一、填空题

- 1、若矩阵A为正交矩阵,且IAI > 0. 则IAI =
- 2、己知四阶实对称矩阵A的特征值分别为 1, 2, 2, 4. 则矩阵 A-2E 的秩等于
- 3. 若 $\alpha_1 = (1, 2, 1)^T$, $\alpha_2 = (2, 3, 4)^T$, $\alpha_3 = (3, 4, \lambda)^T$ 为究3空间中的一组基。則 λ 的取值
- 4. 向量组 $\alpha_1 = (1, 1, 1)^T$, $\alpha_2 = (0, 2, 5)^T$, $\alpha_3 = (2, 4, 7)^T$ 是线性相关的;

二、选择题

- 1、向量β = (5, 0, 7) $^{\mathsf{T}}$ 在基 $\alpha_1 = (1,-1,0)^{\mathsf{T}}$ 、 $\alpha_2 = (2, 1, 3)^{\mathsf{T}}$ 、 $\alpha_3 = (3, 1, 2)^{\mathsf{T}}$ 下的坐标为 (C)
 - (A) (0, 1, 1)T

(B) $(2,-1,1)^T$

(C) $(2, 3, -1)^T$

- (D) (5,-2, 2)^T
- 2、己知矩阵Asx4的秩为 4、则下列说法不正确的是()
 - (A) 方程组AX = 0仅有零解
 - (B) 矩阵A的行向量组一定线性相关
 - (C) 矩阵A的列向量组一定线性无关
 - (D) 矩阵A的行向量组中任意4个向量一定线性无关
- 3、己知矩阵A = $\begin{pmatrix} -2 & 1 & \lambda \\ 0 & 2 & 0 \end{pmatrix}$ 相似于对角矩阵 $\Lambda = \text{diag}(-1, 2, 2)$ 、附 $\lambda = \begin{pmatrix} A & 1 & 2 \end{pmatrix}$
 - (A) 1 (B) 2 (C) -2

- (D) -1
- 4、己知A,B均为n阶方阵。则下列说法正确的是():
- (A) 若R(A) = R(B), 則A与B相似

- (B) 若A与B具有相同的特征值,则A与B相似
- (C) 若 A,B 为正定矩阵, 则 AB 也为正定矩阵 (D) 若 |A| = |B| ≠ 0, 剂A 与B等价
- 5、n阶方阵A具有n个互不相同的特征值是A与对角矩阵相似的(人):
 - (A) 充要条件

- (B) 充分而非必要条件
- (C) 必要而非充分条件
- (D) 既非充分也非必要条件

I、讨论向量 $\beta=(1,0,3,1)^T$ 能否经向量组 $\alpha_1=(1,1,2,2)^T$, $\alpha_2=(1,2,1,3)^T$, $\alpha_3=(1,-1,4,0)^T$ 线性表示。

解:初期断净批准 Xidi+ Xidi+ Xidi= P是城解.

$$B = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 4 & 3 \\ 2 & 3 & 0 & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{F} \begin{pmatrix} 0 & 1 & 2 & -1 \\ 0 & 1 & 2 & -1 \\ 0 & 2 & -4 & -2 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

··· R(A)= R(0)=2, 户能化以,山内线性含于

2、己知向量空间织3中的两组基分别为 (I) $\alpha_1 = (1, 0, 0)^T$, $\alpha_2 = (1, 1, 0)^T$, $\alpha_3 = (1, 1, 1)^T$, 和 (II) $\beta_1 = (1, 2, 1)^T$, $\beta_2 = (2, 3, 3)^T$, $\beta_3 = (3, 7, 1)^T$, 试求由基 (I) 到基 (II) 的过渡矩阵:

簡章: (月, 12, 13)=(d, d, d,). P

 $P = (d_1, d_2, d_3)^{-1} \cdot (P_1, P_2, P_3)$ $P = (d_1, d_3, d_3)^{-1} \cdot (P_1, P_2, P_3)$ $P = (d_1, d_3, d_3)$

3、试求线性方程组 $\begin{cases} x_1 - x_2 - x_3 + x_4 = 0 \\ x_1 - x_2 + x_3 - 3x_4 = 0 \text{ 的解空间的一组基和维数:} \\ x_1 - x_2 - 2x_3 + 3x_4 = 0 \end{cases}$

$$\begin{array}{lll}
\widehat{M}: \begin{pmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 1 & -1 & 1 & -2 \\ 1 & -1 & 2 & 3 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 2 & 4 \\ 0 & 0 & -1 & 2 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & -1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \\
\rightarrow \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & -2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \\
\therefore X = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} t_1 t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} t_2$$

$$\begin{array}{ll}
\widehat{M} \in (1, 1, 0, 0)^T, \ d_2 = (1, 0, 2, 1) \\
\widehat{M} \in (3, 1, 0, 0)^T, \ d_2 = (1, 0, 2, 1)
\end{array}$$

4、己知三维向量 $\alpha_1 = (1, 1, 1)^T$, $\alpha_2 = (1, -2, 1)^T$ 正交, 试求一非零向量 α_3 , 使得 α_1 , α_2 , α_3 两两正交:

能设ds=(x1, x2, x5)T,则如验和.

1、设矩阵A =
$$\begin{pmatrix} 2 & -1 & -1 & 1 & 2 \\ 1 & 1 & -2 & 1 & 4 \\ 4 & -6 & 2 & -2 & 4 \\ 3 & 6 & -9 & 7 & 9 \end{pmatrix}$$
, 求矩阵A的

$$A^{\frac{1}{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 & 1 & 4 \\ 2 & -1 & -1 & 1 & 2 \\ 4 & -6 & 2 & -2 & 4 \\ 3 & 6 & -9 & 7 & 9 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 & 1 & 4 \\ 0 & 1 & 7 & 3 & -6 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -9 \end{pmatrix}$$

2、判断二次型 $f(x_1,x_2,x_3) = x_1^2 + 3x_2^2 + 9x_3^2 - 2x_1x_2 + 4x_2x_3$ 的正定性。

$$D_1 = \{ > 0 \}$$

$$D_2 = \left| \frac{1}{1} - \frac{1}{3} \right| = 2 > 0$$

$$D_3 = \left| \frac{1}{1} - \frac{1}{3} \right| = 2 > 0$$

$$D_4 = \left| \frac{1}{1} - \frac{1}{3} \right| = 2 > 0$$

$$D_5 = \left| \frac{1}{1} - \frac{1}{3} \right| = 2 > 0$$

$$D_7 = \left| \frac{1}{1} - \frac{1}{3} \right| = 2 > 0$$

 $\xi_1 = (0 \ 1 \ 1)^T$, $\xi_2 = (1 \ 1 \ 1)^T$, $\xi_3 = (1 \ 1 \ 0)^T$, 试求矩阵A:

解::在了环湖图粉红值:每日对角的 P-A.P= 1, #4 P=(3, 3, 3,), 1= diag(2,-2,1).

(A-)(= | 1 1-d) = (1-d)(d-1)(d+1)=0 => d==d=1, d=-1

さるこりす

$$A-E = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & \lambda \\ 1 & 0 & -1 \end{pmatrix} \longrightarrow \begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & \lambda+1 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

当 R(A-E)=1 时, ア 1=-1 のす, A可対角化

五、试求解下列试题

求一个正交变换X = OY,把实二次型

 $f(x_1, x_2, x_3) = x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + 4x_1x_2 + 4x_1x_3 + 4x_2x_4 + 4x_3x_4 + 4x_3x_4 + 4x_3x_5 + 4x_5x_5 +$

当人にかニー1かず、

$$A+E = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 2 \\ 2 & 2 & 2 \\ 2 & 2 & 2 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0.0 \\ 0 & 0.0 \end{pmatrix}$$

·· } = (-1, 1, 0) T, } = (-1, 0, 1) T

正記的得 アニ(ーリ,しの) アレニ(リ,リ,-2)

单位的得加二点(1,1,0)下加二点(1,1,-2)下

.. 3=(t,t,t)T

新るのな= 一方(111) ··· の= (り、りょりょ) 年後のな= 方(111) ··· チャンデーガーガーガーガーガー

六、证明题

设 λ_1 , λ_2 是矩阵A的两个不同的特征值,其对应的特征向量分别为 α ...

记的月: 在记忆 (最波 B 是在175 4 60岁新的何意, 不好的每户面对应的外的作为人, 到有 A.B= AB

.. A(d,+dz)=>(d,+dz) = Ad,+Adz

2: Adi= xid, Adr= hadz

.. Nigitzidz = Aditydz

· (入一入)以十(水一入)以=0

: d, d2 13/28/2

二、入二人之二人,与影响着