# CS153

课件下载链接:

https://pan.baidu.com/s/1htbqTfA

密码: imfv

作业网站:

http://120.132.18.213:8080/thrall-web/main#home

# 区间模型3最少区间全覆盖

有n个区间,选择最少的区间数, 完全覆盖某给定线段[S,T]

# 武林秘籍

有一本武林秘籍失传已久,江湖上存有n本手抄本片段。每个一个片段i,抄写的是秘籍第si页到第ti页。原秘籍共100页,请问至少要多少个片段能复原秘籍内容?如果无法复原输出sorry。si,ti都是正整数。n<=100

### 样例输入

4

1 19

10 50

20 100

30 60

### 样例输入

2

1 99

1 80

### 样例输出

2

样例输出

sorry

# 探险

你要走一条探险之路,长L公里,从来没有人走完全程。共有n个向导,每个向导i只熟悉其中第si公里到第ti公里。请问需要几个向导才能覆盖整条探险之路。如果无法覆盖输出sorry。

L<=100,n<=10,si,ti都是浮点数

### 样例输入

50 4

0.0 30.5

12.2 22.2

25.5 45.5

36.2 50.0

### 样例输入

103

1.0 30.5

12.2 22.2

25.5 45.5

### 样例输出

3

### 样例输出

sorry

# 代课老师

这学期编程课共16节课,但编程老师要去拯救地球没空上第5到第10课,于是需要寻找同事来代课。共有n个同事,每个同事i可以上第si到ti节课。请问至少需要找几个代课老师?如果无法找到代课方案,输出-1。n<=10

### 样例输入

4

5 5

8 16

49

13

### 样例输出

2

### 样例输入

3

5 5

66

79

### 样例输出

-1

# 每个秘籍片段: 抽象成一个区间

### 样例输入

5

1 90

10 50

20 100

30 60

### 样例输出

2

每个片段对应一个区间 区间左端点为 片段起始页数 区间右端点为 片段结束页数

整数 覆盖 问题

# 每个向导:抽象成一个区间

### 样例输入

50

0.0 30.5

12.2 22.2

25.5 45.5

36.2 50.0

### 样例输出

3

浮点数 覆盖 问题 每个向导对应一个区间 区间左端点为 向导熟悉的最近公里数 区间右端点为 向导熟悉的最远公里数

# 每个老师: 抽象成一个区间

### 样例输入

4

55

8 16

49

13

### 样例输出

2

整数覆盖问题

每个代课老师对应一个区间 区间左端点为 最早上课编号 区间右端点为 最晚上课编号

# 代课老师算法

### 贪心算法描述:

从需要首次代课的那一课开始,找能代那一课并且那课之后能坚持上课最久的老师。

反复这样地找老师, 直到全部覆盖, 或者发现无解

# 代课老师算法

待覆盖区间 [S,T]初始化为 [5,10]

将所有区间按**左端点从小到大排序** 循环处理每个区间,直到区间被全覆盖:

整数覆盖记得

+1

每次选覆盖点S的区间中右端点最大的区间

将S更新为该区间的右端点位置+1

# 探险 算法

待覆盖区间 [S,T]初始化为 [0,L]

将所有区间按**左端点从小到大排序** 循环处理每个区间,直到区间被全覆盖:

每次选覆盖点S的区间中右端点最大的区间

将S更新为该区间的右端点位置

浮点数 覆盖 无需 +1

# 武林秘籍:整数覆盖

```
定义片段类型:起始页和结束页
5 struct piece{int s,t;};
6 pool cmp(const piece& a,const piece& b){
      return a.s<b.s | a.s==b.s&&<u>a.t<b.t;</u>
                                    定义两个片段比较顺序
9 piece d[N];
                                    定义d数组包含N个片段
                                   按照片段起始页从小到大排序
       sort(d,d+n,cmp);
14
15
       int S=1,T=100,cnt=0;
                                 cnt为片段总数,[S,T]为待覆盖区间
16₽
       for(i=0;i<n&&S<=T;i++){
                                 当还有片段并且仍有未覆盖时循环
           for(j=i;j<n&&d[j].s<=S;j++) |</pre>
17
                                           寻找能覆盖S点
                                          并且右端最大的区间
               if(d[j].t>d[i].t)
                                 i=j;
18
           if(d[i].s>S) break;
19
                                 如无法覆盖,就结束循环宣布无解
           S=d[i].t+1; cnt++;
20
                                 将S更新为该区间的右端点位置+1
21
       if(S<=T) cout<<"sorry"<<endl;</pre>
22
       else cout<<cnt<<endl;</pre>
23
```

# 探险: 浮点数覆盖

```
定义向导类型:起始和结束公里数
5 struct guide{double s,t;};
6 pool cmp(const guide& a,const guide& b){
      return a.s<b.s a.s==b.s&&a.t<b.t;
                                   定义两个向导比较顺序
  guide d[N];
                                   定义d数组包含N个向导
                                cnt为向导总数,[S,T]为待覆盖区间
                                按照片段起始公里数从小到大排序
       sort(d,d+n,cmp);
15 |
       for(i=0;i<n&&S<T;i++){
16₽
                                当还有向导并且仍有未覆盖时循环
           for(j=i;j<n&&d[j].s<=S;j++)
17
                                          寻找能覆盖S点
                                         并且右端最大的区间
               if(d[j].t>d[i].t)
                                i=j;
18
           if(d[i].s>S) break;
19
                                如无法覆盖,就结束循环宣布无解
           S=d[i].t; cnt++;
20
                                将S更新为该区间的右端点位置
21
       if(S<T) cout<<"sorry"<<endl;</pre>
22
       else cout<<cnt<<endl;</pre>
23
```

# 代码细节讨论

请观察以上代码 找出代码细节不同之处 说明区别背后的原因

## 易错点

```
定义片段类型:double还是int?
 5 struct piece{int s,t;};
6 pool cmp(const piece& a,const piece& b){
       return a.s<b.s a.s==b.s&&a.t<b.t;
                                   定义比较顺序:比左端还是右端?
9 piece d[N];
        sort(d,d+n,cmp);
14
15
        int S=1,T=100,cnt=0;
        for(i=0;i<n&&S<=T;i++){
                                      循环条件S<=T还是S<T?
16申
            for(j=i;j<n&&d[j].s<=S;j++)</pre>
17
                if(d[j].t>d[i].t) i=j;
18
            if(d[i].s>S) break;
19
            S=d[i].t+1; cnt++;
20
                                   S=x还是S=x+1?
21
        if(S<=T) cout<<"sorry"<<endl;</pre>
22
23
        else cout<<cnt<<endl;</pre>
                                      无解条件S<=T还是S<T?
```

# 自编题

仿照课堂例题,请自编一道编程题

要求以"最少区间全覆盖"的算法为核心求解步骤。

鼓励加入各类算法元素,构成原问题的变种形式。

# 参考资料

### 周小博**,浅谈信息学竞赛中的区间问题** 2008年信息学国家集训队论文

# 区间模型3 综合练习