

数据结构与算法本身解决的问题是快和省的问题，即如何让代码运行的更快，如何让代码更省存储空间。

一. 大 O 复杂度表示法

```
1  int cal(int n) {  
2      int sum = 0;  
3      int i = 1;  
4      for (; i <= n; ++i) {  
5          sum = sum + i;  
6      }  
7      return sum;  
8  }  
9
```

假设每行代码的运行时间为 u_time , 总执行时间 $T(n) = (2n+2) * unit_time$

可以看出所有的代码执行时间与每行代码的执行次数成正比。

所有 $T(n) = O(f(n))$; $f(n)$ 代表没行代码执行的次数总和。O 代表代码的执行时间 $T(n)$ 与 $f(n)$ 表达式成正比。

大 O 时间复杂度 实际表达代码执行时间随着数据规模增长的变化趋势，所以也叫作**渐进时间复杂度**

当 n 很大，我们只需要记住最大的量级就可以了。

二. 时间复杂度分析

2.1 只关注循环执行次数最多的一段代码

在分析一个算法，一段代码的时间复杂度的时候，只关心循环执行次数最多的那段代码就可以了。常量，低阶都可以忽略。

```

1  int cal(int n) {
2      int sum = 0;
3      int i = 1;
4      for (; i <= n; ++i) {
5          sum = sum + i;
6      }
7      return sum;
8  }
9

```

上面这段代码就可以表示为 $O(n)$

2.2 加法法则：总复杂度等于量级最大的那段代码的复杂度。

```

int cal(int n) {
    int sum_1 = 0;
    int p = 1;
    for (; p < 100; ++p) {
        sum_1 = sum_1 + p;
    }

    int sum_2 = 0;
    int q = 1;
    for (; q < n; ++q) {
        sum_2 = sum_2 + q;
    }

    int sum_3 = 0;
    int i = 1;
    int j = 1;
    for (; i <= n; ++i) {
        j = 1;
        for (; j <= n; ++j) {
            sum_3 = sum_3 + i * j;
        }
    }

    return sum_1 + sum_2 + sum_3;
}

```

```
}
```

综合，这三段代码的时间复杂度，我们取最大的量级 $O(n)$ 。就是说：总的时间复杂度等于量级最大的那段代码的时间复杂度。

2.3 乘法法则：嵌套代码的复杂度等于嵌套内外代码的复杂度的乘积。

```
int cal(int n) {  
    int ret = 0;  
    int i = 1;  
    for (; i < n; ++i) {  
        ret = ret + f(i);  
    }  
}
```

```
int f(int n) {  
    int sum = 0;  
    int i = 1;  
    for (; i < n; ++i) {  
        sum = sum + i;  
    }  
    return sum;  
}
```

上面代码的时间复杂度就是 $T(n) = T_1(n) * T_2(n) = O(n * n) = O(n^2)$ 。

三。几种常见的时间复杂度实例分析

分为两大类：多项式量级与非多项式量级（上图画波浪线的两个，带数据规模 n 的增加，执行时间会急剧增加，是非常低效的算法）

1. $O(1)$

常量级别的时间表达式

```
i=1;  
while (i <= n) {  
    i = i * 2;  
}
```

2. $O(\log n)$ 、 $O(n \log n)$

```
i=1;  
while (i <= n) {  
    i = i * 2;  
}
```

如果一段代码的时间复杂度是 $O(\log n)$ ，我们循环执行 n 遍，时间复杂度就是 $O(n \log n)$ 了。

3. $O(m+n)$ 、 $O(m*n)$

```
int cal(int m, int n) {  
    int sum_1 = 0;  
    int i = 1;  
    for (; i < m; ++i) {  
        sum_1 = sum_1 + i;  
    }  
  
    int sum_2 = 0;  
    int j = 1;  
    for (; j < n; ++j) {  
        sum_2 = sum_2 + j;  
    }  
  
    return sum_1 + sum_2;  
}
```

我们无法事先评估 m 和 n 谁的量级大

所以，上面代码的时间复杂度就是 $O(m+n)$ 。

我们需要将加法规则改为： $T1(m) + T2(n) = O(f(m) + g(n))$ 。但是乘法法则继续有效： $T1(m)*T2(n) = O(f(m) * g(n))$ 。

四。空间复杂度分析

时间复杂度的全称是渐进时间复杂度，表示算法的执行时间与数据规模之间的增长关系。

空间复杂度全称就是渐进空间复杂度，表示算法的存储空间与数据规模之间的增长关系。

```
void print(int n) {  
    int i = 0;  
    int[] a = new int[n];  
    for (i; i < n; ++i) {  
        a[i] = i * i;  
    }  
  
    for (i = n-1; i >= 0; --i) {  
        print out a[i]  
    }  
}
```

第 3 行申请了一个大小为 n 的 `int` 类型数组，除此之外，剩下的代码都没有占用更多的空间，所以整段代码的空间复杂度 $O(n)$ 。

我们常见的空间复杂度就是 $O(1)$ 、 $O(n)$ 、 $O(n^2)$ ，像 $O(\log n)$ 、 $O(n \log n)$ 这样的对数阶复杂度平时都用不到。

越高阶复杂度的算法，执行效率越低。常见的复杂度并不多，从低阶到高阶有： $O(1)$ 、 $O(\log n)$ 、 $O(n)$ 、 $O(n \log n)$ 、 $O(n^2)$