

## 练习4.2.1:

**使得文法的预测分析产生回溯的原因是什么？仅使用FIRST集合可以避免回溯吗？为什么？**

原因：这是因为文法的不确定性，避免回溯要求：对文法的任何非终结符，当它要去匹配输入串时，能够根据它所面临的输入符号准确地指派它的一个候选去执行任务，并且此候选的工作结果应是确信无疑的。

仅使用FIRST集合是不能避免回溯的，首先它们的FIRST集合不能相交，且要求对于任意非终结符两个不同产生式  $A \rightarrow \alpha \mid \beta$  的情况如果有  $\epsilon \in \text{FIRST}(\beta)$ ，还需要有  $\text{FOLLOW}(A)$  和  $\text{FIRST}(\alpha)$  不相交（否则依然不知道该选择哪个产生式）。也即LL(1)文法的定义。

LL(1)文法需满足： $\text{FIRST}(\alpha) \cap \text{FIRST}(\beta) = \emptyset$ ；如果 $\epsilon$ 在 $\text{FIRST}(\beta)$ 中，那么 $\text{FIRST}(\alpha)$ 和 $\text{FOLLOW}(A)$ 是不相交的集合，并且当 $\epsilon$ 在 $\text{FIRST}(\alpha)$ 中，类似成立。

## 练习4.2.2:

**考虑文法：**

```
lexp → atom | list  
atom → number | identifier  
list → (lexp-seq)  
lexp-seq → lexp-seq lexp | lexp
```

**a) 消除左递归**

仅有最后一个产生式含有左递归

```
lexp → atom | list  
atom → number | identifier  
list → (lexp-seq)  
lexp-seq → lexp lexp-seq'  
lexp-seq' → lexp lexp-seq' | ε
```

**b) 求得该文法的FIRST集合和FOLLOW集合**

假设number和identifier都是代指终结符。

$FIRST(list) = \{ ( \}$

$FIRST(atom) = \{ number, identifier \}$

$FIRST(lexp) = FIRST(atom) \cup FIRST(list) = \{ number, identifier, ( \}$

$FIRST(lexp-seq) = FIRST(lexp) = \{ number, identifier, ( \}$

$FIRST(lexp-seq') = \{ \epsilon \} \cup FIRST(lexp) = \{ \epsilon, number, identifier, ( \}$

c) 说明所得的文法是LL(1)文法

对于任何一个非终结符的两个产生式，其中的FIRST集均不相交。

如：

(1)  $lexp \rightarrow atom \mid list$ ：有  $FIRST(atom) \cap FIRST(list) = \emptyset$ 、且list 和atom皆不可导出空串；

(2)  $atom \rightarrow number \mid identifier$ ：有  $FIRST(number) \cap FIRST(identifier) = \emptyset$ 、number 和 identifier皆不可导出空串；

若存在空串，此时：

(3)  $lexp-seq' \rightarrow lexp \ lexp-seq' \mid \epsilon$ ：有  $FIRST(lexp \ lexp-seq') \cap FIRST(\epsilon) = \emptyset$ ，仅有一个产生式能导出空串。此时， $FIRST(lexp \ lexp-seq') \cap FOLLOW(lexp-seq') = \emptyset$ 。

d) 为所得的文法构造LL(1)分析表

非终结符	(	)	number	identifier	\$
lexp	lexp -> list		lexp -> atom	lexp -> atom	
atom			atom -> number	atom -> identifier	
list	list -> (lexp -> seq)				
lexp-seq	lexp-seq → lexp lexp-seq'		lexp-seq → lexp lexp-seq'	lexp-seq → lexp lexp-seq'	
lexp-seq'	lexp-seq' → lexp lexp-seq'	lexp-seq' → ε	lexp-seq' → lexp lexp-seq'	lexp-seq' → lexp lexp-seq'	

e) 对输入串(a (b (2)) (c))给出相应得LL(1)分析程序的动作

栈	输入	动作
\$lexp	(a (b (2)) (c))\$	lexp->list
\$list	(a (b (2)) (c))\$	list->(lexp-seq)

栈	输入	动作
\$)lexp-seq(	(a (b (2)) (c))\$	match
\$)lexp-seq	a (b (2)) (c))\$	lexp-seq->lexp lexp-seq'
\$)lexp-seq'lexp	a (b (2)) (c))\$	lexp->atom
\$)lexp-seq'atom	a (b (2)) (c))\$	atom->identifer
\$)lexp-seq'identifer	a (b (2)) (c))\$	match
\$)lexp-seq'	(b (2)) (c))\$	lexp-seq'->lexp lexp-seq'
\$)lexp-seq'lexp	(b (2)) (c))\$	lexp->list
\$)lexp-seq'list	(b (2)) (c))\$	list->(lexp-seq)
\$)lexp-seq')lexp-seq(	(b (2)) (c))\$	match
\$)lexp-seq')lexp-seq	b (2)) (c))\$	lexp-seq->lexp lexp-seq'
\$)lexp-seq')lexp-seq'lexp	b (2)) (c))\$	lexp->atom
\$)lexp-seq')lexp-seq'atom	b (2)) (c))\$	atom->identifer
\$)lexp-seq')lexp-seq'identifer	b (2)) (c))\$	match
\$)lexp-seq')lexp-seq'	(2)) (c))\$	lexp-seq'->lexp lexp-seq'
\$)lexp-seq')lexp-seq'lexp	(2)) (c))\$	lexp->list
\$)lexp-seq')lexp-seq'list	(2)) (c))\$	list->(lexp-seq)
\$)lexp-seq')lexp-seq')lexp-seq(	(2)) (c))\$	match
\$)lexp-seq')lexp-seq')lexp-seq	2)) (c))\$	lexp-seq->lexplexp-seq'
\$)lexp-seq')lexp-seq')lexp-seq'list	2)) (c))\$	list->atom
\$)lexp-seq')lexp-seq')lexp-seq'atom	2)) (c))\$	atom->number
\$)lexp-seq')lexp-seq')lexp-seq'number	2)) (c))\$	match
\$)lexp-seq')lexp-seq')lexp-seq'	) (c))\$	lexp-seq'-> $\epsilon$
\$)lexp-seq')lexp-seq')	) (c))\$	match
\$)lexp-seq')lexp-seq'	) (c))\$	lexp-seq'-> $\epsilon$
\$)lexp-seq')	) (c))\$	match
\$)lexp-seq'	(c))\$	lexp-seq'->lexp lexp-seq'
\$)lexp-seq'lexp	(c))\$	lexp->list
\$)lexp-seq'list	(c))\$	list->(lexp-seq)
\$)lexp-seq')lexp-seq(	(c))\$	match
\$)lexp-seq')lexp-seq	c))\$	lexp-seq->lexp lexp-seq'

栈	输入	动作
\$)lexp-seq')lexp-seq'lexp	c))\$	lexp->atom
\$)lexp-seq')lexp-seq'atom	c))\$	atom->identifer
\$)lexp-seq')lexp-seq'identifer	c))\$	match
\$)lexp-seq')lexp-seq'	))\$	lexp-seq'-> $\epsilon$
\$)lexp-seq')	))\$	match
\$)lexp-seq'	)\$	lexp-seq'-> $\epsilon$
\$)	)\$	match
\$	\$	accept