## Lab 1: Rozgrzewka

```
Spis treści
```

```
1. Zadanie
```

2. Wczytywanie przykładowych grafów z pliku

3. Podstawy Pythona 4. Wskazówki implementacyjne

W ramach laboratorium należy zaimplementować program (lub kilka jego wariantów) rozwiązujący zadanie "przewodnik turystyczny".

### Zadanie

```
Dany jest graf nieskierowany G = (V,E), funkcja c: E \rightarrow N dająca wagi krawędziom, oraz wyróżnione wierzchołki s i t.
Szukamy scieżki z s do t takiej, że najmniejsza waga krawędzi na tej ścieżce jest jak największa.
Należy zwrócić najmniejszą wagę krawędzi na znalezionej ścieżce.
(W praktyce ścieżki szukamy tylko koncepcyjnie.)
```

Podejścia algorytmiczne:

1. wykorzystanie struktury find-union, 2. wyszukiwanie binarne + przegląd grafu metodami BFS/DFS, 3. algorytm a'la Dijkstra.

W ramach laboratorium należy zaimplementować jeden, dowolny z tych algorytmów (a jeśli zostanie czas, to także kolejne).

# Proponowana kolejność prac

W ramach laboratorium proponujemy realizować zadanie w następujących krokach.

1. Napisz skrypt wczytujący przykładowy graf i wypisujący krawędzie. i. **UWAGA**: Przyjmujemy, że w grafach testowych wierzchołek s ma numer 1 a wierzchołek t ma numer 2.

2. Rozwiązanie oparte of find-union. i. Zaimplementuj funkcje find i union realizujące zbiory rozłączne (przetestuj je, np. z poziomu konsoli).

ii. Zaimplementuj sortowanie krawędzi grafu malejąco. iii. Użyj powyższych do zaimplementowania całego rozwiązania.

3. Rozwiąznie oparte o wyszukiwanie binarne + BFS/DFS.

i. Zaimplementuj konwersję grafu na listy (lub zbiory) sąsiedztwa.

a. W plikach wejściowych wierzchołki są indeksowane od 1 ale dla wygody rozważ konwersję na indeskowanie od 0. ii. Zaimplementuj algorytm DFS operujący na listach sąsiedztwa.

iii. Zaadoptuje DFS na potrzeby rozwiązania opartego o wyszukiwanie binarne. a. Albo możesz za każdym razem tworzyć graf wejściowy do DFS-a tak, żeby posiadał tylko odpowiednie krawędzie.

b. Albo możesz zmodyfikować DFS tak, żeby sam wybierał jedynie odpowiednie krawędzie.

iv. Zrealizuj wyszukiwanie binarne które powinno dać całe rozwiązanie. v. (Opcjonalnie) Zamień DFS na BFS.

4. Zrealizuj rozwiązanie oparte o algorytm Dijkstry. i. Zaimplementuj całe rozwiązanie.

Wczytywanie grafów

## • Plik zaczyna się od 0 lub więcej linii zaczynających się od znaku c i odstępu.

∘ io wadze c.

Są to komentarze, w których można umieścić dodatkowe informacje o grafie.

Grafy są zapisane w formacie DIMACS ascii (+ modyfikacje pozwalające zapisywać wagi).

 Następnie występuje linia postaci p edge V E gdzie: v to liczba wierzchołków w grafie, o E to liczba krawędzi. • Następnie występuje E linii postaci e x y c oznaczających krawędź nieskierowaną między wierzchołkami o numerach X i Y

 v to liczba wierzchołków (numerowane od 1 do v), • L to lista krawędzi w postaci trójek postaci (X,Y,C).

dimacs.py dostarcza funkcję loadWeightedGraph(name), która wczytuje graf w formacie DIMACS ascii i zwraca parę postaci (V,L), gdzie:

from typing import Tuple

Poniższy kod wypisuje jakie krawędzie występują w grafie g1:

```
V: int # Liczba wierzchołków
 L: Tuple[int, int, int] # List krawędzi
 V, L = loadWeightedGraph("g1") # Wczytanie grafu z pliku "g1"
Przykład:
```

### from dimacs import \*

```
(V,L) = loadWeightedGraph( "g1" ) # wczytaj graf
 for (x,y,c) in L:
                   # przeglądaj krawędzie z listy
   print( "krawedz miedzy", x, "i", y, "o wadze", c ) # wypisuj
Podstawy Pythona - pomocne fragmenty kodu
```

# Stworzenie tablicy (listy) o zadanym rozmiarze, odczytanie rozmiaru

B = list(range(10)) # Tworzy liste [0,1,2, ... 9]

# wykonuj dopóki i < 10

# przykładowa tablica

# wypisze [3,1,2]

# stwórz posortowaną KOPIĘ tablicy A

# Tworzy tablicę o 10 obiektach "None"

# pusty zbiór

# dodaj 1 do zbioru

# wypisz elementy zbioru

# stwórz zbiór z elementów listy

# stwórz zbiór bezpośrednio z elementów

T = [ None ] \* 10 # Tworzy listę o 10 obiektach "None" A = [ 0 ] \* 100 # Tworzy listę wypełnioną setką zer

Poniżej przedstawione są przydatne fragmenty kodu w Pythonie realizujące typowe zadania.

1 = len(A)# odczytanie długości listy

```
Listy są indeksowane od 0.
Stworzenie funkcji
 def function(x, y, z):
```

# i = 1

Pętle i instrukcje warunkowe

return (x\*y)+z

while i < 10:

print(i)

i \*= 2

print(function(1,2,3))

```
if i == 4:
     print( "Woo!" )
   elif i == 8:
     print("Ho ho ho!")
    else:
     print("Boooring!")
 for i in range(10): # odpowiednik typowej konstrukcji pętli for( int i = 0; i < 10; i++ ) z C/C++
   print(i)
 # można interować też po bardziej zawiłych listach (i innych obiektach takich jak zbiory)
 L = [(1, 2), (3, 4), (5, 6)]
 for x, y in L:
   print(x, y)
Posortowanie tablicy
```

#### print(B) # wypisze [1,2,3] A.sort() # posortuj tablicę A # wypisze [1,2,3] print(A)

T = [None] \* 10

A = [3, 1, 2]

B = sorted(A)

print(A)

```
A = [0] * 100
                      # Tworzy tablicę wypełnioną 100 zer
  # sortowanie po elemencie tuple
  A = [("ma", 2), ("kota", 3), ("Ala", 1)]
  def second(x): return x[1]
                                  # stwórz funkcję wybierającą element, po którym następuje sortowanie
                                  # posortuj używając funkcji second do wyliczenia klucza
  A.sort(key=second)
                                  # wypisz wynik
  print(A)
  # j.w. używając funkcji anonimowych (Lambda)
  A.sort(key=lambda x: x[1]) # lambda to słowo kluczowe rozpoczynające
                                  # funkcję anonimową ( lambda argumenty : zwracana wartość )
List comprehensions
Tworzenie list można sobie uprościć stosując zapisz zbliżony do matematycznego
  A = [x^{**2} \text{ for } x \text{ in } range(5)] # tworzy liste [0,1,4,9,16]
  B = [(i, 0) \text{ for } i \text{ in } range(V+1)] \# tworzy liste par [(0,0), (1,0), (2,0), ...] zawierającą V+1 elementów
```

### for y in Y: print(y)

Y = set([3,1,2])

X = set()

X.add(1)

if 2 in Y:

 $Y = \{3, 1, 2\}$ 

Stworzenie zbioru elementów

# Wskazówki implementacyjne

V, L = loadWeightedGraph(...)

# G = [None]\*(V+1)

u -= 1

 $s = f''\{u\}$ : "

print(s)

DFS/BFS

for v in G[u]:

 $s += f''\{v\},$  "

visited = [False] \* V

DFSVisit(G, s, visited, ...)

Listy/zbiory sąsiedztwa

print("liczba 2 jest w zbiorze Y")

Stworzenie reprezentacji grafu przez zbiory sąsiedztwa

### # for i in range(V+1): # G[i] = set()for u, v, c in L:

v -= 1 # dodaj krawędź z u do v G[u].add((v, c)) G[v].add((u, c)) # dodaj krawędź z v do u

Możemy reprezentować graf jako listę indeksowaną numerami wierzchołków, której elementami są zbiory krawędzi wychodzących z

danego wierzchołka. Razem z wierzchołkiem przechowujemy wagę powiązanej krawędzi jako krotkę (v, c).

# zmiana numerowania wierzchołków z "od 1" na "od 0"

G = [set() for \_ in range(V)] # tworzymy po jednym pustym zbiorze na wierzchołek

# # wersja prostsza koncepcyjnie, ale nieidiomatyczna w Pythonie

```
Stworzenie reprezentacji grafu przez listy sąsiedztwa
 G = [[] for i in range(V)] # tworzymy po jednej pustej liście na wierzchołek
 for u, v, c in L:
                                  # zmiana numerowania wierzchołków z "od 1" na "od 0"
    u -= 1
    v -= 1
   G[u].append((v, c))
                                  # dodaj krawędź z x do y
   G[v].append((u, c))
                                  # dodaj krawędź z y do x
Wypisanie grafu
 for u in range(1, V+1): # przeglądamy tylko prawdziwe wierzchołki, od 1 do V
```

### Na nasze potrzeby możemy założyć, że DFS i BFS zwrócą wartość typu bool sygnalizującą czy istnieje ścieżka od wierzchołka źródłowego do docelowego. Implementacja DFS

Algorytm DFS można zaimplementować w naturalny rekurencyjny sposób.

Należy jednak pamiętać o tym, że trzeba śledzić, które wierzchołki zostały odwiedzone.

def DFSVisit(G, s, visited, ...): # rekurencyjna funkcja realizująca DFS

# stwórz pustą kolejkę

# dopisz coś do kolejki

# j.w.

Implementacja algorytmu a'la Dijkstra

Najłatwiej to osiągnąć wstawiając liczby ze znakiem ujemnym.

wkładać do niej wielokrotnie ten sam wierzchołek wiekrotnie z różnymi wagami.

W tym celu można sobie stworzyć np. listę visited, która jest przenoszona przez kolejne wywołania rekurencyjne. UWAGA: Możliwe, że przekroczymy limit rekurencji w Pythonie. Wtedy można go zmodyfikować korzystając z sys.setrecursionlimit(new\_limit) albo zaimplementować DFSa iteracyjnie (z własnym stosem). def DFS(G, s, ...): # DFS w grafie G z wierzchołka s V = len(G) # liczba wierzchołków w grafie (zakładając powyższą implementację)

```
visited[s] = True
    # przeglądaj wierzchołki osiągalne z s
    # przed wejściem do danego wierzchołka sprawdź, czy jego pole visited jest True
Implementacja BFS
W tym zadaniu korzystanie z BFS nie jest konieczne, ale jeśli ktoś chce, to może przydać się kolejka.
  from collections import deque # użyj odpowiedniej biblioteki
```

### Q.append("kota") # j.w. Q.popleft()

print("Q is not empty")

Q = deque()

Q.append("Ala")

Q.append("ma")

# wyjmij pierwszy element z kolejki (zwróci "Ala") if Q:

Aby zrealizować algorytm podobny do algorytmu Dijkstry, będziemy potrzebować kolejki priorytetowej.

```
from queue import PriorityQueue
Q = PriorityQueue()
                           # stwórz pustą kolejkę
                           # wstaw 10 do kolejki
Q.put(10)
Q.put(5)
                           # wstaw 5 do kolejki
                           # wstaw 20 do kolejki
Q.put(20)
Q.get()
                           # wyjmij z kolejki (da 5)
Q.empty()
                           # sprawdza czy kolejka jest pusta
```

Będziemy też potrzebować, żeby kolejka przechowywała nie tylko priorytety, ale numery wierzchołków. W tym celu możemy wkładać do niej krotki, gdzie na pierwszej pozycji jest priorytet and drugiej numer wierzchołka. UWAGA: queue. Priority Queue nie wspiera operacji aktualizowania wag już znajdujących się w niej elementów przez co będziemy musieli

W naszym przypadku potrzebujemy kolejki wyjmującej elementy od największych do najmniejszych (czyli inaczej niż w Pythonie).