

# HORLOGE

Aimeric DUCHEMIN, Amédée LEBERRE, Paul RAPHAEL,  
Yann Viegas

ENS Ulm

14 janvier 2025

## Proposition 1.1 : Conventions

La taille d'un mot est de 32 bits. On représente les adresses sur 16 bits.

<i>Instruction</i>	<i>Encoding</i>	<i>Description</i>
<i>ADD</i>	01 rs1 rs2 00	rs1 <- \$rs1 + \$rs2
<i>SUB</i>	02 rs1 rs2 00	rs1 <- \$rs1 - \$rs2
<i>XOR</i>	03 rs1 rs2 00	rs1 <- \$rs1 ^ \$rs2
<i>OR</i>	04 rs1 rs2 00	rs1 <- \$rs1   \$rs2
<i>AND</i>	05 rs1 rs2 00	rs1 <- \$rs1 & \$rs2
<i>ADDIMM</i>	45 rs1 rs2 00	rs1 <- imm   \$rs1
<i>NOT</i>	06 rs1 rs2 00	rs1 <- ~\$rs2
<i>LSHIFT</i>	07 rs1 rs2 00	rs1 <- \$rs1 « \$rs2
<i>RSHIFT</i>	08 rs1 rs2 00	rs1 <- \$rs1 » \$rs2
<i>LOADROM</i>	09 rs1 rs2 00	rs1 <- M[\$rs2]
<i>LOADRAM</i>	14 rs1 rs2 00	rs1 <- M[\$rs2]

<i>Instruction</i>	<i>Encoding</i>	<i>Description</i>
<i>MOVIMM</i>	49 rs1 rs2 00	rs1 <- \$imm
<i>STORE</i>	2A rs1 rs2 00	M[\$rs2] <- \$rs1
<i>MOV</i>	0B rs1 rs2 00	rs1 <- \$rs2
<i>NONZERO</i>	82 rs1 rs2 00	rs1 <- \$rs2
<i>JMP</i>	80 rs1 00 00	PC += \$rs1
<i>JMPIMM</i>	81 00 imm	PC += imm
<i>MUL</i>	0D rs1 rs2 00	rs1 <- \$rs1 * \$rs2

Le projet est structuré en plusieurs fichiers. `alu.py` contient les fonctions relatives à l'ALU. `registers.py` permet de créer et connecter les registres. Le `main` gère la lecture du code dans la ROM. Enfin, `utils.py` contient des fonctions telles que `gigamux` (permettant de faire la sélection de registres, d'instructions etc)

Quelques qualités de l'assembleur :

- Alias de variables
- Sauts intelligents
- Interpréteur d'assembleur

## Exemple : Fibonacci

```
MOV rdx $15  
MOV rbx $0  
MOV rcx $1
```

```
MOV r2x $1  
fibo :  
MOV r1x rcx  
ADD rcx rbx  
MOV rbx r1x
```

```
MOV rax rcx  
SUB rdx r2x  
NONZERO rdx  
JMP 'end  
JMP 'fibo
```

```
end :  
MOV rbx $42
```

```
.data
```

# Exemple

```
% arg1 = rax
% valDeRetour = rcx

MOV @arg1 $31
MOV rrt 'finFoo->ici
JMP 'foo
ici :
MOV rdx @valDeRetour
```

```
JMP 'finProgramme

foo :
# code de la fonction
ADD @valDeRetour @arg1
finFoo :
JMP rrt

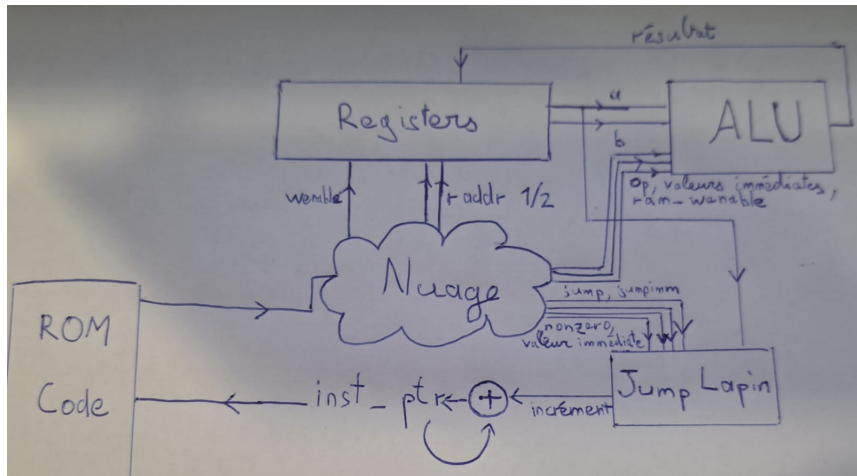
finProgramme :
ADD rax $0 # padding

.data
```





# Circuit de fonctionnement



Compromis entre :

- Efficacité théorique (profondeur du circuit)
- Efficacité pratique (taille)
- Faisabilité et utilité pour une horloge

# Addition rapide

Propagation d'une retenue dans un additionneur  
carry-lookahead :

$$\begin{array}{ccccccc} \leftarrow & & & & & & \\ \dots & 1 & 1 & 0 & 1 & & \\ \dots & 0 & 0 & 1 & 1 & & \end{array}$$

Profondeur  $O(\log n)$  mais taille  $O(n^2)$  ; pour un  $n$ -addeur,  
profondeur et taille  $O(n)$ .

# Multiplication rapide

Multiplication naïve : addition de  $n$  nombres.

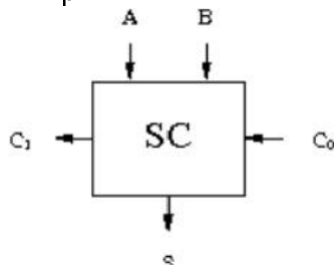


Schéma d'un fulladder.

Une rangée de fulladders multiplie le nombre de bits à additionner par  $\frac{2}{3}$ .

Profondeur  $O(\log n)$ , taille  $O(n \log n)$  (avec une grosse constante).

Circuit mixte : profondeur  $O(n)$ , taille  $O(n \log n)$ .

# La Clock : structure

- ① Copie des valeurs de ROM dans des registres.
- ② Boucle des secondes
  - ① Année bissextile (utilise un critère de divisibilité par 25)
  - ② Nouvelle date sans changement d'heure
  - ③ Jour de la semaine (congruence de Zeller)
  - ④ Changement d'heure
  - ⑤ Attente active pour garantir (par exemple) 1000 cycles par seconde

# La Clock : critère de divisibilité

Soit  $c \in \{0, 1\}$ ,  $a \in \mathbb{N}$ . Soit  $d$  impair.

Alors  $2a + c$  est divisible par  $d$  ssi  $a + 2^{-1}c$  est divisible par  $d$ .

# La Clock : congruence de Zeller

On considère que janvier et février sont les 13ème et 14ème mois de l'année précédente.

Soit  $m$  le mois.

Soit  $q$  le jour du mois,  $k = \text{annee} \bmod 100$  et  $j = \text{annee}/100$  (toutes les divisions sont entières).

Soit

$$h = q + \frac{13(m+1)}{5} + k + \frac{k}{4} + \frac{j}{4} + 5j$$

Alors, le jour de la semaine pour le calendrier grégorien est

$$((h + 5) \bmod 7) + 1$$



# Conclusion

Comment est-ce qu'on commit  
suicide.py ?



Aimeric1 committed 3 days ago

