

MA615_Assignment1

Sky Liu

9/17/2018

Given the condition that a book has an average of 2 misprints on each page, the distribution of number of misprints (denoted at W) on this book is assumed by Poisson distribution:

$\text{Poisson}(\lambda = 2)$.

The probability p_k of more than k misprints on a page is:

$p_k = P(W > k) = 1 - P(W \leq k) = 1 - \text{ppois}(k, \text{lambda}=2)$.

The probability of pages that is less than n and with more than k misprints (denoted as T) is:

$P(T \leq n) = \text{pbinom}(n, 50, p_k)$.

Our goal of this assignment is to produce a table that shows that $P(T = n | k = 1, 2, \dots, 49)$. In order to obtain this probability, first we need to know p_k for each k .

In the table below, the second column refers to $P(W = k)$, the third column refers to $1 - P(W \leq k)$ ($\text{cumsum}(\text{prob})$ is the cumulative probability $P(W \leq k)$)

```
options(digits = 3)
options(scipen = 999)
## produce a dataframe containing $P(T = n | k = 1, 2, ..., 49)$
k <- 0:49
prob <- as.data.frame(dpois(x = 0:49, lambda = 2)) # P(W=k)
prob <- cbind(k, prob, cumsum(prob), 1 - cumsum(prob)) ## pk = 1 - cumulative probability = P(W>k)
colnames(prob) <- c("k_value", "P(W=k)", "P(W>k)", "pk")
p1.table <- kable(prob)
kable_styling(p1.table, bootstrap_options = "striped", full_width = FALSE, position = "left")
```

k_value	P(W=k)	P(W>k)	pk
0	0.135	0.135	0.865
1	0.271	0.406	0.594
2	0.271	0.677	0.323
3	0.180	0.857	0.143
4	0.090	0.947	0.053
5	0.036	0.983	0.017
6	0.012	0.995	0.005
7	0.003	0.999	0.001
8	0.001	1.000	0.000
9	0.000	1.000	0.000
10	0.000	1.000	0.000
11	0.000	1.000	0.000
12	0.000	1.000	0.000
13	0.000	1.000	0.000
14	0.000	1.000	0.000
15	0.000	1.000	0.000
16	0.000	1.000	0.000
17	0.000	1.000	0.000
18	0.000	1.000	0.000
19	0.000	1.000	0.000
20	0.000	1.000	0.000
21	0.000	1.000	0.000
22	0.000	1.000	0.000
23	0.000	1.000	0.000
24	0.000	1.000	0.000
25	0.000	1.000	0.000
26	0.000	1.000	0.000
27	0.000	1.000	0.000
28	0.000	1.000	0.000
29	0.000	1.000	0.000
30	0.000	1.000	0.000
31	0.000	1.000	0.000
32	0.000	1.000	0.000
33	0.000	1.000	0.000
34	0.000	1.000	0.000
35	0.000	1.000	0.000
36	0.000	1.000	0.000
37	0.000	1.000	0.000
38	0.000	1.000	0.000
39	0.000	1.000	0.000
40	0.000	1.000	0.000
41	0.000	1.000	0.000
42	0.000	1.000	0.000
43	0.000	1.000	0.000
44	0.000	1.000	0.000
45	0.000	1.000	0.000
46	0.000	1.000	0.000
47	0.000	1.000	0.000
48	0.000	1.000	0.000
49	0.000	1.000	0.000

Next we need to calculate $P(T \leq n)$ for $k = 0, 1, \dots, 49$

```
options(digits = 3)
options(scipen = 999)
p2.table <- 0:50
p2.table <- as.data.frame(p2.table)
colnames(p2.table) <- c("n")
cp <- prob[, 3]
for (i in 1:50) {
  #producing columns of P(T<=n) for each k value between 0 and 49
  fc <- pbinom(q = 0:50, size = 50, prob = cp[i])
  fc <- as.data.frame(fc)
  colnames(fc) <- i - 1
  p2.table <- cbind(p2.table, fc)
}
kable(p2.table)
```

n	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	1
0	0.001	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
1	0.006	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
2	0.027	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
3	0.079	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
4	0.175	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
5	0.314	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
6	0.476	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
7	0.636	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
8	0.771	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
9	0.869	0.001	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
10	0.932	0.002	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
11	0.968	0.004	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
12	0.986	0.011	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
13	0.995	0.023	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
14	0.998	0.045	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
15	0.999	0.082	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
16	1.000	0.136	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
17	1.000	0.211	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
18	1.000	0.305	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
19	1.000	0.412	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
20	1.000	0.527	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
21	1.000	0.638	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
22	1.000	0.738	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
23	1.000	0.822	0.001	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
24	1.000	0.886	0.003	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
25	1.000	0.932	0.007	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
26	1.000	0.962	0.015	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
27	1.000	0.980	0.030	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
28	1.000	0.990	0.056	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
29	1.000	0.996	0.097	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
30	1.000	0.998	0.157	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
31	1.000	0.999	0.238	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
32	1.000	1.000	0.338	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
33	1.000	1.000	0.453	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
34	1.000	1.000	0.573	0.001	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
35	1.000	1.000	0.688	0.003	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
36	1.000	1.000	0.788	0.009	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
37	1.000	1.000	0.867	0.021	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
38	1.000	1.000	0.924	0.046	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
39	1.000	1.000	0.961	0.092	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
40	1.000	1.000	0.982	0.169	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
41	1.000	1.000	0.992	0.280	0.001	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
42	1.000	1.000	0.997	0.424	0.004	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
43	1.000	1.000	0.999	0.584	0.015	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
44	1.000	1.000	1.000	0.738	0.047	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
45	1.000	1.000	1.000	0.860	0.122	0.001	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
46	1.000	1.000	1.000	0.940	0.269	0.009	0.000	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
47	1.000	1.000	1.000	0.981	0.494	0.050	0.002	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
48	1.000	1.000	1.000	0.996	0.747	0.201	0.022	0.001	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0	0	
49	1.000	1.000	1.000	1.000	0.933	0.566	0.203	0.053	0.012	0.002	0	0	0	0	0	0	0	
50	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1.000	1	1	1	1	1	1	1	



Figure 1: