

1 运行时间测量

本实验假设所有代码文件放在同一文件夹中。请按照要求，产生可执行文件，并给出每一个步骤的截图。以下要求使用 Linux 或者 Windows 的 GCC 工具。

1.1 基础代码文件

以下包括.h 和.c 文件。

1.1.1 MySqrt.h 文件

```
1 double sqrt_d_fsr(double);
```

1.1.2 MySqrt.c 文件

```
1 #include "MySqrt.h"
2 #include <stdint.h>
3 // 以下函数用于求平方根
4 double sqrt_d_fsr(double x)
5 {
6     double tmp, xhalf = 0.5d * x;
7     size_t n_terms = 10;
8     union {
9         double d;
10        uint64_t i;
11    } u;
12    u.d = x;
13    u.i = 0x5fe6eb50c7b537a9 - (u.i >> 1);
14
15    u.d *= 1.5d - xhalf * u.d * u.d;
16    while (n_terms-- && u.d != (tmp = u.d * (1.5d - xhalf * u.d
17        * u.d)))
18        u.d = tmp;
19    return 1.0d / u.d;
20 }
```

1.2 运行时间测量实验

以下包括代码和操作。

1.2.1 main1.c 文件

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <time.h>
4 #include <limits.h>
5 #include <math.h>
6 #include "MySqrt.h"
7
8 int main()
9 {
10     long long i = LLONG_MAX >> 35;
11     clock_t start, finish; // 用于记录计时阶段的起止时刻
12     double duration;
13     /* 测量一个事件持续的时间*/
14     printf( "Time to find square roots for integers from %lld
15             down to 1 is ", i);
16     // 记录当前时刻（用节拍号表示）并存入变量start中
17     start = clock();
18     while(i-->0)
19     {
20         // double x = sqrt((double)i); // 求平方根
21         double x = sqrt((double)i); // 求平方根
22     }
23     // 记录当前时刻（用节拍号表示）并存入finish中
24     finish = clock();
25     // CLOCKS_PER_SEC表示每秒的节拍数
26     duration = (double)(finish - start) / CLOCKS_PER_SEC;
27     printf("%f seconds\n", duration);
28     printf("the 10 smallest cases below:\n");
29     for(int i = 1; i < 10; i++)
30     {
31         // printf("The square root for %lld is about %.10lf.\n",
32                 i, sqrt((double)i));
33         printf("The square root for %lld is about %.10lf.\n", i,
```

```
        sqrt_d_fisr((double)i));
32     }
33     return 0;
34 }
```

1.2.2 运行

1. 请给出运行截图。
2. 把第 19 和 30 行的注释符去掉，同时把第 20 和 31 行注释掉。重新运行并给出截图。

1.2.3 回答问题

1. 运行中计算了哪些数的平方根？
2. 前后两次运行，系统分别显示的运行时间是多少（单位用秒）？
3. 在前一次实验中，5 和 6 的平方根的输出分别是多少？
4. 在后一次实验中，5 和 6 的平方根的输出分别是多少？

1.3 测量求“百钱买百鸡”的程序的运行时间

以下包括代码和操作。

1.3.1 main2.c 文件

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <time.h>
3  /*公鸡1只个5块钱，母鸡1只3块钱，小鸡3只1块钱，
4  现在用n块钱买n只鸡，问公鸡、母鸡、小鸡各多少只？*/
5  /*以下代码直接编译不能通过，必须先补充语句*/
6  /*枚举法*/
7  int main()
8  {
9      long long n;
10     printf("Please input n:\n");
11     scanf("%lld", &n);
```

```
12     /*以下请填写计时的相关代码*/
13
14
15
16
17     for(long long x = 0; x <= n; x++) // 枚举x值
18     {
19         for(long long y = 0; y <= n; y++){ // 枚举y值
20             // 注意z必须是3的倍数
21             for(long long z = 0; z <= n; z += 3)
22             {
23                 if(x + y + z == n)
24                     if(5 * x + 3 * y + z / 3 == n){
25                         // 以下本应输出方程组的非负整数解，但为了比较需要
26                         ; // 使用空语句（不执行任何操作）
27                     }
28             }
29         }
30     }
31     /*以下请填写计时的相关代码*/
32
33
34
35
36     printf("%f seconds\n", duration);
37     return 0;
38 }
```

1.3.2 main3.c 文件

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <time.h>
3 /*公鸡1只个5块钱，母鸡1只3块钱，小鸡3只1块钱，
4 现在用n块钱买n只鸡，问公鸡、母鸡、小鸡各多少只？*/
5 /*以下代码直接编译不能通过，必须先补充语句*/
6 /*解方程法*/
7 int main(){
8     long long n;
```

```
9     printf("Please input n:\n");
10     scanf("%lld", &n);
11     /*以下请填写计时的相关代码*/
12
13
14
15
16
17     for(long long z = 0; z <= n; z += 3) // z作为参数
18     {
19         // 把方程组转为参数方程的形式来计算x和y
20         long long x = -n + 4 * z / 3;
21         long long y = 2 * n - 7 * z / 3;
22         if(0 <= x && x <= n)
23         {
24             if(0 <= y && y <= n)
25             {
26                 // 以下本应输出方程组的非负整数解，但为了比较需要
27                 ; // 使用空语句（不执行任何操作）
28             }
29         }
30     }
31     /*以下请填写计时的相关代码*/
32
33
34
35     printf("%f seconds\n", duration);
36     return 0;
37 }
```

1.3.3 步骤

1. 补全 main2.c 和 main3.c 的代码，使得程序输出第 17 到 30 行之间的代码的运行时间。
2. 为 main2.c 和 main3.c 分别产生可执行文件，分别命名为 main2.exe 和 main3.exe。
3. 分别运行 main2.exe 和 main3.exe，输入 2000 到 n，并得到

输出结果。两个可执行文件的输出结果分别是多少? main2.exe 和 main3.exe 的运行时间相比, 哪一个更长?

4. 运行 main2.exe, 分别输入 2000, 4000, 6000 和 8000, 请分别给出输出结果。
5. 运行 main3.exe, 再次按上一步的方法进行测试, 请分别给出输出结果。
6. 运行 main3.exe, 分别输入 2000000000, 4000000000, 6000000000 和 8000000000, 请分别给出输出结果。
7. 根据以上分析, 简要叙述你得到的结论。

1.4 测量判断是否素数的程序的运行时间

以下包括代码和操作。

1.4.1 main4.c 文件

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <time.h>
4 #include <limits.h>
5 /*输入一个大于1的正整数, 判断是否素数*/
6 /*根据素数的定义*/
7 int main()
8 {
9     long long n;
10    printf("Please input n:\n");
11    scanf("%lld", &n);
12    for(long long i = 2; i < n; i++) //
13    {
14        if(n % i == 0) // 找到了约数
15        {
16            printf("it is not a prime\n");
17            finish = clock();
18            duration = (double)(finish - start) / CLOCKS_PER_SEC;
```

```
19         printf("time cost in determining whether it is a
                prime: %f seconds\n", duration);
20         return 0;
21     }
22 }
23 printf("it is a prime\n");
24 printf("time cost in determining whether it is a prime: %f
        seconds\n", duration);
25 return 0;
26 }
```

1.4.2 main5.c 文件

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <time.h>
4 #include <limits.h>
5 /*输入一个正整数, 判断是否素数*/
6 /*只枚举到平方根*/
7 int main(){
8     long long n;
9     printf("Please input n:\n");
10    scanf("%lld", &n);
11    long long i;
12    for(i = 2; i * i <= n; i++)
13    {
14        if(n % i == 0)
15        {
16            printf("it is not a prime\n");
17            finish = clock();
18            duration = (double)(finish - start) / CLOCKS_PER_SEC;
19            printf("time cost in determining whether it is a
                    prime: %f seconds\n", duration);
20            return 0;
21        }
22    }
23    printf("it is a prime\n");
24    printf("time cost in determining whether it is a prime: %f
```

```
        seconds\n", duration);\n25     printf("the last possible divisor used in testing: %lld\n",\n           i - 1);\n26     return 0;\n27 }
```

1.4.3 步骤

1. 请在 main4.c 和 main5.c 文件中补全计时代码，用于测量判断是否素数所花的时间。根据修改后的代码产生相应的可执行文件，并分别 main4.c 和 main5.c 产生的文件命名为 main4_timing.exe 和 main5_timing.exe。
2. 分别运行 main4_timing.exe 和 main5_timing.exe，其中，两次都把 $10^9 + 7$ （即 $10^9 + 7$ ）输入到 n。请给出两次运行的输出结果。
3. $10^9 + 7$ 是否素数？main4_timing.exe 和 main5_timing.exe 分别花费多少时间得出正确判断？
4. 分别使用 main4_timing.exe 和 main5_timing.exe 来判断 $10^9 + 37$ 、 $10^9 + 39$ 、 $10^9 + 49$ 、 $10^9 + 73$ 、 $10^9 + 81$ 各自是否素数，并记录相应的输出结果。对比 main4_timing.exe 和 main5_timing.exe 相应花费的时间，你得到什么结论？

1.5 实验报告写作要求

1. 步骤详细；
2. 表述简明；
3. 图文并茂；
4. 逻辑流畅。