

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования

«Московский физико-технический институт  
(национальный исследовательский университет)»

*Кафедра радиоэлектроники и прикладной информатики*

# **ЭФФЕКТИВНОЕ РАСПАРАЛЛЕЛИВАНИЕ ЦИКЛОВ**

Лабораторная работа № 2

по курсу

*Введение в распараллеливание алгоритмов и программ*

Составители:

*Р. Л. Пальян, Д. А. Гаврилов, А. В. Леус, А. В. Филимонов*

МОСКВА  
МФТИ  
2023

УДК 004.421  
ББК 32.973.05  
Э94

Рецензент

Кандидат технических наук *Н.Н.Щелкунов*

**Э94 Эффективное распараллеливание циклов** : лабораторная работа № 2 по курсу *Введение в распараллеливание алгоритмов и программ* / сост. : Р. Л. Пальян, Д. А. Гаврилов, А. В. Леус, А. В. Филимонов. – Москва : МФТИ, 2023. – 32 с.

Изучается проблема распараллеливания программных циклов при наличии информационных зависимостей. Основные цели работы – повышение компетенции студентов в вопросе распараллеливания программных циклов, в том числе вложенных.

Работа предназначена для студентов 4 курса, изучающих курс *Введение в распараллеливание алгоритмов и программ*.

УДК 004.421  
ББК 32.973.05

*Учебное издание*

## **ЭФФЕКТИВНОЕ РАСПАРАЛЛЕЛИВАНИЕ ЦИКЛОВ**

Лабораторная работа № 2 по курсу  
*Введение в распараллеливание алгоритмов и программ*

Составители:

**Пальян** Рубен Леонович, **Гаврилов** Дмитрий Александрович,  
**Леус** Андрей Владимирович, **Филимонов** Антон Валерьевич

Редактор *И. А. Волкова*. Корректор *О. П. Котова*

Подписано в печать 25.07.2023. Формат 60 × 84 1/16. Усл. печ. л. 2,0.

Уч.-изд. л. 1,7. Тираж 20 экз. Заказ № .

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Московский физико-технический институт (национальный исследовательский университет)»

141700, Московская обл., г. Долгопрудный, Институтский пер., 9

Тел. (495) 408-58-22, e-mail: [rio@mipt.ru](mailto:rio@mipt.ru)

---

Отдел оперативной полиграфии «Физтех-полиграф»

141700, Московская обл., г. Долгопрудный, Институтский пер., 9

Тел. (495) 408 84 30, e-mail: [polygraph@mipt.ru](mailto:polygraph@mipt.ru)

- © Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Московский физико-технический институт (национальный исследовательский университет)», 2023
- © Пальян Р. Л., Гаврилов Д. А., Леус А. В., Филимонов А. В., составление, 2023

## Введение

Параллельная программа – это множество взаимодействующих параллельных процессов. Основной целью параллельных вычислений является ускорение решения вычислительных задач. При работе параллельных программ для выполнения параллельных процессов задействуются исполнители, в роли которых, в зависимости от аппаратной конфигурации оборудования, чаще всего выступают отдельные процессоры, процессорные ядра или логические ядра, которые могут быть в составе одного или большого количества вычислительных узлов. Параллельные программы обладают следующими особенностями:

- 1) осуществляется управление работой множества исполнителей;
- 2) организуется обмен данными между исполнителями;
- 3) утрачивается детерминизм поведения из-за асинхронности доступа к данным;
- 4) преобладают нелокальные и динамические ошибки;
- 5) появляется возможность тупиковых ситуаций;
- 6) возникают проблемы масштабируемости программы и балансировки загрузки вычислительных узлов.

Рассмотрим некоторый последовательный алгоритм решения какой-либо задачи. В нем есть как операции, которые не могут выполняться параллельно (например, ввод/вывод), так и операции, которые можно выполнять на нескольких исполнителях одновременно. Пусть доля последовательных операций в алгоритме равна  $\alpha$ .

Время выполнения последовательного алгоритма обозначим  $T_1$ . Время выполнения параллельной версии алгоритма на  $p$  одинаковых процессорах можно записать следующим образом:

$$T_p = \alpha T_1 + \frac{(1-\alpha)T_1}{p} \quad (1)$$

Ускорением параллельного алгоритма называют отношение времени выполнения лучшего последовательного алгоритма к времени выполнения параллельного алгоритма:

$$S = \frac{T_1}{T_p}. \quad (2)$$

Параллельный алгоритм может давать большое ускорение, но использовать для этого слишком большое множество процессов может быть неэффективно. Для оценки масштабируемости параллельного алгоритма используется понятие эффективности:

$$E = \frac{S}{p}. \quad (3)$$

Теоретическая оценка максимального ускорения, достижимого для параллельного алгоритма с долей последовательных операций, равной  $\alpha$ , определяется законом Амдала:

$$S = \frac{T_1}{T_p} = \frac{T_1}{\alpha T_1 + \frac{(1-\alpha)T_1}{p}} \leq \frac{1}{\alpha} \quad (4)$$

Таким образом, если всего 10% операций алгоритма не могут быть выполнены параллельно, то никакая параллельная реализация данного алгоритма не может дать ускорение более чем в 10 раз.

## **Организация вычислений в системах с распределённой памятью на примере MPI**

В классических системах с распределённой памятью исполнителем является отдельный вычислительный узел, имеющий в наличии процессор, оперативную память, собственную копию операционной системы, под управлением которой выполняется один из экземпляров программы, выполняющей решаемую задачу. При этом вычислительные узлы объединены ЛВС (локальной вычислительной сетью), а между экземплярами программы организуется взаимодействие на основе систем передачи сообщений.

Стоит отметить, что современные высокопроизводительные вычислительные системы кластерного типа, в том числе подавляющее большинство суперкомпьютеров, обычно являются гибридными, в том плане, что объединяют свойства систем с распределённой памятью и

систем с общей память (в рамках одного вычислительного узла являясь системой с общей памятью, узлы же объединяются по принципу работы систем с распределённой памятью). Кроме этого, вычислительные узлы могут содержать гетерогенные ускорители вычислений, базирующиеся на графических процессорах, специализированных вычислителях, вычислителях с использованием программируемых логических интегральных схем.

В данном разделе рассмотрим параллельное программирование для систем с распределенной памятью. В системах этого типа на каждом вычислительном узле работают процессы, реализующие некоторый параллельный алгоритм. У каждого процесса есть своя собственная область памяти, к которой ни один другой процесс не имеет доступа. Все взаимодействия осуществляются с помощью передачи сообщений между процессами.

Существует множество способов организации передачи сообщений. В качестве примера рассмотрим разработку параллельных программ с помощью технологии MPI (Message Passing Interface, в переводе – интерфейс передачи сообщений).

Под передачей сообщений подразумевается передача сообщений между процессами, однако в стандарт входят не только способы взаимодействия между процессами, но и методы организации вычислений на системе с распределённой памятью. Развитием стандарта MPI занимается организация MPI Forum, последняя версия стандарта в 2022 году – 4.0. Реализации интерфейса MPI существуют для множества различных платформ. Рекомендуется изучать документацию на программное обеспечение конкретной вычислительной системы для уточнения поддерживаемой версии стандарта.

В рамках технологии MPI на каждом вычислительном узле запускается копия параллельной программы. Каждая копия получает ранг – уникальный идентификатор, использующийся для адресации сообщений.

Обмен сообщениями в рамках MPI происходит между процессами, которые относятся к одному коммуникатору. Коммуникатор – это способ группировки процессов. По умолчанию все запущенные процессы попадают в коммуникатор MPI\_COMM\_WORLD.

MPI предусматривает несколько вариантов обмена сообщениями. Сообщения бывают типа «точка-точка» – между двумя процессами и «коллективные» – между несколькими процессами одновременно.

Также отправка и прием сообщений бывают блокирующими и

неблокирующими (асинхронными). В случае блокирующего обмена передающие и принимающие процессы блокируются до тех пор, пока передача сообщения не завершится, в случае приёма или до момента, когда используемый для отправки данных буфер будет возможно использовать для дальнейшей работы. Не исключена ситуация (в зависимости от реализации, размера системного буфера и размера сообщения), когда в случае блокирующего обмена типа «точка-точка» отправитель будет вынужден ожидать до тех пор, пока получатель не вызовет функцию получения сообщения или не получит его.

## **Структура программы и основные функции MPI**

Структура программы, использующей MPI, выглядит следующим образом:

- 1) Подключение библиотеки MPI.
- 2) Инициализация среды MPI.
- 3) Работа программы, обмен сообщениями.
- 4) Остановка среды MPI.

Для подключения библиотеки MPI в программе на языке C нужно включить заголовочный файл `mpi.h`.

Для инициализации среды MPI на каждом вычислительном узле необходимо один и только один раз вызвать функцию `MPI_Init(int* argc, char*** argv)`. Все прочие MPI функции могут быть вызваны только после вызова `MPI_Init`.

`MPI_Init` получает адреса аргументов, стандартно получаемых самой `main` от операционной системы и хранящих параметры командной строки. В конец командной строки программы MPI-загрузчик `mpirun` добавляет ряд информационных параметров, которые требуются `MPI_Init`.

После успешной инициализации каждый процесс может узнать свой ранг с помощью функции `MPI_Comm_rank (MPI_Comm comm, int* rank)`. Также можно узнать общее число процессов в коммуникаторе, вызвав `MPI_Comm_size (MPI_Comm comm, int* size)`. В качестве аргументов обоем функциям передается идентификатор коммуникатора (если не были созданы новые коммуникаторы, то `MPI_COMM_WORLD`) и адрес переменной, куда будет записано требуемое значение.

Остановка среды MPI осуществляется вызовом функции

MPI\_Finalize()). Все последующие обращения к любым MPI-процедурам, в том числе к MPI\_Init, запрещены. К моменту вызова MPI\_Finalize некоторым процессом все действия, требующие его участия в обмене сообщениями, должны быть завершены.

Для обмена сообщениями типа «точка-точка» используется, в частности, следующий набор функций:

- MPI\_Send(void\* buffer, int count, MPI\_Type type, int dst, int tag, MPI\_Comm comm) – блокирующая отправка.
- MPI\_Isend(void\* buffer, int count, MPI\_Type type, int dst, int tag, MPI\_Comm comm, MPI\_Request\* request) – неблокирующая отправка.
- MPI\_Recv(void\* buffer, int count, MPI\_Type type, int src, int tag, MPI\_Comm comm, MPI\_Status\* status) – блокирующий прием.
- MPI\_Irecv(void\* buffer, int count, MPI\_Type type, int src, int tag, MPI\_Comm comm, MPI\_Request\* request) – блокирующий прием

и ряд других.

Параметры всех этих функции очень похожи:

- buffer – указатель на начало области памяти, откуда будут передаваться (или куда будут приниматься данные).
- count – число элементов в буфере.
- type – тип элемента в буфере. В MPI поддерживаются все основные типы языка C, а также можно создавать произвольные пользовательские типы элементов.
- dst/src – ранг принимающего/передающего процесса.
- tag – метка сообщения. Служит для выделения логического типа сообщений.
- comm – коммунитор, в рамках которого будет вестись обмен (если не создавалось новых коммуниторов, то обычно MPI\_COMM\_WORLD).
- status – указатель на структуру, в которой будет информация о статусе доставки сообщения. Если статус не интересует, то можно передать специальное значение MPI\_STATUS\_IGNORE.

- request – указатель на структуру, в которой будет информация о статусе передачи сообщения.

Для точного измерения времени работы библиотека MPI предоставляет функцию MPI\_Wtime(). Функция возвращает астрономическое время в секундах (вещественное число), прошедшее с некоторого момента в прошлом. Для измерения времени работы фрагмента кода используется следующая конструкция:

```
double t_start = MPI_Wtime();

// некоторый код

double t_end = MPI_Wtime();

double working_time = t_end - t_start;
```

Для компиляции и запуска программы, использующей MPI, на компьютере должна быть установлена и настроена реализация библиотеки MPI (например, OpenMPI или MPICH2). В случае работы с вычислительной машиной кластерного типа требуется обратиться к руководству пользователя данной машины, часто для запуска MPI программ в многопользовательских машинах используется та или иная система очередей (например, slurm или PBS). Компиляция программы в ряде реализаций осуществляется с помощью команды:

```
mpicc -o <название_исполняемого_файла>
<имя_исходного_файла>.c          Запуск
осуществляется с помощью команды:
mpirun          -np          <число_запускаемых_процессов>
<название_исполняемого_файла> [аргументы]
```

## **Организация вычислений в системах с общей памятью на примере OpenMP**

Для создания прикладных параллельных программ в системах с общей памятью предназначен интерфейс прикладного программирования (API), который описывает стандарт OpenMP (Open Multi-Processing). Данный стандарт имеет ряд версий (последняя по данным 2022 года – 5.2), и развивается организацией OpenMP Architecture Review Board, в которую входят многие коммерческие и научные организации, заинтересованные в развитии и активном использовании стандарта. Та или иная версия стандарта



поддерживается большинством современных компиляторов общего назначения, базовой для стандарта является поддержка языков программирования C, C++ и Fortran.

Стандарт представляет пользователю набор директив компилятора, библиотечные функции и переменные окружения.

Для использования возможностей OpenMP в языке C с использованием компилятора gcc необходимо использовать опцию компилятора *-fopenmp*. Для использования функций необходимо также подключить библиотеку *omp.h*.

Для параллельного выполнения того или иного участка кода может использоваться директива:

```
#pragma omp parallel
{
    //код, который выполняется параллельно
}
```

Существует директива, предназначенная для распараллеливания циклов по итерациям:

```
#pragma omp parallel for
for(i=0; i < N;i++)
{
```

//цикл должен удовлетворять определённым требованиям, в зависимости от версии стандарта, общая суть которых – определённое заранее число итераций и отсутствие дополнительных точек выхода из цикла

```
}
```

Для точного измерения времени работы стандарт OpenMP предоставляет функцию *omp\_get\_wtime()*. Функция возвращает астрономическое время в секундах (вещественное число), прошедшее с некоторого момента в прошлом. Для измерения времени работы фрагмента кода используется следующая конструкция:

```
double t_start = omp_get_wtime();

// некоторый код

double t_end = omp_get_wtime();

double working_time = t_end - t_start;
```

## Условия Бернштейна

Пусть в программе имеются два оператора  $S_1$  и  $S_2$ , непосредственно динамически следующих друг за другом. Пусть  $W(S)$  – набор выходных переменных оператора  $S$ , а  $R(S)$  – набор его входных переменных. Тогда возможность их одновременного выполнения различными исполнителями в параллельной системе можно определить с помощью условий Бернштейна.

Если для операторов  $S_1$  и  $S_2$ , непосредственно динамически следующих друг за другом, выполнено:

- пересечение  $W(S_1)$  и  $W(S_2)$  пусто;
- пересечение  $W(S_1)$  и  $R(S_2)$  пусто;
- пересечение  $R(S_1)$  и  $W(S_2)$  пусто;

то они могут быть исполнены параллельно.

## Анализ зависимостей в простых циклах

Во многих программах, связанных с математическим моделированием, приходится практически одинаковым образом обрабатывать большие массивы данных. Ввиду этого особый интерес представляет анализ существующих последовательных программ на параллелизм по данным. Распараллеливание по данным предполагает разделение массивов на зоны, каждая из которых обрабатывается отдельным исполнителем, — так называемые зоны ответственности исполнителей. Подобные вычисления обычно реализуются в последовательном коде с помощью операторов цикла. В работе рассматривается способ определения наличия зависимостей по данным для циклов, работающих с массивами, и влияние этих зависимостей на возможность параллельного выполнения циклов.

Пусть тело цикла состоит из двух операторов  $S_1$  и  $S_2$ , в наборы входных и/или выходных данных которых входит обращение к элементам одного и того же одномерного массива данных  $A$ .

```

for (int i=0; i<i_fin; ++i) {
    S1: ....(A[f(i)])...
    S2: ... A[g(i)]...
}

```

Здесь  $f(i)$  и  $g(i)$  — некоторые целочисленные функции целого переменного. Для простоты будем считать, что индекс массива  $A$  может принимать любое целое значение. Нашей основной задачей является выяснение того, можно ли разбить итерационное пространство такого цикла — целочисленный отрезок  $[1, j_{fin}]$  — на зоны ответственности для параллельного выполнения. Вспомним, что на самом деле оператор цикла — это просто форма сокращения исходного текста программы. Если убрать это сокращение и развернуть цикл, то получим

```

S1,1: ....(A[f(1)])...
S2,1: ...A[g(1)]...
S1,2: ....(A[f(2)])...
S2,2: ...A[g(2)]...
...
S1,i_fin: ....(A[f(i_fin)])...
S2,i_fin: ...A[g(i_fin)]...

```

В такой развернутой последовательности следующих друг за другом операторов можно провести анализ их совокупности на зависимость по данным. Будем полагать, что для одного оператора в теле цикла обращение к элементу массива  $A$  входит в набор входных переменных, а для другого — в набор выходных элементов.

Без ограничения общности получаем цикл:

```

for (int i=0; i<i_fin; ++i) {
    S1: A[f(i)] = ....
    S2: .... = ...A[g(i)]...
}

```

Легко видеть, что условия Бернштейна могут быть нарушены в

том случае, если существуют значения итерационной переменной «i»  $\lambda$  и  $\kappa$ ,  $1 \leq \lambda \leq i\_fin$ ,  $1 \leq \kappa \leq i\_fin$  такие, что  $f(\lambda) = g(\kappa)$ . Чтобы узнать, существуют ли такие значения, нужно решить приведенное уравнение при указанных ограничениях в целых числах. В общем случае определить, имеет ли уравнение решения, и найти их алгоритмически невозможно.

В простых случаях, например, когда  $f$  и  $g$  — линейные функции, определить, существует ли решение и каково оно, конечно, возможно, но в общем случае — нет. Если решения не существует, то все операторы развернутого цикла независимы друг от друга и могут быть выполнены одновременно различными исполнителями, скажем, каждая итерация цикла — на своем исполнителе.

Пусть решение существует, и мы нашли соответствующие  $\kappa$  и  $\lambda$ . Условия Бернштейна нарушены — между операторами есть зависимость. В этом случае оператор S1 (где элемент массива A — выходная переменная) называют источником (source) зависимости, а оператор S2 (где элемент массива A — входная переменная) называют стоком (sink) зависимости. Вычислим величину  $D = \lambda - \kappa$  (из итерации стока вычитаем итерацию источника). Эту величину принято называть расстоянием зависимости цикла.

Расстояние зависимости играет важную роль при анализе цикла на параллельность. Его значение позволяет определять тип возникающей зависимости по данным и возможность разбиения итерационного пространства на зоны ответственности для параллельного исполнения.

Если расстояние зависимости  $D < 0$ , то между операторами тела цикла существует антагонизм. Цикл может быть распараллелен так, что каждая итерация будет выполняться отдельным исполнителем, если перед началом выполнения итераций продублировать необходимые входные данные на исполнителях.

Если расстояние зависимости  $D > 0$ , то между операторами тела цикла существует потоковая зависимость. При  $D > 1$  цикл может быть распараллелен не более чем на  $D$  исполнителях.

Если расстояние зависимости  $D = 0$ , то тип зависимости между операторами тела цикла в общем случае не определен. Цикл может быть распараллелен так, что каждая итерация будет выполняться отдельным исполнителем.

## **Анализ зависимостей во вложенных циклах**

В современных научных исследованиях часто рассматриваются задачи, имеющие более одного измерения. При построении математических моделей таких задач приходится использовать

многомерные массивы данных, а для их обработки в программах, реализующих построенные модели, — применять вложенные циклы. Нам необходимо уметь применять к подобным программным конструкциям аппарат анализа зависимостей по данным для возможного распараллеливания последовательного кода.

Рассмотрим нормализованный цикл:

```

for (int j1=0; j1<u1; ++j1) {
    for (int j2=0; j2<u2; ++j2) {
        ....
        for (int jn=0; jn<un; ++jn) {
            }
        }
    }
}

```

В таких циклах конкретная итерация определяется совокупностью значений всех счетчиков  $j_1, j_2, \dots, j_n$ . Будем рассматривать их набор как  $n$ -мерный вектор  $J = (j_1, j_2, \dots, j_n)$  и назовем его итерационным вектором. Множество всех допустимых значений итерационных векторов образует итерационное пространство цикла. В этом пространстве между векторами можно ввести отношения порядка. Будем говорить, что  $I = J$ , если  $\forall k, 1 \leq k \leq n, i_k = j_k$ , и что  $I < J$  в том случае, когда  $\exists s, 1 \leq s \leq n$ , такое что  $\forall k, 1 \leq k < s, i_k = j_k$ , а  $i_s < j_s$ . Как и в случае с одномерным циклом предположим, что тело цикла состоит из двух операторов  $S_1$  и  $S_2$ , в наборы входных и/или выходных данных которых входит обращение к элементам одного и того же массива данных  $A$  с размерностью, совпадающей с количеством уровней вложенностей цикла. Пусть индексы массива могут принимать произвольные целочисленные значения. При этом для простоты допустим, что для оператора  $S_1$  элемент массива  $A$  принадлежит к выходным переменным оператора, а для оператора  $S_2$  — к входным переменным. Тогда можно представить цикл в виде:

```

for (int j1=0; j1<j_fin1; ++j1) {
    for (int j2=0; j2<j_fin2; ++j2) {
        ....
        for (int jn=0; jn<i_finn; ++jn) {
            S1: A[f1(J),...,fn(J)] = ....
            S2: .... = ... A[g1(J),...,gn(J)] ...
        }
    }
}

```

Здесь функции  $f_k(J)$  и  $g_k(J)$ ,  $1 \leq k \leq n$ , есть целочисленные функции от  $n$  целых переменных. Задачей является выяснение возможности разбиения итерационного пространства такого цикла на зоны ответственности для параллельного выполнения.

Понятно, что условия Бернштейна нарушаются. Зависимость возникает, если имеет решение система уравнений  $F(K) = G(\Lambda)$ , где  $F$  — вектор-функция ( $f_1, \dots, f_n$ ), а  $G$  — вектор-функция ( $g_1, \dots, g_n$ ).

Введем для цикла понятие вектора расстояний зависимости (или просто вектора расстояний) следующим образом:  $D = \Lambda - K$  (из вектора итераций, соответствующего итерации стока зависимости, вычитаем вектор итерации, соответствующий итерации источника зависимости).

Определить тип существующей зависимости по данным и возможность распараллеливания цикла по виду вектора расстояний не так просто. Поэтому вводится понятие вектора направлений для цикла. Компоненты вектора направлений  $d$  (а это — символьный вектор) определяются следующим образом:

- $d_i = „=“$ ,  $D_i = 0$ ;
- $d_i = „>“$ ,  $D_i < 0$ ;
- $d_i = „<“$ ,  $D_i > 0$ .

Если многомерный цикл имеет вектор направлений  $d = („=“, \dots, „=“)$ , то цикл может быть распараллелен по произвольному количеству индексов без всяких ограничений. При этом циклы,

соответствующие различным уровням вложенности первоначальной конструкции, можно безопасно менять местами.

Пусть многомерный цикл имеет вектор направлений  $d$ , в состав которого входят только элементы «>» и «=». Такой цикл может быть распараллелен без всяких ограничений по любому количеству индексов, соответствующих компонентам «=» в векторе направлений. Распараллеливание по индексам, соответствующим компонентам «>» в векторе направлений, возможно при дублировании необходимых входных данных. Перед распараллеливанием циклы, соответствующие различным уровням вложенности первоначальной конструкции, можно безопасно менять местами.

Пусть многомерный цикл имеет вектор направлений  $d$ , в состав которого входят только элементы „<“ и „=“. Такой цикл может быть распараллелен без всяких ограничений по любому количеству индексов, соответствующих компонентам „=“ в векторе направлений. Распараллеливание по индексам, соответствующим компонентам „<“ в векторе направлений, проблематично. Перед распараллеливанием циклы, соответствующие различным уровням вложенности первоначальной конструкции, можно безопасно менять местами.

Пусть для некоторого многомерного цикла определен вектор направлений  $d$ . Истинная зависимость в цикле существует тогда и только тогда, когда крайний левый элемент вектора направлений, отличный от „=“, есть „<“.

Для произвольного цикла возможно распараллеливание по любому индексу, соответствующему компоненту „=“ в векторе направлений. Уровень вложенности, соответствующий этому компоненту, можно поменять местами с любым соседним уровнем вложенности с сохранением результата вычислений. Два соседних уровня вложенности, которым соответствуют одинаковые компоненты вектора направлений, также можно поменять местами. Если в цикле существует антизависимость, то распараллеливание возможно по произвольному количеству индексов при дублировании необходимых входных данных. Распараллеливание для циклов с истинной зависимостью может быть проблематично.

Естественно, что для цикла, в котором зависимости возникают по элементам не одного, а нескольких массивов, решение о возможности распараллеливания принимается по результатам анализа всей совокупности зависимостей.

## Практическая часть

Основным заданием данной лабораторной работы является разработка и исследование параллельных программ, созданных на основе существующих заготовок последовательных программ. Полученные результаты требуется сравнить, а также изобразить графически для каждой из реализаций зависимость коэффициента ускорения программы от количества используемых исполнителей.

Лабораторная работа подразумевает выполнение распараллеливания при помощи двух разных технологий (с общей памятью и с распределённой памятью) представленной ниже программы, а также дополнительно две или три, на усмотрение преподавателя, индивидуальные задачи для каждого студента. Для получения максимального балла требуется обеспечить возможность установки ISIZE и JSIZE в значения 5000 и 5000 соответственно, для чего, вероятно, потребуются модификация заготовки. Это желательно для увеличения времени работы соответствующего фрагмента кода и уменьшения влияния дискретности измерения времени на процесс измерения эффективности параллельной версии программы. При измерении времени требуется учитывать только время выполнения заданного фрагмента кода, не учитывая время работы первого цикла (который просто заполняет массив некоторыми данными и может быть заменён другим источником данных), а также не учитывая время записи данных в файл. Разрешается, по желанию студента, переписать заготовку программы с использованием языка C++.

Эталонный вариант кода с вектором направлений < „=“ „=> >:

```
#include <stdio.h>

#include <stdlib.h>

#define ISIZE 1000
#define JSIZE 1000

int main(int argc, char **argv)
{
    double a[ISIZE][JSIZE];
    int i, j;
    FILE *ff;
    for (i=0; i<ISIZE; i++){
```



```

        for (j=0; j<JSIZE; j++){
            a[i][j] = 10*i +j;
        }
    }
    //начало измерения времени
    for (i=0; i<ISIZE; i++){
        for (j = 0; j < JSIZE; j++){
            a[i][j] = sin(2*a[i][j]);
        }
    }
    //окончание измерения времени
    ff = fopen("result.txt", "w");
    for(i=0; i < ISIZE; i++){
        for (j=0; j < JSIZE; j++){
            fprintf(ff, "%f ", a[i][j]);
        }
        fprintf(ff, "\n");
    }
    fclose(ff);
}

```

Приведённый выше вариант является эталонным в том смысле, что является наиболее простым случаем для распараллеливания, в результате чего следует ожидать максимальной эффективности распараллеливания именно для данной задачи (при условии правильно написанной программы). Соответственно, эффективность работы индивидуальных вариантов следует сравнивать с данным эталонным случаем.

Файл с результатами используется для проверки корректности работы параллельной версии программы, для чего используется любая утилита сравнения файлов (в ОС Linux чаще всего diff). Проверка корректности работы параллельной программы является неотъемлемой частью процесса разработки параллельных программ. Проблематика тестирования параллельных программ достаточно обширна и выходит за рамки данной

лабораторной работы, в связи с чем предлагается воспользоваться простейшим тестом в виде разового сравнения результатов.

Ниже приведён набор фрагментов индивидуальных вариантов программ (после названия варианта указывается рекомендуемая технология, применяемая для распараллеливания, рекомендовано измерять время работы фрагмента кода, соответствующим образом обозначенного, встроенными в используемую программную библиотеку средствами):

<p>Задача 1а (MPI)</p> <pre> int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i + j;         }     }      //начало измерения времени     for (i=1; i&lt;ISIZE; i++){         for (j = 0; j &lt; JSIZE-1; j++){             a[i][j] = sin(2*a[i-1][j+1]);         }     }      //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt", "w");     for(i= 0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>	<p>Задача 1б (MPI)</p> <pre> int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i + j;         }     }      //начало измерения времени     for (i=2; i&lt;ISIZE; i++){         for (j = 0; j &lt; JSIZE-3; j++){             a[i][j] = sin(5*a[i-2][j+3]);         }     }      //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt", "w");     for(i= 0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>
---	---

<p>Задача 1в (MPI)</p> <pre> int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i + j;         }     }     //начало измерения времени     for (i=1; i&lt;ISIZE; i++){         for (j =3; j &lt; JSIZE; j++){             a[i][j] = sin(2*a[i-1][j-3]);         }     }     //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt","w");     for(i= 0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>	<p>Задача 1г (MPI)</p> <pre> int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i + j;         }     }     //начало измерения времени     for (i=3; i&lt;ISIZE; i++){         for (j = 0; j &lt; JSIZE-2; j++){             a[i][j] = sin(3*a[i - 3][j+2]);         }     }     //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt","w");     for(i= 0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>
---	--

<pre> Задача 1д (MPI) int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i +j;         }     }     //начало измерения времени     for (i=8; i&lt;ISIZE; i++){         for (j = 0; j &lt; JSIZE-3; j++){             a[i][j] = sin(4*a[i- 8][j+3]);         }     }     //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt","w");     for(i= 0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>	<pre> Задача 1е (MPI) int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i +j;         }     }     //начало измерения времени     for (i=1; i&lt;ISIZE; i++){         for (j = 8; j &lt; JSIZE; j++){             a[i][j] = sin(5*a[i-1][j- 8]);         }     }     //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt","w");     for(i= 0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>
---	---

<pre> Задача 1ж (MPI) int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i + j;         }     }     //начало измерения времени     for (i=4; i&lt;ISIZE; i++){         for (j = 0; j &lt; JSIZE-2; j++){             a[i][j] = sin(6*a[i-4][j+2]);         }     }     //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt","w");     for(i= 0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>	<pre> Задача 1з (MPI) int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i + j;         }     }     //начало измерения времени     for (i=2; i&lt;ISIZE; i++){         for (j = 4; j &lt; JSIZE; j++){             a[i][j] = sin(4*a[i-2][j-4]);         }     }     //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt","w");     for(i= 0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>
---	---

<p>Задача 2а (OpenMP)</p> <pre> int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i +j;         }     }     //начало измерения времени     for (i=0; i&lt;ISIZE-3; i++){         for (j = 4; j &lt; JSIZE; j++){             a[i][j] = sin(0.04*a[i+3][j]- 4)];         }     }     //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt","w");     for(i= 0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>	<p>Задача 2б (OpenMP)</p> <pre> int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i +j;         }     }     //начало измерения времени     for (i=0; i&lt;ISIZE-1; i++){         for (j = 6; j &lt; JSIZE; j++){             a[i][j] = sin(0.2*a[i+1][j-6]);         }     }     //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt","w");     for(i= 0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>
---	--

<p>Задача 2в (OpenMP)</p> <pre> int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i + j;         }     }     //начало измерения времени     for (i=0; i&lt;ISIZE-1; i++){         for (j = 1; j &lt; JSIZE; j++){             a[i][j] = sin(0.1*a[i+1][j- 1]);         }     }     //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt","w");     for(i= 0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>	<p>Задача 2г (OpenMP)</p> <pre> int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i + j;         }     }     //начало измерения времени     for (i=0; i&lt;ISIZE-3; i++){         for (j = 2; j &lt; JSIZE; j++){             a[i][j] = sin(0.1*a[i+3][j- 2]);         }     }     //окончание измерения времени     ff = fo pen("result.txt","w");     for(i=0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>
--	--

<p>Задача 2д (OpenMP)</p> <pre> int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt; ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i +j;         }     }     //начало измерения времени     for (i=0; i&lt; ISIZE-4; i++){         for (j = 5; j &lt; JSIZE; j++){             a[i][j] = sin(0.1*a[i+4][j- 5]);         }     }     //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt","w");     for(i= 0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>	<p>Задача 2е (OpenMP)</p> <pre> int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt; ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i +j;         }     }     //начало измерения времени     for (i=0; i&lt; SIZE-4; i++){         for (j = 0; j &lt; JSIZE-2; j++){             a[i][j] = sin(0.1*a[i+4][j+2]);         }     }     //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt","w");     for(i= 0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>
---	---



<pre> Задача 2ж (OpenMP) int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i + j;         }     }     //начало измерения времени     for (i= 0; i&lt; ISIZE-2; i++){         for (j = 3; j &lt; JSIZE; j++){             a[i][j] = sin(0.1*a[i+2][j- 3]);         }     }     //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt","w");     for(i=0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>	<pre> Задача 2з (OpenMP) int main(int argc, char **argv) {     double a[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i + j;         }     }     //начало измерения времени     for (i= 0; i&lt; ISIZE-4; i++){         for (j = 0 ; j &lt; JSIZE-4; j++){             a[i][j] = sin(0.1*a[i+2][j+4]);         }     }     //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt","w");     for(i=0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j= 0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ",a[i][j]);         }         fprintf(ff,"\n");     }     fclose(ff); } </pre>
--	--

<pre> Задача 3а (MPI) int main(int argc, char **argv) { ...double a[ISIZE][JSIZE], b[ISIZE][JSIZE]; int i, j; FILE *ff; for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){ for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){ a[i][j] = 10*i + j; b[i][j] = 0; } } //начало измерения времени for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){ for (j = 0; j &lt; JSIZE; j++){ a[i][j] = sin(0.1*a[i][j]); } } for (i=0; i&lt;ISIZE-1; i++){ for (j = 0; j &lt; JSIZE; j++){ b[i][j] = a[i+1][j]*1.5; } } //окончание измерения времени ff = fopen("result.txt","w"); for(i=0; i &lt; ISIZE; i++){ for (j=0; j &lt; JSIZE; j++){ fprintf(ff,"%f ", b[i][j]); } fprintf(ff,"\n"); } fclose(ff); } </pre>	<pre> Задача 3б (OpenMP) double a[ISIZE][JSIZE], b[ISIZE][JSIZE]; int main(int argc, char **argv) { int i, j; FILE *ff; for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){ for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){ a[i][j] = 10*i + j; b[i][j] = 0; } } //начало измерения времени for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){ for (j = 0; j &lt; JSIZE; j++){ a[i][j] = sin(0.01*a[i][j]); } } for (i=0; i&lt;ISIZE-1; i++){ for (j = 3; j &lt; JSIZE; j++){ b[i][j] = a[i+1][j-3]*2; } } //окончание измерения времени ff = fopen("result.txt","w"); for(i=0; i &lt; ISIZE; i++){ for (j=0; j &lt; JSIZE; j++){ fprintf(ff,"%f ", b[i][j]); } fprintf(ff,"\n"); } fclose(ff); } </pre>
--	---

<pre> Задача 3в (MPI) double a[ISIZE][JSIZE], b[ISIZE][JSIZE]; int main(int argc, char **argv) {     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i +j;             b[i][j] = 0;         }     }     //начало измерения времени     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j = 0; j &lt; JSIZE; j++){             a[i][j] = sin(0.01*a[i][j]);         }     }     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j = 2; j &lt; JSIZE; j++){             b[i][j] = a[i][j-2]*2.5;         }     }     //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt", "w");     for(i=0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j=0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ", b[i][j]);         }         fprintf(ff, "\n");     }     fclose(ff); } </pre>	<pre> Задача 3г (OpenMP) int main(int argc, char **argv) {     ...double a[ISIZE][JSIZE], b[ISIZE][JSIZE];     int i, j;     FILE *ff;     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){             a[i][j] = 10*i +j;             b[i][j] = 0;         }     }     //начало измерения времени     for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){         for (j = 0; j &lt; JSIZE; j++){             a[i][j] = sin(0.005*a[i][j]);         }     }     for (i=5; i&lt;ISIZE; i++){         for (j = 0; j &lt; JSIZE-2; j++){             b[i][j] = a[i-5][j+2]*1.5;         }     }     //окончание измерения времени     ff = fopen("result.txt", "w");     for(i=0; i &lt; ISIZE; i++){         for (j=0; j &lt; JSIZE; j++){             fprintf(ff,"%f ", b[i][j]);         }         fprintf(ff, "\n");     }     fclose(ff); } </pre>
---	--

<pre> Задача 3д (MPI) int main(int argc, char **argv) { ...double a[ISIZE][JSIZE], b[ISIZE][JSIZE]; int i, j; FILE *ff; for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){     for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){         a[i][j] = 10*i +j;         b[i][j] = 0;     } } //начало измерения времени for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){     for (j = 0; j &lt; JSIZE; j++){         a[i][j] = sin(0.001*a[i][j]);     } } for (i=0; i&lt;ISIZE-3; i++){     for (j = 5; j &lt; JSIZE; j++){         b[i][j] = a[i+3][j-5]*3;     } } //окончание измерения времени ff = fopen("result.txt", "w"); for(i=0; i &lt; ISIZE; i++){     for (j=0; j &lt; JSIZE; j++){         fprintf(ff,"%f ", b[i][j]);     }     fprintf(ff, "\n"); } fclose(ff); } </pre>	<pre> Задача 3е (OpenMP) int main(int argc, char **argv) { ...double a[ISIZE][JSIZE], b[ISIZE][JSIZE]; int i, j; FILE *ff; for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){     for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){         a[i][j] = 10*i +j;         b[i][j] = 0;     } } //начало измерения времени for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){     for (j = 0; j &lt; JSIZE; j++){         a[i][j] = sin(0.002*a[i][j]);     } } for (i=0; i&lt;ISIZE-4; i++){     for (j = 1; j &lt; JSIZE; j++){         b[i][j] = a[i+4][j-1]*1.5;     } } //окончание измерения времени ff = fopen("result.txt", "w"); for(i=0; i &lt; ISIZE; i++){     for (j=0; j &lt; JSIZE; j++){         fprintf(ff,"%f ", b[i][j]);     }     fprintf(ff, "\n"); } fclose(ff); } </pre>
---	--

<p>Задача 3ж (MPI)</p> <pre> int main(int argc, char **argv) { ...double a[ISIZE][JSIZE], b[ISIZE][JSIZE]; int i, j; FILE *ff; for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){ for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){ a[i][j] = 10*i + j; b[i][j] = 0; } } //начало измерения времени for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){ for (j = 0; j &lt; JSIZE; j++){ a[i][j] = sin(0.1*a[i][j]); } } for (i=0; i&lt;ISIZE-1; i++){ for (j = 2; j &lt; JSIZE; j++){ b[i][j] = a[i+1][j-2]*1.5; } } //окончание измерения времени ff = fopen("result.txt", "w"); for(i=0; i &lt; ISIZE; i++){ for (j=0; j &lt; JSIZE; j++){ fprintf(ff,"%f ", b[i][j]); } fprintf(ff, "\n"); } fclose(ff); } </pre>	<p>Задача 3з (OpenMP)</p> <pre> int main(int argc, char **argv) { ...double a[ISIZE][JSIZE], b[ISIZE][JSIZE]; int i, j; FILE *ff; for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){ for (j=0; j&lt;JSIZE; j++){ a[i][j] = 10*i + j; b[i][j] = 0; } } //начало измерения времени for (i=0; i&lt;ISIZE; i++){ for (j = 0; j &lt; JSIZE; j++){ a[i][j] = sin(0.1*a[i][j]); } } for (i=1; i&lt;ISIZE; i++){ for (j = 0; j &lt; JSIZE-2s; j++){ b[i][j] = a[i-1][j+2]*1.5; } } //окончание измерения времени ff = fopen("result.txt", "w"); for(i=0; i &lt; ISIZE; i++){ for (j=0; j &lt; JSIZE; j++){ fprintf(ff,"%f ", b[i][j]); } fprintf(ff, "\n"); } fclose(ff); } </pre>
---	---

## **Задание к допуску**

1. Получить у преподавателя набор заданий для выполнения.
2. Вычислить векторы направлений и расстояний для ваших вариантов задания.
3. Определить тип зависимости для каждого из циклов и предложить возможные варианты распараллеливания.

## **Задание к выполнению**

1. Создать последовательную реализацию эталонной программы, а также полученных индивидуальных вариантов программы. Скомпилировать, при необходимости исправить ошибки и добиться работоспособности. Провести измерение времени работы всех вышеуказанных программ и получить результаты их работы в виде выходных файлов.
2. Создать параллельную реализацию эталонной программы, а также полученных индивидуальных вариантов программы. В случае, когда распараллеливание возможно несколькими методами, выбрать наиболее эффективный вариант. Скомпилировать, при необходимости исправить ошибки и добиться работоспособности программ. Запустить программы в необходимой среде.
3. Проверить корректность работ параллельной версии программы путём сравнения результатов работы последовательной и параллельной версий программ (для этого требуется сравнить два файла с результатами работы, которые должны оказаться идентичными). При необходимости внести исправления и вернуться к п.2 задания к выполнению.

## **Задание к сдаче**

1. Произвести запуск параллельных версий программ с использованием различного числа исполнителей. Минимальное возможное значение – до 4-х исполнителей, предпочтительно, в случае наличия аппаратных возможностей, использовать более широкий диапазон значений исполнителей.
2. Построить для всех вышеуказанных параллельных программ графики ускорения и эффективности.
3. Прокомментировать полученные результаты.

## Контрольные вопросы

1. Что такое ускорение и эффективность параллельных алгоритмов?
2. Сформулируйте закон Амдала и приведите пример его использования.
3. Какие есть свойства канала передачи данных? Какую роль играет латентность в системах с распределённой памятью?
4. Опишите следующие виды обменов данными в системах с распределённой памятью на примере стандарта MPI: «точка-точка»: синхронные, асинхронные. Как используется буферизация данных?
5. Каким образом можно распараллелить цикл `for` с использованием технологии распараллеливания OpenMP?
6. Что такое синхронизация выполнения?
7. Сформулируйте условия Бернштейна. Приведите пример, когда одно из данных условий нарушается.
8. Что такое расстояние зависимости? Какого его влияние на возможность распараллеливания простого цикла?
9. Что такое расстояние зависимости для вложенных циклов?
10. Что такое вектор направлений? Опишите его влияние на возможность распараллеливания вложенных циклов.
11. Приведите условия возможности перестановки вложенных циклов с сохранением результата вычислений.
12. По какой причине необходимо модифицировать представленный в работе код для расширения размера обрабатываемого массива с  $1000 \times 1000$  до  $5000 \times 5000$ ? Есть ли возможность избежать модификации кода, если да, то как и какие риски несёт в себе подобное решение?
13. Проведите анализ возможности распараллеливания следующих циклов:  

```
for (int i=0; i<N; ++i) { a[i] = d[i] + 5*i; c[i] = a[2*i] * 2; }  
for (int i=0; i<N; ++i) { c[i] = sin(a[2*i]); a[i] = d[i]*2; }  
for (int i=0; i<N; ++i) { a[i] = a[i-1]*2; }  
for (int i=0; i<N; ++i) { a[i] = a[i+4]/2; }  
for (int i=0; i<N; ++i) { a[i] = a[i+4]*tan(a[i-1]); }  
for (int i=0; i<N; ++i) { a[i] = a[i-8]*7; }
```

## Список литературы

1. Карнов В.Е., Лобанов А.И. Численные методы, алгоритмы и программы. Введение в распараллеливание. Москва : Физматкнига, 2014. ISBN 978-5-89155-234-0.
2. Официальная страница документации MPI: <http://www.mpi-forum.org/docs/docs.html>
3. Официальная страница документации OpenMP <https://www.openmp.org/specifications/>