Indoor positioning met Arduino's

Bram Leenders & Patrick van Looy 2 juli 2014

1 Inleiding

Voor veel toepassingen van draadloze sensornetwerken is het weten van de locatie van de sensoren erg nuttig of zelfs noodzakelijk. Een voorbeeld hiervan is een sensornetwerk in het bos, bedoeld om bosbranden te detecteren. Voor geografisch grote netwerken is het een handige toevoeging als een node niet alleen detecteert dat er brand is, maar ook waar deze brand is. Op deze manier kan de brand doelgericht en snel bestreden worden, omdat er meer informatie over bekend is.

Locatiebepaling kan op verschillende manieren gedaan worden, een bekend voorbeeld hiervan is GPS. Dit onderzoek legt de focus op locatiebepaling door middel van hoogfrequent geluid. Het doel van dit onderzoek is om de locatie van een Arduino met een ultrasoon-ontvanger te bepalen ten opzichte van vier ultrasoon-verzenders die zich op bekende posities bevinden en afwisselend een geluidspuls versturen. Hiervoor moet een lokalisatiealgoritmeontwikkeld worden dat gebruik maakt van de signalen die verzonden worden door deze vier bakens.

Allereerst zullen we een probleemstelling formuleren zodat we een uitgangspunt voor onze tests hebben, dit doen we in sectie 2. In sectie 3 worden drie mogelijke manieren van afstandbepaling toegelicht. Daarnaast wordt in sectie 4 de implementatie beschreven. Vervolgens behandelen we in sectie 5 de resultaten die we door middel van onze tests hebben gekregen. Als laatste trekken we hieruit een conclusie in sectie 6.

2 Probleemstelling

Het doel van dit onderzoek is het ontwikkelen van een systeem dat positiebepaling op korte afstand kan doen. Met korte afstand wordt een afstand in de orde van 20 meter tot de zenders bedoeld. Hierbij kan gedacht worden aan positiebepaling in een huis of (fabrieks) hal, maar niet aan GPS-achterige applicaties waar wereldwijde of landelijke dekking vereist is.

3 Gerelateerd werk

Er zijn verschillende manier om met behulp van radio en/of geluidssignalen een afstand te meten, we zullen de volgende drie kort toelichten:

• Received Signal Strength Indication (RSSI)

- Time Difference of Arrival (TDOA)
- Time of Flight (TOF)

Deze drie zijn met de beschikbare hardware (Arduino, RF24 chip en microfoon) implementeerbaar, dus er moet een keuze uit deze drie gemaakt worden.

3.1 Received Signal Strength Indication

Bij RSSI wordt de sterkte van het signaal gebruikt om een schatting te maken van de afstand tussen een zender en een ontvanger. Deze methode heeft een aantal nadelen, zoals beschreven door Seshadi et al. [4]. De belangrijkste nadelen zijn de wisselende signaalsterkte, kosten van meet- en zendapparatuur en verstoringen van objecten tussen zender en ontvanger. Vanwege deze redenen hebben we niet voor RSSI als methode gekozen.

3.2 Time Difference of Arrival

Bij TDOA wordt gebruik gemaakt van het verschil in afstand tussen twee zenders. Als twee zenders tegelijkertijd een signaal uitzenden, kan een ontvanger een mogelijk verschil in ontvangsttijd meten. Dit verschil in ontvangsttijd kan dan omgezet worden naar een verschil in afstand tussen de twee zenders. Deze methode wordt verder uitgewerkt door Gustaffson et al. [2].

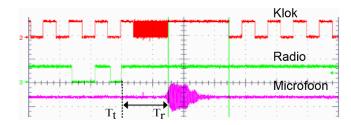
In dit onderzoek kan TDOA niet worden gebruikt, maar hier is niet voor gekozen omdat het bijhouden van het verschil tussen ontvangsttijden op de ontvanger (in dit geval een Arduino) niet erg nauwkeurig is. Om dit algoritme goed uitvoerbaar te laten zijn dienen eigenlijk de beacons als ontvangers gebruikt worden, en de te positioneren Arduino als zender. Echter, gegeven de opstelling die in dit onderzoek gebruikt wordt kunnen de beacons alleen als zenders gebruikt worden.

3.3 Time of Flight

Voor het onderzoek van deze paper is de time of flight (TOF) gebruikt om de afstand tussen beacons en de ontvanger te meten. Deze methode maakt ook gebruik van het verschil in ontvangsttijd van twee signalen. Echter, niet tussen signalen van twee nodes, maar tussen twee types signalen: radio en geluidssignalen.

TOF maakt gebruik van het verschil in propagatiesnelheid van licht en geluid; radiosignalen gaan met lichtsnelheid (ca. $3\cdot 10^8 \text{m/s}$), maar geluid gaat veel langzamer (ca 340 m/s). Door beacons tegelijkertijd een radio- en een geluidssignaal uit te laten zenden kan met behulp van het verschil in ontvangsttijden de afstand tussen het beacon en een ontvanger berekend worden. Deze techniek wordt beschreven door Barshan en Ballur [1].

Figuur 1 geeft een voorbeeld van inkomende signalen bij een dergelijke aanpak.



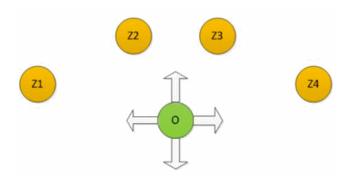
Figuur 1: Tijdsdiagram radio en microfoon input. Bron: [3]

4 Implementatie

De implementatie gebruikt de time of flight (TOF) om de afstand tussen beacons en de ontvanger te meten.

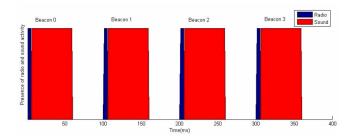
4.1 Opstelling voor positiebepaling met hoogfrequent geluid

De opstelling voor het bepalen van de positie bestaat uit vier bakens, die zijn genummerd van 0 tot 3. Elk baken bestaat uit een Arduino mini met daarop aangesloten een NRF2401L+-radio en een ultrasoon-zender. De bakens zijn bevestigd op een statief. De locaties van de bakens is bekend. Een voorbeeld van een opstelling met de vier bakens en een ontvanger is te zien in afbeelding 2.



Figuur 2: Opstelling met vier zenders en een ontvanger.

De activiteiten van de verschillende bakens zijn als volgt: een van de bakens (Baken 0) verstuurt radioberichten met een interval van 100 ms. Dit bericht bestaat uit een uint8 (een getal tussen 0 en 255) waarin het nummer staat van de baken die aan de beurt is voor het versturen van een geluidspuls. (Baken 0 stuurt ook een bericht als baken 0 zelf aan de beurt is.) Als een baken een bericht ontvangt waarin zijn identicatienummer staat, verstuurt deze direct hierna een geluidspuls op een frequentie van circa 40kHz en met een duur van 50 ms. De bakens zijn dus nooit tegelijkertijd actief. Figuur 3 toont de sequentie van activiteiten van de verschillende bakens. Verder zijn in tabel 1 de verschillende instellingen te zien waarop de radios onderling communiceren.



Figuur 3: Opstelling met vier zenders en een ontvanger.

Kanaal 76 (standaard RF24 instelling)

Automatisch herverzenden Uit Transmissiesnelheid 2 Mbps

Adres verzendende pipe 0xdeadbeefa1LL

Payload-grootte 1 byte

Tabel 1: Instellingen radio

4.2 Algoritme

Voor het omzetten van de afstanden tussen de ontvanger en de verschillende beacons zijn de berekeningen van Park et al. [3] gebruikt. Doordat de afstanden tot de beacons bekend zijn kan een cirkel worden afgeleid waarop de ontvanger zich bevindt. Doordat meerdere cirkels bekend zijn kan de intersectie van die verschillende cirkels berekend worden: deze intersectie is de locatie van de ontvanger.

Er is gekozen voor deze berekening omdat de locaties van de beacons en de afstanden tot de beacons vrij intuitief als matrices gerepresenteerd worden. Als kanttekening moet vermeld worden dat dit algoritme niet alleen de x en y positie berekent, maar ook de z positie probeert te berekenen. Echter, omdat alle beacons op dezelfde hoogte staan is dit met onze opstelling niet mogelijk geweest. Er is immers niet te achterhalen of de z positie positief of negatief is; doordat alle beacons in een vlak staan kan de z-coördinaat gespiegeld worden. Vanwege deze reden hebben we ervoor gekozen om de z-coördinaat niet in de resultaten op te nemen.

De gebruikte code is bijgevoegd in appendix A. Merk op dat de posities van de beacons hardcoded is; deze kan worden aangepast indien de beacons een andere configuratie hebben. De positie van de ontvanger is relatief ten opzichte van de beacons.

Tijdens de tests is de lijn tussen beacon 1 en 2 als y-as gebruikt, en beacon 0 was op de x-as (die onder een hoek van 90 graden de y-as kruist). Het algoritme ondersteunt ook negatieve waardes voor als de ontvanger zich achter de y-as bevindt.

5 Resultaten en discussie

Tijdens het onderzoek is een belangrijke beperking van de Arduino als platform: de beperkte hoeveelheid RAM. Wanneer er meer dan twee matrices in het algo-

ritme gebruikt worden, kan dit tot een out of memory error leiden. Deze wordt niet gedetecteerd door de Arduino maar leidt tot het verwijzen naar verkeerde geheugenadressen. Hierdoor worden waardes in het geheugen overgeschreven waardoor de uiteindelijke output van het algoritme niet klopt.

Mochten er meerdere matrices nodig zijn voor het berekeken van een positie, dan is dit wel redelijk gemakkelijk op te lossen. Dit kan namelijk door dezelfde matrix te vervangen nadat de benodigde waarde al berekend is. Zo doet het algoritme wat gebruikt is bij dit onderzoek het ook.

De uiteindelijke metingen, waarbij slechts twee matrices in het algoritme gebruikt werden, waren zeer accuraat. De gemeten positie verschilde niet meer dan vijf centimeter ten opzichte van de daadwerkelijke positie.

Bij het implementeren van het algoritme is nog geen rekening gehouden met het stroomverbruik van de Arduino. Voor veel draadloze sensornetwerken is de hoeveelheid beschikbare energie vaak beperkt en kan dit wel een belangrijk aspect van een algoritme zijn. Een volgend onderzoek zou verder kunnen uitlichten hoe hiermee rekening mee kan worden gehouden.

6 Conclusie

We hebben laten zien dat met eenvoudige hardware een accurate positiebepaling gedaan kan worden op de korte afstand. Hierbij is gebruik gemaakt van het Time of Flight principe, wat in een gebied van tientallen vierkante meters een afwijking van minder dan 5 cm heeft.

Voor implementaties waarbij dit stroomverbruik geen rol speelt kan dit algoritme dus gebruikt worden om nauwkeurige metingen te doen. Als stroomverbruik wel belangrijk

Referenties

- [1] Billur Barshan. Fast processing techniques for accurate ultrasonic range measurements. *Measurement Science and technology*, 11(1):45, 2000.
- [2] Fredrik Gustafsson and Fredrik Gunnarsson. Positioning using timedifference of arrival measurements. In Acoustics, Speech, and Signal Processing, 2003. Proceedings. (ICASSP'03). 2003 IEEE International Conference on, volume 6, pages VI-553. IEEE, 2003.
- [3] Jaehyun Park, Sunghee Choi, and Jangmyung Lee. Beacon scheduling algorithm for localization of a mobile robot. In *Intelligent Robotics and Applications*, pages 594–603. Springer, 2011.
- [4] Vinay Seshadri, Gergely V Zaruba, and Manfred Huber. A bayesian sampling approach to in-door localization of wireless devices using received signal strength indication. In *Pervasive Computing and Communications*, 2005. PerCom 2005. Third IEEE International Conference on, pages 75–84. IEEE, 2005.

A Arduino code

```
2
        Positioning system for Arduino One with RF24 radio chip
3 */
4 #include <SPI.h>
5 #include "nRF24L01.h"
6 #include "RF24.h!
7 #include "printf.h"
8 #include "MatrixMath.h"
10 #define N (3)
   // Kunstmatige waarde voor Z coordinaten
12 #define Z 1.0
   // Percentage verschil (0 < MAX_DIFF \ll 1) dat tussen twee \leftrightarrow
       metingen mag zitten.
14 #define MAX_DIFF (0.25)
   // Percentage dat de nieuwste meting in het gemiddelde meetelt (0 \leftarrow
        < WEIGHT <= 1)
   // Bij WEIGHT=1 wordt er geen gemiddelde bijgehouden, maar is de \leftarrow
       nieuwste meting de enige die meetelt.
17 \#define WEIGHT (0.2)
18
^{19} RF24 radio(3, 9);
20 unsigned long radiotime;
21 unsigned long audiotime;
unsigned long timelimit = 50000LL;
{\tt 23} \ {\tt uint8\_t} \ {\tt activeBeacon} \ ;
   float pos[4][2] = \{ // Positions van de beacons; <math>pos[1][1] is de \leftarrow
25
          positie van beacon 1
        \{0.0, 75.0\},\
26
27
        \{72.0, 0.0\}
        \{294.0, 0.0\},\
\{372.0, 136.0\}
28
29
30 };
31
32 float D[4];
   void setup() {
34
        initialize the serial communication:
35
     Serial.begin(9600);
     printf_begin();
37
38
     // Setup and configure rf radio
39
40
     radio.begin();
     radio.setRetries(0,0);
41
42
     radio.setDataRate(RF24_2MBPS);
43
     {\tt radio.setChannel}\,(76) :
     {\tt radio.setPayloadSize}(1);
45
46
     {\tt radio.openReadingPipe} \, (\, 1 \, , \, \, \, 0 \, {\tt xdeadbeefa1LL} \, ) \, ;
     radio.openWritingPipe(0xdeadbeefa1LL);
47
     \verb|radio.startListening||();
48
     radio.setAutoAck(false);
50 }
51
  void loop() {
     while(radio.available()) {
53
       {\tt radio.read(\&activeBeacon}\;,\;\; {\tt sizeof(uint8\_t))}\;;
```

```
55
                    while (! radio.available());
  56
  57
  58
                   radiotime = micros();
                   radio.read( &activeBeacon, sizeof(uint8_t));
  59
  60
  61
                   if(activeBeacon > 3) { return; }
  62
                   while (analogRead (A0) < 50) {
  63
                           audiotime = micros();
  64
                           if(audiotime - radiotime > timelimit) {
  65
                                  return;
  66
  67
                  }
  68
  69
                   float diff = audiotime - radiotime;
  70
                   diff = diff * 0.03432; // Afstand tot beacon in cm
  71
                       /Zwak uitschieters een beetje af: max 30% increase
  73
                   if(diff > (D[activeBeacon] * (1.0 + MAX_DIFF)) \&\& D[activeBeacon \leftrightarrow ]
  74
                                  ] > 0) {
                          diff = D[activeBeacon] * (1.0 + MAX_DIFF);
  75
  76
  77
                   if(diff < (D[activeBeacon]*(1.0 - MAX_DIFF))) {
  78
  79
                          diff = D[activeBeacon]*(1.0 - MAX_DIFF);
  80
  81
                   \mathtt{D}[\mathtt{activeBeacon}] = \mathtt{D}[\mathtt{activeBeacon}] * (1.0 - \mathtt{WEIGHT}) + \mathtt{diff} * \mathtt{WEIGHT}; \leftarrow
  82
                                     // Weer schuivend gemiddelde */
                   if (activeBeacon == 3) {
  84
                          calcPosition();
  85
  86
  87 }
  88
  89 float A[N][N];
  90 float B[N];
            void calcPosition() {
  92
                          // Relatieve afstanden tussen de nodes; gebruikt node 3 nog 🗠
  93
                                         niet!
                          A[0][0] = 2*pos[1][0] - 2*pos[0][0]; A[0][1] = 2*pos[1][1] - \leftarrow
  94
                                         2*pos[0][1]; A[0][2] = Z;
  95
                           A[1][0] = 2*pos[2][0]
                                                                                                            -2*pos[1][0]; A[1][1] = 2*pos[2][1] - \leftarrow
                                          2*pos[1][1]; A[1][2] = Z;
                           A[2][0] = 2*pos[0][0] - 2*pos[2][0]; A[2][1] = 2*pos[0][1] - \leftarrow
  96
                          2*pos[2][1]; A[2][2] = Z;
Matrix.Invert((float*)A,N);
  97
                          \mathtt{B}[0] \, = \, (\mathtt{D}[0] \ast \mathtt{D}[0]) \, - \, (\mathtt{D}[1] \ast \mathtt{D}[1]) \, - \, (\mathtt{pos}[0][0] \ast \mathtt{pos}[0][0]) \, + \, (\hookleftarrow
                                         \mathtt{B}[1] = (\mathtt{D}[1] \ast \mathtt{D}[1]) - (\mathtt{D}[2] \ast \mathtt{D}[2]) - (\mathtt{pos}[1][0] \ast \mathtt{pos}[1][0]) + (\hookleftarrow)
  99
                                         \verb"pos[2][0]*pos[2][0]) \ - \ (\verb"pos[1][1]*pos[1][1]) \ + \ (\verb"pos$ \hookleftarrow )
                                           [2][1]*pos[2][1]);
                          B[2] = (D[2]*D[2]) - (D[0]*D[0]) - (pos[2][0]*pos[2][0]) + ( \leftarrow 
100
                                         \mathsf{pos} \, [0][0] * \mathsf{pos} \, [0][0]) \, - \, (\mathsf{pos} \, [2][1] * \mathsf{pos} \, [2][1]) \, + \, (\mathsf{pos} \, \hookleftarrow) \, (\mathsf{pos} \, \hookleftarrow) \, (\mathsf{pos} \, \hookleftarrow) \, (\mathsf{pos} \, \smile) \, (\mathsf{pos} \, \smile
                                          [0][1]*pos[0][1]);
                           float P3[N];
101
                          {\tt Matrix.Multiply} \hspace{0.05cm} ((\hspace{0.05cm} {\tt float} \hspace{0.1cm} *) \hspace{0.1cm} {\tt A} \hspace{0.1cm} , (\hspace{0.1cm} {\tt float} \hspace{0.1cm} *) \hspace{0.1cm} {\tt B} \hspace{0.1cm} , {\tt N} \hspace{0.1cm} , {\tt I} \hspace{0.1cm} , (\hspace{0.1cm} {\tt float} \hspace{0.1cm} *) \hspace{0.1cm} {\tt P3} \hspace{0.1cm} ) \hspace{0.1cm} ;
102
```

```
// Relatieve afstanden tussen de nodes; gebruikt node 2 nog ↔
104
                niet!
          A[0][0] = 2*pos[1][0] - 2*pos[0][0]; A[0][1] = 2*pos[1][1] - \leftarrow
105
          2*pos[0][1]; A[0][2] = Z;
A[1][0] = 2*pos[3][0] - 2*pos[1][0]; A[1][1] = <math>2*pos[3][1] - \Leftrightarrow
106
                2*pos[1][1]; A[1][2] = Z;
107
          A[2][0] = 2*pos[0][0]
                                           -2*pos[3][0]; A[2][1] = 2*pos[0][1] - \leftarrow
          2*pos[3][1]; A[2][2] = Z;
Matrix.Invert((float*)A,N);
108
          \mathtt{B}[0] \, = \, (\mathtt{D}[0] \ast \mathtt{D}[0]) \, - \, (\mathtt{D}[1] \ast \mathtt{D}[1]) \, - \, (\mathtt{pos}[0][0] \ast \mathtt{pos}[0][0]) \, + \, (\hookleftarrow
109
                pos[1][0]*pos[1][0]) - (pos[0][1]*pos[0][1]) + (pos \leftarrow 0)
                [1][1]*pos[1][1]);
                = (D[1]*D[1]) -
                                         (D[3]*D[3]) - (pos[1][0]*pos[1][0]) + ( \leftarrow 
110
                pos[3][0]*pos[3][0]) - (pos[1][1]*pos[1][1]) + (pos \leftarrow
           \begin{array}{c} [3][1]*\operatorname{pos}[3][1]);\\ B[2] = (D[3]*D[3]) - (D[0]*D[0]) - (\operatorname{pos}[3][0]*\operatorname{pos}[3][0]) + (\hookleftarrow \\ \end{array} 
111
                pos[0][0]*pos[0][0]) - (pos[3][1]*pos[3][1]) + (pos \leftarrow 0.00)
                [0][1]*pos[0][1]);
           float P2[N]:
112
          {\tt Matrix.Multiply((float*)A,(float*)B,N,N,1,(float*)P2);}
113
114
          // Relatieve afstanden tussen de nodes; gebruikt node 1 nog ↔
115
          A[0][0] = 2*pos[2][0] - 2*pos[0][0]; A[0][1] = 2*pos[2][1] - \leftarrow
116
                2*{\tt pos}\,[\,0\,]\,[\,1\,]\,;\ {\tt A}\,[\,0\,]\,[\,2\,]\ =\ {\tt Z}\,;
117
          A[1][0] = 2*pos[3][0]
                                           -2*pos[2][0]; A[1][1] = 2*pos[3][1] - \leftarrow
                2*pos[2][1]; A[1][2] = Z;
          A[2][0] = 2*pos[0][0] - 2*pos[3][0]; A[2][1] = 2*pos[0][1] - \leftarrow
118
                2*pos[3][1]; A[2][2] = Z;
          Matrix.Invert((float*)A,N):
119
          {\tt B} \, [\, 0\, ] \, = \, (\, {\tt D} \, [\, 0\, ] \, * \, {\tt D} \, [\, 0\, ] \, ) \, \, - \, \, (\, {\tt D} \, [\, 2\, ] \, * \, {\tt D} \, [\, 2\, ] \, ) \, \, - \, \, (\, {\tt pos} \, [\, 0\, ] \, [\, 0\, ] \, * \, {\tt pos} \, [\, 0\, ] \, [\, 0\, ] \, ) \, \, + \, \, (\, \hookleftarrow \, )
120
                [2][1]*pos[2][1]);
          \mathtt{B}[1] = (\mathtt{D}[2] * \mathtt{D}[2]) - (\mathtt{D}[3] * \mathtt{D}[3]) - (\mathtt{pos}[2][0] * \mathtt{pos}[2][0]) + (\hookleftarrow)
                pos[3][0]*pos[3][0]) - (pos[2][1]*pos[2][1]) + (pos \leftarrow
                 [3][1]*pos[3][1]);
          B[2] = (D[3]*D[3]) -
                                         (D[0]*D[0]) - (pos[3][0]*pos[3][0]) + ( \leftarrow 
122
                pos[0][0]*pos[0][0]) - (pos[3][1]*pos[3][1]) + (pos \leftarrow
                 [0][1]*pos[0][1]);
           float P1[N];
123
          Matrix.Multiply((float*)A,(float*)B,N,N,1,(float*)P1);
124
          // Relatieve afstanden tussen de nodes; gebruikt node 0 nog ←
126
                niet!
127
          A[0][0] = 2*pos[2][0] - 2*pos[1][0]; A[0][1] = 2*pos[2][1] - \leftarrow
                2*pos[1][1]; A[0][2] = Z;
          A[1][0] = 2*pos[3][0] - 2*pos[2][0]; A[1][1] = 2*pos[3][1] - \leftarrow
128
          129
                2*pos[3][1]; A[2][2] = Z;
          Matrix.Invert((float*)A,N);
130
          {\tt B} \, [\, 0\, ] \, = \, (\, {\tt D} \, [\, 1\, ] \, * \, {\tt D} \, [\, 1\, ] \, ) \, \, - \, \, (\, {\tt D} \, [\, 2\, ] \, * \, {\tt D} \, [\, 2\, ] \, ) \, \, - \, \, (\, {\tt pos} \, [\, 1\, ] \, [\, 0\, ] \, * \, {\tt pos} \, [\, 1\, ] \, [\, 0\, ] \, ) \, \, + \, \, (\, \hookleftarrow \, ) \, \, 
131
                pos[2][0]*pos[2][0]) - (pos[1][1]*pos[1][1]) + (pos \leftarrow
                 [2][1]*pos[2][1]);
          {\tt B[1]} \, = \, \big({\tt D[2]*D[2]}\big) \, - \, \big({\tt D[3]*D[3]}\big) \, - \, \big({\tt pos[2][0]*pos[2][0]}\big) \, + \, \big(\!\!\! \hookleftarrow \!\!\!\!
132
                pos[3][0]*pos[3][0]) - (pos[2][1]*pos[2][1]) + (pos \leftarrow
                 [3][1]*pos[3][1]);
                 = (D[3]*D[3]) -
                                         (D[1]*D[1]) - (pos[3][0]*pos[3][0]) + ( \leftarrow 
133
                \mathsf{pos}\,[1][0] * \mathsf{pos}\,[1][0]) \; - \; (\mathsf{pos}\,[3][1] * \mathsf{pos}\,[3][1]) \; + \; (\mathsf{pos}\!\hookleftarrow\!
                 [1][1]*pos[1][1]);
           float PO[N];
134
          Matrix.Multiply((float*)A,(float*)B,N,N,1,(float*)P0);
135
```

```
// Bereken het gemiddelde van de verschillende metingen:
int avg[N];
avg[0] = (int) (P0[0] + P1[0] + P2[0] + P3[0]) / 4.0;
avg[1] = (int) (P0[1] + P1[1] + P2[1] + P3[1]) / 4.0;
avg[2] = (int) (P0[2] + P1[2] + P2[2] + P3[2]) / 4.0;

printf("Position: (%d,%d)\n\n", avg[0], avg[1]);
```