

Міністерство освіти і науки України  
Національний технічний університет України  
«Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського»  
Факультет інформатики та обчислювальної техніки

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 5  
з дисципліни «Методи наукових досліджень»  
на тему «Проведення трьохфакторного експерименту при використанні  
рівняння регресії з урахуванням квадратичних членів  
(центральний ортогональний композиційний план)»

ВИКОНАВ:  
студент 2 курсу  
групи ІВ-91  
Онищук Ю. І.  
Залікова – 9122

ПЕРЕВІРИВ:  
ас. Регіда П. Г.

Київ – 2021

**Мета:** Провести трьохфакторний експеримент з урахуванням квадратичних членів, використовуючи центральний ортогональний композиційний план. Знайти рівняння регресії, яке буде адекватним для опису об'єкту.

### Завдання:

1. Взяти рівняння з урахуванням квадратичних членів.
2. Скласти матрицю планування для ОЦКП
3. Провести експеримент у всіх точках факторного простору (знайти значення функції відгуку Y). Значення функції відгуку знайти у відповідності з варіантом діапазону, зазначеного далі. Варіанти вибираються по номеру в списку в журналі викладача.

$$y'_{\max} = 200 + x_{\text{ср max}}$$

$$y'_{\min} = 200 + x_{\text{ср min}}$$

$$\text{где } x_{\text{ср max}} = \frac{x_{1\max} + x_{2\max} + x_{3\max}}{3}, \quad x_{\text{ср min}} = \frac{x_{1\min} + x_{2\min} + x_{3\min}}{3}$$

4. Розрахувати коефіцієнти рівняння регресії і записати його.
5. Провести 3 статистичні перевірки.

### Порядок виконання лабораторної роботи

1. Записати рівняння регресії з урахуванням квадратичних членів:  
$$\hat{y} = b_0 + b_1x_1 + b_2x_2 + b_3x_3 + b_{12}x_1x_2 + b_{13}x_1x_3 + b_{23}x_2x_3 + b_{112}x_1^2x_2 + b_{122}x_1^2x_2^2 + b_{222}x_2^3$$
2. Вибрати з таблиці варіантів і записати в протокол інтервали значень  $x_1, x_2, x_3$ .
3. Скласти матрицю планування для ОЦКП і заповнити нормованими значеннями. Початкова кількість дослідів  $m = 3$ .
4. Провести першу статистичну перевірку - перевірку однорідності дисперсії за критерієм Кохрена (якщо дисперсія не однорідна, то збільшити  $m$  і почати з п.3).
5. Розрахувати коефіцієнти рівняння регресії, розв'язавши матричні рівняння. При розрахунку використовувати **натуральні** значення  $x_1, x_2$  і  $x_3$ .
6. Провести другу статистичну перевірку і скорегувати рівняння регресії.
7. Провести третю статистичну перевірку.
8. Зробити висновки щодо перевірок 3-х критеріїв.

Варіанти обираються по номеру в списку в журналі викладача.

№_варіанта	X <sub>1</sub>		X <sub>2</sub>		X <sub>3</sub>	
	min	max	min	max	min	max
120	-10	3	-7	2	-1	6

## Программный код

```
import random as rn
from math import sqrt
from scipy.stats import f, t
import pprint
from sklearn import linear_model

def exp_row(x1_num, x2_num, x3_num, y, m = 3):
    y_gen = [y[0] + (y[1]-y[0])*rn.random() for i in range(m)]
    y_mid = sum(y_gen)/m
    sigma = 0
    for i in range(len(y_gen)):
        sigma += ((y_gen[i] - y_mid)**2)/m
    return [x1_num, x2_num, x3_num, x1_num*x2_num, x1_num*x3_num,
x2_num*x3_num, x1_num*x2_num*x3_num, x1_num*x1_num, x2_num*x2_num,
x3_num*x3_num, y_gen, y_mid, sigma]

def experiment(x1, x2, x3, y, m = 3, N = 15):
    flag = 1
    counter = 1
    while flag:
        flag = 0

        l = 1.215
        x01 = sum(x1)/2
        x02 = sum(x2)/2
        x03 = sum(x3)/2
        deltax1 = x1[1]-x01
        deltax2 = x2[1]-x02
        deltax3 = x3[1]-x03

        exp1 = exp_row(x1[0], x2[0], x3[0], y)
        exp2 = exp_row(x1[0], x2[0], x3[1], y)
        exp3 = exp_row(x1[0], x2[1], x3[0], y)
        exp4 = exp_row(x1[0], x2[1], x3[1], y)
        exp5 = exp_row(x1[1], x2[0], x3[0], y)
        exp6 = exp_row(x1[1], x2[0], x3[1], y)
        exp7 = exp_row(x1[1], x2[1], x3[0], y)
        exp8 = exp_row(x1[1], x2[1], x3[1], y)
        exp9 = exp_row(-l*deltax1 + x01, x02, x03, y)
        exp10 = exp_row(l*deltax1 + x01, x02, x03, y)
        exp11 = exp_row(x01, -l*deltax2 + x02, x03, y)
        exp12 = exp_row(x01, l*deltax2 + x02, x03, y)
        exp13 = exp_row(x01, x02, -l*deltax3 + x03, y)
        exp14 = exp_row(x01, x02, l*deltax3 + x03, y)
        exp15 = exp_row(x01, x02, x03, y)

        table = [exp1, exp2, exp3, exp4, exp5, exp6, exp7, exp8, exp9, exp10,
exp11, exp12, exp13, exp14, exp15]
        norm_table = normalize_table(table, x1, x2, x3)

        cochrane = cochrane_kriteria(table, N)
        cochrane_check = cochrane[0]
        Gp = cochrane[1]

        if not cochrane_check:
            flag = 1
            continue
        else:
```

```

aver_y = list(map(lambda x: x[-2], table))
x_list = list(map(lambda x: x[0:10], table))
for i in x_list:
    i.insert(0, 1)

skm = linear_model.LinearRegression(fit_intercept=False)
skm.fit(x_list, aver_y)
b = list(skm.coef_)

check_b = check(b, table)

student = student_kriteria(table, N)
indexes = student[0]
SB = student[1]
Sbeta = student[2]
student_b = list(map(lambda x: x if b.index(x) in indexes else 0,
b))

student_checks = check(student_b, table)

fisher = fisher_kriteria(table, student_checks, SB)
fisher_check = fisher[0]
Fp = fisher[1]
print('{} ітерація'.format(counter))
print('Fp:')
print(Fp)
print(Gp*Sbeta*Fp)
print('\n')

if fisher_check:
    return table, b, check_b, student_b, student_checks, Fp
else:
    flag = 1
    counter += 1
    x1 = list(map(lambda x: x/(Gp*Sbeta*Fp), x1))
    x2 = list(map(lambda x: x/(Gp*Sbeta*Fp), x2))
    x3 = list(map(lambda x: x/(Gp*Sbeta*Fp), x3))
    xmax = int(1/3*(x1[1] + x2[1] + x3[1]))
    xmin = int(1/3*(x1[0] + x2[0] + x3[0]))
    ymax = 200 + xmax
    ymin = 200 + xmin
    y = [ymax, ymin]

def normalize_table(table, x1, x2, x3):
    l = 1.215
    x01 = sum(x1)/2
    x02 = sum(x2)/2
    x03 = sum(x3)/2

    for i in range(len(table)):
        for j in range(3):
            if i < 8:
                if j == 0:
                    if table[i][j] == x1[0]:
                        table[i][j] = -1
                    else:
                        table[i][j] = 1
                elif j == 1:
                    if table[i][j] == x2[0]:
                        table[i][j] = -1
                    else:
                        table[i][j] = 1
                elif j == 2:

```

```

        if table[i][j] == x3[0]:
            table[i][j] = -1
        else:
            table[i][j] = 1
    else:
        if j == 0:
            if table[i][j] == -1*(x1[1]-x01) + x01:
                table[i][j] = -1
            elif table[i][j] == 1*(x1[1]-x01) + x01:
                table[i][j] = 1
            else:
                table[i][j] = 0
        elif j == 1:
            if table[i][j] == -1*(x2[1]-x02) + x02:
                table[i][j] = -1
            elif table[i][j] == 1*(x2[1]-x02) + x02:
                table[i][j] = 1
            else:
                table[i][j] = 0
        elif j == 2:
            if table[i][j] == -1*(x3[1]-x03) + x03:
                table[i][j] = -1
            elif table[i][j] == 1*(x3[1]-x03) + x03:
                table[i][j] = 1
            else:
                table[i][j] = 0
    table[i][3] = table[i][0]*table[i][1]
    table[i][4] = table[i][0]*table[i][2]
    table[i][5] = table[i][1]*table[i][2]
    table[i][6] = table[i][0]*table[i][1]*table[i][2]
    table[i][7] = table[i][0]*table[i][0]
    table[i][8] = table[i][1]*table[i][1]
    table[i][9] = table[i][2]*table[i][2]
    return table

def check(koeficients, table):
    checks = [koeficients[0] for i in range(15)]

    for i in range(len(table)):
        for j in range(10):
            checks[i] += koeficients[j+1]*table[i][j]
    return checks

def cochrane_kriteria(table, N = 15):
    sigma = [table[i][-1] for i in range(N)]
    Gt = 0.3346
    Gp = max(sigma)/sum(sigma)
    if Gp < Gt:
        return 1, Gp
    else:
        return 0, Gp

def student_kriteria(table, N = 15, m = 3):
    sigma = [table[i][-1] for i in range(N)]
    y_mid = [table[i][-2] for i in range(N)]
    SB = sum(sigma)/N
    Sb = SB/(N*m)
    Sbeta = sqrt(Sb)

    beta = [0]*11
    for i in range(N):
        beta[0] += 1/N*(y_mid[i]*1)
    for i in range(1, len(beta)):
        for j in range(N):

```

```

        beta[i] += 1/N*(y_mid[j]*table[j][i-1])

    ttab = 2.042

    t = [0]*11
    for i in range(11):
        t[i] = beta[i]/Sbeta

    indexes = []
    for i in t:
        if i > ttab:
            indexes.append(t.index(i))

    return [indexes, SB, Sbeta]

def fisher_kriteria(table, checks, Sb, N = 15, m = 3, d = 4):
    y_mid = [table[i][-2] for i in range(N)]
    Sad = 0
    for i in range(N):
        Sad += m/(N-d)*(checks[i] - y_mid[i])**2
    Ft = 2.16
    Fp = Sad/Sb
    if Fp > Ft:
        return 0, Fp
    else:
        return 1, Fp

x1 = [-10, 3]
print('x1min = {0}, x1max = {1}'.format(x1[0], x1[1]))
x2 = [-7, 2]
print('x2min = {0}, x2max = {1}'.format(x2[0], x2[1]))
x3 = [-1, 6]
print('x3min = {0}, x3max = {1}\n'.format(x3[0], x3[1]))

xcmax = int(1/3*(x1[1] + x2[1] + x3[1]))
xcmin = int(1/3*(x1[0] + x2[0] + x3[0]))
print('Xcmin = {0}, Xcmax = {1}\n'.format(xcmin, xcmax))
ymax = 200 + xcmax
ymin = 200 + xcmin
y = [ymin, ymax]
print('ymin = {0}, ymax = {1}\n'.format(ymin, ymax))

research = experiment(x1, x2, x3, y)
table = research[0]
kses = list(map(lambda x: x[0:10], table))
yek = list(map(lambda x: x[10:-1], table))

koefs_b = research[1]
check_b = research[2]
koefs_sb = research[3]
check_sb = research[4]
Fp = research[5]

print('Таблиця експерименту\n')
print("Таблиця іксів")
pprint.pprint(kses)
print("\n")
print("Таблиця іґриків")
pprint.pprint(yek)
#pprint.pprint(table)

```

```
print('\n')
print('b:')
print(koefs_b)
print('\n')
print('перевірка b:')
print(check_b)
print('\n')
print('значимі коефіцієнти:')
print(koefs_sb)
print('\n')
print('перевірка sb:')
print(check_sb)
print('\n')
print('Fp:')
print(Fp)
```

## Результат роботи програми

```
Lab5 ×
C:\Users\Admin\AppData\Local\Programs\Python\Python39\python.exe D:/SEM4/MND/Lab5/Lab5.py
x1min = -10, x1max = 3
x2min = -7, x2max = 2
x3min = -1, x3max = 6

Xcmin = -6, Xcmax = 3

ymin = 194, ymax = 203

1 ітерація|
Fr:
0.3838046948264833
0.02470477191058043
```

```
Lab5 ×
Таблиця експерименту

Таблиця іксів
[[-1, -1, -1, 1, 1, 1, -1, 1, 1, 1],
 [-1, -1, 1, 1, -1, -1, 1, 1, 1, 1],
 [-1, 1, -1, -1, 1, -1, 1, 1, 1, 1],
 [-1, 1, 1, -1, -1, 1, -1, 1, 1, 1],
 [1, -1, -1, -1, -1, 1, 1, 1, 1, 1],
 [1, -1, 1, -1, 1, -1, -1, 1, 1, 1],
 [1, 1, -1, 1, -1, -1, -1, 1, 1, 1],
 [1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1],
 [-1.215, 0, 0, -0.0, -0.0, 0, -0.0, 1.4762250000000001, 0, 0],
 [1.215, 0, 0, 0.0, 0.0, 0, 0.0, 1.4762250000000001, 0, 0],
 [0, -1.215, 0, -0.0, 0, -0.0, -0.0, 0, 1.4762250000000001, 0],
 [0, 1.215, 0, 0.0, 0, 0.0, 0.0, 0, 1.4762250000000001, 0],
 [0, 0, -1.215, 0, -0.0, -0.0, -0.0, 0, 0, 1.4762250000000001],
 [0, 0, 1.215, 0, 0.0, 0.0, 0.0, 0, 0, 1.4762250000000001],
 [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]]
```



```
Lab5 x
Таблиця ігрових
[[[198.1174511235755, 197.3611214614269, 199.40536324115772],
  198.29464527538673],
 [[202.71044186433397, 195.87280651592988, 201.4976027037904],
  200.02695036135142],
 [[201.5333770048608, 197.79404639045921, 194.3576787766039],
  197.89503405730798],
 [[198.56800963058026, 198.7695257207632, 199.40377745614256],
  198.9137709358287],
 [[197.960940942337, 200.62806603347434, 199.41042592723076],
  199.33314430101404],
 [[197.92006400504434, 197.89743771103, 202.41982443900943], 199.4124420516946],
 [[194.13074934734416, 201.35844146681052, 201.10827754710473],
  198.86582278708647],
 [[194.25518171387947, 202.76190822023972, 201.47189202509657],
  199.4963273197386],
 [[198.10277930337327, 200.83249619092717, 195.70718064700293],
  198.21415204710112],
 [[198.64695735950303, 196.53236987788202, 201.57445905981595],
  198.91792876573368],
 [[197.92822957654695, 197.25183183676108, 197.85985378305793],
  197.679971732122],
 [[199.3857111219943, 198.85871408761918, 194.35410546409443],
  197.53284355790265],
 [[196.9522874741506, 199.2362062263199, 194.3289110761412],
  196.83913492553725],
 [[200.9843463890609, 199.153489066661, 197.06829294222803], 199.0687094659833],
 [[195.85780194962663, 197.1211355378429, 195.39417662289532],
  196.12437137012162]]
```

```
Lab5 x
197.53284355790265],
[[196.9522874741506, 199.2362062263199, 194.3289110761412],
  196.83913492553725],
[[200.9843463890609, 199.153489066661, 197.06829294222803], 199.0687094659833],
[[195.85780194962663, 197.1211355378429, 195.39417662289532],
  196.12437137012162]]

b:
[196.66931733014442, 0.2586118452727457, -0.18945419711219974, 0.5633239425388901, 0.14116929971473494, -0.2551549681440938, -0.020295178184052947, 0.15809687367695033, 1.1637175

перевірка b:
[198.17890122148142, 200.1646431305694, 197.86643833154955, 199.1466120331935, 199.23228838023954, 199.57302295404332, 198.86011519445879, 199.75205655023416, 198.0730135420138,

значимі коефіцієнти:
[196.66931733014442, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1.1637173411070458, 0.5136587379773897, 0.7490663152423362]

перевірка sb:
[199.0957597244712, 199.0957597244712, 199.0957597244712, 199.0957597244712, 199.0957597244712, 199.0957597244712, 199.0957597244712, 199.0957597244712, 198.38722596202018, 198.3

Fp:
0.3838046948264833

Process finished with exit code 0
```