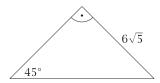
lp. w dzienniku

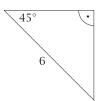
klasa

data

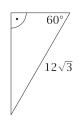
1. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



2. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



3. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



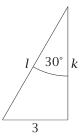
4. W narysowanym trójkącie prostokątnym boki k, l mają długości:

A.
$$k = 3\sqrt{3}$$
, $l = 6\sqrt{3}$

B.
$$k = 3, l = 6$$

C.
$$k = 3\sqrt{3}, l = 6$$

D.
$$k = \sqrt{3}, l = 6$$



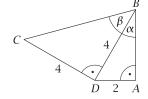
5. Kąty α i β z rysunku obok mają miary:

A.
$$\alpha = 60^{\circ}$$
, $\beta = 45^{\circ}$

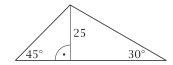
B.
$$\alpha = 45^{\circ}$$
, $\beta = 30^{\circ}$

C.
$$\alpha = 45^{\circ}, \beta = 60^{\circ}$$

D.
$$\alpha = 30^{\circ}$$
, $\beta = 45^{\circ}$



6. Wyznacz długości boków narysowanego obok trójkąta.



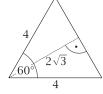
7. Kąt ostry równoległoboku o bokach 6 cm i 10 cm ma miarę 45° . Pole tego równoległoboku jest równe:

- A. $\frac{60}{\sqrt{2}}\, \text{cm}^2$ B. $60\, \text{cm}^2$ C. $\frac{30}{\sqrt{2}}\, \text{cm}^2$ D. $30\sqrt{2}\, \text{cm}^2$









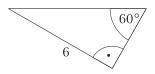
TAK NIE

TAK NIE

TAK NIE

TAK NIE

- 9. Oblicz pole rombu o boku 8 cm i kącie ostrym 60°.
- 10. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



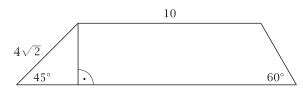
11. W trójkącie równoramiennym wysokość ma długość 9, a ramię tworzy z podstawą kąt 30°. Podstawa trójkąta ma długość:

A. $9\sqrt{3}$

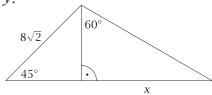
B. 18

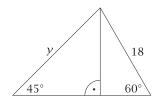
C. $18\sqrt{3}$

D. 9



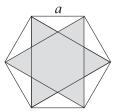
- 13. O bokach czworokąta ABCD wiadomo, że AB = BC oraz CD = AD. Przekątna AC dzieli ten czworokąt na dwa trójkąty: równoboczny i prostokątny. Bok trójkąta równobocznego wynosi 6. Oblicz pole czworokąta ABCD.
- 14. Podstawy trapezu równoramiennego *ABCD* mają długości 12 cm i 24 cm, a jego przekątne przecinają się pod kątem 60° w punkcie *S*. Oblicz pola trójkątów: *ABS*, *DCS*, *BCS* i *ADS*.
- 15. Krótsza podstawa trapezu równoramiennego ma długość 12 cm. Ramię ma długość 6 cm i jest nachylone do podstawy pod kątem 30°. Oblicz pole tego trapezu.
- 16. Oblicz długość odcinków x i y.





- 17. Tyczkę wbito pionowo w ziemię, tak że wystająca część miała długość 2,8 m. Jak wysoko nad ziemią znajdzie się górny koniec tyczki, jeśli odchylimy ją od pionu o 60°?
- 18. W czasie szkolnej wycieczki Ania przeszła 1000 m, wchodząc na górę, której zbocze było nachylone pod kątem 30°. Następnie zeszła 200 m ścieżką po zboczu nachylonym pod kątem 60°. Oblicz różnicę wysokości pomiędzy początkowym i końcowym punktem marszu Ani. Przyjmij, że $\sqrt{3}\approx 1,73$.

*19. W sześciokącie foremnym o boku $a=5\sqrt{3}$ łączymy odcinkami co drugi wierzchołek. Oblicz pole zacieniowanej figury (zob. rysunek obok).



- *20. Uzasadnij, że jeśli w trójkącie kąt między bokami a i b ma miarę 30°, to pole tego trójkąta jest równe $\frac{1}{4}ab$.
- *21. W trójkącie ABC miara kąta ABC wynosi 90°, a miara kąta BCA wynosi 30°. Na boku BC zaznaczono punkt D, tak że AD = DC = 12 cm. Oblicz obwód trójkąta ABC.

grupa **B**



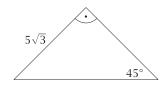


lp. w dzienniku

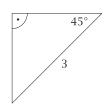
klasa

data

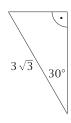
1. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



2. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



3. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



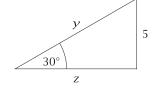
4. W narysowanym trójkącie prostokątnym boki y, z mają długości:

A.
$$y = 5\sqrt{3}$$
, $z = 10$

B.
$$y = 10\sqrt{3}, z = 5$$

C.
$$y = 10, z = 5$$

D.
$$y = 10, z = 5\sqrt{3}$$



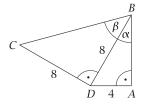
5. Kąty α i β z rysunku obok mają miary:

A.
$$\alpha = 60^{\circ}, \beta = 45^{\circ}$$

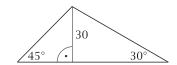
B.
$$\alpha = 45^{\circ}$$
, $\beta = 30^{\circ}$

C.
$$\alpha = 45^{\circ}, \beta = 60^{\circ}$$

D.
$$\alpha = 30^{\circ}, \beta = 45^{\circ}$$



6. Wyznacz długości boków narysowanego obok trójkąta.



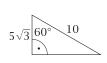
7. Kąt ostry równoległoboku o bokach 6 cm i 7 cm ma miarę 45°. Pole tego równoległoboku jest równe:

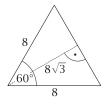
- **A.** $42 \, \text{cm}^2$

- B. $\frac{21}{\sqrt{2}}$ cm² C. $42\sqrt{2}$ cm² D. $\frac{42}{\sqrt{2}}$ cm²









TAK NIE

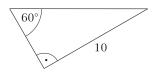
TAK

NIE

TAK NI

TAK NIE

- 9. Oblicz pole rombu o boku 10 cm i kącie rozwartym 120°.
- 10. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



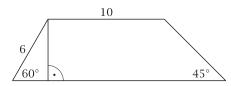
11. W trójkącie równoramiennym podstawa ma długość $8\sqrt{3}$, a ramię tworzy z podstawą kąt 30°. Wysokość trójkąta ma długość:

A. 8

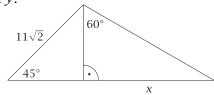
B. $4\sqrt{3}$

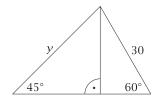
C. $8\sqrt{3}$

D. 4



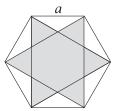
- 13. O bokach czworokąta ABCD wiadomo, że AB = BC oraz CD = AD. Przekątna AC dzieli ten czworokąt na dwa trójkąty: równoboczny i prostokątny. Bok trójkąta równobocznego wynosi 3. Oblicz pole czworokąta ABCD.
- 14. Podstawy trapezu równoramiennego *ABCD* mają długości 6 cm i 18 cm, a jego przekątne przecinają się pod kątem 60° w punkcie *S*. Oblicz pola trójkątów: *ABS*, *DCS*, *BCS* i *ADS*.
- 15. Dłuższa podstawa trapezu równoramiennego ma długość 8 cm. Ramię ma długość 4 cm i jest nachylone do podstawy pod kątem 60°. Oblicz pole tego trapezu.
- 16. Oblicz długość odcinków x i y.





- 17. Tyczkę wbito pionowo w ziemię, tak że wystająca część miała długość 3 m. Jak wysoko nad ziemią znajdzie się górny koniec tyczki, jeśli odchylimy ją od pionu o 60°?
- 18. W czasie szkolnej wycieczki Ania przeszła 400 m, wchodząc na górę, której zbocze było nachylone pod kątem 30°. Następnie zeszła 200 m ścieżką po zboczu nachylonym pod kątem 60°. Oblicz różnicę wysokości pomiędzy początkowym i końcowym punktem marszu Ani. Przyjmij, że $\sqrt{3}\approx 1,73$.

*19. W sześciokącie foremnym o boku $a=4\sqrt{3}$ łączymy odcinkami co drugi wierzchołek. Oblicz pole zacieniowanej figury (zob. rysunek obok).



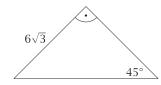
- *20. Uzasadnij, że jeśli w trójkącie kąt między bokami a i b ma miarę 60° , to pole tego trójkąta jest równe $\frac{1}{4}ab\sqrt{3}$.
- *21. W trójkącie ABC miara kąta ABC wynosi 90°, a miara kąta BCA wynosi 30°. Na boku BC zaznaczono punkt D, tak że AD = DC = 10 cm. Oblicz obwód trójkąta ABC.

lp. w dzienniku

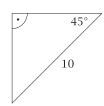
klasa

data

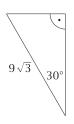
1. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



2. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



3. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



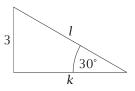
4. W narysowanym trójkącie prostokątnym boki $k,\,l$ mają długości:

A.
$$k = 3\sqrt{3}$$
, $l = 6$

C.
$$k = \sqrt{3}, l = 6$$

B.
$$k = 3, l = 6$$

D.
$$k = 3\sqrt{3}, l = 6\sqrt{3}$$



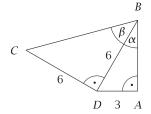
5. Kąty α i β z rysunku obok mają miary:

A.
$$\alpha = 60^{\circ}, \beta = 45^{\circ}$$

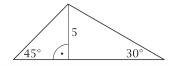
B.
$$\alpha = 30^{\circ}$$
, $\beta = 45^{\circ}$

C.
$$\alpha = 45^{\circ}$$
, $\beta = 60^{\circ}$

D.
$$\alpha = 45^{\circ}$$
, $\beta = 30^{\circ}$



6. Wyznacz długości boków narysowanego obok trójkąta.



7. Kąt ostry równoległoboku o bokach 2 cm i 8 cm ma miarę 45°. Pole tego równoległoboku jest równe:

- A. $16 \, \text{cm}^2$ B. $\frac{8}{\sqrt{2}} \, \text{cm}^2$ C. $\frac{16}{\sqrt{2}} \, \text{cm}^2$ D. $16 \sqrt{2} \, \text{cm}^2$









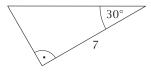
TAK NIE

TAK NIE

TAK NIE

TAK NIE

- 9. Oblicz pole rombu o boku 4 cm i kącie rozwartym 120°.
- 10. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



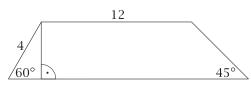
11. W trójkącie równoramiennym ramię ma długość 10 i tworzy z podstawą kąt 30°. Podstawa trójkąta ma długość:

A. $10\sqrt{3}$

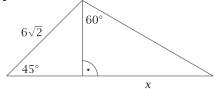
B. 20

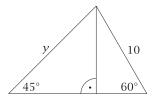
C. 5

D. $5\sqrt{3}$



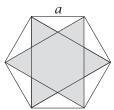
- 13. O bokach czworokąta ABCD wiadomo, że AB = BC oraz CD = AD. Przekątna AC dzieli ten czworokąt na dwa trójkąty: równoboczny i prostokątny. Bok trójkąta równobocznego wynosi 2. Oblicz pole czworokąta ABCD.
- 14. Podstawy trapezu równoramiennego *ABCD* mają długości 24 cm i 30 cm, a jego przekątne przecinają się pod kątem 60° w punkcie *S*. Oblicz pola trójkątów: *ABS*, *DCS*, *BCS* i *ADS*.
- 15. Krótsza podstawa trapezu równoramiennego ma długość 5 cm. Ramię ma długość 4 cm i jest nachylone do podstawy pod kątem 30°. Oblicz pole tego trapezu.
- 16. Oblicz długość odcinków x i y.





- 17. Tyczkę wbito pionowo w ziemię, tak że wystająca część miała długość 3,5 m. Jak wysoko nad ziemią znajdzie się górny koniec tyczki, jeśli odchylimy ją od pionu o 60°?
- 18. W czasie szkolnej wycieczki Ania przeszła 900 m, wchodząc na górę, której zbocze było nachylone pod kątem 30°. Następnie zeszła 200 m ścieżką po zboczu nachylonym pod kątem 60°. Oblicz różnicę wysokości pomiędzy początkowym i końcowym punktem marszu Ani. Przyjmij, że $\sqrt{3}\approx 1,73$.

*19. W sześciokącie foremnym o boku $a=6\sqrt{3}$ łączymy odcinkami co drugi wierzchołek. Oblicz pole zacieniowanej figury (zob. rysunek obok).

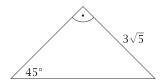


- *20. Uzasadnij, że jeśli w trójkącie kąt między bokami a i b ma miarę 45°, to pole tego trójkąta jest równe $\frac{ab}{2\sqrt{2}}$.
- *21. W trójkącie ABC miara kąta ABC wynosi 90°, a miara kąta BCA wynosi 30°. Na boku BC zaznaczono punkt D, tak że AD = DC = 9 cm. Oblicz obwód trójkąta ABC.

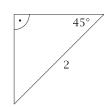
imie i nazwisko lp. w dzienniku klasa

data

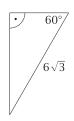
1. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



2. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



3. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



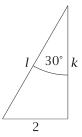
4. W narysowanym trójkącie prostokątnym boki k, l mają długości:

A.
$$k = 2\sqrt{3}$$
, $l = 4\sqrt{3}$

B.
$$k = 2\sqrt{3}, l = 4$$

C.
$$k = \sqrt{3}, l = 4$$

D.
$$k = 2, l = 4$$



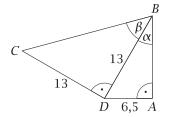
5. Kąty α i β z rysunku obok mają miary:

A.
$$\alpha = 45^{\circ}, \beta = 30^{\circ}$$

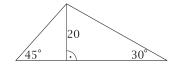
B.
$$\alpha = 60^{\circ}$$
, $\beta = 45^{\circ}$

C.
$$\alpha = 30^{\circ}, \beta = 45^{\circ}$$

D.
$$\alpha = 45^{\circ}$$
, $\beta = 60^{\circ}$



6. Wyznacz długości boków narysowanego obok trójkąta.

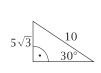


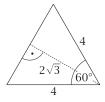
7. Kąt ostry równoległoboku o bokach 3 cm i 8 cm ma miarę 45°. Pole tego równoległoboku jest równe:

- A. $24 \, \text{cm}^2$ B. $\frac{12}{\sqrt{2}} \, \text{cm}^2$ C. $24 \sqrt{2} \, \text{cm}^2$ D. $\frac{24}{\sqrt{2}} \, \text{cm}^2$









TAK

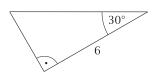
NIE

NIE TAK

NIE **TAK**

TAK

- 9. Oblicz pole rombu o boku 5 cm i kącie ostrym 60°.
- 10. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



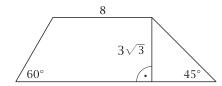
11. W trójkącie równoramiennym wysokość ma długość 6, a ramię jest nachylone pod kątem 30° do podstawy. Podstawa trójkąta ma długość:

A. $6\sqrt{3}$

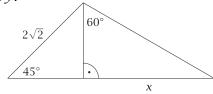
B. $12\sqrt{3}$

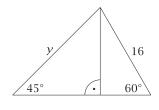
C. 12

D. 6



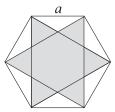
- 13. O bokach czworokąta ABCD wiadomo, że AB = BC oraz CD = AD. Przekątna AC dzieli ten czworokąt na dwa trójkąty: równoboczny i prostokątny. Przyprostokątne trójkąta prostokątnego równe są 2. Oblicz pole czworokąta ABCD.
- 14. Podstawy trapezu równoramiennego ABCD mają długości 6 cm i 12 cm, a jego przekątne przecinają się pod kątem 60° w punkcie S. Oblicz pola trójkątów: ABS, DCS, BCS i ADS.
- 15. Krótsza podstawa trapezu równoramiennego ma długość 9 cm. Ramię ma długość 8 cm i jest nachylone do podstawy pod kątem 30°. Oblicz pole tego trapezu.
- 16. Oblicz długość odcinków x i y.





- 17. Tyczkę wbito pionowo w ziemię, tak że wystająca część miała długość 3,2 m. Jak wysoko nad ziemią znajdzie się górny koniec tyczki, jeśli odchylimy ją od pionu o 60°?
- 18. W czasie szkolnej wycieczki Ania przeszła 400 m, wchodząc na górę, której zbocze było nachylone pod kątem 60°. Następnie zeszła 200 m ścieżką po zboczu nachylonym pod kątem 30°. Oblicz różnicę wysokości pomiędzy początkowym i końcowym punktem marszu Ani. Przyjmij, że $\sqrt{3} \approx 1,73$.

*19. W sześciokącie foremnym o boku $a=\sqrt{3}$ łączymy odcinkami co drugi wierzchołek. Oblicz pole zacieniowanej figury (zob. rysunek obok).



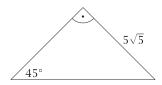
- *20. Uzasadnij, że jeśli w trójkącie kąt między bokami a i b ma miarę 60° , to pole tego trójkąta jest równe $\frac{1}{4}ab\sqrt{3}$.
- *21. W trójkącie ABC miara kąta ABC wynosi 90°, a miara kąta BCA wynosi 30°. Na boku BC zaznaczono punkt D, tak że AD = DC = 4 cm. Oblicz obwód trójkąta ABC.

lp. w dzienniku

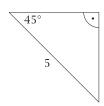
klasa

data

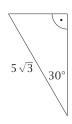
1. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



2. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



3. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



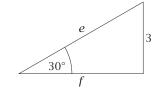
4. W narysowanym trójkącie prostokątnym boki e, f mają długości:

A.
$$e = 6$$
, $f = 3$

B.
$$e = 3\sqrt{3}$$
, $f = 6$

C.
$$e = 6$$
, $f = 3\sqrt{3}$

D.
$$e = 6\sqrt{3}$$
, $f = 3$



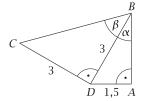
5. Kąty α i β z rysunku obok mają miary:

A.
$$\alpha = 60^{\circ}, \beta = 45^{\circ}$$

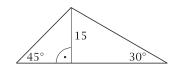
B.
$$\alpha = 30^{\circ}$$
, $\beta = 45^{\circ}$

C.
$$\alpha = 45^{\circ}, \beta = 60^{\circ}$$

D.
$$\alpha = 45^{\circ}, \beta = 30^{\circ}$$



6. Wyznacz długości boków narysowanego obok trójkąta.



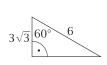
7. Kąt ostry równoległoboku o bokach 6 cm i 8 cm ma miarę 45°. Pole tego równoległoboku jest równe:

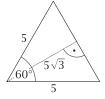
- $A. 48 \, \mathrm{cm}^2$

- B. $\frac{48}{\sqrt{2}}$ cm² C. $\frac{24}{\sqrt{2}}$ cm² D. $48\sqrt{2}$ cm²





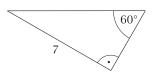




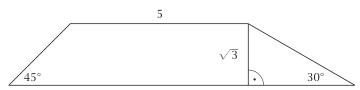
TAK NIE

- TAK **NIE**
- NIE **TAK**
- TAK **NIE**

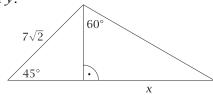
- 9. Oblicz pole rombu o boku 6 cm i kącie ostrym 60°.
- 10. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.

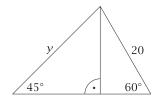


- 11. W trójkącie równoramiennym ramię ma długość 8 i tworzy z podstawą kąt 30°. Podstawa trójkąta ma długość:
 - A. 4
- **B.** $8\sqrt{3}$
- **C**. 16
- D. $4\sqrt{3}$
- 12. Oblicz pole i obwód trapezu przedstawionego na poniższym rysunku.



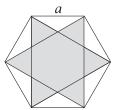
- 13. O bokach czworokąta ABCD wiadomo, że AB = BC oraz CD = AD. Przekątna AC dzieli ten czworokąt na dwa trójkąty: równoboczny i prostokątny. Bok trójkąta równobocznego wynosi 5. Oblicz pole czworokąta *ABCD*.
- 14. Podstawy trapezu równoramiennego ABCD mają długości 12 cm i 30 cm, a jego przekątne przecinają się pod kątem 60° w punkcie S. Oblicz pola trójkątów: ABS, DCS, BCS i ADS.
- 15. Dłuższa podstawa trapezu równoramiennego ma długość 5 cm. Ramię ma długość 4 cm i jest nachylone do podstawy pod kątem 60°. Oblicz pole tego trapezu.
- 16. Oblicz długość odcinków x i y.





- 17. Tyczkę wbito pionowo w ziemię, tak że wystająca część miała długość 3,4 m. Jak wysoko nad ziemią znajdzie się górny koniec tyczki, jeśli odchylimy ją od pionu o 60°?
- 18. W czasie szkolnej wycieczki Ania przeszła 500 m, wchodząc na górę, której zbocze było nachylone pod kątem 30°. Następnie zeszła 200 m ścieżką po zboczu nachylonym pod kątem 60°. Oblicz różnicę wysokości pomiędzy początkowym i końcowym punktem marszu Ani. Przyjmij, że $\sqrt{3}\approx 1,73$.

*19. W sześciokącie foremnym o boku $a=10\sqrt{3}$ łączymy odcinkami co drugi wierzchołek. Oblicz pole zacieniowanej figury (zob. rysunek obok).

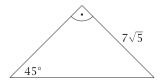


- *20. Uzasadnij, że jeśli w trójkącie kąt między bokami a i b ma miarę 30° , to pole tego trójkąta jest równe $\frac{1}{4}ab$.
- *21. W trójkącie ABC miara kąta ABC wynosi 90°, a miara kąta BCA wynosi 30°. Na boku BC zaznaczono punkt D, tak że AD = DC = 5 cm. Oblicz obwód trójkąta ABC.

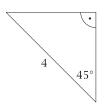
imie i nazwisko lp. w dzienniku klasa

data

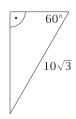
1. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



2. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



3. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



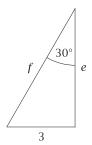
4. W narysowanym trójkącie prostokątnym boki e, f mają długości:

A.
$$e = 3$$
, $f = 6$

B.
$$e = \sqrt{3}$$
, $f = 6$

C.
$$e = 6$$
, $f = 3\sqrt{3}$

D.
$$e = 3\sqrt{3}$$
, $f = 6$



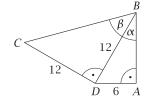
5. Kąty α i β z rysunku obok mają miary:

A.
$$\alpha = 30^{\circ}, \beta = 45^{\circ}$$

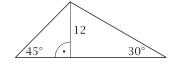
B.
$$\alpha = 60^{\circ}$$
, $\beta = 45^{\circ}$

C.
$$\alpha = 45^{\circ}, \beta = 60^{\circ}$$

D.
$$\alpha = 45^{\circ}, \beta = 30^{\circ}$$



6. Wyznacz długości boków narysowanego obok trójkąta.



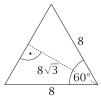
7. Kąt ostry równoległoboku o bokach 6 cm i 5 cm ma miarę 45°. Pole tego równoległoboku jest równe:

- A. $\frac{30}{\sqrt{2}} \, \text{cm}^2$ B. $30 \, \text{cm}^2$ C. $\frac{15}{\sqrt{2}} \, \text{cm}^2$ D. $30 \sqrt{2} \, \text{cm}^2$







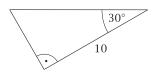


TAK NIE

TAK NIE

- TAK NIE
- TAK NIE

- 9. Oblicz pole rombu o boku 6 cm i kącie rozwartym 120°.
- 10. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



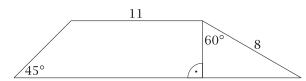
11. W trójkącie równoramiennym wysokość ma długość 4, a ramię jest nachylone pod kątem 30° do podstawy. Podstawa trójkąta ma długość:

A. $8\sqrt{3}$

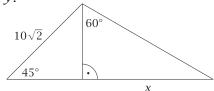
B. $4\sqrt{3}$

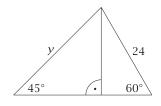
C. 8

D. 4



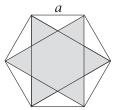
- 13. O bokach czworokąta ABCD wiadomo, że AB = BC oraz CD = AD. Przekątna AC dzieli ten czworokąt na dwa trójkąty: równoboczny i prostokątny. Bok trójkąta równobocznego wynosi 4. Oblicz pole czworokąta ABCD.
- 14. Podstawy trapezu równoramiennego *ABCD* mają długości 6 cm i 24 cm, a jego przekątne przecinają się pod kątem 60° w punkcie *S*. Oblicz pola trójkątów: *ABS*, *DCS*, *BCS* i *ADS*.
- 15. Krótsza podstawa trapezu równoramiennego ma długość 6 cm. Ramię ma długość 4 cm i jest nachylone do podstawy pod kątem 30°. Oblicz pole tego trapezu.
- 16. Oblicz długość odcinków x i y.





- 17. Tyczkę wbito pionowo w ziemię, tak że wystająca część miała długość 2 m. Jak wysoko nad ziemią znajdzie się górny koniec tyczki, jeśli odchylimy ją od pionu o 60°?
- 18. W czasie szkolnej wycieczki Ania przeszła 400 m, wchodząc na górę, której zbocze było nachylone pod kątem 60°. Następnie zeszła 120 m ścieżką po zboczu nachylonym pod kątem 30°. Oblicz różnicę wysokości pomiędzy początkowym i końcowym punktem marszu Ani. Przyjmij, że $\sqrt{3}\approx 1,73$.

*19. W sześciokącie foremnym o boku $a=2\sqrt{3}$ łączymy odcinkami co drugi wierzchołek. Oblicz pole zacieniowanej figury (zob. rysunek obok).



- *20. Uzasadnij, że jeśli w trójkącie kąt między bokami a i b ma miarę 45° , to pole tego trójkąta jest równe $\frac{ab}{2\sqrt{2}}$.
- *21. W trójkącie ABC miara kąta ABC wynosi 90°, a miara kąta BCA wynosi 30°. Na boku BC zaznaczono punkt D, tak że AD = DC = 7 cm. Oblicz obwód trójkąta ABC.

str. 1/3

Trójkąty o kątach 90,45,45 oraz 90,30,60

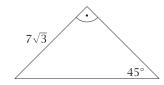


lp. w dzienniku

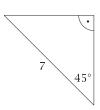
klasa

data

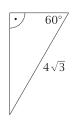
1. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



2. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



3. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



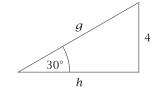
4. W narysowanym trójkącie prostokątnym boki g, h mają długości:

A.
$$g = 8$$
, $h = 4\sqrt{3}$

B.
$$g = 8\sqrt{3}, h = 4$$

C.
$$g = 4\sqrt{3}, h = 8$$

D.
$$g = 8, h = 4$$



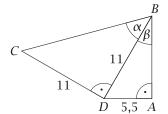
5. Kąty α i β z rysunku obok mają miary:

A.
$$\alpha = 45^{\circ}, \beta = 60^{\circ}$$

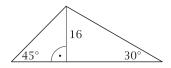
B.
$$\alpha = 60^{\circ}$$
, $\beta = 45^{\circ}$

C.
$$\alpha = 45^{\circ}, \beta = 30^{\circ}$$

D.
$$\alpha = 30^{\circ}, \beta = 45^{\circ}$$



6. Wyznacz długości boków narysowanego obok trójkąta.



7. Kąt ostry równoległoboku o bokach 4 cm i 8 cm ma miarę 45°. Pole tego równoległoboku jest równe:

A.
$$32\sqrt{2}$$
 cm²

B.
$$32 \, \text{cm}^2$$

C.
$$\frac{16}{\sqrt{2}}$$
 cm²

A.
$$32\sqrt{2}\,{\rm cm}^2$$
 B. $32\,{\rm cm}^2$ C. $\frac{16}{\sqrt{2}}\,{\rm cm}^2$ D. $\frac{32}{\sqrt{2}}\,{\rm cm}^2$

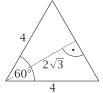


TAK







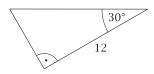


TAK NIE

9. Oblicz pole rombu o boku 4 cm i kącie ostrym 60°.

NIE

10. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



11. W trójkącie równoramiennym podstawa ma długość $4\sqrt{3}$, a ramię tworzy z podstawą kąt 30°. Wysokość trójkąta ma długość:

NIE

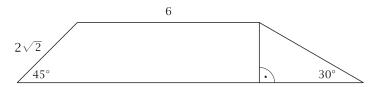
A. 4

B. $2\sqrt{3}$

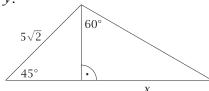
C. 2

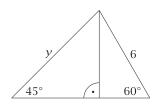
D. $4\sqrt{3}$

TAK



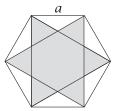
- 13. O bokach czworokąta ABCD wiadomo, że AB = BC oraz CD = AD. Przekątna AC dzieli ten czworokąt na dwa trójkąty: równoboczny i prostokątny. Przyprostokątne trójkąta prostokątnego równe są 4. Oblicz pole czworokąta ABCD.
- 14. Podstawy trapezu równoramiennego *ABCD* mają długości 18 cm i 30 cm, a jego przekątne przecinają się pod kątem 60° w punkcie *S*. Oblicz pola trójkątów: *ABS*, *DCS*, *BCS* i *ADS*.
- 15. Krótsza podstawa trapezu równoramiennego ma długość 8 cm. Ramię ma długość 6 cm i jest nachylone do podstawy pod kątem 30°. Oblicz pole tego trapezu.
- 16. Oblicz długość odcinków x i y.





- 17. Tyczkę wbito pionowo w ziemię, tak że wystająca część miała długość 2,5 m. Jak wysoko nad ziemią znajdzie się górny koniec tyczki, jeśli odchylimy ją od pionu o 60°?
- 18. W czasie szkolnej wycieczki Ania przeszła 700 m, wchodząc na górę, której zbocze było nachylone pod kątem 30°. Następnie zeszła 200 m ścieżką po zboczu nachylonym pod kątem 60°. Oblicz różnicę wysokości pomiędzy początkowym i końcowym punktem marszu Ani. Przyjmij, że $\sqrt{3}\approx 1,73$.

*19. W sześciokącie foremnym o boku $a=3\sqrt{3}$ łączymy odcinkami co drugi wierzchołek. Oblicz pole zacieniowanej figury (zob. rysunek obok).



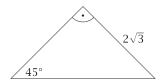
- *20. Uzasadnij, że jeśli w trójkącie kąt między bokami a i b ma miarę 30°, to pole tego trójkąta jest równe $\frac{1}{4}ab$.
- *21. W trójkącie ABC miara kąta ABC wynosi 90°, a miara kąta BCA wynosi 30°. Na boku BC zaznaczono punkt D, tak że AD = DC = 8 cm. Oblicz obwód trójkąta ABC.

lp. w dzienniku

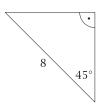
klasa

data

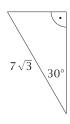
1. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



2. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



3. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



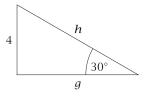
4. W narysowanym trójkącie prostokątnym boki g, h mają długości:

A.
$$g = 8$$
, $h = 4\sqrt{3}$

B.
$$g = 4\sqrt{3}, h = 8$$

C.
$$g = 4, h = 8\sqrt{3}$$

D.
$$g = 4, h = 8$$



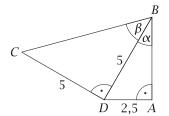
5. Kąty α i β z rysunku obok mają miary:

A.
$$\alpha = 60^{\circ}, \beta = 45^{\circ}$$

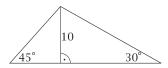
B.
$$\alpha = 30^{\circ}$$
, $\beta = 45^{\circ}$

C.
$$\alpha = 45^{\circ}, \beta = 60^{\circ}$$

D.
$$\alpha = 45^{\circ}$$
, $\beta = 30^{\circ}$



6. Wyznacz długości boków narysowanego obok trójkąta.



7. Kąt ostry równoległoboku o bokach 8 cm i 7 cm ma miarę 45°. Pole tego równoległoboku jest równe:

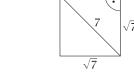
A.
$$\frac{28}{\sqrt{2}}$$
 cm²

B.
$$56 \, \text{cm}^2$$

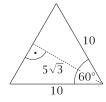
C.
$$56\sqrt{2} \text{ cm}^2$$

A.
$$\frac{28}{\sqrt{2}}\, cm^2$$
 B. $56\, cm^2$ C. $56\sqrt{2}\, cm^2$ D. $\frac{56}{\sqrt{2}}\, cm^2$







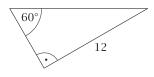


TAK NIE

TAK NIE

TAK NIE

- 9. Oblicz pole rombu o boku 5 cm i kącie rozwartym 120°.
- 10. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



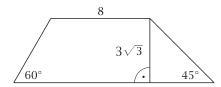
11. W trójkącie równoramiennym podstawa ma długość $12\sqrt{3}$, a ramię tworzy z podstawą kąt 30°. Wysokość trójkąta ma długość:

A. $6\sqrt{3}$

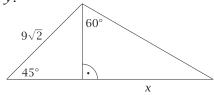
B. $12\sqrt{3}$

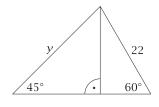
C. 12

D. 6



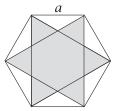
- 13. O bokach czworokąta ABCD wiadomo, że AB = BC oraz CD = AD. Przekątna AC dzieli ten czworokąt na dwa trójkąty: równoboczny i prostokątny. Przyprostokątne trójkąta prostokątnego równe są 3. Oblicz pole czworokąta ABCD.
- 14. Podstawy trapezu równoramiennego ABCD mają długości 6 cm i 30 cm, a jego przekątne przecinają się pod kątem 60° w punkcie S. Oblicz pola trójkątów: ABS, DCS, BCS i ADS.
- 15. Dłuższa podstawa trapezu równoramiennego ma długość 9 cm. Ramię ma długość 8 cm i jest nachylone do podstawy pod kątem 60°. Oblicz pole tego trapezu.
- 16. Oblicz długość odcinków x i y.





- 17. Tyczkę wbito pionowo w ziemię, tak że wystająca część miała długość 1,5 m. Jak wysoko nad ziemią znajdzie się górny koniec tyczki, jeśli odchylimy ją od pionu o 60°?
- 18. W czasie szkolnej wycieczki Ania przeszła 800 m, wchodząc na górę, której zbocze było nachylone pod kątem 30°. Następnie zeszła 200 m ścieżką po zboczu nachylonym pod kątem 60°. Oblicz różnicę wysokości pomiędzy początkowym i końcowym punktem marszu Ani. Przyjmij, że $\sqrt{3}\approx 1,73$.

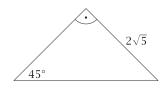
*19. W sześciokącie foremnym o boku $a=9\sqrt{3}$ łączymy odcinkami co drugi wierzchołek. Oblicz pole zacieniowanej figury (zob. rysunek obok).



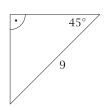
- *20. Uzasadnij, że jeśli w trójkącie kąt między bokami a i b ma miarę 60° , to pole tego trójkąta jest równe $\frac{1}{4}ab\sqrt{3}$.
- *21. W trójkącie ABC miara kąta ABC wynosi 90°, a miara kąta BCA wynosi 30°. Na boku BC zaznaczono punkt D, tak że AD = DC = 6 cm. Oblicz obwód trójkąta ABC.

klasa data imie i nazwisko lp. w dzienniku

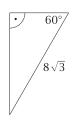
1. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



2. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



3. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



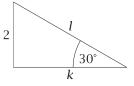
4. W narysowanym trójkącie prostokątnym boki k, l mają długości:

A.
$$k = 2\sqrt{3}$$
, $l = 4\sqrt{3}$

C.
$$k = \sqrt{3}, l = 4$$

B.
$$k = 2, l = 4$$

D.
$$k = 2\sqrt{3}, l = 4$$



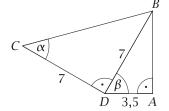
5. Kąty α i β z rysunku obok mają miary:

A.
$$\alpha = 60^{\circ}, \beta = 45^{\circ}$$

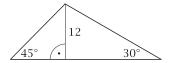
B.
$$\alpha = 45^{\circ}$$
, $\beta = 30^{\circ}$

C.
$$\alpha = 30^{\circ}$$
, $\beta = 45^{\circ}$

D.
$$\alpha = 45^{\circ}$$
, $\beta = 60^{\circ}$



6. Wyznacz długości boków narysowanego obok trójkąta.



7. Kąt ostry równoległoboku o bokach 5 cm i 8 cm ma miarę 45°. Pole tego równoległoboku jest równe:

A.
$$40 \, \text{cm}^2$$

B.
$$\frac{40}{\sqrt{2}}$$
 cm²

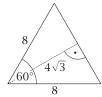
A.
$$40\,\text{cm}^2$$
 B. $\frac{40}{\sqrt{2}}\,\text{cm}^2$ C. $40\sqrt{2}\,\text{cm}^2$ D. $\frac{20}{\sqrt{2}}\,\text{cm}^2$

D.
$$\frac{20}{\sqrt{2}}$$
 cm²









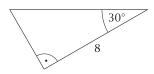
TAK NIE

TAK NIE

TAK NIE

TAK NIE

- 9. Oblicz pole rombu o boku 10 cm i kącie ostrym 60°.
- 10. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



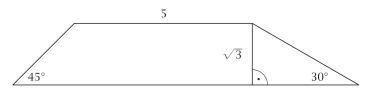
11. W trójkącie równoramiennym wysokość ma długość 5 cm, a ramię tworzy z podstawą kąt 30°. Podstawa trójkąta ma długość:

A. $10\sqrt{3}$

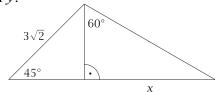
B. 10

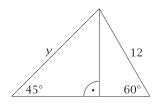
C. $5\sqrt{3}$

D. 5



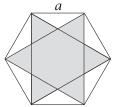
- 13. O bokach czworokąta ABCD wiadomo, że AB = BC oraz CD = AD. Przekątna AC dzieli ten czworokąt na dwa trójkąty: równoboczny i prostokątny. Przyprostokątne trójkąta prostokątnego równe są 5. Oblicz pole czworokąta ABCD.
- 14. Podstawy trapezu równoramiennego ABCD mają długości 12 cm i 18 cm, a jego przekątne przecinają się pod kątem 60° w punkcie S. Oblicz pola trójkątów: ABS, DCS, BCS i ADS.
- 15. Dłuższa podstawa trapezu równoramiennego ma długość 10 cm. Ramię ma długość 4 cm i jest nachylone do podstawy pod kątem 60°. Oblicz pole tego trapezu.
- 16. Oblicz długość odcinków x i y.





- 17. Tyczkę wbito pionowo w ziemię, tak że wystająca część miała długość 2,6 m. Jak wysoko nad ziemią znajdzie się górny koniec tyczki, jeśli odchylimy ją od pionu o 60°?
- 18. W czasie szkolnej wycieczki Ania przeszła 600 m, wchodząc na górę, której zbocze było nachylone pod kątem 60°. Następnie zeszła 200 m ścieżką po zboczu nachylonym pod kątem 30°. Oblicz różnicę wysokości pomiędzy początkowym i końcowym punktem marszu Ani. Przyjmij, że $\sqrt{3}\approx 1,73$.

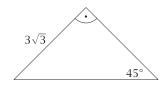
*19. W sześciokącie foremnym o boku $a=10\sqrt{3}$ łączymy odcinkami co drugi wierzchołek. Oblicz pole zacieniowanej figury (zob. rysunek obok).



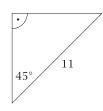
- *20. Uzasadnij, że jeśli w trójkącie kąt między bokami a i b ma miarę 45° , to pole tego trójkąta jest równe $\frac{ab}{2\sqrt{2}}$.
- *21. W trójkącie ABC miara kąta ABC wynosi 90°, a miara kąta BCA wynosi 30°. Na boku BC zaznaczono punkt D, tak że AD = DC = 13 cm. Oblicz obwód trójkąta ABC.

klasa data lp. w dzienniku

1. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



2. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



3. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



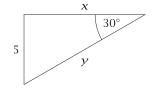
4. W narysowanym trójkącie prostokątnym boki x, y mają długości:

A.
$$x = 5$$
, $y = 10\sqrt{3}$

B.
$$x = 10, y = 5\sqrt{3}$$

C.
$$x = 5\sqrt{3}$$
, $y = 10$

D.
$$x = 5$$
, $y = 10$



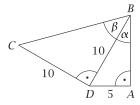
5. Kąty α i β z rysunku obok mają miary:

A.
$$\alpha = 60^{\circ}$$
, $\beta = 45^{\circ}$

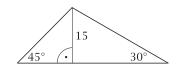
B.
$$\alpha = 30^{\circ}$$
, $\beta = 45^{\circ}$

C.
$$\alpha = 45^{\circ}, \beta = 60^{\circ}$$

D.
$$\alpha = 45^{\circ}, \beta = 30^{\circ}$$



6. Wyznacz długości boków narysowanego obok trójkąta.



7. Kąt ostry równoległoboku o bokach $4\,\mathrm{cm}$ i $6\,\mathrm{cm}$ ma miarę 45° . Pole tego równoległoboku jest równe:

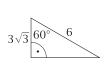
A.
$$\frac{24}{\sqrt{2}}$$
 cm²

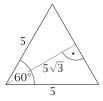
B.
$$24\sqrt{2} \text{ cm}^2$$

B.
$$24\sqrt{2} \text{ cm}^2$$
 C. 24 cm^2 D. $\frac{12}{\sqrt{2}} \text{ cm}^2$







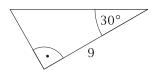


TAK NIE

TAK NIE

- TAK NIE
- TAK NIE

- 9. Oblicz pole rombu o boku 8 cm i kącie rozwartym 120°.
- 10. Oblicz obwód narysowanego trójkąta.



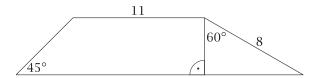
11. W trójkącie równoramiennym podstawa ma długość $6\sqrt{3}$, a ramię tworzy z podstawą kąt 30°. Wysokość trójkąta ma długość:

A. $3\sqrt{3}$

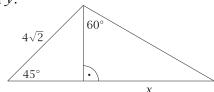
B. 3

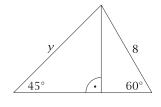
C. 6

D. $6\sqrt{3}$



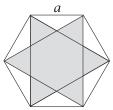
- 13. O bokach czworokąta ABCD wiadomo, że AB = BC oraz CD = AD. Przekątna AC dzieli ten czworokąt na dwa trójkąty: równoboczny i prostokątny. Przyprostokątne trójkąta prostokątnego równe są 6. Oblicz pole czworokąta ABCD.
- 14. Podstawy trapezu równoramiennego *ABCD* mają długości 24 cm i 30 cm, a jego przekątne przecinają się pod kątem 60° w punkcie *S*. Oblicz pola trójkątów: *ABS*, *DCS*, *BCS* i *ADS*.
- 15. Dłuższa podstawa trapezu równoramiennego ma długość 12 cm. Ramię ma długość 6 cm i jest nachylone do podstawy pod kątem 60°. Oblicz pole tego trapezu.
- 16. Oblicz długość odcinków x i y.





- 17. Tyczkę wbito pionowo w ziemię, tak że wystająca część miała długość 4 m. Jak wysoko nad ziemią znajdzie się górny koniec tyczki, jeśli odchylimy ją od pionu o 60°?
- 18. W czasie szkolnej wycieczki Ania przeszła 600 m, wchodząc na górę, której zbocze było nachylone pod kątem 30°. Następnie zeszła 200 m ścieżką po zboczu nachylonym pod kątem 60°. Oblicz różnicę wysokości pomiędzy początkowym i końcowym punktem marszu Ani. Przyjmij, że $\sqrt{3}\approx 1,73$.

*19. W sześciokącie foremnym o boku $a=6\sqrt{3}$ łączymy odcinkami co drugi wierzchołek. Oblicz pole zacieniowanej figury (zob. rysunek obok).



- *20. Uzasadnij, że jeśli w trójkącie kąt między bokami a i b ma miarę 45° , to pole tego trójkąta jest równe $\frac{ab}{2\sqrt{2}}$.
- *21. W trójkącie ABC miara kąta ABC wynosi 90°, a miara kąta BCA wynosi 30°. Na boku BC zaznaczono punkt D, tak że AD = DC = 11 cm. Oblicz obwód trójkąta ABC.