Introdução a funções Aula 17

Fábio Henrique Viduani Martinez

Faculdade de Computação Universidade Federal de Mato Grosso do Sul

Algoritmos e Programação I, 2012

Conteúdo da aula

- Motivação
- Noções iniciais
- 3 Definição e chamada de funções
- 4 Exemplo
- Declaração de funções
- 6 Exercícios

- uma grande tarefa pode ser solucionada através de sua divisão em sub-tarefas e da combinação de suas soluções parciais
- em programação essas soluções menores são chamadas de módulos de programação e fazem parte de todo processo de construção de programas para solução de problemas reais
- módulos são uma ferramenta da programação estruturada que fornecem ao(à) programador(a) um mecanismo para construir programas que são fáceis de escrever, ler, compreender, corrigir, modificar e manter

- uma grande tarefa pode ser solucionada através de sua divisão em sub-tarefas e da combinação de suas soluções parciais
- em programação essas soluções menores são chamadas de módulos de programação e fazem parte de todo processo de construção de programas para solução de problemas reais
- módulos são uma ferramenta da programação estruturada que fornecem ao(à) programador(a) um mecanismo para construir programas que são fáceis de escrever, ler, compreender, corrigir modificar e manter

- uma grande tarefa pode ser solucionada através de sua divisão em sub-tarefas e da combinação de suas soluções parciais
- em programação essas soluções menores são chamadas de módulos de programação e fazem parte de todo processo de construção de programas para solução de problemas reais
- módulos são uma ferramenta da programação estruturada que fornecem ao(à) programador(a) um mecanismo para construir programas que são fáceis de escrever, ler, compreender, corrigir, modificar e manter

- na linguagem C, essa característica em um código é obtida através do uso de funções
- cada função na linguagem C pode ser vista como um pequeno programa com suas próprias declarações de variáveis e sentenças de programação
- além de facilitar a compreensão e a modificação de um programa e evitar a duplicação de código usado mais que uma vez, as funções podem ser usadas não só no programa para o qual foram projetadas, mas também em outros programas

- na linguagem C, essa característica em um código é obtida através do uso de funções
- cada função na linguagem C pode ser vista como um pequeno programa com suas próprias declarações de variáveis e sentenças de programação
- além de facilitar a compreensão e a modificação de um programa e evitar a duplicação de código usado mais que uma vez, as funções podem ser usadas não só no programa para o qual foram projetadas, mas também em outros programas

- na linguagem C, essa característica em um código é obtida através do uso de funções
- cada função na linguagem C pode ser vista como um pequeno programa com suas próprias declarações de variáveis e sentenças de programação
- além de facilitar a compreensão e a modificação de um programa e evitar a duplicação de código usado mais que uma vez, as funções podem ser usadas não só no programa para o qual foram projetadas, mas também em outros programas

```
/* Recebe dois números reais e devolve a média aritmética deles */
double media(double a, double b)
{
   return (a + b) / 2;
}
```

```
printf("Média: %g\n", media(x, y));
m = media(x, y);
```

```
/* Recebe dois números reais e devolve a média aritmética deles */
double media(double a, double b)
{
   return (a + b) / 2;
}
```

```
printf("Média: %g\n", media(x, y));
m = media(x, y);
```

```
/* Recebe dois números reais e devolve a média aritmética deles */
double media(double a, double b)
{
   return (a + b) / 2;
}
```

```
printf("Média: %g\n", media(x, y));
m = media(x, y);
```

```
#include <stdio.h>
/* Recebe dois números reais e devolve a média aritmética deles */
double media (double a, double b)
   return (a + b) / 2;
/* Recebe três números reais e calcula
   a média aritmética para cada par */
int main(void)
   double x, y, z;
   printf("Informe três valores: ");
   scanf("%lf%lf%lf", &x, &y, &z);
   printf("Média de %g e %g é %g\n", x, y, media(x, y));
   printf("Média de %g e %g é %g\n", x, z, media(x, z));
   printf("Média de %g e %g é %g\n", y, z, media(y, z));
   return 0;
```

```
/* Recebe um número inteiro e o imprime na saída com uma mensagem */
void imprime_contador(int n)
{
   printf("%d e contando...\n", n);
   return;
}
```

```
/* Recebe um número inteiro e o imprime na saída com uma mensagem */
void imprime_contador(int n)
{
    printf("%d e contando...\n", n);
}
```

imprime_contador(i);

```
/* Recebe um número inteiro e o imprime na saída com uma mensagem */
void imprime_contador(int n)
{
    printf("%d e contando...\n", n);
}
```

```
imprime_contador(i);
```

```
#include <stdio.h>
/* Recebe um número inteiro e o imprime na saída com uma mensagem */
void imprime contador(int n)
{
  printf("%d e contando...\n", n);
/* Imprime um contador inteiro descrescente de 10 a 1 */
int main(void)
ſ
   int i:
   for (i = 10; i > 0; i--)
      imprime_contador(i);
   return 0;
```

```
/* Imprime uma mensagem na saída */
void imprime_msg(void)
{
   printf("Programar é bacana!\n");
}
```

imprime_msg();

```
/* Imprime uma mensagem na saída */
void imprime_msg(void)
{
    printf("Programar é bacana!\n");
}
```

imprime_msg();

```
#include <stdio.h>
/* Imprime uma mensagem na saída */
void imprime msg(void)
   printf("Programar é bacana!\n");
/* Imprime 10 vezes uma mensagem na saída */
int main (void)
   int i;
   for (i = 1; i \le 10; i++)
      imprime_msq();
   return 0;
```

- uma função da linguagem C é um trecho de código que pode receber um ou mais valores de entrada armazenados em variáveis, chamados de parâmetros (de entrada), que realiza algum processamento específico e que pode devolver um único valor de saída
- construímos funções para resolver pequenos problemas bem específicos e, em conjunto com outras funções, resolver problemas maiores e mais complexos

- uma função da linguagem C é um trecho de código que pode receber um ou mais valores de entrada armazenados em variáveis, chamados de parâmetros (de entrada), que realiza algum processamento específico e que pode devolver um único valor de saída
- construímos funções para resolver pequenos problemas bem específicos e, em conjunto com outras funções, resolver problemas maiores e mais complexos

A definição de uma função na linguagem C fornece quatro informações importantes ao compilador:

- quem pode chamá-la
- o tipo do valor que a função devolve
- seu identificador
- seus parâmetros de entrada

Toda função deve necessariamente possuir:

- uma interface, que faz a comunicação entre a função e o meio exterior; a interface é definida pela primeira linha da função, onde especificamos o tipo do valor devolvido da função, seu identificador e a lista de parâmetros de entrada separados por vírgulas e envolvidos por um par de parênteses; e
- um corpo, que realiza o processamento sobre os valores armazenados nos parâmetros de entrada, e também nas variáveis declaradas internamente à função, e devolve um valor na saída; o corpo de uma função é composto pela declaração de variáveis locais da função e sua lista de comandos.

Forma geral de uma definição de uma função:

```
tipo identificador(parâmetros)
{
    declaração de variáveis
    sentença1;
    ...
    sentençan;
}
```

- a declaração de variáveis de uma função deve vir primeiro, antes de qualquer sentença do corpo da função
- as variáveis declaradas no corpo de uma função pertencem exclusivamente àquela função e não podem ser examinadas ou modificadas por outras funções

a chamada de função consiste de um identificador da função seguido por uma lista de argumentos entre parênteses:

```
media(x, y)
imprime_contador(i)
imprime_msg()
```

uma chamada de uma função com valor devolvido void é sempre seguida por um ; para torná-la uma sentença:

```
imprime_contador(i);
imprime_msg();
```

uma chamada de uma função com valor devolvido diferente de void produz um valor que pode ser armazenado em uma variável ou usado em uma expressão aritmética, relacional ou lógica:

```
if (media(x, y) > 0)
    printf("Média é positiva\n");
printf("A média é %g\n", media(x, y));
```

uma chamada de uma função com valor devolvido void é sempre seguida por um ; para torná-la uma sentença:

```
imprime_contador(i);
imprime_msg();
```

uma chamada de uma função com valor devolvido diferente de void produz um valor que pode ser armazenado em uma variável ou usado em uma expressão aritmética, relacional ou lógica:

```
if (media(x, y) > 0)
    printf("Média é positiva\n");
printf("A média é %g\n", media(x, y));
```

uma função que devolve um valor diferente de void deve usar a sentença return para especificar qual valor será devolvido, com a seguinte forma geral:

```
return expressão;
```

a expressão em geral é uma constante ou uma variável:

```
return 0;

ou

return estado;
```

expressões mais complexas são possíveis:

```
return (a + b) / 2;

ou

return a * a * a + 2 * a * a - 3 * a - 1;
```

uma função que devolve um valor diferente de void deve usar a sentença return para especificar qual valor será devolvido, com a seguinte forma geral:

```
return expressão;
```

a expressão em geral é uma constante ou uma variável:

```
return 0;

ou

return estado;
```

expressões mais complexas são possíveis:

```
return (a + b) / 2;

ou

return a * a * a + 2 * a * a - 3 * a - 1;
```

uma função que devolve um valor diferente de void deve usar a sentença return para especificar qual valor será devolvido, com a seguinte forma geral:

```
return expressão;
```

a expressão em geral é uma constante ou uma variável:

```
return 0;

ou

return estado;
```

expressões mais complexas são possíveis:

```
return (a + b) / 2;

ou

return a * a * a + 2 * a * a - 3 * a - 1;
```

Exemplo

```
/* Recebe dois números inteiros e devolve
   o máximo divisor comum entre eles */
int mdc(int a, int b)
{
   int aux;
  while (b != 0) {
      aux = a % b;
      a = b;
     b = aux;
   return a;
```

Exemplo

```
#include <stdio.h>
int mdc(int a, int b)
   int aux:
   while (b != 0) {
      aux = a % b;
      a = b;
      b = aux;
   return a:
int main (void)
   int x, y;
   printf("Informe dois valores: ");
   scanf("%d%d", &x, &y);
   printf("O mdc entre %d e %d é %d\n", x, y, mdc(x, y));
   return 0;
```

Declaração de funções

```
#include <stdio.h>
double media (double a, double b): /* declaração */
int main(void)
   double x, v, z;
  printf("Informe três valores: ");
   scanf("%lf%lf%lf", &x, &y, &z);
  printf("Média de %g e %g é %g\n", x, y, media(x, y));
  printf("Média de %g e %g é %g\n", x, z, media(x, z));
   printf("Média de %g e %g é %g\n", y, z, media(y, z));
   return 0;
double media(double a, double b)
                                      /* definição */
  return (a + b) / 2;
```

Exercícios

1. (a) Escreva uma função com a seguinte interface:

double area_triangulo(double base, double altura)

que receba dois números de ponto flutuante que representam a base e a altura de um triângulo e compute e devolva a área desse triângulo.

(b) Escreva um programa que receba uma sequência de n pares de números de ponto flutuante, onde cada par representa a base e a altura de um triângulo, e calcule e escreva, para cada par, a área do triângulo correspondente. Use a função descrita no item (a).

Exercícios

```
#include <stdio.h>
double area_triangulo(double base, double altura)
{
   return (base * altura) / 2;
int main (void)
   int i, n;
   double b, a:
  printf("Informe n: ");
   scanf("%d", &n):
   for (i = 0; i < n; i++) {
      printf("Informe a base e a altura do triângulo: ");
      scanf("%lf%lf", &b, &a);
      printf("Área do triângulo: %g\n", area_triangulo(b, a));
   return 0;
```

2. (a) Escreva uma função com a seguinte interface:

```
int mult(int a, int b)
```

que receba dois números inteiros positivos a e b e determine e devolva um valor que representa o produto desses números, usando o seguinte método de multiplicação:

- dividir, sucessivamente, o primeiro número por 2, até que se obtenha 1 como quociente;
- em paralelo, dobrar, sucessivamente, o segundo número;
- somar os números da segunda coluna que tenham um número ímpar na primeira coluna; o total obtido é o produto procurado.

Por exemplo, para os números 9 e 6, temos que 9×6 é

(b) Escreva um programa que leia $n \ge 1$ pares de números e calcule os respectivos produtos desses pares, usando a função do item (a).

Introdução a funções

3. Para determinar o número de lâmpadas necessárias para cada aposento de uma residência, existem normas que fornecem o mínimo de potência de iluminação exigida por metro quadrado (m²) conforme o uso desse ambiente. Suponha que só temos lâmpadas de 60 watts para uso.

Seja a seguinte tabela de informações sobre possíveis aposentos de uma residência:

Utilização	Classe	Potência/m ² (W)	
quarto	1	15	
sala de TV	1	15	
salas	2	18	
cozinha	2	18	
varandas	2	18	
escritório	3	20	
banheiro	3	20	

3. (continuação)

(a) Escreva uma função com a seguinte interface:

```
int num_lampadas (int classe, double a, double b)

que receba um número inteiro representando a classe de
iluminação de um aposento e dois números com ponto flutuante
```

iluminação de um aposento e dois números com ponto flutuante representando suas duas dimensões e devolva um número inteiro representando o número de lâmpadas necessárias para iluminar adequadamente o aposento.

(b) Escreva um programa que receba uma sequência de informações contendo o nome do aposento da residência, sua classe de iluminação e as suas dimensões e, usando a função num_lampadas, imprima a área de cada aposento e o número total de lâmpadas necessárias para o aposento. Além disso, seu programa deve calcular o total de lâmpadas necessárias e a potência total necessária para a residência toda. Suponha que o término se dá quando o nome do aposento informado é fim.

4. (a) Escreva uma função com a seguinte interface:

```
int mdc(int a, int b)
```

que receba dois números inteiros positivos a e b e calcule e devolva o máximo divisor comum entre eles.

(b) Usando a função do item anterior, escreva um programa que receba $n\geqslant 1$ números inteiros positivos e calcule o máximo divisor comum entre todos eles.

- 5. Dois números inteiros são primos entre si quando não existe um divisor maior do que 1 que divida ambos. Isso significa que o máximo divisor comum de dois números que são primos entre si é igual a 1. Por exemplo, 4 e 9 são primos entre si já que o maior divisor comum entre eles é 1. Por outro lado, 5 e 20 não são primos entre si.
 - (a) Escreva uma função com a seguinte interface:

```
int mdc(int a, int b)
```

- que receba dois números inteiros a e b e devolva o máximo divisor comum entre eles, usando o algoritmo de Euclides.
- (b) Escreva um programa que receba diversas sequências de números inteiros e conte, para cada sequência, a quantidade de pares de números que são primos entre si. Cada sequência contém um primeiro número inteiro n, tal que $0 \leqslant n \leqslant 100$, e uma lista de n números inteiros. A última lista contém n=0.

6. (a) Escreva uma função com a seguinte interface:

int verifica_primo(int p)

que receba um número inteiro positivo p e verifique se p é primo, devolvendo 1 em caso positivo e 0 em caso negativo.

(b) Usando a função do item anterior, escreva um programa que receba $n\geqslant 1$ números inteiros positivos e calcule a soma dos que são primos.

- 7. Um número inteiro a é dito ser permutação de um número inteiro b se os dígitos de a formam uma permutação dos dígitos de b. Exemplo: 5412434 é uma permutação de 4321445, mas não é uma permutação de 4312455.
 - Observação: considere que o dígito 0 (zero) não ocorre nos números.
 - (a) Escreva uma função com a seguinte interface:

```
int conta_digitos(int n, int d)
```

- que receba dois números inteiros n e d, com $0 < d \le 9$, devolva um valor que representa o número de vezes que o dígito d ocorre no número n.
- (b) Usando a função do item anterior, escreva um programa que leia dois números inteiros positivos a e b e responda se a é permutação de b.

8. (a) Escreva uma função com a seguinte interface:

int sufixo(int a, int b)

que receba dois números inteiros a e b e verifique se b é um sufixo de a. Em caso positivo, a função deve devolver 1; caso contrário, a função deve devolver 0.

Exemplo:

	a	b		
5	67890	890	\rightarrow	sufixo
	1234	1234	\rightarrow	sufixo
	2457	245	\rightarrow	não é sufixo
	457	2457	\rightarrow	não é sufixo

8. (continuação)

(b) Usando a função do item anterior, escreva um programa que leia dois números inteiros *a* e *b* e verifique se o menor deles é subsequência do outro.

Exemplo:

a	b		
567890	678	\rightarrow	b é subsequência de a
1234	2212345	\rightarrow	a é subsequência de b
235	236	\rightarrow	um não é subsequência do outro

9. Considere o seguinte processo para gerar uma sequência de números. Comece com um número inteiro positivo n. Se n é par, divida por 2. Se n é ímpar, multiplique por 3 e some 1. Repita esse processo com o novo valor de n, terminando quando n = 1. Por exemplo, a sequência de números a seguir é gerada para n = 22:

22 11 34 17 52 26 13 40 20 10 5 16 8 4 2 1

É conjecturado que este processo termina com n=1 para todo inteiro n>0. Os números gerados nessa sequência são chamados de **ciclo de** n. Ademais, para um número n, o **comprimento do ciclo de** n é o número de elementos gerados na sequência. No exemplo acima, o comprimento do ciclo de 22 é 16.

9. (continuação)

(a) Escreva uma função com a seguinte interface:

```
int comprimento(int n)
```

que receba um número inteiro $n \ge 1$, imprima o ciclo de n e devolva o comprimento do ciclo de n.

(b) Escreva um programa que leia um número inteiro k>0 e uma sequência de k números inteiros positivos e, para cada um deles, mostre seu ciclo e seu comprimento do ciclo. Use a função do item (a).

10. O **piso** de um número x é o único inteiro i tal que $i \le x < i + 1$. O piso de x é denotado por $\lfloor x \rfloor$. Aplicando o piso na função \log_2 , obtemos a seguinte amostra de valores:

(a) Escreva uma função com a seguinte interface:

que receba um número inteiro $n \ge 1$ e devolva $\lfloor \log_2 n \rfloor$.

(b) Escreva um programa que receba um número inteiro k>0 e uma sequência de k números inteiros positivos e, para cada número n fornecido, calcule e imprima $\lfloor \log_2 n \rfloor$.

11. Podemos calcular a o valor da integral da função cosseno no intervalo (a, b) usando o método dos trapézios, descrito a seguir:

$$\int_{a}^{b} \cos(x) = \frac{h}{2} \left(\cos(a) + 2\cos(a+h) + 2\cos(a+2h) + \dots + 2\cos(a+(n-1)h) + \cos(b) \right),$$

onde

- ▶ $a \in b$ definem o intervalo de integração, com $-\pi/2 \leqslant a < b \leqslant \pi/2$;
- ▶ $n \neq 0$ número de sub-intervalos, com $n \geq 1$;
- h é uma constante, determinada por h = (b a)/n.

11. (continuação)

(a) Escreva uma função com a seguinte interface:

double cosseno(double x, double epsilon)

que receba um número real x que representa um arco em radianos e um número real ε que representa a precisão desejada, onde $0 < \varepsilon < 1$, e use a seguinte série para calcular o cosseno de x:

$$\cos(x) = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \frac{x^6}{6!} - \dots + (-1)^k \frac{x^{2k}}{(2k)!} + \dots$$

A função deve devolver a aproximação do valor do cosseno de x até que o termo $x^{2k}/(2k)!$ seja menor que ε .

11. (continuação)

(b) Escreva um programa que que receba um número inteiro k>0 que indica o número de casos de teste. Para cada caso de teste, receba dois números reais a e b que definem o intervalo de integração (a,b), onde $-\pi/2 \leqslant a < b \leqslant \pi/2$, um número inteiro n que representa o número de sub-intervalos e um número real ε que determina a precisão do cálculo da função cosseno, onde $0<\varepsilon<1$, integre numericamente a função cosseno sobre o intervalo (a,b) usando n trapézios, e imprima o valor da integral da função cosseno no intervalo (a,b) com precisão de 8 casas decimais. Use a função do item (a).

 Um número inteiro positivo é chamado de palíndromo se lido da esquerda para a direita e da direita para a esquerda representa o mesmo número.

A função *inverta e adicione* é curiosa e divertida. Iniciamos com um número inteiro positivo, invertemos seus dígitos e adicionamos o número invertido ao original. Se o resultado da adição não é um palíndromo, repetimos esse processo até obtermos um número palíndromo.

Por exemplo, se começamos com o número 195, obtemos o número 9339 como o palíndromo resultante desse processo após 4 adições:

12. (continuação)

Este processo leva a palíndromos em poucos passos para quase todos os números inteiros positivos. Mas existem exceções interessantes. O número 196 é o primeiro número para o qual nenhum palíndromo foi encontrado por este processo. Entretanto, nunca foi provado que tal palíndromo não existe.

(a) Escreva uma função com a seguinte interface:

unsigned int inverte(unsigned int n)

que receba um número inteiro positivo n e devolva esse número invertido.

12. (continuação)

(b) Escreva um programa que receba um número inteiro k > 0 que representa a quantidade de casos de teste. Para cada caso de teste, receba um número inteiro n > 0 e compute um número inteiro p através da função inverta a adicione descrita acima, mostrando na saída o número mínimo de adições para encontrar o palíndromo e também o próprio palíndromo. Caso um número inteiro de entrada use mais que 1.000 iterações/adições ou que o número gerado pelo processo ultrapasse o valor 4.294.967.295, escreva ? ? na saída.

- 13. Uma sequência de n números inteiros é dita k-piramidal se pode ser subdividida em k blocos de comprimentos crescentes de números iguais: o primeiro bloco tem um número inteiro, o segundo bloco tem dois números inteiros iguais, o terceiro bloco tem três números inteiros iguais, e assim por diante, até o último bloco, que é o k-ésimo, que deve conter k números inteiros iguais. Exemplos:
 - A sequência <u>−7</u> <u>2 2 0 0 0 1 1 1 1 6 4-piramidal;</u>
 - ▶ A sequência 1 5 5 é 2-piramidal;
 - A sequência 8 8 8 8 8 6 3-piramidal;
 - A sequência 2 9 9 3 3 3 6 6 não é piramidal.

13. (continuação)

(a) Escreva uma função com a seguinte interface:

```
int bloco(int m)
```

que receba um número inteiro m>0, leia uma sequência de m números inteiros e devolva 1 se todos os números lidos são iguais; caso contrário, a função deve devolver 0.

(b) Escreva um programa que receba um número inteiro t>0 que representa a quantidade de casos de teste. Para cada caso de teste, receba um número inteiro n>0 e uma sequência n números inteiros, e verifique se a sequência é k-piramidal para algum k. Em caso positivo, imprima o valor de k. Caso contrário, imprima -1.

14. Uma sequência de n números inteiros não nulos é dita m-alternante se é constituída por m segmentos: o primeiro com um elemento, o segundo com dois elementos e assim por diante até o m-ésimo, com m elementos. Além disso, os elementos de um mesmo segmento devem ser todos pares ou todos ímpares e para cada segmento, se seus elementos forem todos pares (ímpares), os elementos do segmento seguinte devem ser todos ímpares (pares).

Por exemplo:

- A sequência com n = 10 elementos: 8 3 7 2 10 4 5 13 9 11 é 4-alternante.
- A sequência com n = 3 elementos: $\frac{7}{2}$ $\frac{2}{8}$ é 2-alternante.
- A sequência com n=8 elementos: 1 24 3135 86 não é alternante, pois o último segmento não tem tamanho 4.

14. (continuação)

(a) Escreva uma função com a seguinte interface:

```
int bloco(int m)
```

que receba como parâmetro um inteiro m e leia m números inteiros, devolvendo um dos seguintes valores:

- 0, se os m números lidos forem pares;
- 1, se os m números lidos forem ímpares;
- se entre os m números lidos há números com paridades diferentes
- (b) Usando a função do item anterior, escreva um programa que, dados um inteiro n, com $n\geqslant 1$, e uma sequência de n números inteiros, verifica se a sequência é m-alternante. O programa deve imprimir o valor de m ou exibir uma mensagem informando que a sequência não é alternante.