CÁLCULO DIFERENCIAL E INTEGRAL

Equações diferenciais

Thiago de Paula Oliveira 6 de Agosto de 2018

② You may copy, distribute and modify this list as long as you cite the author.

- 1. Considere $f(x) = 3x^2 + 2x$ e $g(x) = \frac{x}{x^2 + x}$, determine as funções e as simplifique:
 - (a) h(x) = f(x) + 2g(x)
- (b) $h(x) = f(x) \times g(x)$

- (d) $h(x) = f(x) \times g^2(x)$ (e) $h(x) = \frac{1}{f(x) + 1} + g(x)$ (f) h(x) = g(f(x))
- 2. (Stewart, 2010) Se $f(x) = x^3$, calcule o quociente da diferença $\frac{f(2+h) f(2)}{h}$ e simplifique sua resposta.
- 3. O modelo matemático de Henderson e Pabis é um dos modelos utilizados para predizer o fenômeno de secagem de alimentos, sendo dado por $RU = a.e^{-kt}$ em que RU é a razão de umidade do produto, adimensional; t é tempo de secagem; k é o coeficiente de secagem e a é uma constante qualquer. Faça o gráfico da função RU, sabendo que a=5 e k=7.
- 4. Determine o domínio, imagem e contra-domínio das seguintes funções:

(a)
$$f(x) = 2 - 1,5x$$

(b)
$$h(x) = \sqrt{(4-x^2)}$$

(c)
$$f(u) = u^2 + 2x$$
, com $x \in \mathbb{R}$ (d) $f(z) = |z + 2|$

(d)
$$f(z) = |z + 2|$$

(e)
$$g(x) = \frac{x^2 + 4}{\sqrt{|x|}}$$

(f)
$$f(x) = \begin{cases} 2x+2, & \text{se } x > 2\\ -x^2 + 2x, & \text{se } 0 < x < 2 \end{cases}$$

(g)
$$g(x) = \frac{\log(x)}{2 - x^2}$$

(h)
$$f(x) = \begin{cases} x+4, & \text{se } x < -1 \\ -3x^2 + 2x + 4, & \text{se } -1 \le x < 6 \\ 9, & \text{se } x \le 6 \end{cases}$$

(i)
$$f(x) = \frac{2x+1}{x^2+x+2}$$

(j)
$$\frac{\sqrt[3]{x}}{x^2+1}$$

(l)
$$f(x) = \sqrt{4-x} + \sqrt{x^2 - 1}$$
 (k) $h(x) = \frac{e^{x-1}}{|x-1|}$

(k)
$$h(x) = \frac{e^{x-1}}{|x-1|}$$

5. Estude a paridade das seguintes funções:

(a)
$$f(r) = r^4 + r^2$$

(a)
$$f(x) = x^4 + x^2$$
 (b) $f(x) = -x^3 - x$ (c) $f(x) = |x^3|$

(c)
$$f(x) = |x^3|$$

(d)
$$f(x) = \sqrt{x^2}$$

(e)
$$f(x) = \cos x$$

(d)
$$f(x) = \sqrt{x^2}$$
 (e) $f(x) = \cos x$ (f) $f(x) = \operatorname{tg}(x)$, para $\forall x \in [-\pi/2, \pi/2]$

6. A relação entre as temperaturas medidas em gaus Celsius (C) e Fahrenheit (F) é dada pela função

$$C = \frac{5\left(F - 32\right)}{9}.$$

- (a) Apresente o gráfico da função
- (b) Calcule o coeficiente angular e o interprete. Faça o mesmo para o intercepto.

7. (Stewart, 2010) Faça o esboço do gráfico das seguintes funções:

(a)
$$y = x^3$$

(b)
$$y = (x+1)^3$$

(a)
$$y = x^3$$
 (b) $y = (x+1)^3$ (c) $y = (x-2)^3 + 3$

(d)
$$y = 4 - x^2$$
 (e) $y = \sqrt{x}$ (f) $y = 2\sqrt{x}$

(e)
$$y = \sqrt{x}$$

$$(f) y = 2\sqrt{x}$$

(a)
$$y = -2$$

(b)
$$y = 1 \perp x^{-1}$$

(g)
$$y = -2^x$$
 (h) $y = 1 + x^{-1}$ (i) $y = 1 + \sin 2x$

8. A tonalidade (h) pode ser definida como uma medida angular como ilustra a Figura 1, logo $h \in$ [0, 360].

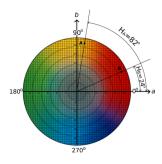


Figura 1: Região das cores pertencentes ao sistema de cores CIELab (ou CIELCh), com representação de duas cores: A, amarela, em $h=82^\circ$) e B, vermelha, em que $h=24^\circ$) Fonte: Modificado a partir da ColorMetrix

Na área de pós-colheita, a tonalidade da cor é uma variável muito utilizada para descrever curvas de maturação de diversos frutos. Assim, considere que o a função definda por

$$f(t) = 111.09 - 1.65t - 0.0405t^{2}$$

é utilizada para descrever a tonalidade do mamão papaya "Sunrise Solo" ao longo do tempo (t).

- (a) Em quanto tempo o fruto mudará sua tonalidade de verde (110) para amarela (90)?
- (b) Após 5,3 dias qual deve ser a tonalidade do fruto?
- (c) Apresente o gráfico da função;
- 9. Expresse as funções na forma $f \circ q$

(a)
$$f(x) = x^5 e g(x) = x + 5$$

(a)
$$f(x) = x^5 e g(x) = x + 5$$
 (b) $f(x) = \log(x) e g(x) = x + 4$

(c)
$$f(x) = |e^x| e g(x) = x$$

(c)
$$f(x) = |e^x| e g(x) = x^3$$
 (d) $f(x) = \sqrt{x} e g(x) = x^2$

(e)
$$f(x) = \cos x \, e \, g(x) = 2x$$
 (f) $f(x) = \frac{1}{x} \, e \, g(x) = \operatorname{tg}(x)$

(f)
$$f(x) = \frac{1}{2} e q(x) = tg(x)$$

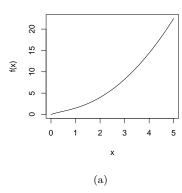
- 10. Utilize as respostas obtidas para o exercício 8 e calcule g(f(2))
- 11. Obtenha $f \circ g \circ h$
- **9** You may copy, distribute and modify this list as long as you cite the author.

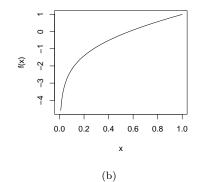
(a)
$$f(x) = 2x + 1$$
, $g(x) = x^2$, $h(x) = \frac{1}{x}$

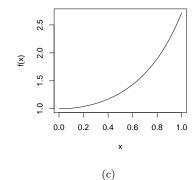
(b)
$$f(x) = x^3 + 3$$
, $g(x) = \sqrt{x}$, $h(x) = \frac{x+1}{x}$

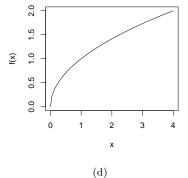
(c)
$$f(x) = \frac{2x^2 + 1}{2x + 2}$$
, $g(x) = x$, $h(x) = \text{sen } x$

- 12. Determine o domínio das seguintes funções
- (a) $f(x) = e^x$ (b) $f(v) = \frac{e^v}{1 e^v}$ (c) $f(x) = \frac{1 + x}{1 + e^{2x}}$
- (d) $f(x) = \frac{1}{e^{x^2 + 2x}}$ (e) $f(t) = \sqrt{1 t^2}$ (f) $f(x) = \cos(e^{-x})$
- 13. Determine o domínio e construa o gráfico das seguintes funções
- (a) $f(x) = \ln x$ (b) $f(x) = \ln \frac{x}{e}$ (c) $f(x) = \ln \frac{1+x}{x}$
- 14. Relacione as funções a seguir $f(x) = \log(x) + x$, $f(x) = \frac{x^3 + 2x}{|x| + 1}$, $f(x) = e^{x^2}$, e $f(x) = \sqrt{x}$ com os gráficos da Figura 2.









- Figura 2: Figuras utilizadas para o exercício 14
- 15. (Stewart, 2010) Se $f(x) = x^2 + 2x 1$ e g(x) = 2x 3, determine cada uma das seguintes funções:
- **9** You may copy, distribute and modify this list as long as you cite the author.

- (a) $f \circ g$ (b) $g \circ f$ (c) $g \circ g \circ g$
- 16. Curvas de crescimento são muito utilizadas nas áreas de biologia e ciências agrárias para quantificar, por exemplo, a massa de animais e vegetais e o crescimento populacional de microorganismos. Assim, supondo que o crescimeto populacional de uma determinada bactéria em função do tempo (t) pode ser descrita pela função de Gompertz dada por

$$f(t) = a \exp\left[-\exp\left(b - ct\right)\right].$$

Assumindo que a = 3000, b = 2 e c = 1.

- (a) Construa o gráfico da função
- (b) Em quando tempo o tamanho da população de bactérias irá passar de 100 para 1000?
- 17. A partir da Figura 3 determine a função definida por partes utilizando conhecimentos de geometria e trigonometria. Além disso, determine o domínio e imagem dessa função.

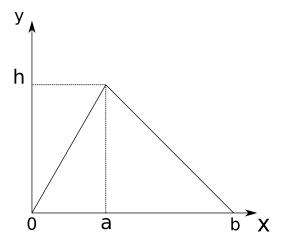


Figura 3: Figura para o exercício 17

18. Determine as funções inversas $(f^{-1}(x))$ (a) $f(x) = e^x$ (b) $f(x) = \frac{x}{1-x}$ (c) $f(x) = x^2 + 2x$

(a)
$$f(x) = e^x$$

(b)
$$f(x) = \frac{x}{1 - x}$$

(c)
$$f(x) = x^2 + 2x$$

(d)
$$f(x) = \sqrt{x}$$

(d)
$$f(x) = \sqrt{x}$$
 (e) $f(x) = \frac{a+x}{b-x}$ (f) $f(x) = \cos(x)$

$$(f) f(x) = \cos(x)$$

- 19. Considere a função $f(x) = x^3$. Calcule e simplique o quociente $\frac{f(3+h)-f(3)}{h}$.
- 20. Prove que $\operatorname{tg} \alpha \operatorname{sen} \alpha + \cos \alpha = \operatorname{sec} \alpha$.
- 21. Prove que $\frac{2 \operatorname{tg} \alpha}{1 + \operatorname{tg}^2 \alpha} = \operatorname{sen} 2\alpha$.
- 22. Construa o gráfico da função $f(x) = 2 + \operatorname{sen} x$.
- 23. Determine as coordenadas do vértice da equação $x^2 3(x + y) = 1$
- **9** You may copy, distribute and modify this list as long as you cite the author.

- 24. Determine o domínio e imagem da equação $y^2 = -x^2 + 4$
- 25. Determine a monotonicidade das seguintes funções
 - (a) $f(x) = x^3$ (b) $f(x) = x^2$
- (c) f(x) = x + 3
- (d) $f(x) = \sqrt{x+2}$ (e) $f(x) = \log(2x)$ (f) $f(x) = e^{-x^2}$
- 26. Um veículo teve seu pneu calibrado para 35 libras e, em seguida, o motorista se deslocou do ponto A ao ponto B em 9h a uma velocidade média de 100 km por hora. Suponha que a temperatura do pneu aumenta quadraticamente em função da distância percorrida até aproximadamente 100 graus Celcius. Então a temperatura se mantêm constante até a distância percorrida em 8h (Figura 4). Na última hora, suponha que a temperatura decai quadraticamente em função da distância. Determine uma função que descreva o aumento da temperatura em função da distância (em km).



Figura 4: Exercício 24

- 27. Simplifique as funções a seguir

 - (a) $f(x) = 4 \operatorname{sen}^2 x + 4 \cos^2 x$ (b) $f(x) = \frac{x^2 + 8x + 16}{8x + 32}$ (c) $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2}}$
 - (d) $f(x) = \log(x^2 + 3x) \log(x)$ (e) $f(x) = \frac{e^x e^{\pi}}{e^{2x}}$ (f) $f(x) = e^{-x^2} e^{x^2 + 2x}$

(g)
$$f(x) = \frac{\sin(2x)}{[\cos 2]^{-1}} - \frac{\sin 2}{[\cos(2x)]^{-1}}$$
 (h) $f(x) = \sin^2 x \operatorname{tg}^{-2} x$ (i) $f(x) = x^2 + 4x - 4$

(h)
$$f(x) = \sin^2 x \, \text{tg}^{-2} x$$

(i)
$$f(x) = x^2 + 4x - 4$$

- 28. Encontre as raízes das funções polinomiais a seguir

 - (a) $f(x) = x^3 + x^2$ (b) $f(x) = x^2 10x 9$ (c) $f(x) = x^2 + 9$

- (d) $f(x) = \frac{1}{x^2 + 4}$ (e) $f(x) = cx^2 + 4cx + c^2$ (f) $f(x) = \frac{x^2 + 2}{x}$
- 29. (Stewart, 2010) Encontre uma equação para a reta que passa pelo ponto (2, -5) e
 - (a) tem inclinação -3
 - (b) é paralela ao eixo x
 - (c) é paralela ao eixo y
 - (d) é paralela a reta 2x 4y = 3
- 30. (Stewart, 2010) Determine uma equação para o círculo que tem centro (-1,4) e passa pelo ponto (3, -2).
- 31. (Stewart, 2010) Determine o centro e o raio do círculo com equação $x^2 + y^2 6x + 10y + 9 = 0$.
- **9** You may copy, distribute and modify this list as long as you cite the author.

- 32. (Stewart, 2010) Sejam A(-7,4) e B(5,-2) pontos no plano:
 - (a) Determine a inclinação da reta que contém A e B.
 - (b) Determine uma equação da reta que passa por A e B. Quais são as interseções com os eixos?
 - (c) Determine o ponto médio do segmento AB.
 - (d) Determine uma equação para o círculo considerando que AB é um diâmetro.
- 33. (Stewart, 2010) Esboce as regiões do plano xy definidas pelas equações ou inequações.

 - (a) $-1 \le y \le 3$ (b) |x| < 4 e |y| < 2 (c) $y < 1 \frac{1}{2}x$

- (d) $y \ge x^2 1$ (e) $x^2 + y^2 < 4$ (f) $9x^2 + 16y^2 = 144$
- 34. (Flemming & Gonçalves, 2006) Determinar todos os intervalos de números que satisfaçam as desigualdades abaixo.

 - (a) 3 x < 5 + 3x (b) $2x 5 < \frac{1}{3} + \frac{3x}{4} + \frac{1 x}{3}$ (c) $2 > -3 3x \ge -7$ (d) $x^2 \le 9$

- (e) $x^2 3x + 2 > 0$ (f) $1 x 2x^2 \ge 0$ (g) $(x^2 1)(x + 4) \le 0$ (h) $x^4 \le x^2$

- (i) $\frac{3}{x-5} \le 2$ (j) $12x^3 20x^2 \ge -11x + 2$ (l) $x^3 x^2 x 2 > 0$ (m) $\frac{x}{x-3} < 4$
- 35. (Flemming & Gonçalves, 2006) Resolver as equações considerando o conjunto \mathbb{R}
- (a) |5x 3| = 12 (b) |-4 + 12x| = 7 (c) |2x 3| = |7x 5|
- (d) $\left| \frac{x+2}{x-2} = 5 \right|$ (e) $\left| \frac{3x+8}{2x-3} = 4 \right|$ (f) $\left| 3x+2 \right| = 5-x$

- (g) |9x| 11 = x (h) 2x 7 = |x| + 1
- 36. (Flemming & Gonçalves, 2006) Resolver as inequações considerando o conjunto $\mathbb R$
 - (a) |x+12| < 7 (b) $|3x-4| \le 2$ (c) $|5-6x| \ge 9$

- (d) |2x-5| > 3 (e) |6+2x| < |4-x| (f) $|x+4| \le |2x-6|$

- |3x| > |5 2x| $(h) \left| \frac{7 2x}{5 + 3x} \right| \le \frac{1}{2}$ $(i) |x 1| + |x + 2| \ge 4$

Referências

Stwart, J. Cálculo: volume 1. Cengage Learning: São Paulo, Ed. 7, 2014.

9 You may copy, distribute and modify this list as long as you cite the author.

Respostas de alguns exercícios

1.

(a)
$$h(x) = \frac{3x^3 + 5x^2 + 2x + 2}{x + 1}$$
, para $x \neq -1$ (b) $h(x) = \frac{x(3x + 2)}{x + 1}$, para $x \neq -1$

(b)
$$h(x) = \frac{x(3x+2)}{x+1}$$
, para $x \neq -1$

(c)
$$h(x) = \frac{2x+5}{(x+1)^2}$$
, para $x \neq -1$

(d)
$$h(x) = \frac{x(3x+2)}{(x+1)^2}$$
, para $x \neq -1$

(e)
$$h(x) = \frac{3x^2 + 3x + 2}{(x+1)(3x^2 + 2x + 1)}$$
, para $x \neq -1$ (f) $h(x) = \frac{1}{x(3x+2) + 1}$

(f)
$$h(x) = \frac{1}{x(3x+2)+1}$$

2.
$$12 + 6h + h^2$$

- 3. Verificar pelo Wolfram|Alpha. Site: https://www.wolframalpha.com.
- 4.

(a)
$$D(f) = \{x \in \mathbb{R}\}, CD(f) = Im(f) = \{y \in \mathbb{R}\}$$

(b)
$$D(h) = \{x \in \mathbb{R} | -2 \le x \le 2\}, Im(h) = \{y \in \mathbb{R} | 0 \le y \le 2\}, CD(h) = \{y \in \mathbb{R}\}$$

(c)
$$D(f) = \{u \in \mathbb{R}\}, Im(f) = \{y \in \mathbb{R} | y \ge x\}, CD(f) = \{y \in \mathbb{R}\}$$

(d)
$$D(f) = \{z \in \mathbb{R}\}, Im(f) = \{y \in \mathbb{R} | y \ge 0\}, CD(f) = \{y \in \mathbb{R}\}$$

(e)
$$D(g) = \{x \in \mathbb{R} | x \neq 0\}, Im(f) = \left\{y \in \mathbb{R} | y \geq \frac{8\sqrt{2}}{3^{3/4}}\right\}, CD(f) = \{y \in \mathbb{R}\}$$

(f)
$$D(f) = \{x \in \mathbb{R} | x > 0\}, Im(f) = \{y \in \mathbb{R} | 0 < y < 1 \cup y > 6\}, CD(f) = \{y \in \mathbb{R}\}$$

(g)
$$D(g) = \{x \in \mathbb{R} | 0 < x < \sqrt{2} \cup x > \sqrt{2} \}, Im(g) = \{y \in \mathbb{R}\}, CD(g) = \{y \in \mathbb{R}\}$$

(h)
$$D(f) = \{x \in \mathbb{R}\}, Im(f) = \{y \in \mathbb{R} | y \le \frac{13}{3} \cup y = 9\}, CD(f) = \{y \in \mathbb{R}\}$$

- (a) Função par 5.
- (b) Função ímpar
- (c) Função par

- (d) Função par
- (e) Função par
- (f) Função ímpar
- (a) Verificar pelo Wolfram Alpha.

(b)
$$m = \frac{5}{9}$$
 e intercepto $-\frac{160}{9}$

- 7. Verificar pelo Wolfram Alpha.
- (a) $t \approx 9.57$
 - (b) $f(5.3) \approx 101.21$
 - (c) Verificar pelo Wolfram Alpha.
- **9** You may copy, distribute and modify this list as long as you cite the author.

9.

(a)
$$f \circ g(x) = (x+5)^{\frac{1}{2}}$$

(a)
$$f \circ g(x) = (x+5)^5$$
 (b) $f \circ g(x) = \log(x+4)$ (c) $f \circ g(x) = |e^{x^3}|$

(c)
$$f \circ g(x) = |e^{x^3}|$$

(d)
$$f \circ g(x) = \sqrt{x^2}$$

(e)
$$f \circ g(x) = \cos 2x$$

(d)
$$f \circ g(x) = \sqrt{x^2}$$
 (e) $f \circ g(x) = \cos 2x$ (f) $f \circ g(x) = \frac{1}{\operatorname{tg}(x)}$

10. (a) 37 (b)
$$\log 2 + 4$$
 (c) e^6 (d) 2 (e) $2\cos 2$ (f) $\operatorname{tg} \frac{1}{2}$

(c)
$$e^6$$
 (d) :

(f)
$$tg \frac{1}{2}$$

11. (a)
$$\frac{x^2+2}{x^2}$$
 (b) $\left(\frac{x+1}{x}\right)^{\frac{3}{2}}+3$ (c) $\frac{2-\cos(2x)}{2\sin x+1}$

c)
$$\frac{2 - \cos(2x)}{2 \operatorname{sen} x + 1}$$

12.

(a)
$$D(f) = \{x \in \mathbb{R}\}$$

(a)
$$D(f) = \{x \in \mathbb{R}\}$$
 (b) $D(f) = \{v \in \mathbb{R} | v \neq 0\}$ (c) $D(f) = \{x \in \mathbb{R}\}$

(c)
$$D(f) = \{x \in \mathbb{R}\}$$

(d)
$$D(f) = \{x \in \mathbb{R} \mid x \in \mathbb{R}$$

(d)
$$D(f) = \{x \in \mathbb{R}\}$$
 (e) $D(f) = \{t \in \mathbb{R} | -1 \le t \le 1\}$ (f) $D(f) = \{x \in \mathbb{R}\}$

(f)
$$D(f) = \{x \in \mathbb{R}\}$$

13.

(a)
$$D(f) = \{x \in \mathbb{R} | x > 0\}$$
 (b) $D(f) = \{x \in \mathbb{R} | x > 0\}$

(b)
$$D(f) = \{x \in \mathbb{R} | x > 0\}$$

(c)
$$D(f) = \{x \in \mathbb{R} | x < -1 \cup x > 0\}$$

14. (a)
$$f(x) = \frac{x^3 + 2x}{|x| + 1}$$
; (b) $f(x) = \log(x) + x$; (c) $f(x) = e^{x^2}$; (d) $f(x) = \sqrt{x}$

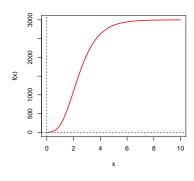
(d)
$$f(x) = \sqrt{x}$$

15. (a)
$$(f \circ g)(x) = 4x^2 - 8x + 2$$
 (b) $(g \circ f)(x) = 2x^2 + 4x - 5$ (c) $(g \circ g \circ g)(x) = 8x - 21$

(b)
$$(g \circ f)(x) = 2x^2 + 4x - 8$$

(c)
$$(a \circ a \circ a)(x) = 8x - 21$$

16. (a) Supondo $t \in [0, 10]$, temos que o gráfico de f(t) é dado por:



- (b) 1.13008 unidades de tempo.
- 17. $Dm(f) = \{x \in \mathbb{R} | 0 \le x \le b \ \forall \ 0 < a < b\}$ e $Im(f) = \{y \in \mathbb{R} | 0 \le y \le h\}$. A função é dada por:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{h}{a}x, & \text{para } 0 \le x < a \\ \frac{h}{a-b}(x-b), & \text{para } a \le x \le b \end{cases}$$

18.

(a)
$$f^{-1}(x) = \ln x$$
 (b) $f^{-1}(x) = \frac{x}{1+x}$

(c) Para determinar a inversa dessa função deve-se restringir o domínio da mesma em duas partes, que são $x \in [-1,\infty)$ e $(-\infty,-1)$. Assim, temos que $f^{-1}(x) = \sqrt{x+1} - 1$, para $\forall \ x \ge -1$ ou $f^{-1}(x) = -\sqrt{x+1} - 1$, para $\forall \ x \ge -1$.

(d)
$$f^{-1}(x) = x^2, \forall x \in \mathbb{R}_+$$
 (e) $f^{-1}(x) = \frac{bx - a}{x + 1}$

- (f) Para determinar a inversa dessa função deve-se restringir o domínio da mesma em $x \in [0, \pi]$. Assim, temos que $f^{-1}(x) = \arccos(x)$.
- 23. A coordenada do vértice é $P = (\frac{3}{2}, -\frac{13}{12})$
- 27. Verificar pelo Wolfram|Alpha.
- 28. Verificar pelo Wolfram|Alpha

29. (a)
$$y = -3x + 1$$
 (b) $y = -5$ (c) $x = 2$ (d) $y = \frac{1}{2}x - 6$

30.
$$(x+1)^2 + (y-4)^2 = 52$$

- 31. Centro em (3, -5) e raio 5.
- 32. (a) $-\frac{4}{3}$ (b) 4x + 3y + 16 = 0, sendo que existe uma intersecção com o eixo x em -4 e com o eixo y em $-\frac{16}{3}$ (c) (-1, -4) (d) 20 (e) $(x+1)^2 + (y+4)^2 = 100$
- 33. Verificar pelo Wolfram|Alpha

$$34. \begin{array}{llll} & \text{(a) } (-1/2,\infty) & \text{(b) } (-\infty,68/19) & \text{(c) } (-5/3,4/3) \\ & \text{(d) } [-3,3] & \text{(e) } (-\infty,1) \cup (2,\infty) & \text{(f) } [-1,1/2] \\ & \text{(g) } (-\infty,4] \cup [-1,1] & \text{(h) } (-\infty,-1) \cup \{0\} \cup [1,\infty) & \text{(i) } (-\infty,5) \cup [13/2,\infty) \\ & \text{(j) } [2/3,\infty) \cup \{1/2\} & \text{(l) } (2,\infty) & \text{(k) } (-\infty,3) \cup (4,\infty) \end{array}$$

35. (a)
$$\{-9/5,3\}$$
 (b) $\{-1/4,11/12\}$ (c) $\{2/5,8/9\}$ (d) $\{4/3,3\}$ (e) $\{4/11,4\}$ (f) $\{-7/2,3/4\}$ (g) $\{-11/10,11/8\}$ (h) $\{8\}$