

Exam Regex 2020

Vincent DAO - INFO 2

Exercice 1

a)

b)

Exercice 2

a)

b)

c)

Exercice 3

L1 :

L2 :

L3 :

L4 :

L5 :

Exercice 1

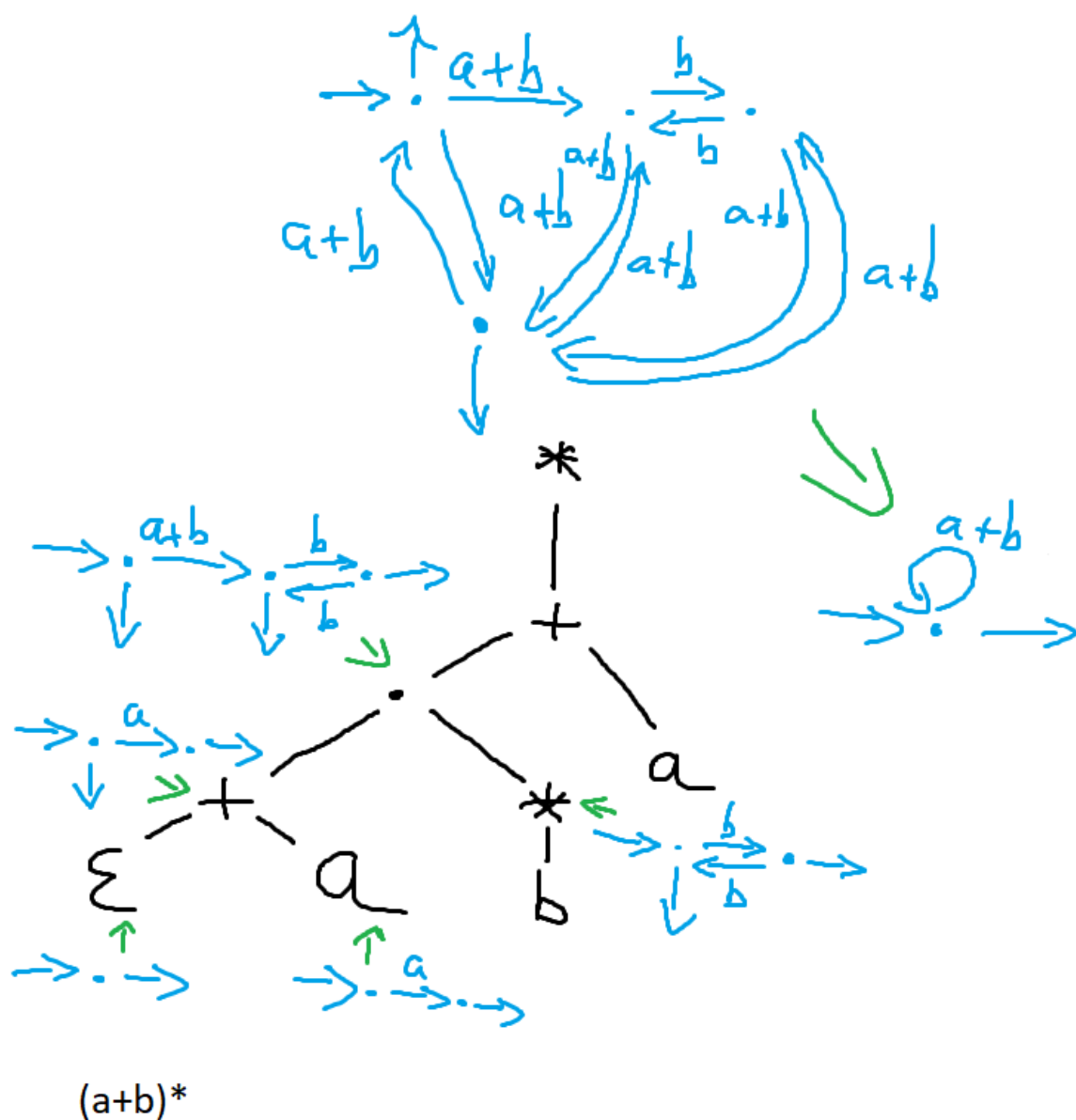
1. Soit le langage L défini par l'expression régulière e suivante :

$$e = (a + (\varepsilon + a)b^*)^*$$

a) Appliquer **sans simplification** la méthode de Thompson à l'expression e afin d'obtenir un automate fini reconnaissant L .

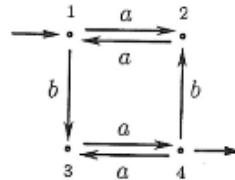
b) Donner une expression simple équivalente à e et l'expliquer.

a)



Exercice 2

2. Soit le langage M reconnu par l'automate déterministe \mathcal{A} suivant :



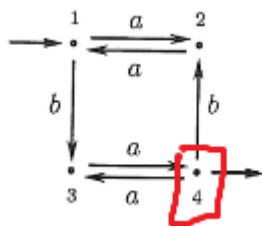
- Donner tous les mots de M de longueur 6.
- Appliquer **sans simplification** la méthode BMC à cet automate \mathcal{A} afin d'obtenir une expression régulière définissant M ; on retirera dans l'ordre les états 4, 3, 2, 1.
- Expliciter simplement le langage M .

a)

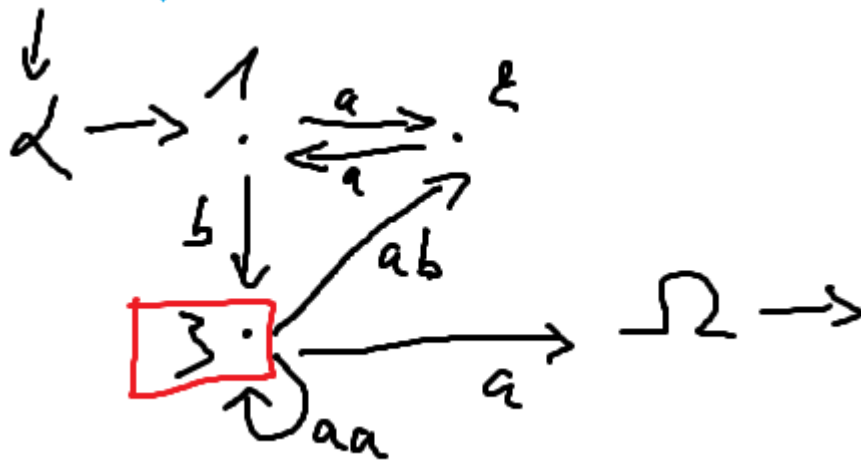
Aaaaba - aabaaa - baaaaa - bababa

b)

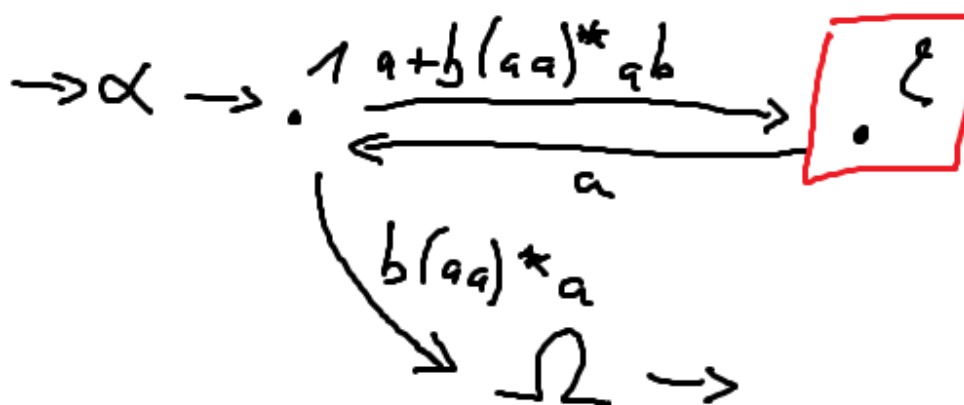
Starting point :



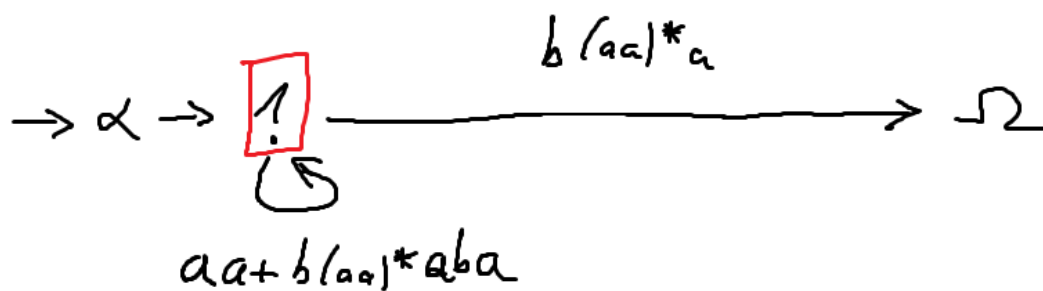
Step 1 : remove "4"



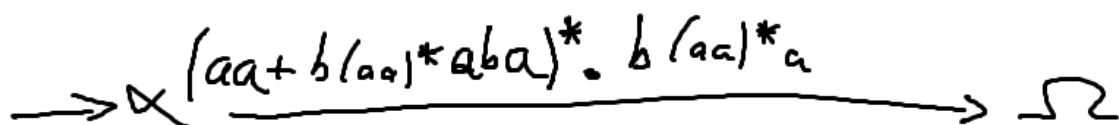
Step 2 : remove "3"



Step 3 : remove "2"



Final step : remove "1"



c)

Tous les mots qui :

- N'ont pas 2b consécutifs (bb non facteur de u)
- Ont un nombre pair de b et de a ($|u|_b$ impair ET $|u|_a$ impair) donc $|u|$ pair
- Où les b sont en position impair

Exercice 3

3. Soit l'alphabet $A = \{a, b\}$. Donner un automate fini **déterministe** puis une expression régulière pour chacun des langages suivants :

$$L_1 = \{ u \in A^* \mid |u| \text{ pair et } |u|_b \leq 1 \}$$

$$L_2 = A^* - A^*ab$$

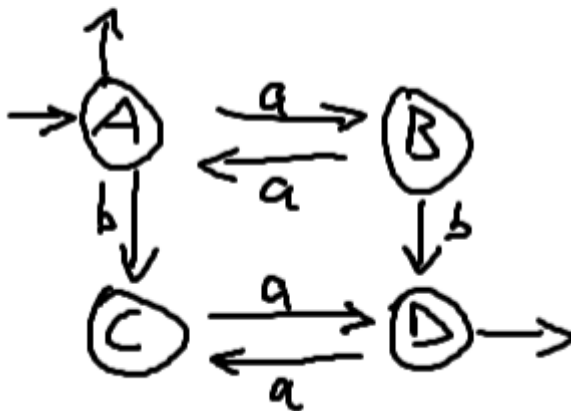
$$L_3 = \{ u \in A^* \mid |u|_a \text{ impair et } bb \text{ non facteur de } u \}$$

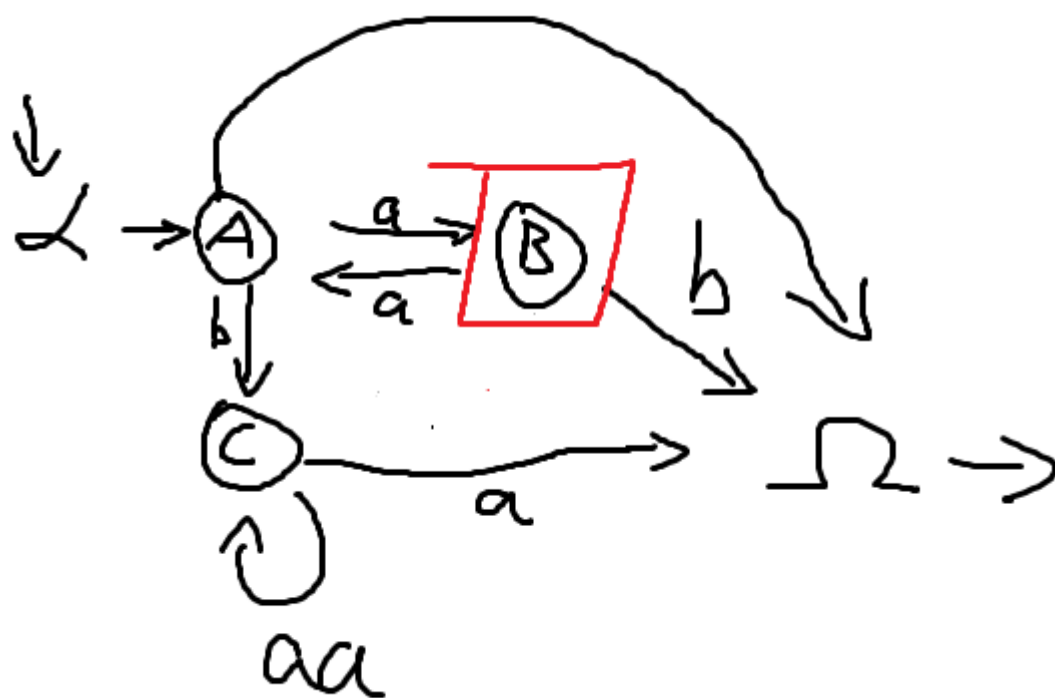
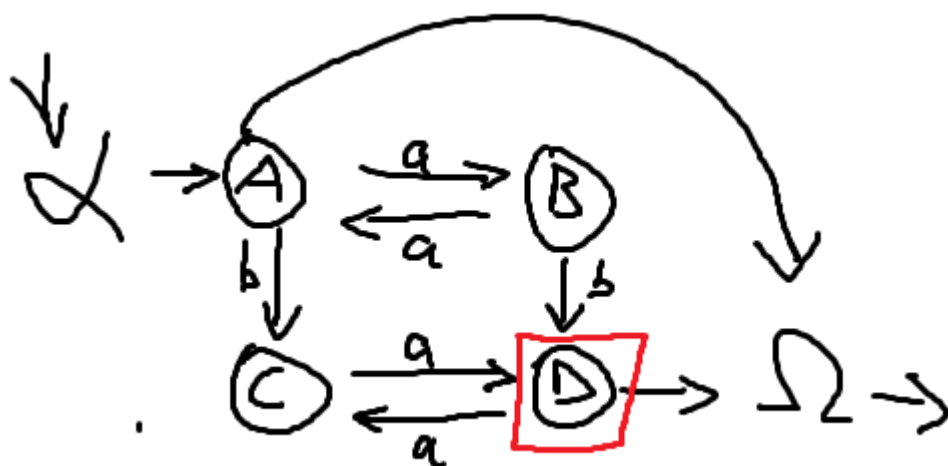
$$L_4 = A^*aa - aA^*bbA^*$$

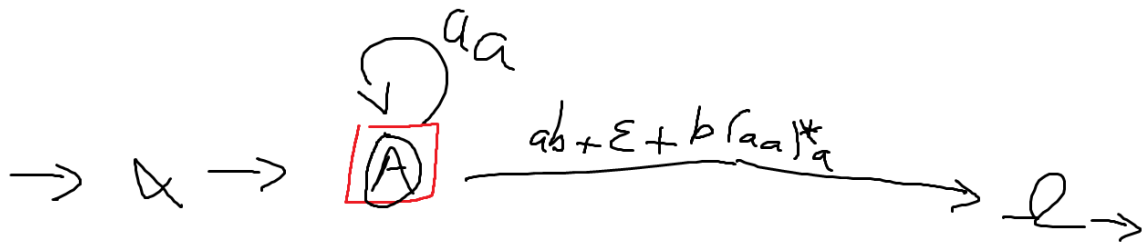
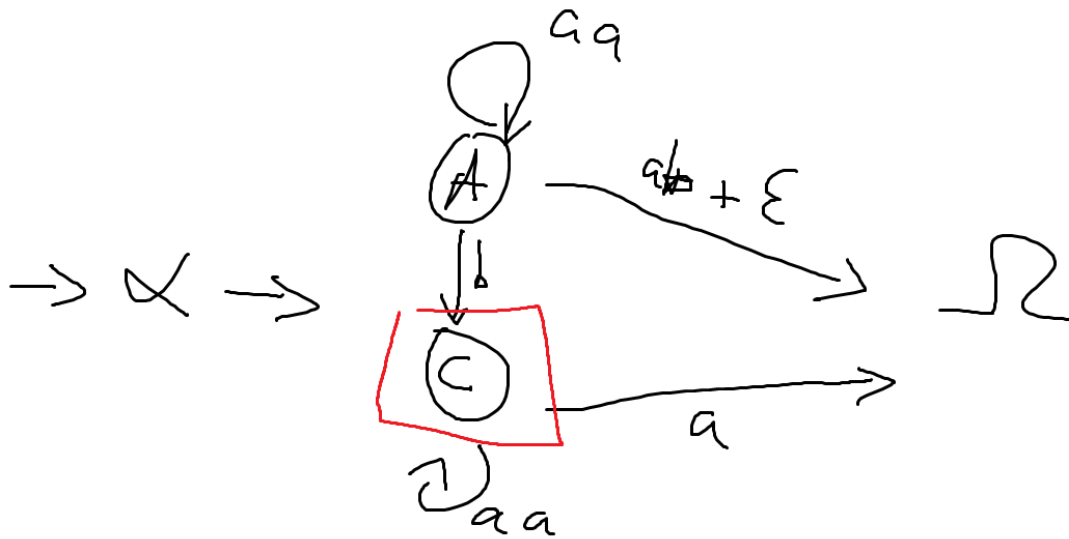
$$L_5 = aA^*b - A^*abA^*$$

L1 :

$$L_1 = \{ u \in A^* \mid |u| \text{ pair et } |u|_b \leq 1 \}$$





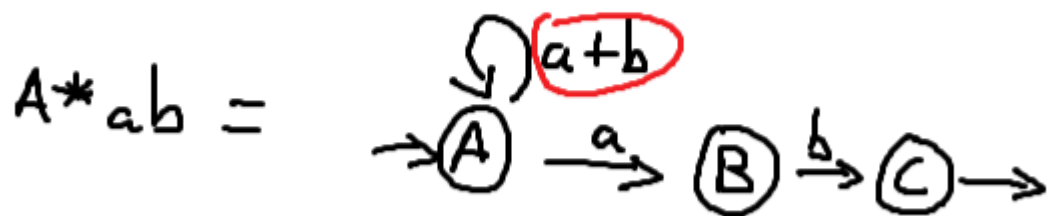


→ α $\frac{(aa)^* \cdot (ab + b(aa)^*a + \epsilon)}{\quad} \rightarrow \beta \rightarrow$

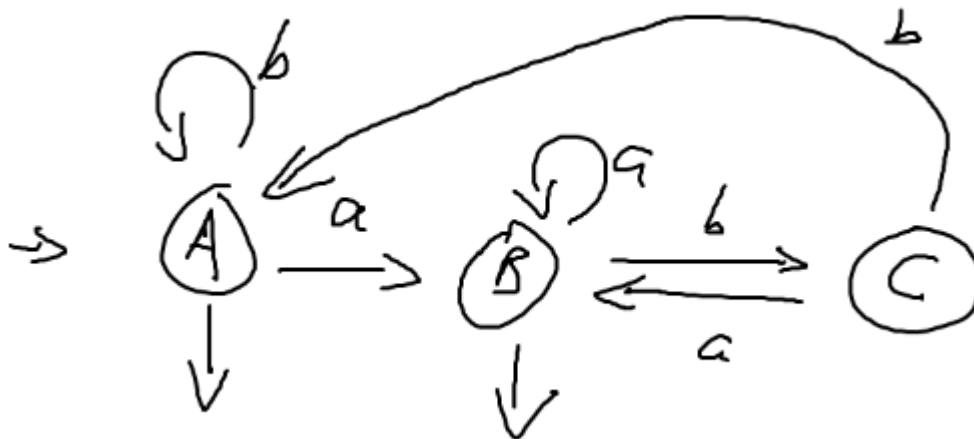
Expression : $(aa)^* \cdot (ab + b(aa)^*a + \epsilon)$

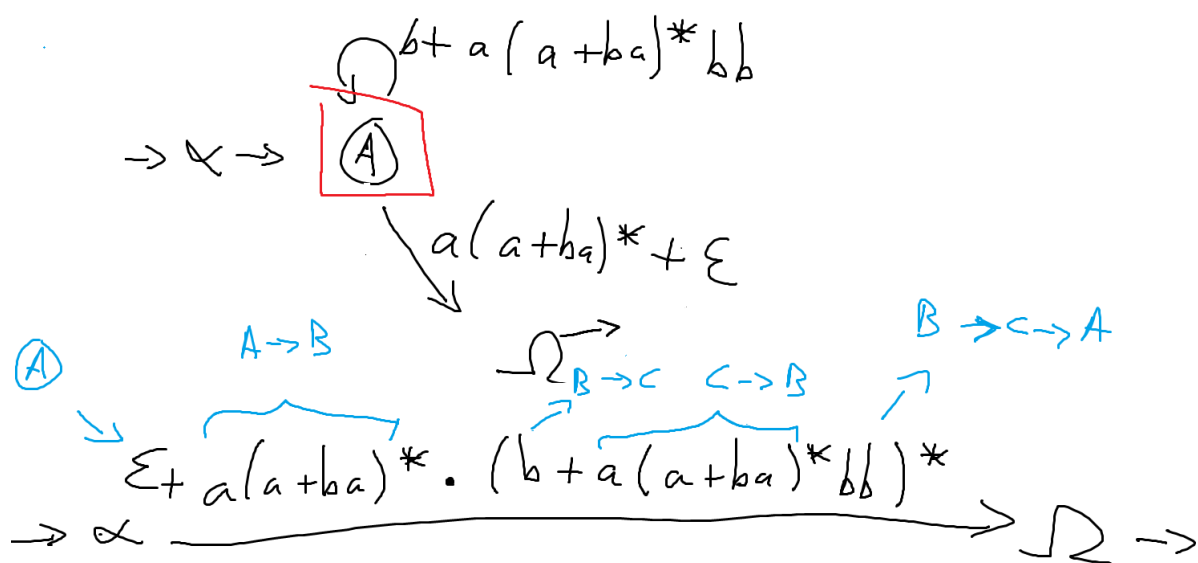
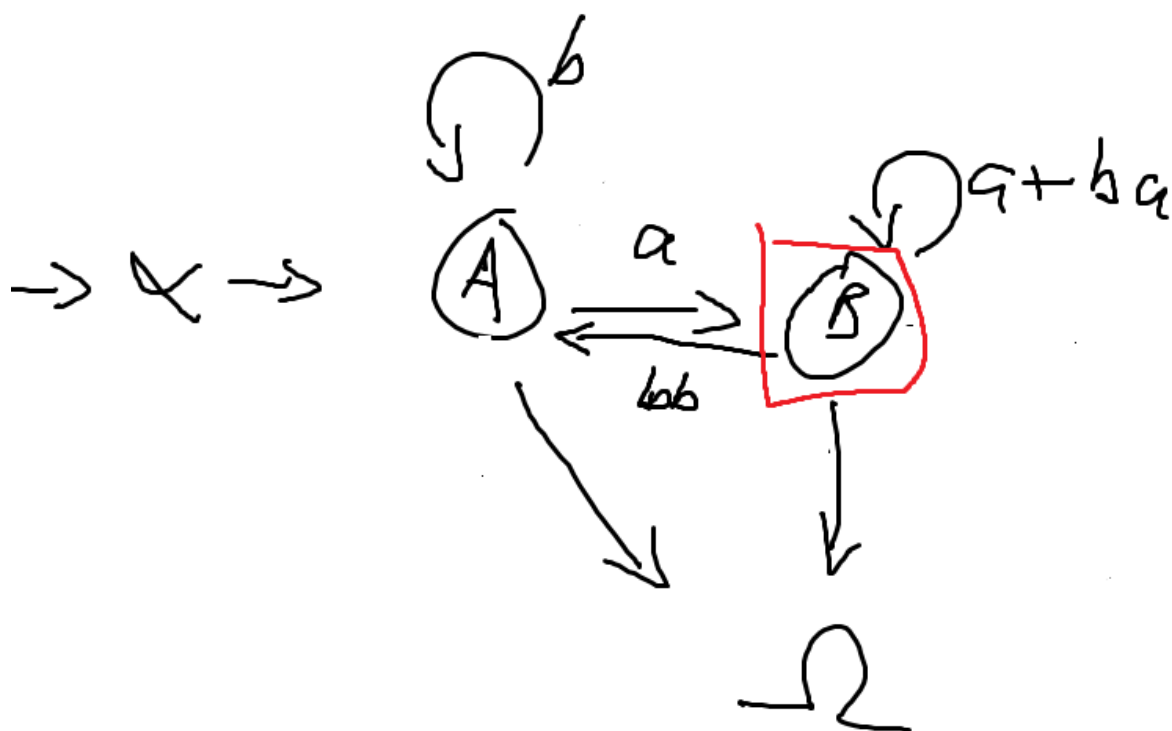
L2 :

$L_2 = A^* - A^*ab \rightarrow$ Tous les mots qui
ne finissent PAS par ab



changer pour sorties pour avoir $\overline{A^*ab}$

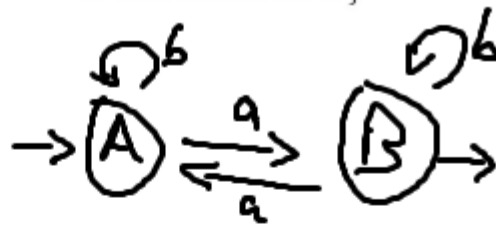




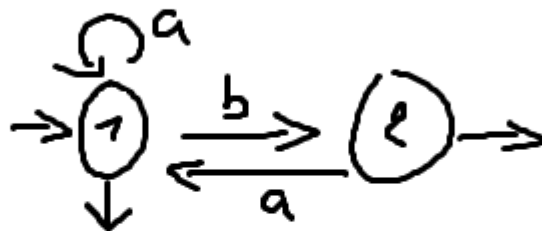
L3 :

$$L_3 = \{ u \in A^* \mid |u|_a \text{ impair et } bb \text{ non facteur de } u \}$$

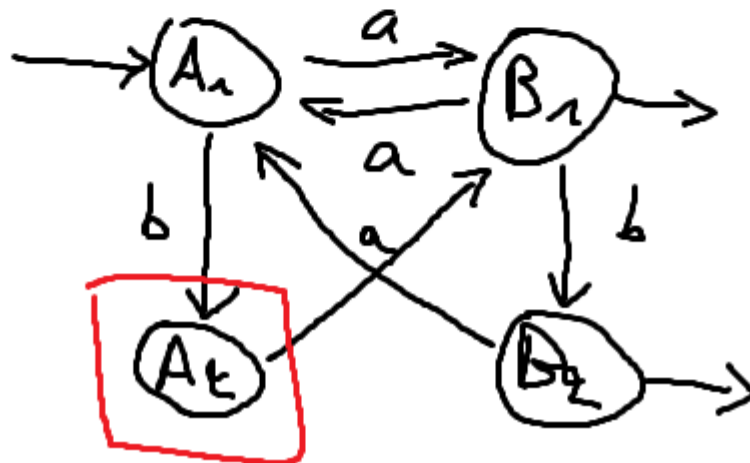
$|u|_a$ impair =



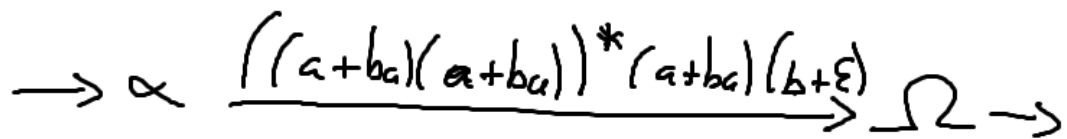
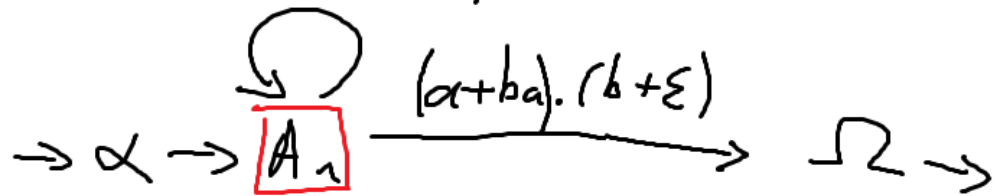
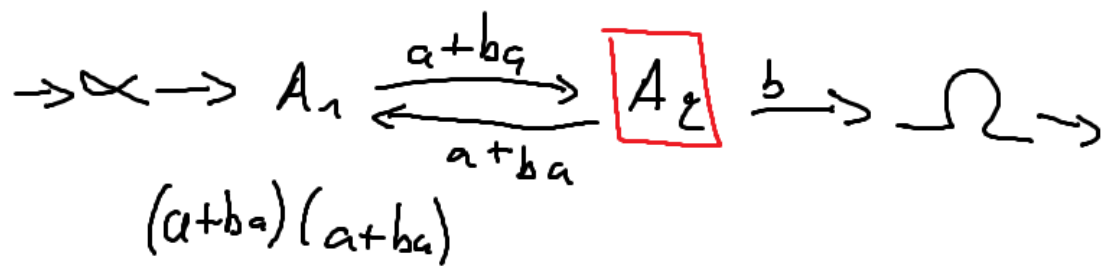
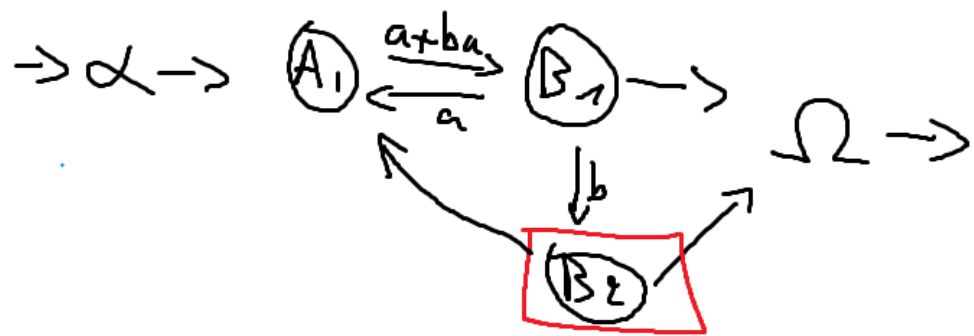
bb non
facteur=



L3=

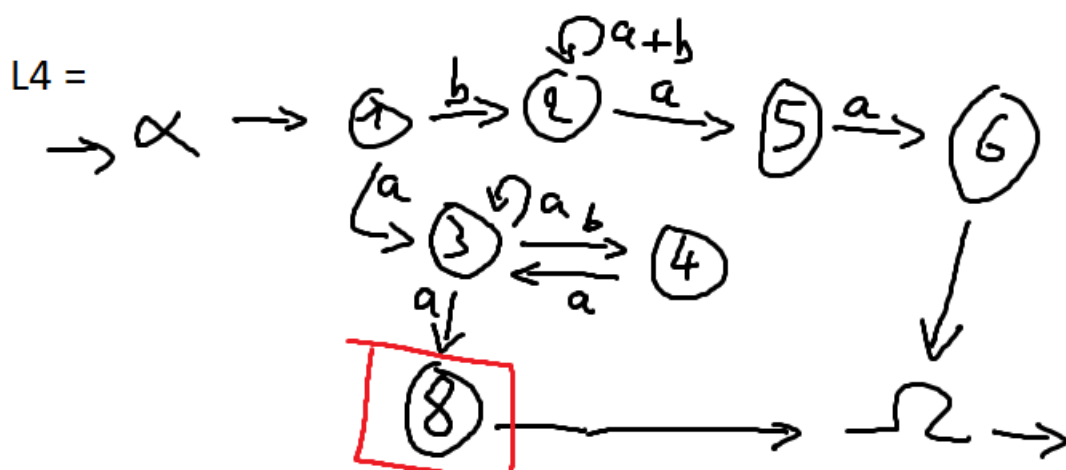
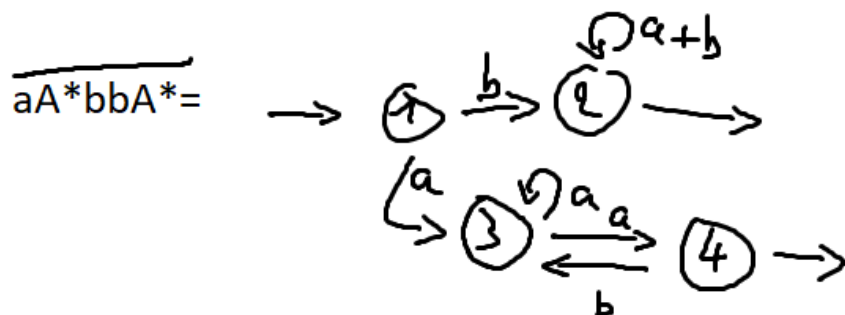
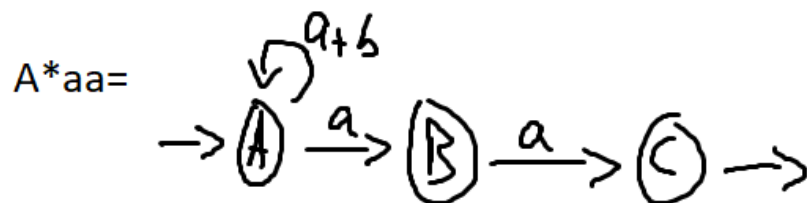


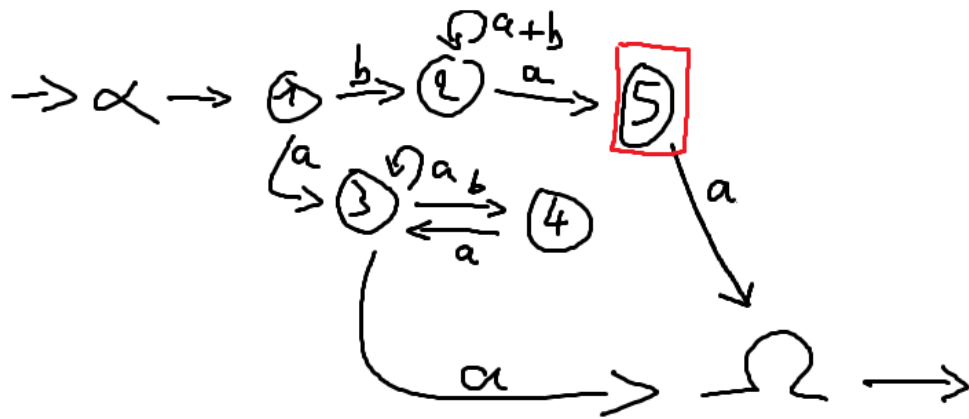
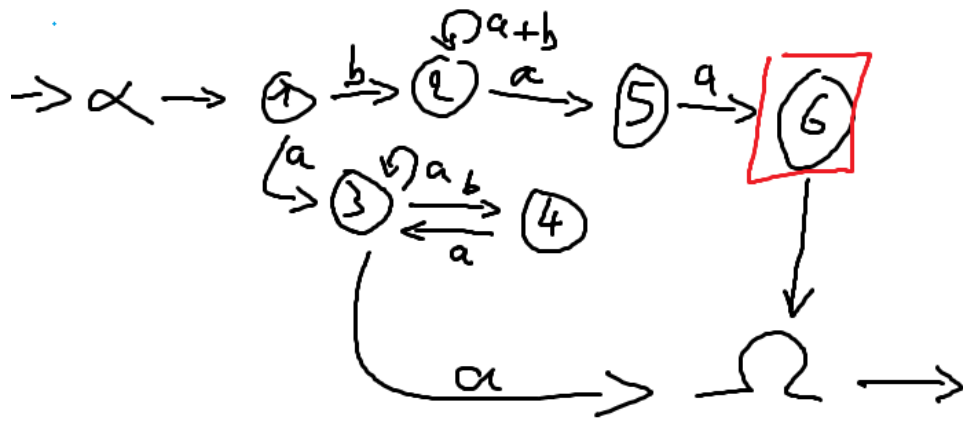
BMC en commençant par retirer A2

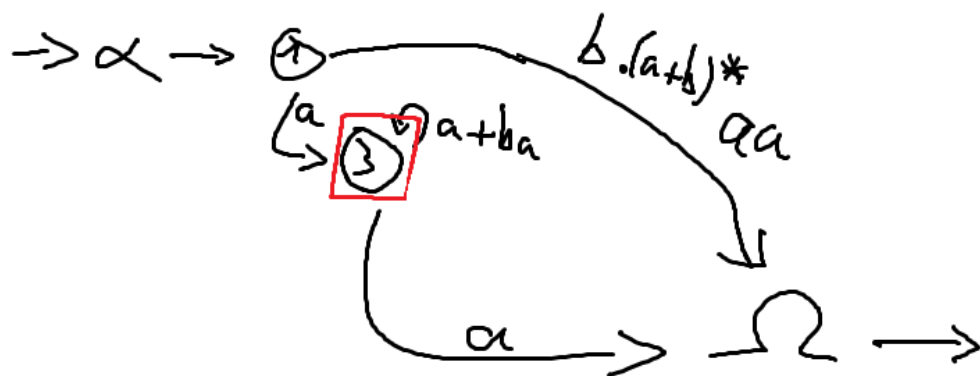
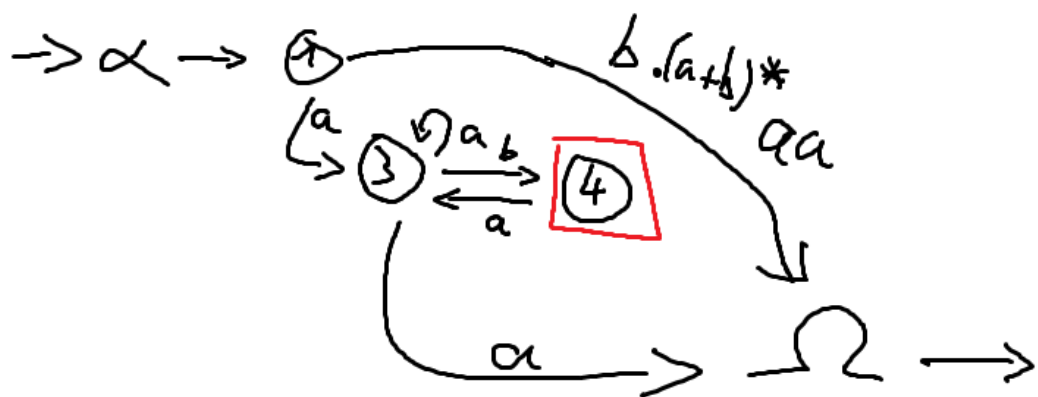
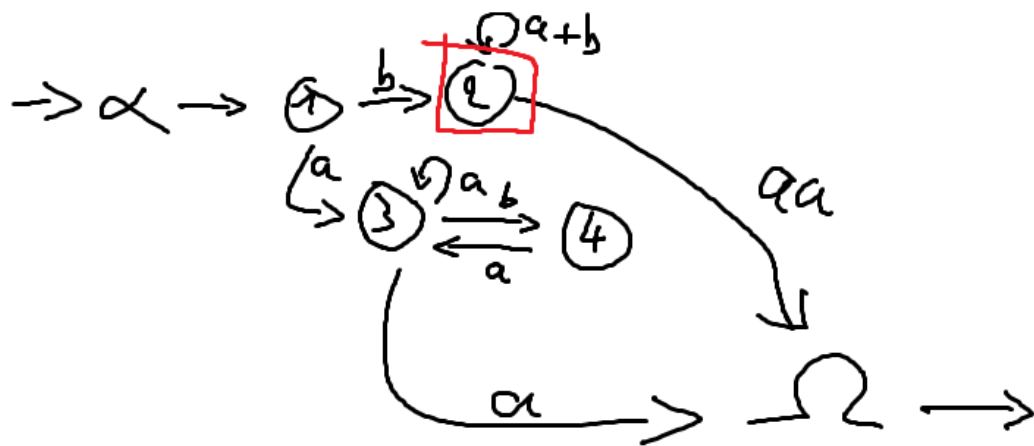


L4 :

$$L_4 = A^*aa - aA^*bbA^*$$







$$\rightarrow \alpha \rightarrow 1 \quad \underline{(b \cdot (a+b)^* aa) + (a \cdot (a+ba)^* a)} \rightarrow 2 \rightarrow$$

$$\rightarrow \alpha \quad \underline{(b \cdot (a+b)^* aa) + (a \cdot (a+ba)^* a)} \rightarrow 2 \rightarrow$$

L5 :

$$L_5 = aA^*b - A^*abA^*$$

Résultat = langage vide car si on commence par a et finit par b, il y aura forcément une instance de ab.