Aide-mémoire

Marc-André Désautels

Voici un aide-mémoire pour accompagner la présentation de Marc-André Désautels, portant sur les travaux de Abraham Wald.

Quelques notations

Notation Définition	
\overline{N}	le nombre d'avions au total
S	le nombre d'avions survivants
D	le nombre d'avions disparus
X_i	le nombre d'avions \dots touchés i fois
P_{i}	la probabilité qu'un avion soit abattu par i coups au but
Q_i	la probabilité de l'événement contraire
p_{i}	la probabilité conditionnelle qu'un avion soit abattu par le i ème coup au but, étant donné que
	les premiers $i-1$ coups ne l'ont pas abattu
q_i	la probabilité de l'événement contraire

Les hypothèses

- Nous connaissons N, le nombre d'avions total.
- Nous connaissons pour tout i ($i=0,1,2,\ldots$) les nombres S_i , c'est-à-dire le nombre d'avions ayant survécu à i coups.
- Nous supposons que tous les avions disparus le sont en raison de tirs ennemis et donc $D_0 = 0$. Ceci implique que nous supposons qu'aucun avion ne peut être porté disparu en raison de problèmes mécaniques.
- Le nombre de tirs sur un avion est borné, c'est-à-dire que $D_j = 0$ pour j plus grand qu'un certain entier m.
- Pour simplifier la notation, nous écrirons $N_{j\geq i}$ pour signifier $\sum\limits_{j\geq i}N_{j}.$

Quelques résultats « évidents »

- Le nombre total d'avions envoyés au combat est égal à la somme des avions survivants et des avions disparus, c'est-à-dire que N = S + D.
- De façon similaire, en étudiant les avions touchés au but i fois, nous avons $N_i = S_i + D_i$.
- La probabilité qu'un avion ne soit pas abattu par i coups au but est en fait la probabilité de ne pas être abattu par 1 coup (en ayant survécu aux coups précédents) et de ne pas être abattu par 2 coups (en ayant survécu aux coups précédents), ... et de ne pas être abattu par i coups (en ayant survécu aux coups précédents). Nous avons donc $Q_i = q_1 q_2 \dots q_i$.
- La probabilité d'être abattu par i coups au but est donc $P_i = 1 Q_i = 1 q_1 q_2 \dots q_i$.