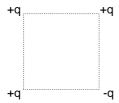
# EXERCICES D'ELECTROSTATIQUE ENONCES

## **Exercice 1A**: Champ électrostatique crée par des charges

Quatre charges ponctuelles sont placées aux sommets d'un carré de côté a :

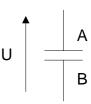


Déterminer les caractéristiques du champ électrostatique régnant au centre du carré. Application numérique : q = 1 nC et a = 5 cm.

# **Exercice 4A**: Principe du microphone à condensateur

Considérons un condensateur constitué de deux armatures planes et parallèles. La distance entre les deux armatures est  $d=2\ mm$ .

L'aire de la surface de chacune des armatures est  $S = 100 \text{ cm}^2$ .



- 1- Calculer la capacité électrique C du condensateur.
- 2- On charge le condensateur avec un générateur de tension continue :  $U=+6\ V.$  Calculer la charge des armatures  $Q_A$  et  $Q_B$ .
- 3- On suppose que le champ électrostatique entre les deux armatures est uniforme. Calculer son intensité E.
- 4- Calculer l'énergie emmagasinée par le condensateur W.
- 5- On déconnecte le condensateur du générateur de tension puis on écarte les deux armatures (distance d').

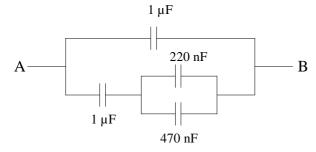
Montrer que la tension aux bornes du condensateur est maintenant :  $U'=U\frac{d'}{d}$ 

Montrer que l'énergie emmagasinée est maintenant :  $W'=W\frac{d'}{d}$ 

6- D'où provient l'énergie W' - W ?

## **Exercice 5A**: Capacité équivalente

Quelle est la capacité C<sub>AB</sub> du condensateur équivalent à toute l'association ?



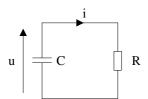
## **Exercice 7** : Décharge de condensateurs

- 1- La tension aux bornes d'un condensateur de capacité  $C_1$  = 1  $\mu F$  est  $U_1$  = 10 V. Calculer la charge  $Q_1$  du condensateur.
- 2- La tension aux bornes d'un condensateur de capacité  $C_2$  = 0,5  $\mu F$  est  $U_2$  = 5 V. Calculer la charge  $Q_2$ .
- 3- Les deux condensateurs précédents sont maintenant reliés :

$$\begin{array}{c|c} Q'_{\underline{1}} & & & \\ \hline Q'_{\underline{1}} & & & \\ \hline -Q'_{\underline{1}} & & & \\ \end{array} \quad \begin{array}{c|c} Q'_{\underline{2}} & & \\ \hline & & -Q'_{\underline{2}} & \\ \end{array} \quad \begin{array}{c|c} C_{\underline{2}} & & \\ \hline \end{array}$$

Montrer que la tension qui apparaît aux bornes de l'ensemble est :  $U = \frac{C_1U_1 + C_2U_2}{C_1 + C_2}$  Faire l'application numérique.

## **Exercice 8** : Décharge électrostatique du corps humain



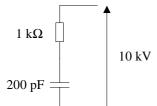
1- Montrer que i(t) satisfait à l'équation différentielle :

$$i + RC \frac{di}{dt} = 0$$

2- Vérifier que  $i(t) = I_0 e^{-\frac{t}{RC}}$  est solution de l'équation différentielle.

On note  $U_0$  la valeur de la tension à l'instant t=0 :  $u(t=0)=U_0$ . Exprimer  $I_0$  en fonction de  $U_0$ .

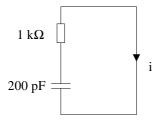
3- Application : décharge électrostatique du corps humain



Le corps humain est équivalent à un condensateur de capacité C=200~pF en série avec une résistance  $R=1~k\Omega$ .

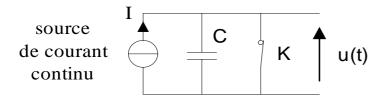
Un corps humain chargé est le siège d'une différence de potentiels de l'ordre de 10~kV.

Tracer l'allure du courant de décharge i(t) :



Commentaires?

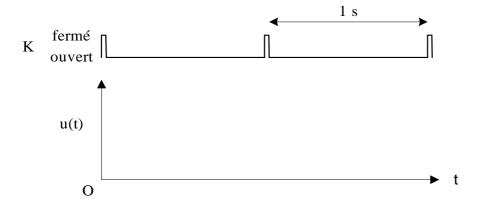
## **Exercice 9** : Générateur de rampe



A l'instant t = 0, on ouvre l'interrupteur K.

Montrer que la tension u(t) aux bornes du condensateur augmente linéairement avec le temps.

Compléter le chronogramme u(t) :



On donne :  $I = 100 \; \mu A \qquad C = 10 \; \mu F$ 

# **ELEMENTS DE CORRECTION**

## **Exercice 1A**

$$E = \frac{1}{\pi \epsilon_0} \frac{q}{a^2} = 14\,400 \, V / m$$

## Exercice 4A

1- 
$$C = \varepsilon_0 \frac{S}{d} = 44,25 \text{ pF}$$

$$\begin{array}{ccc} 2\text{-} & Q_{A} = CU = +265 \ pC \\ Q_{B} = -Q_{A} = -265 \ pC \end{array}$$

3- 
$$E = U/d = 3000 \text{ V/m}$$

4- 
$$W = \frac{1}{2}CU^2 = 7,965 \cdot 10^{-10} J$$

5- La charge du condensateur est inchangée :

$$Q = CU = C'U'$$

$$U' = U \frac{C}{C'} = U \frac{\varepsilon_0 \frac{S}{d}}{\varepsilon_0 \frac{S}{d'}} = U \frac{d'}{d}$$

$$W = \frac{1}{2}CU^2 = \frac{1}{2}QU$$

$$W' = \frac{1}{2}C'U'^2 = \frac{1}{2}QU'$$

d'où:

$$W' = W \frac{U'}{U} = W \frac{d'}{d}$$

6- C'est l'énergie mécanique qu'il a fallu fournir pour écarter les deux armatures.

## Exercice 5A

$$C_{AB} = 1,408 \mu F$$

## Exercice 7

1- 
$$Q_1 = C_1U_1 = 10 \mu C$$

2- 
$$Q_2 = C_2U_2 = 2.5 \mu C$$

3- Conservation de la charge : 
$$Q_1 + Q_2 = Q'_1 + Q'_2$$

$$Q'_1 = C_1 U$$

$$Q'_2 = C_2 U$$

$$\mathbf{Q'}_2 = \mathbf{C}_2 \mathbf{U}$$

d'où: 
$$U = \frac{C_1 U_1 + C_2 U_2}{C_1 + C_2}$$

A.N. 
$$U = 8,33 \text{ V}$$

## Exercice 8

1- Relation entre tension et courant dans le condensateur :  $i = -C \frac{du}{dt}$ 

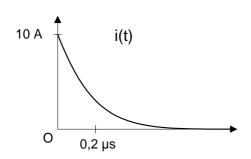
Relation entre tension et courant dans la résistance :

d'où: 
$$i + RC \frac{di}{dt} = 0$$

$$i + RC\frac{di}{dt} = I_0 e^{-\frac{t}{RC}} + RC\frac{d}{dt} \left( I_0 e^{-\frac{t}{RC}} \right) = I_0 e^{-\frac{t}{RC}} - RC\frac{I_0}{RC} e^{-\frac{t}{RC}} = 0$$

$$I_0 = i(t=0) = u(t=0)/R = U_0/R$$

3-



- Courant maximal:  $I_0 = U_0/R = 10 \text{ kV} / 1 \text{ k}\Omega = 10 \text{ A} !$
- Constante de temps:  $\tau = RC = 0.2 \mu s$

La décharge est brève et intense.

## **Exercice 9**

$$\frac{du}{dt} = \frac{I}{C} = \cos \tan te$$

donc la tension aux bornes du condensateur augmente linéairement avec le temps.

$$\frac{du}{dt} = \frac{100 \,\mu A}{10 \,\mu F} = 10 \,V/s$$

