

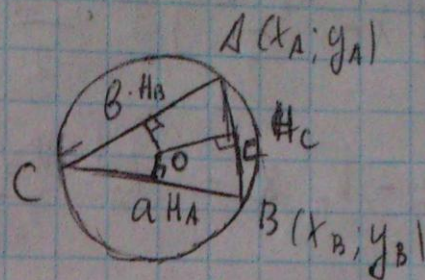
$O(x_0, y_0)$ - центр опис. окр.

№1.1

$$H_A = \left(\frac{x_B + x_C}{2}, \frac{y_B + y_C}{2} \right)$$

$$H_B = \left(\frac{x_A + x_C}{2}, \frac{y_A + y_C}{2} \right)$$

$$H_C = \left(\frac{x_A + x_B}{2}, \frac{y_A + y_B}{2} \right)$$



1) $AC = b: y = \frac{y_C - y_A}{x_C - x_A} (x - x_A) + y_A = k_B (x - x_A) + y_A$

$$k_B^\perp = \operatorname{tg} \left[\operatorname{arctg}(k_B) + \frac{\pi}{2} \right]$$

$$OH_B: y = k_B^\perp (x - H_{Bx}) + H_{By} = k_B^\perp \left(x - \frac{x_A + x_C}{2} \right) + \frac{y_A + y_C}{2}$$

2) $BC = a: y = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} (x - x_A) + y_A = k_A (x - x_A) + y_A$

$$k_A^\perp = \operatorname{tg} \left[\operatorname{arctg}(k_A) + \frac{\pi}{2} \right]$$

$$OH_A: y = k_A^\perp \left(x - \frac{x_B + x_C}{2} \right) + \frac{y_B + y_C}{2}$$

3) пересечение OH_A и OH_B

$$k_A^{\perp} \left(x - \frac{x_B + x_C}{2} \right) + \frac{y_B + y_C}{2} = k_B^{\perp} \left(x - \frac{x_A + x_C}{2} \right) + \frac{y_A + y_C}{2}$$

$$k_A^{\perp} x - k_B^{\perp} x = k_A^{\perp} \frac{x_B + x_C}{2} - k_B^{\perp} \frac{x_A + x_C}{2} + \frac{1}{2} (y_A + y_C - y_B - y_C)$$

$$x (k_A^{\perp} - k_B^{\perp}) = \frac{1}{2} \left[k_A^{\perp} (x_B + x_C) - k_B^{\perp} (x_A + x_C) + (y_A - y_B) \right]$$

$$x_0 = \frac{\frac{1}{2} \left[k_A^{\perp} (x_B + x_C) - k_B^{\perp} (x_A + x_C) + (y_A - y_B) \right]}{k_A^{\perp} - k_B^{\perp}}$$

$$y_0 = k_A^{\perp} \left(x_0 - \frac{x_B + x_C}{2} \right) + \frac{y_B + y_C}{2}$$

Ответ: $O(x_0; y_0)$

Через баранеширишине:

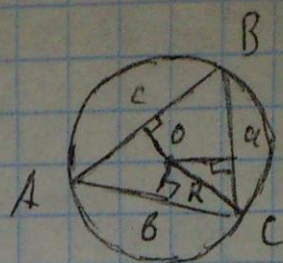
$$\lambda_1 : \lambda_2 : \lambda_3 = \frac{S_{OBC}}{S_{ABC}} : \frac{S_{AOC}}{S_{ABC}} : \frac{S_{ABO}}{S_{ABC}}$$

$O(x_0, y_0)$ - найдены в пред. задаче

$$c = AB = \sqrt{(x_A - x_B)^2 + (y_A - y_B)^2}$$

$$b = AC = \sqrt{(x_A - x_C)^2 + (y_A - y_C)^2}$$

$$a = BC = \sqrt{(x_B - x_C)^2 + (y_B - y_C)^2}$$



• M

По теореме синусов

$$2R = \frac{a}{\sin d} \Rightarrow R = \frac{a}{2 \sin d} = \frac{abc}{2ab \sin d} = \frac{abc}{4S}$$

$$S = \sqrt{\frac{a+b+c}{2} \left(\frac{a+b+c}{2} - a \right) \left(\frac{a+b+c}{2} - b \right) \left(\frac{a+b+c}{2} - c \right)} =$$

$$= \frac{1}{4} \sqrt{(a+b+c)(-a+b+c)(a-b+c)(a+b-c)}$$

$$R = \frac{abc}{\sqrt{(a+b+c)(-a+b+c)(a-b+c)(a+b-c)}}$$

$$OM = \sqrt{(x_0 - x_M)^2 + (y_0 - y_M)^2}$$

$(OM < R) - ?$

да - лежит внутри оуп.

нет - не лежит.