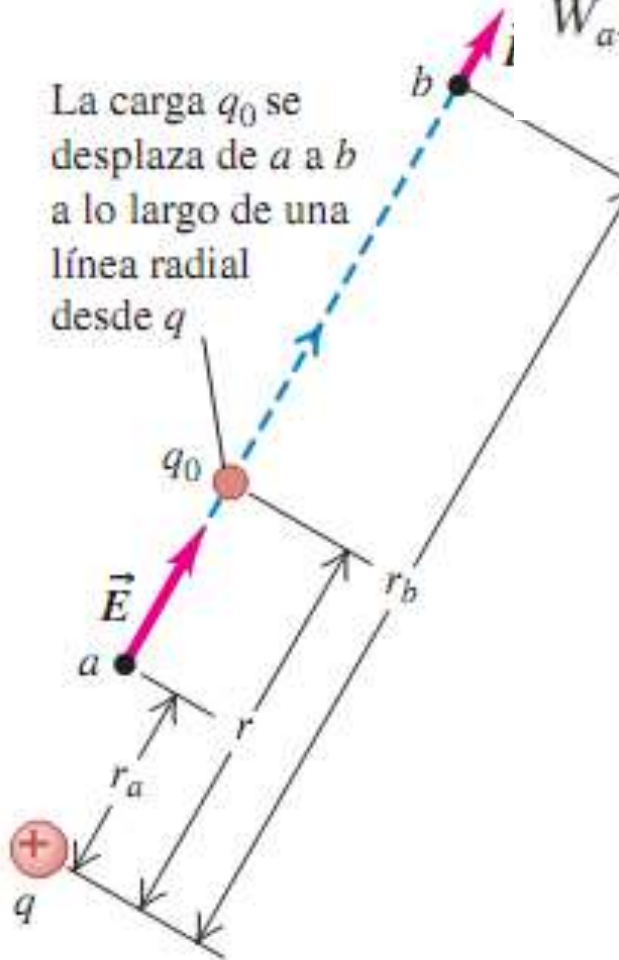
b) La carga negativa se desplaza en dirección opuesta a \vec{E} :

- El campo realiza trabajo *positivo* sobre la carga.
- U *disminuye*.

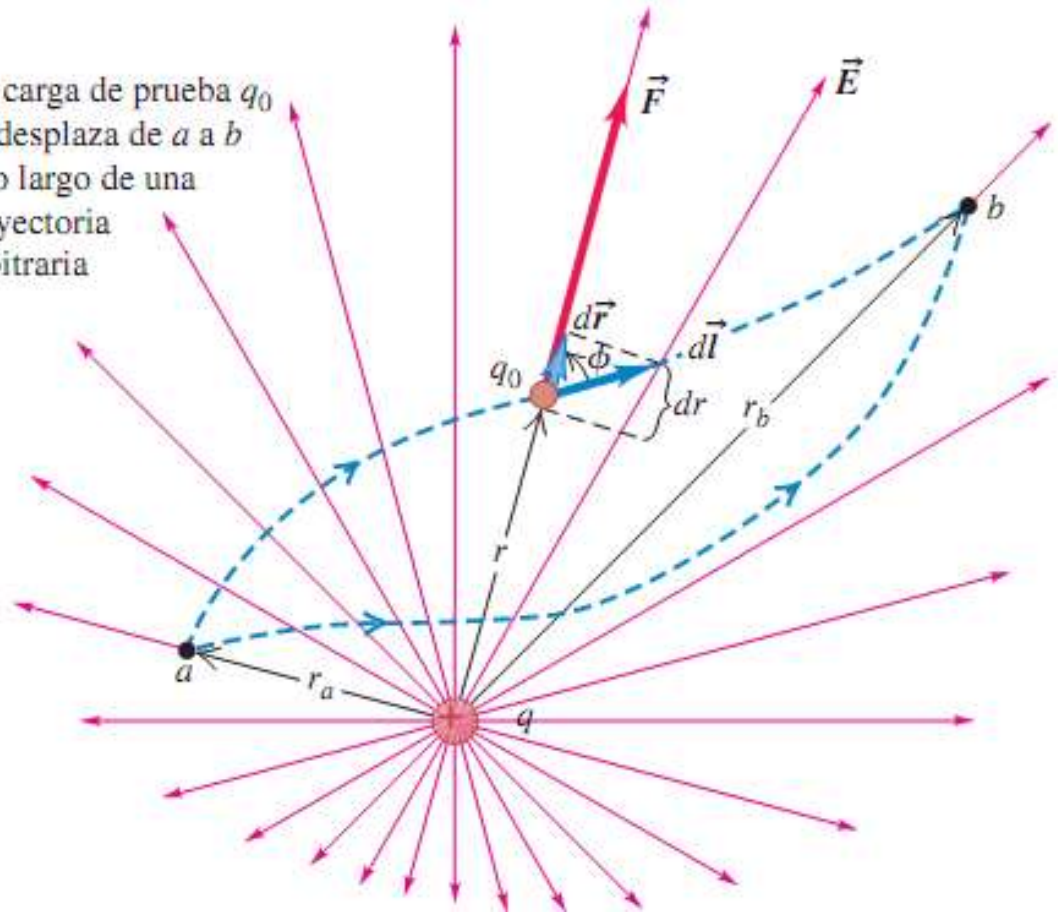


Energía potencial para campo E variable

$$W_{a \rightarrow b} = \int_{r_a}^{r_b} F_r dr = \int_{r_a}^{r_b} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qq_0}{r^2} dr = \frac{qq_0}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r_a} - \frac{1}{r_b} \right)$$



La carga de prueba q_0 se desplaza de a a b a lo largo de una trayectoria arbitraria

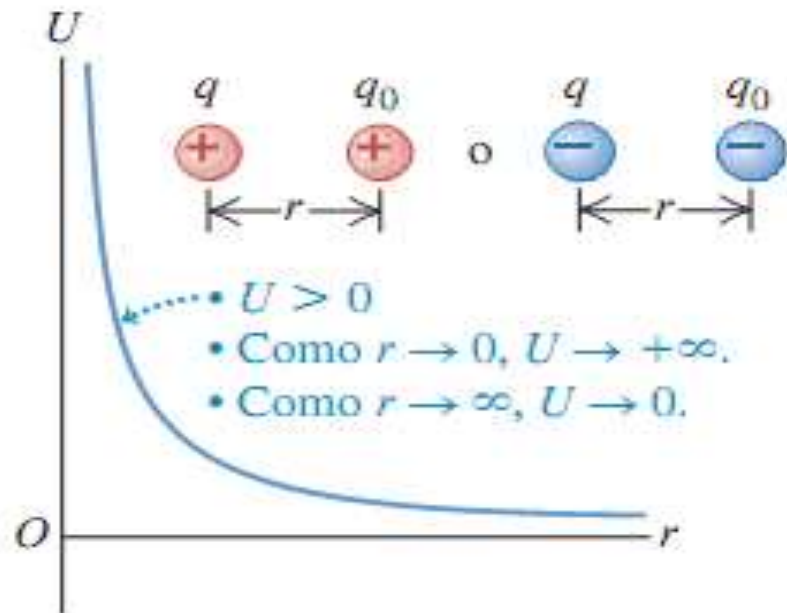


Energía potencial entre q y q_0

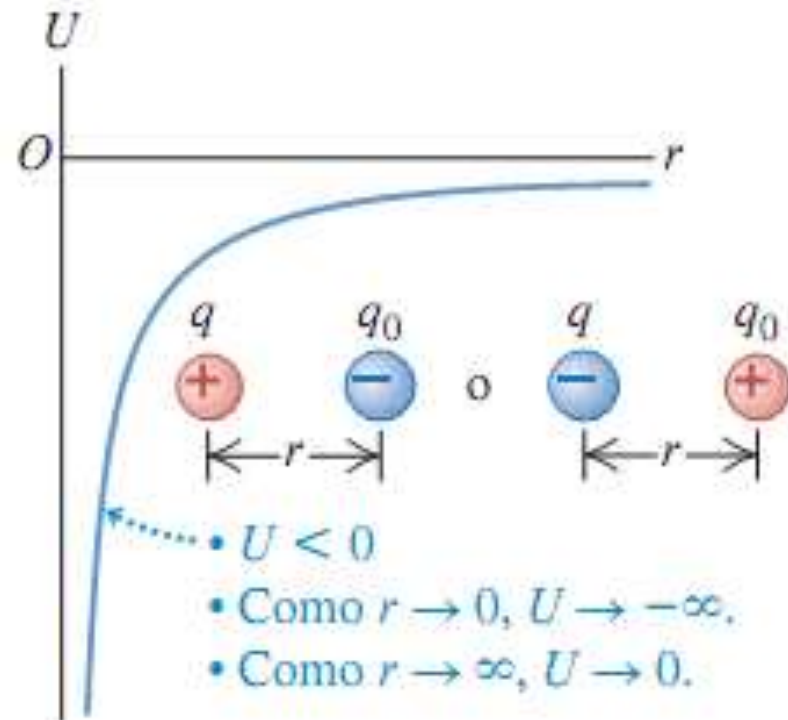
$$U = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{qq_0}{r} \quad (\text{energía potencial eléctrica de dos cargas puntuales } q \text{ y } q_0)$$

23.7 Gráficas de la energía potencial U de dos cargas puntuales q y q_0 contra su separación r .

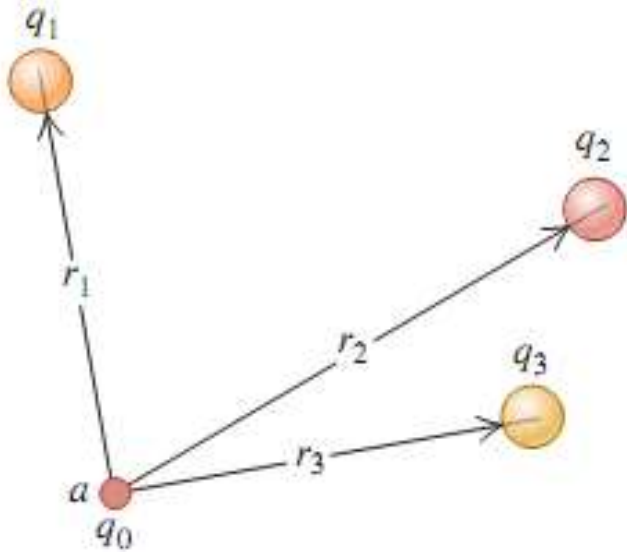
a) q y q_0 tienen el mismo signo



b) q y q_0 tienen signos opuestos



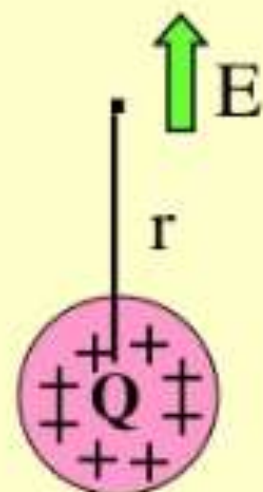
Energía potencial de varias cargas puntuales



$$U = \frac{q_0}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{q_1}{r_1} + \frac{q_2}{r_2} + \frac{q_3}{r_3} + \dots \right) = \frac{q_0}{4\pi\epsilon_0} \sum_i \frac{q_i}{r_i}$$

Propiedades del espacio

Campo eléctrico



E es un vector

Un **campo eléctrico** es una propiedad del espacio que permite predecir la fuerza sobre una carga en dicho punto.

$$E = \frac{F}{q}; \quad F = qE$$

El campo E existe independientemente de la carga q y se encuentra a partir de:

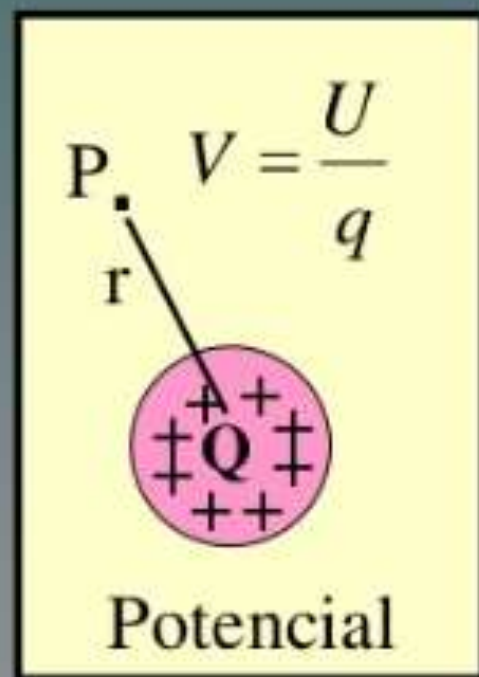
$$\text{Campo eléctrico} = E = \frac{kQ}{r^2}$$

Potencial eléctrico

El **potencial eléctrico** es otra propiedad del espacio que permite predecir la E.P. de **cualquier** carga q en un punto.

Potencial eléctrico:

$$V = \frac{U}{q}; \quad U = qV$$



Las unidades son: **joules por coulomb (J/C)**

Por ejemplo, si el potencial es **400 J/C** en el punto **P**, una carga de **-2 nC** en dicho punto tendría E.P. :

$$U = qV = (-2 \times 10^{-9}\text{C})(400 \text{ J/C});$$

$$U = -800 \text{ nJ}$$

Potencial eléctrico

$$V = \frac{U}{q_0} \quad \text{o bien,} \quad U = q_0 V$$

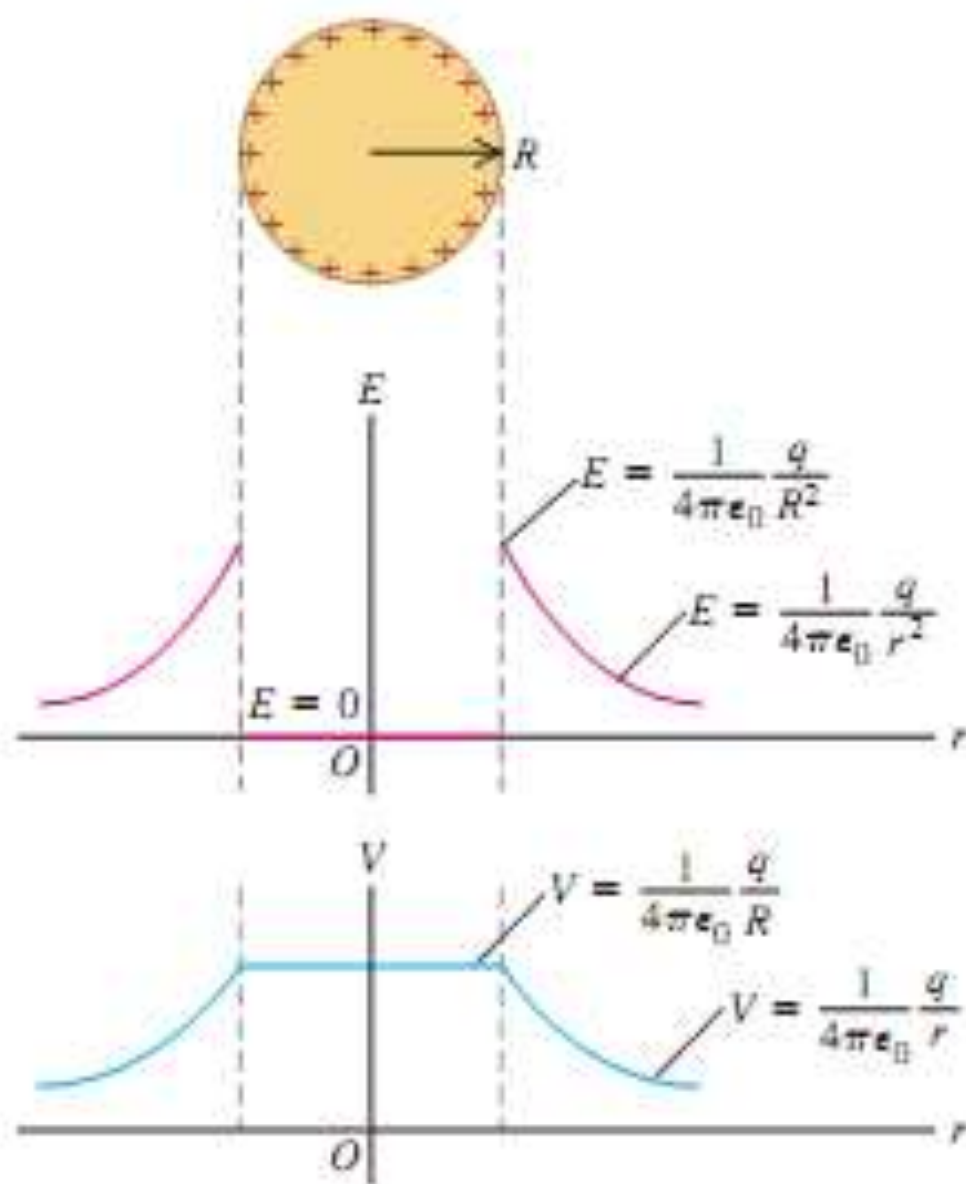
$$1 \text{ V} = 1 \text{ volt} = 1 \text{ J/C} = 1 \text{ joule/coulomb}$$

$$V = \frac{U}{q_0} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r} \quad (\text{potencial debido a una carga puntual})$$

$$V = \frac{U}{q_0} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum_i \frac{q_i}{r_i} \quad (\text{potencial debido a un conjunto de cargas puntuales})$$

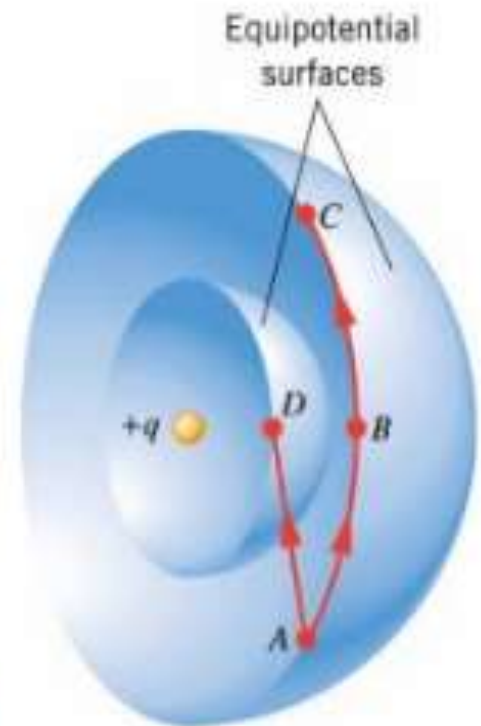
$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{dq}{r} \quad (\text{potencial debido a una distribución continua de carga})$$

23.17 Magnitud del campo eléctrico E y el potencial V en puntos dentro y fuera de una esfera conductora con carga positiva.



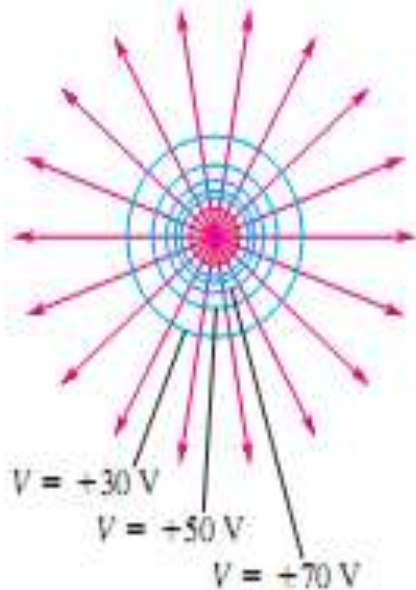
Superficies Equipotenciales

- La expresión $V = k q/r$ implica que todos los puntos a la *misma* distancia r desde una carga puntual q tienen el *mismo potencial*
- Todas estas localizaciones forman una superficie llamada una *equipotencial (superficie)*
- Así, existe un número infinito de *superficies equipotenciales*, una por cada valor de r
- La *fuerza eléctrica NO realiza trabajo* cuando la carga se mueve sobre una *superficie equipotencial*
 - Tal como sobre la trayectoria ABC
 - Pero la fuerza *realiza trabajo* para el camino AD

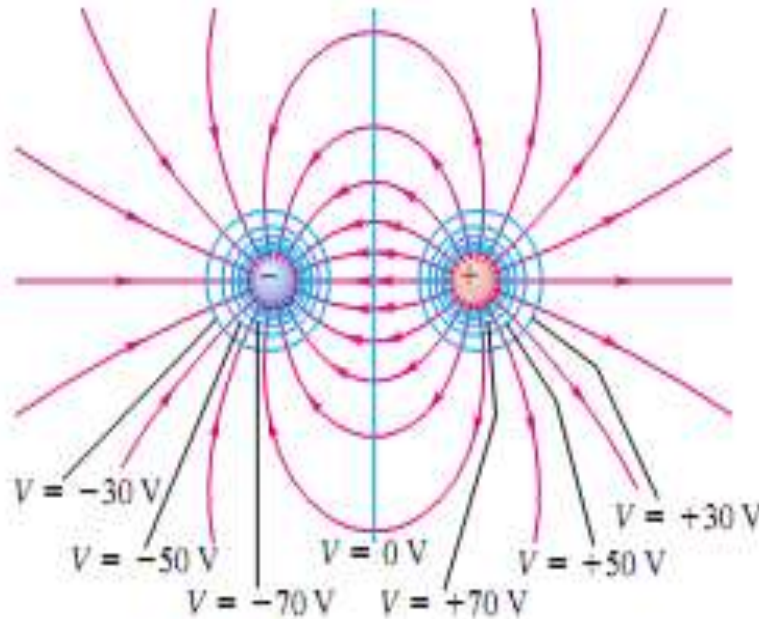


Superficies equipotenciales

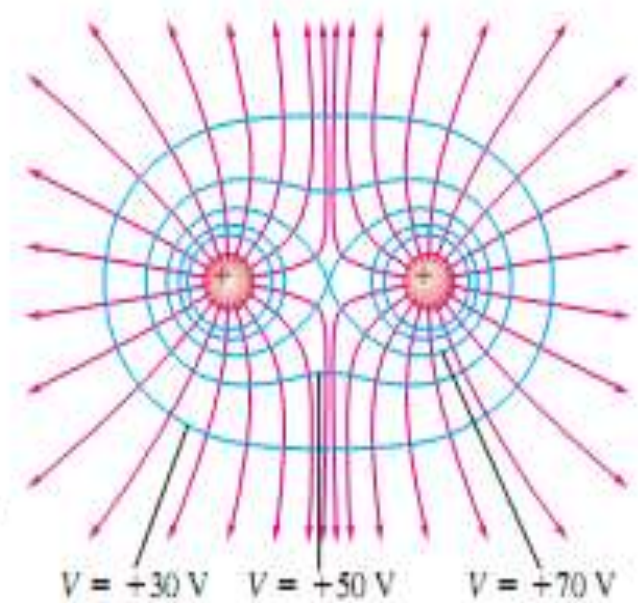
a) Una sola carga positiva



b) Un dipolo eléctrico



c) Dos cargas iguales positivas

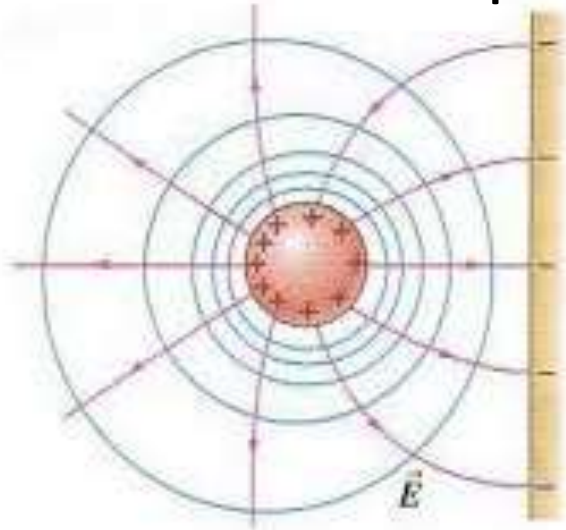


— Líneas de
campo eléctrico

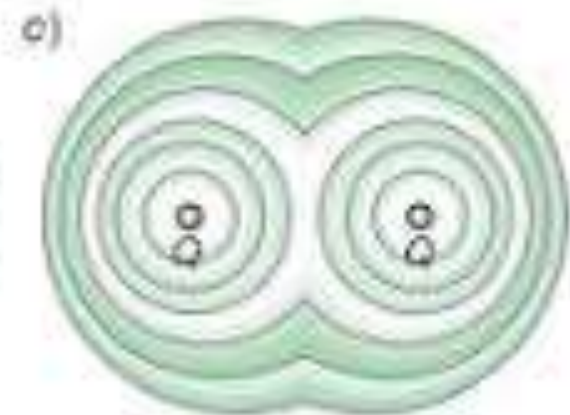
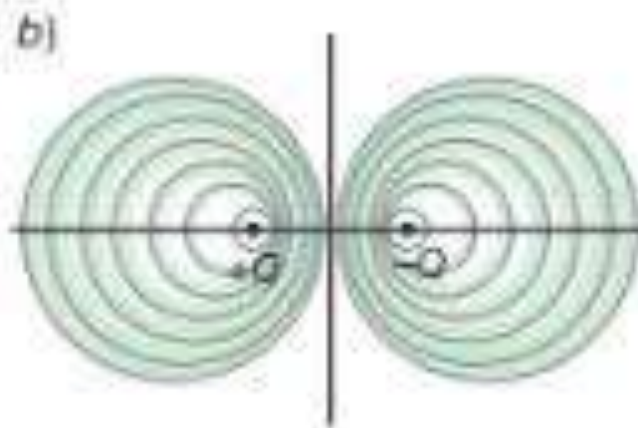
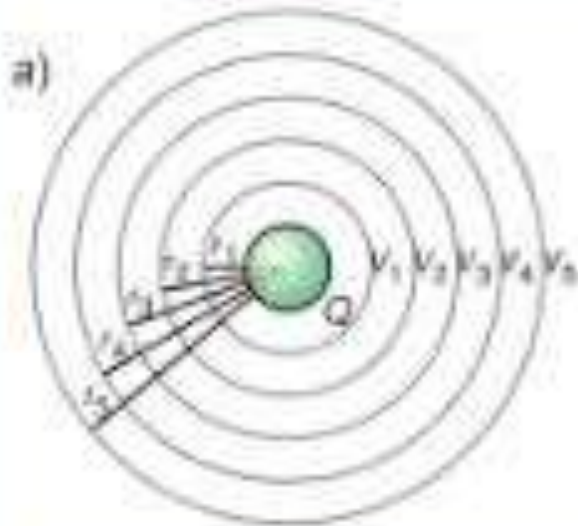
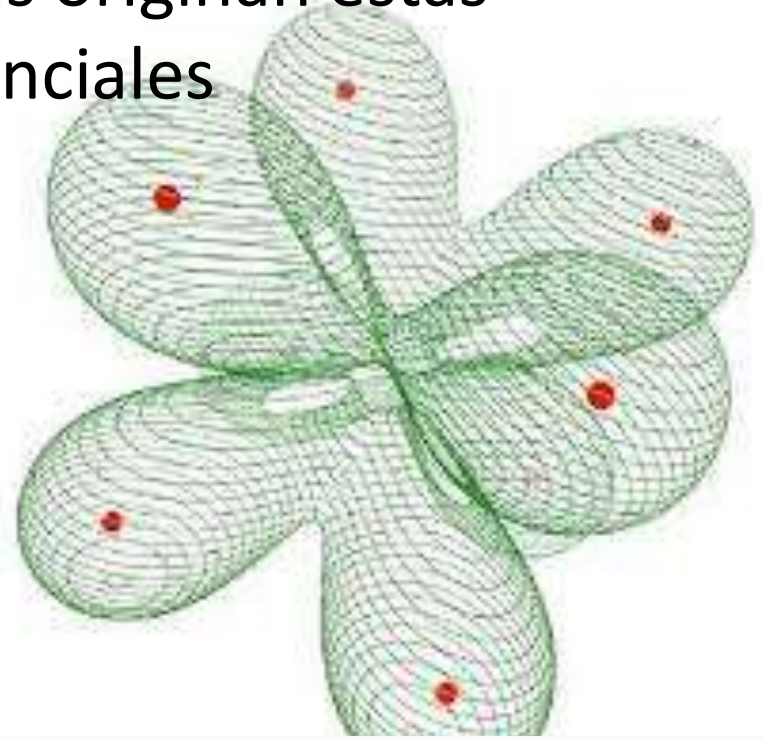
— Secciones transversales de superficies equipotenciales

Las superficies equipotenciales son siempre perpendiculares a las líneas de campo eléctrico.

Determinar que tipo de cargas originan estas superficies equipotenciales



perfiles equipotenciales de una carga y un plano infinito



Placas paralelas

Considere dos placas paralelas de carga igual y opuesta, separadas una distancia d .

Campo E constante: $F = qE$

$$\text{Trabajo} = Fd = (qE)d$$

$$\text{Además, Trabajo} = q(V_A - V_B)$$

De modo que: $qV_{AB} = qEd$ y

$$V_{AB} = Ed$$

La diferencia de potencial entre dos placas paralelas cargadas opuestamente es el producto de E y d .

