ALGORITMOS DE ORDENAÇÃO

Prof. André Backes

Conceitos básicos

2

Ordenação

- Ato de colocar um conjunto de dados em uma determinada ordem predefinida
- □ Fora de ordem
 - **5**, 2, 1, 3, 4
- Ordenado
 - 1, 2, 3, 4, 5 **OU** 5, 4, 3, 2, 1
- Algoritmo de ordenação
 - Coloca um conjunto de elementos em uma certa ordem

- 3
- A ordenação permite que o acesso aos dados seja feito de forma mais eficiente
 - □ É parte de muitos métodos computacionais
 - Algoritmos de busca, intercalação/fusão, utilizam ordenação como parte do processo
 - Aplicações em geometria computacional, bancos de dados, entre outras necessitam de listas ordenadas para funcionar

Conceitos básicos

- 4
- □ A ordenação é baseada em uma chave
 - A chave de ordenação é o campo do item utilizado para comparação
 - Valor armazenado em um array de inteiros
 - Campo nome de uma struct
 - etc
 - É por meio dela que sabemos se um determinado elemento está a frente ou não de outros no conjunto

- 5
- Podemos usar qualquer tipo de chave
 - Deve existir uma regra de ordenação bemdefinida
- □ Alguns tipos de ordenação
 - numérica
 - **1**, 2, 3, 4, 5
 - lexicográfica (ordem alfabética)
 - Ana, André, Bianca, Ricardo

Conceitos básicos

- 6
- □ Independente do tipo, a ordenação pode ser
 - Crescente
 - **1**, 2, 3, 4, 5
 - Ana, André, Bianca, Ricardo
 - Decrescente
 - **5**, 4, 3, 2, 1
 - Ricardo, Bianca, André, Ana

- 7
- Os algoritmos de ordenação podem ser classificados como de
 - Ordenação interna
 - O conjunto de dados a ser ordenado cabe todo na memória principal (RAM)
 - Qualquer elemento pode ser imediatamente acessado

Conceitos básicos

- Os algoritmos de ordenação podem ser classificados como de
 - Ordenação externa
 - O conjunto de dados a ser ordenado n\u00e3o cabe na mem\u00f3ria principal
 - Os dados estão armazenados em memória secundário (por exemplo, um arquivo)
 - Os elementos são acessados sequencialmente ou em grandes blocos

- 9
- Além disso, a ordenação pode ser estável ou não
 - Um algoritmo de ordenação é considerado estável se a ordem dos elementos com chaves iguais não muda durante a ordenação
 - O algoritmo preserva a ordem relativa original dos valores

Conceitos básicos

- Exemplo
 - Dados não ordenados
 - **5a**, 2, **5b**, 3, 4, 1
 - 5a e 5b são o mesmo número
 - Dados ordenados
 - 1, 2, 3, 4, 5a, 5b: ordenação **estável**
 - 1, 2, 3, 4, 5b, 5a: ordenação não-estável

Métodos de ordenação

11

- Os métodos de ordenação estudados podem ser divididos em
 - Básicos
 - Fácil implementação
 - Auxiliam o entendimento de algoritmos complexos
 - Sofisticados
 - Em geral, melhor desempenho

Algoritmo Bubble Sort

- Também conhecido como ordenação por bolha
 - □ É um dos algoritmos de ordenação mais conhecidos que existem
 - Remete a idéia de bolhas flutuando em um tanque de água em direção ao topo até encontrarem o seu próprio nível (ordenação crescente)

13

Funcionamento

- Compara pares de valores adjacentes e os troca de lugar se estiverem na ordem errada
 - Trabalha de forma a movimentar, uma posição por vez, o maior valor existente na porção não ordenada de um array para a sua respectiva posição no array ordenado
- Esse processo se repete até que mais nenhuma troca seja necessária
 - Elementos já ordenados

Algoritmo Bubble Sort

14

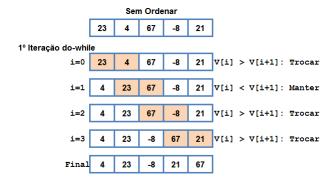
Algoritmo

```
42 | woid bubbleSort(int *V , int N) {
        int i, continua, aux, fim = N;
44 ⊟
45
            continua = 0;
46 ⊟
            for(i = 0; i < fim-1; i++) {
47 🗏
                 if (V[i] > V[i+1]){
48
                     aux = V[i];
                                              Troca dois valores
49
                     V[i] = V[i+1];
                     V[i+1] = aux;
50
                                            consecutivos no vetor
51
                     continua = i;
52
53
54
             fim--;
55
56 }
         }while(continua != 0);
                                                      67
                                                                 21
                                           23
                                                 4
                                                            -8
                                                 23
                                                      67
                                                            -8
                                                                 21
```

15

Passo a passo

1º iteração do-while: encontra o maior valor e o movimenta até a última posição

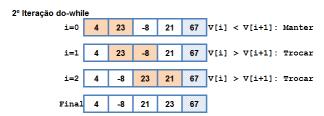


Algoritmo Bubble Sort

16

Passo a passo

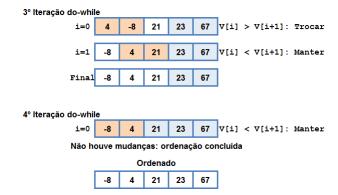
2º iteração do-while: encontra o segundo maior valor e o movimenta até a penúltima posição



17

Passo a passo

 Processo continua até todo o array estar ordenado



Algoritmo Bubble Sort

18

Vantagens

- Simples e de fácil entendimento e implementação
- Está entre os métodos de ordenação mais difundidos existentes

Desvantagens

- □ Não é um algoritmo eficiente
 - Sua eficiência diminui drasticamente a medida que o número de elementos no array aumenta
 - É estudado apenas para fins de desenvolvimento de raciocínio

19

- Complexidade
 - Considerando um array com N elementos, o tempo de execução é:
 - **O(N)**, melhor caso: os elementos já estão ordenados.
 - O(N²), pior caso: os elementos estão ordenados na ordem inversa.
 - O(N2), caso médio.

Algoritmo Selection Sort

- Também conhecido como ordenação por seleção
 - É outro algoritmo de ordenação bastante simples
 - A cada passo ele seleciona o melhor elemento para ocupar aquela posição do array
 - Maior ou menor, dependendo do tipo de ordenação
 - Na prática, possui um desempenho quase sempre superior quando comparado com o bubble sort

Algoritmo Selection Sort

21

Funcionamento

- A cada passo, procura o menor valor do array e o coloca na primeira posição do array
 - Divide o array em duas partes: a parte ordenada, a esquerda do elemento analisado, e a parte que ainda não foi ordenada, a direita do elemento.
- Descarta-se a primeira posição do array e repetese o processo para a segunda posição
- Isso é feito para todas as posições do array

Algoritmo Selection Sort

22

Algoritmo

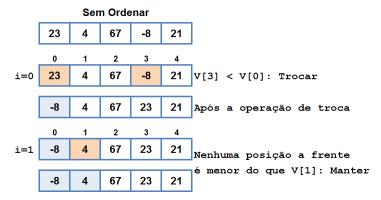
```
75 = void selectionSort(int *V, int N) {
          int i, j, menor, troca;
for(i = 0; i < N-1; i++) {</pre>
76
77 😑
78
               menor = i;
                                                    Procura o menor
               for(j = i+1; j < N; j++) {
    if(V[j] < V[menor])</pre>
79
                                                      elemento em
80
81
                         menor = j;
                                                       relação a "i"
82
               if(i != menor) {
83
                                                    Troca os valores
84
                    troca = V[i];
85
                    V[i] = V[menor];
                                                    da posição atual
86
                    V[menor] = troca;
                                                     com a "menor"
87
88 |
                   23
                                67
                                       -8
                                             21
                    -8
                                67
                                             21
```

Algoritmo Selection Sort

23

Passo a passo

 Para cada posição i, procura no restante do array o menor valor para ocupá-la

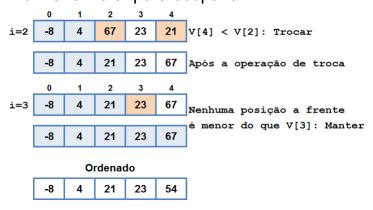


Algoritmo Selection Sort

24

Passo a passo

Para cada posição i, procura no restante do array o menor valor para ocupá-la



Algoritmo Selection Sort

25

- Vantagem
 - □ Simples de ser implementado
 - Não requer memória adicional

Desvantagens

- Sua eficiência diminui drasticamente a medida que o número de elementos no array aumenta
 - Não é recomendado para aplicações que que envolvam grandes quantidade de dados ou que precisem de velocidade

Algoritmo Selection Sort

26

Complexidade

- Considerando um array com N elementos, o tempo de execução é sempre de ordem O(N²)
 - A eficiência do selection sort não depende da ordem inicial dos elementos
- Melhor do que o bubble sort
 - Apesar de possuírem a mesma complexidade no caso médio, na prática o selection sort quase sempre supera o desempenho do bubble sort pois envolve um número menor de comparações

27

- Também conhecido como ordenação por inserção
 - Similar a ordenação de cartas de baralho com as mãos

 Pegue uma carta de cada vez e a insira em seu devido lugar, sempre deixando as cartas da mão em ordem

Algoritmo Insertion Sort

28

Funcionamento

- O algoritmo percorre o array e para cada posição
 X verifica se o seu valor está na posição correta
 - Isso é feito andando para o começo do array a partir da posição X e movimentando uma posição para frente os valores que são maiores do que o valor da posição X
 - Desse modo, teremos uma posição livre para inserir o valor da posição X em seu devido lugar

29

Algoritmo

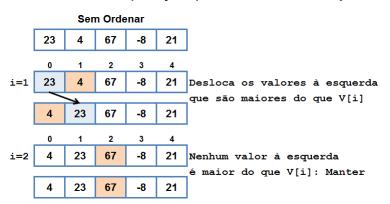
```
## State of the image of the im
```

Algoritmo Insertion Sort

30

Passo a passo

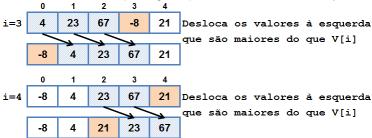
Para cada posição i, movimenta os valores maiores uma posição para frente no array



31

Passo a passo

Para cada posição i, movimenta os valores maiores uma posição para frente no array



Ordenado						
-8	4	21	23	67		

Algoritmo Insertion Sort

32

Vantagens

- □ Fácil implementação
- Na prática, é mais eficiente que a maioria dos algoritmos de ordem quadrática
 - Como o selection sort e o bubble sort.
- Um dos mais rápidos algoritmos de ordenação para conjuntos pequenos de dados
 - Superando inclusive o quick sort

33

Vantagens

- □ Estável: não altera a ordem dos dados iguais
- Online
 - Pode ordenar elementos a medida que os recebe (tempo real)
 - Não precisa ter todo o conjunto de dados para colocálos em ordem

Algoritmo Insertion Sort

34

Complexidade

- □ Considerando um array com N elementos, o tempo de execução é:
 - **O(N)**, melhor caso: os elementos já estão ordenados.
 - O(N²), pior caso: os elementos estão ordenados na ordem inversa.
 - O(N2), caso médio.

35

- Também conhecido como ordenação por intercalação
 - Algoritmo recursivo que usa a idéia de dividir para conquistar para ordenar os dados
 - Parte do princípio de que é mais fácil ordenar um conjunto com poucos dados do que um com muitos
 - O algoritmo divide os dados em conjuntos cada vez menores para depois ordená-los e combinalos por meio de intercalação (merge)

Algoritmo Merge Sort

36

Funcionamento

- Divide, recursivamente, o array em duas partes
 - Continua até cada parte ter apenas um elemento
- Em seguida, combina dois array de forma a obter um array maior e ordenado
 - A combinação é feita intercalando os elementos de acordo com o sentido da ordenação (crescente ou decrescente)
- Este processo se repete até que exista apenas um array

37

- Algoritmo usa 2 funções
 - mergeSort : divide os dados em arrays cada vez menores
 - merge: intercala os dados de forma ordenada em um array maior

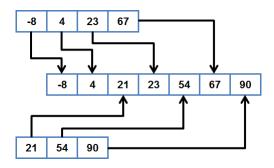
```
23
24 = void mergeSort(int *V, int inicio, int fim) {
25
        int meio:
26 ⊟
         if(inicio < fim) {</pre>
                                                   Chama a função
27
            meio = floor((inicio+fim)/2);
28
                                                  para as 2 metades
            mergeSort(V,inicio,meio);
29
            mergeSort(V, meio+1, fim);
30
            merge(V, inicio, meio, fim);
31
                                       Combina as 2 metades
                                          de forma ordenada
```

Algoritmo Merge Sort

void merge(int *V, int inicio, int meio, int fim) { int *temp, p1, p2, tamanho, i, j, k;
int fim1 = 0, fim2 = 0; Algoritmo tamanho = fim-inicio+1; p1 = inicio; p2 = meio+1;temp = (int *) malloc(tamanho*sizeof(int)); if(temp != NULL) { for (i=0; i<tamanho; i++) { Combinar ordenando if(!fim1 && !fim2) { **if**(V[p1] < V[p2]) temp[i]=V[p1++]; Vetor acabou? temp[i]=V[p2++]; if(p1>meio) fim1=1; if(p2>fim) fim2=1; else Copia o que sobrar if(!fim1) temp[i]=V[p1++];temp[i]=V[p2++];Copiar do auxiliar para o original for(j=0, k=inicio; j<tamanho; j++, k++)</pre> $\tilde{V}[k] = temp[j];$ free (temp);

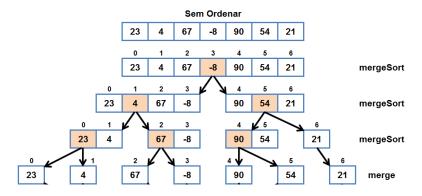
39

- Passo a passo: função merge
 - Intercala os dados de forma ordenada em um array maior
 - Utiliza um array auxiliar



Algoritmo Merge Sort

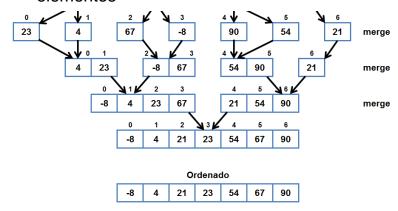
- □ Passo a passo
 - Divide o array até ter N arrays de 1 elemento cada



41

Passo a passo

 Intercala os arrays até obter um único array de N elementos



Algoritmo Merge Sort

42

Complexidade

- Considerando um array com N elementos, o tempo de execução é de ordem O(N log N) em todos os casos
- Sua eficiência não depende da ordem inicial dos elementos
 - No pior caso, realiza cerca de 39% menos comparações do que o quick sort no seu caso médio
 - Já no seu melhor caso, o merge sort realiza cerca de metade do número de iterações do seu pior caso

43

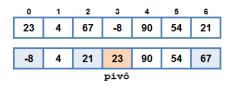
- Vantagens
 - □ Estável: não altera a ordem dos dados iguais
- Desvantagens
 - Possui um gasto extra de espaço de memória em relação aos demais métodos de ordenação
 - Ele cria uma cópia do array para cada chamada recursiva
 - Em outra abordagem, é possível utilizar um único array auxiliar ao longo de toda a sua execução

Algoritmo Quick Sort

- Também conhecido como ordenação por partição
 - É outro algoritmo recursivo que usa a idéia de dividir para conquistar para ordenar os dados
 - Se baseia no problema da separação
 - Em inglês, partition subproblem

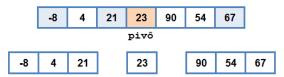
45

- Problema da separação
 - □ Em inglês, partition subproblem
 - Consiste em rearranjar o array usando um valor como pivô
 - Valores menores do que o pivô ficam a esquerda
 - Valores maiores do que o pivô ficam a direita



Algoritmo Quick Sort

- □ Funcionamento
 - □ Um elemento é escolhido como pivô
 - Valores menores do que o pivô são colocados antes dele e os maiores, depois
 - Supondo o pivô na posição X, esse processo cria duas partições: [0,...,X-1] e [X+1,...,N-1].
 - Aplicar recursivamente a cada partição
 - Até que cada partição contenha um único elemento



47

- Algoritmo usa 2 funções
 - quickSort : divide os dados em arrays cada vez menores
 - particiona: calcula o pivô e rearranja os dados

```
pivoid quickSort(int *V, int inicio, int fim) {
    int pivo;
    if(fim > inicio) {
        pivo = particiona(V, inicio, fim);|
        quickSort(V, inicio, pivo-1);
        quickSort(V, pivo+1, fim);
    }
    Chama a função
    Separa os dados
    em 2 partições
```

Algoritmo Quick Sort

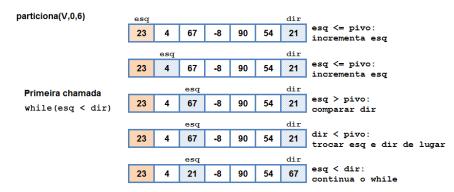
48

Algoritmo

```
19 pint particiona(int *V, int inicio, int final ) {
          int esq, dir, pivo, aux;
21
          esq = inicio;
          dir = final;
22
          pivo = V[inicio];
24 🖨
          while(esq < dir) {</pre>
              le(esq < dir) {
while(esq <= final && V[esq] <= pivo)} Avança posição
da esquerda</pre>
25
26
27
              while(dir >= 0 && V[dir] > pivo)  Recua posição
da direita
28
29
30
31 🖨
              if(esq < dir){</pre>
                  aux = V[esq];
32
                                               Trocar esq e dir
33
                   V[esq] = V[dir];
                   V[dir] = aux;
34
35
36
37
          V[inicio] = V[dir];
38
          V[dir] = pivo;
39
         return dir;
40
```

49

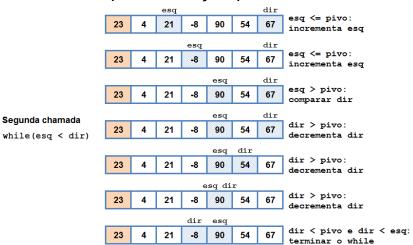
□ Passo a passo: função particiona



Algoritmo Quick Sort

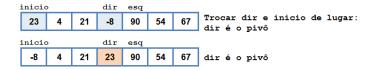
50

□ Passo a passo: função particiona



51

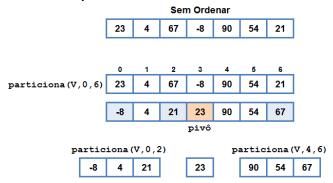
Passo a passo: função particiona



Algoritmo Quick Sort

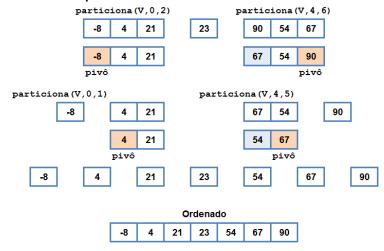
52

□ Passo a passo



53

Passo a passo



Algoritmo Quick Sort

54

Complexidade

- □ Considerando um array com N elementos, o tempo de execução é:
 - O(N log N), melhor caso e caso médio;
 - O(N2), pior caso.
- Em geral, é algoritmo muito rápido. Porém, é um algoritmo lento em alguns casos especiais
 - Por exemplo, quando o particionamento não é balanceado

55

Desvantagens

- Não é um algoritmo estável
- Como escolher o pivô?
 - Existem várias abordagens diferentes
 - No pior caso o pivô divide o array de N em dois: uma partição com N-1 elementos e outra com 0 elementos
 - Particionamento não é balanceado
 - Quando isso acontece a cada nível da recursão, temos o tempo de execução de O(N²)

Algoritmo Quick Sort

56

Desvantagens

- No caso de um particionamento n\u00e3o balanceado, o insertion sort acaba sendo mais eficiente que o quick sort
 - O pior caso do quick sort ocorre quando o array já está ordenado, uma situação onde a complexidade é O(N) no insertion sort

Vantagem

 Apesar de seu pior caso ser quadrático, costuma ser a melhor opção prática para ordenação de grandes conjuntos de dados

57

- Também conhecido como ordenação por contagem
 - Algoritmo de ordenação para valores inteiros
 - Esse valores devem estar dentro de um determinado intervalo
 - A cada passo ele conta o número de ocorrências de um determinado valor no array

Algoritmo Counting Sort

- Funcionamento
 - □ Usa um array auxiliar de tamanho igual ao maior valor a ser ordenado, **K**
 - O array auxiliar é usado para contar quantas vezes cada valor ocorre
 - Valor a ser ordenado é tratado como índice.
 - □ Percorre o array auxiliar verificando quais valores existem e os coloca no array ordenado

59

Algoritmo

```
#define K 100
void countingSort(int *V, int N) {
    int i, j, k;
    int baldes [K];
    for(i = 0; i < K; i++)
        baldes[i] = 0;
    for(i = 0; i < N; i++)
        baldes[V[i]]++;

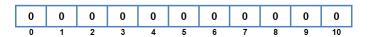
    for(i = 0, j = 0; j < K; j++)
        for(k = baldes[j]; k > 0; k--)
        V[i++] = j;
}
```

Algoritmo Counting Sort

60

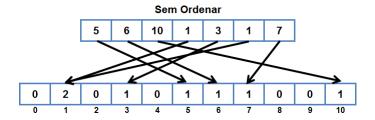
Passo a passo





61

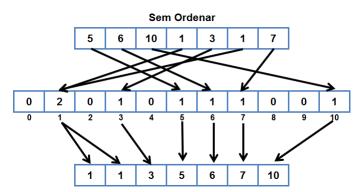
□ Passo a passo



Algoritmo Counting Sort

62

□ Passo a passo



63

- Complexidade
 - Complexidade linear
 - Considerando um array com N elementos e o maior valor sendo K, o tempo de execução é sempre de ordem O(N+K)
 - K é o tamanho do array auxiliar

Algoritmo Counting Sort

- Vantagem
 - Estável: não altera a ordem dos dados iguais
 - Processamento simples
- Desvantagens
 - Não recomendado para grandes conjuntos de dados (K muito grande)
 - Ordena valores inteiros positivos (pode ser modificado para outros valores)

65

- Também conhecido como ordenação usando baldes
 - Algoritmo de ordenação para valores inteiros
 - Usa um conjunto de K baldes para separar os dados
 - A ordenação dos valores é feita por balde

Algoritmo Bucket Sort

- ¬ Funcionamento
 - Distribui os valores a serem ordenados em um conjunto de baldes.
 - Cada balde é um array auxiliar
 - Cada balde guarda uma faixa de valores
 - Ordena os valores de cada balde.
 - Isso é feito usando outro algoritmo de ordenação ou ele mesmo
 - Percorre os baldes e coloca os valores de cada balde de volta no array ordenado

67

Algoritmo

```
#define TAM 5 // tamanho do balde
struct balde{
    int gtd;
    int valores[TAM];
void bucketSort(int *V, int N) {
    int i, j, maior, menor, nroBaldes, pos;
    struct balde *bd;
    // Acha maior e menor valor
    maior = menor = V [0];
    for(i = 1; i < N; i++)
       if(V[i] > maior) maior = V[i];
        if(V[i] < menor) menor = V[i];</pre>
    // Inicializa baldes
    nroBaldes = (maior - menor) / TAM + 1;
    bd = (struct balde *) malloc(nroBaldes * sizeof(struct balde));
    for(i = 0; i < nroBaldes; i++)</pre>
        bd[i].qtd = 0;
```

Algoritmo Bucket Sort

68

Algoritmo

```
// Distribul os valores nos baldes
for(i = 0; i < N; i++) {
    pos = (V[i] - menor) / TAM;
    bd[pos].valores[bd[pos].qtd] = V[i];
    bd[pos].qtd++;
}
// Ordena baldes e colore no array
pos = 0;
for(i = 0; i < nroBaldes; i++) {
    insertionSort(bd[i].valores,bd[i].qtd);
    for (j = 0; j < bd[i].qtd; j++) {
        V[pos] = bd[i].valores[j];
        pos++;
    }
}
free(bd);</pre>
```

69

□ Passo a passo

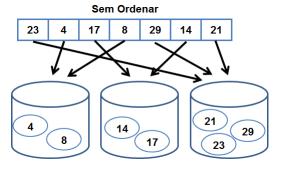
Sem Ordenar								
23	4	17	8	29	14	21		



Algoritmo Bucket Sort

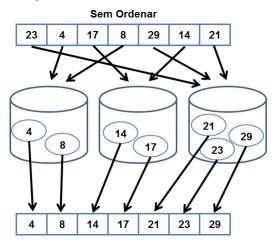
70

□ Passo a passo



71

Passo a passo



Algoritmo Bucket Sort

72

Vantagem

- □ Estável: não altera a ordem dos dados iguais
 - Exceto se usar um algoritmo não estável nos baldes
- Processamento simples
- □ Parecido com o Counting Sort
 - Mas com baldes mais sofisticados

Desvantagens

- Dados devem estar uniformemente distribuídos
- Não recomendado para grandes conjuntos de dados
- □ Ordena valores inteiros positivos (pode ser

73

- Complexidade
 - Considerando um array com N elementos e K baldes, o tempo de execução é
 - O(N+K), melhor caso: dados estão uniformemente distribuídos
 - □ O(N²), pior caso: todos os elementos são colocados no mesmo balde

Ordenação de array de struct

- A ordenação de um array de inteiros é uma tarefa simples
 - Na prática, trabalhamos com dados um pouco mais complexos, como estruturas
 - Mais dados para manipular

```
11 | struct aluno{

12 | int matricula;

13 | char nome[30];

14 | float n1,n2,n3;
```

Ordenação de array de struct

75

Como fazer a ordenação quando o que temos é um array de struct?

struct aluno V[6]; matricula; matricula; matricula; matricula; matricula; matricula; nome[30]; nome[30]; nome[30]; nome[30]; nome[30]; n1, n2, n3; V[0] v[2] v[1] v[3] v[4] v[5]

Ordenação de array de struct

76

¬ Relembrando

- □ A ordenação é baseada em uma chave
 - A chave de ordenação é o campo do item utilizado para comparação
 - Valor armazenado em um array de inteiros
 - Campo de uma struct
 - etc
 - É por meio dela que sabemos se um determinado elemento está a frente ou não de outros no conjunto

Ordenação de array de struct

77

- Ou seja, devemos modificar o algoritmo para que a comparação das chaves seja feita utilizando um determinado campo da **struct**
- Exemplo
 - Vamos modificar o insertion sort
 - Essa modificação vale para os outros métodos

```
62  woid insertionSort(int *V, int N) {
63  | int i, j, aux;
64  word for(i = 1; i < N; i++) {
65  | aux = V[i];
66  | for(j = i; (j > 0) && (aux < V[j - 1]); j--)
67  | V[j] = V[j - 1];
68  | V[j] = aux;
69  | }
70  | }
```

Ordenação de array de struct

- Duas novas formas de ordenação
 - □ Por matricula

Ordenação de array de struct

79

- Duas novas formas de ordenação
 - Por nome

Material Complementar

- Vídeo Aulas
 - Aula 47: Ordenação de Vetores:
 - youtu.be/vPHHV6iAU2E
 - Aula 48: Ordenação: BubbleSort:
 - youtu.be/qU8N_bmebQ4
 - Aula 49: Ordenação: InsertionSort:
 - youtu.be/79buQYoWszA
 - Aula 50: Ordenação: SelectionSort:
 - youtu.be/zjcGGqskf5s
 - Aula 51: Ordenação: MergeSort:
 - youtu.be/RZbg5oT5Fgw
 - Aula 52: Ordenação: QuickSort:
 - youtu.be/spywQ2ix Co

Material Complementar

- Vídeo Aulas
 - Aula 53: Ordenação: HeapSort:
 - youtu.be/zSYOMJ1E52A
 - Aula 54: Ordenação em Vetor de Struct:
 - youtu.be/LFs-sIQesVw
 - Aula 55: Ordenação Usando a função qsort():
 - youtu.be/HtvfgqO0IM4
 - □ Aula 123 Ordenação: CountingSort:
 - youtu.be/En8daEdcpJU
 - □ Aula 124 Ordenação: BucketSort:
 - youtu.be/4J89y2Pv_qM