«Дифференциатор от Бога»

Быстрицкий Александр Б05-432

6 декабря 2024 г.

Оглавление

1. Берем производную

Задача 1.1.

$$f(x) = \frac{(\sin(x) + (5+4) \cdot \cos(x))}{\sin((x)^2)}, f'(x) - ?$$

Решение. Для начала упростим функцию

$$f(x) = \frac{\left(\sin\left(x\right) + 9 \cdot \cos\left(x\right)\right)}{\sin\left(\left(x\right)^{2}\right)}$$

На первой лекции было

$$\left(\frac{\left(\sin\left(x\right) + 9 \cdot \cos\left(x\right)\right)}{\sin\left(\left(x\right)^{2}\right)}\right)' = \frac{\left(\left(\sin\left(x\right) + 9 \cdot \cos\left(x\right)\right)\right)' \cdot \left(\sin\left(\left(x\right)^{2}\right)\right) - \left(\left(\sin\left(x\right) + 9 \cdot \cos\left(x\right)\right)\right) \cdot \left(\sin\left(\left(x\right)^{2}\right)\right)'}{\left(\sin\left(\left(x\right)^{2}\right)\right)^{2}} \tag{1}$$

На первой лекции было

$$\left(\sin\left((x)^2\right)\right)' = \left((x)^2\right)' \cdot \cos\left(x\right)^2 \tag{2}$$

Очевидно, что

$$((x)^{2})' = 2 \cdot (x)^{1} \cdot (x)' \tag{3}$$

На первой лекции было

$$x' = 1 \tag{4}$$

Каждый уважающий себе человек знает, что

$$(\sin(x) + 9 \cdot \cos(x))' = (\sin(x))' + (9 \cdot \cos(x))'$$
(5)

На первой лекции было

$$(9 \cdot \cos(x))' = (9)' \cdot (\cos(x)) + (9) \cdot (\cos(x))' \tag{6}$$

На первой лекции было

$$(\cos(x))' = (-1) \cdot (x)' \cdot \sin x \tag{7}$$

Очевидно, что

$$x' = 1 \tag{8}$$

Очевидно, что

$$9' = 0 \tag{9}$$

На первой лекции было

$$\left(\sin\left(x\right)\right)' = \left(x\right)' \cdot \cos x \tag{10}$$

Каждый уважающий себе человек знает, что

$$x' = 1 \tag{11}$$

После несложных подстановок получаем ответ:

$$\frac{\left(\left(\cos\left(x\right)+9\cdot\left(-1\right)\cdot\sin\left(x\right)\right)\cdot\sin\left(\left(x\right)^{2}\right)-\left(\sin\left(x\right)+9\cdot\cos\left(x\right)\right)\cdot2\cdot x\cdot\cos\left(\left(x\right)^{2}\right)\right)}{\left(\sin\left(\left(x\right)^{2}\right)\right)^{2}}$$