

Parte 1: Algoritmos a Analizar.

Para los siguientes problemas:

1. Proponga un algoritmo que solucione el problema. (Python)
2. Proponga una tabla que enumere las operaciones que se puede suponer que se ejecutan en tiempo constante
3. Derive la función de costo, $T(n)$, para el algoritmo que propuso, basado en las operaciones constantes del punto anterior.
4. En caso de que la función sea una ecuación de recurrencia, resolver la ecuación.
5. Determinar el orden de complejidad del algoritmo.

Dada una matriz cuadrada de números enteros sumar los elementos de la diagonal principal.

1. Código Fuente.

```
def matrixsum(nums):  
    i = len(nums)  
    j = 0  
    ret = 0  
    while j < i:  
        ret += nums[j][j]  
        j += 1  
    return ret
```

2. Tabla de costos

C_1	Asignación de Variables
C_2	Consultar 'len()'
C_3	Sumar variable
C_4	Comparación

3. Derivar la función de costo para el algoritmo propuesto.

$$T(n) = 3C_1 + C_2 + T(n(C_4 + 2C_1))$$

4. esta NO es una ecuación de recurrencia.

5. Determinar el orden de complejidad del algoritmo.

$$3C_1 + C_2 + T(n(C_4 + 2C_1))$$

$$< \forall c \exists \mathbb{N} | cf = O(f) >$$

$$T(n) = O(n)$$

El algoritmo es de complejidad $O(n)$

Dada una matriz de números enteros y un numero entero, se debe devolver True si el numero se encuentra en la matriz y False en otro caso.

1. Código Fuente.

```
def matrixsearch(nums, target):
    for i in range(len(nums)):
        for j in range(len(nums[0])):
            if nums[i][j] == target:
                return True
    return False
```

2. Tabla de costos

$$\left\| \begin{array}{ll} C_1 & \text{Consultar 'len()'} \\ C_2 & \text{Comparación} \end{array} \right\|$$

3. Derivar la función de costo para el algoritmo propuesto.

$$T(n) = T(n(C_1)) + T(m(C_1 + C_2))$$

4. esta NO es una ecuación de recurrencia.

5. Determinar el orden de complejidad del algoritmo.

$$T(n(C_1)) + T(m(C_1 + C_2))$$

$$< \forall c \exists \mathbb{N} | cf = O(f) >$$

$$T(n) = O(n) + O(m)$$

$$< Factorizacion >$$

$$T(n) = O(n + m)$$

El algoritmo es de complejidad $O(n+m)$, con n y m siendo ancho y largo de la matriz.