Método de Jacobi

July 8, 2024

1 Algoritmo

```
Algoritmo 1: Método iterativo de Jacobi
    Entrada: n, A = [a_{ij}], \text{ donde } 1 \leq i, j \leq n, b = [b_i] \text{ donde } 1 \leq i \leq n,
                  XO = x^{(0)}, TOL y N
    Salida : x_1, x_2, ..., x_n
 1 begin
        k = 1
 \mathbf{2}
         while k \leq N do
 3
             for i = 1 to n do
 4
                x_i = \frac{1}{a_{ii}} \left[ -\sum_{\substack{j=1 \ i \neq i}}^{n} (a_{ij} X O_j) + b_i \right]
 \mathbf{5}
             if ||x - XO|| < TOL then
 6
                 Salida(x_1, x_2, \ldots, x_n)
 7
                 fin
 8
             k = k + 1
 9
             for i = 1 to n do
10
                XO_i = x_i
11
        Salida(Número máximo de iteraciones excedido.)
12
```

2 Ejercicios

1. Obtenga las dos primeras iteraciones del método de Jacobi para los siguientes sistemas lineales, use $\mathbf{x}^{(0)} = \mathbf{0}$.

$$3x_{1} - x_{2} + x_{3} = 1$$
(a)
$$3x_{1} + 6x_{2} + 2x_{3} = 0$$

$$3x_{1} + 3x_{2} + 7x_{3} = 4$$
(b)
$$-x_{1} + 10x_{2} - 2x_{3} = 7$$

$$-2x_{2} + 10x_{3} = 6$$

$$10x_{1} - x_{2} = 9$$
(c)
$$5x_{1} + 10x_{2} - 4x_{3} = 25$$

$$-4x_{2} + 8x_{3} - x_{4} = -11$$

$$-x_{3} + 5x_{4} = -11$$

$$4x_{1} + x_{2} + x_{3} + x_{5} = 6$$

$$-x_{1} - 3x_{2} + x_{3} + x_{4} = 6$$

$$-x_{1} - 3x_{2} + x_{3} + x_{4} = 6$$

$$-x_{1} - x_{2} - x_{3} + 4x_{4} = 6$$

$$2x_{2} - x_{3} + x_{4} + 4x_{5} = 6$$

2. Obtenga las dos primeras iteraciones del método de Jacobi para los siguientes sistemas lineales, use $\mathbf{x}^{(0)} = \mathbf{0}$.

$$4x_1 + x_2 - x_3 = 5$$
(a)
$$-x_1 + 3x_2 + x_3 = -4$$

$$2x_1 + 2x_2 + 5x_3 = 1$$
(b)
$$x_1 - 2x_2 - \frac{1}{2}x_3 = 4$$
(c)
$$4x_1 + x_2 - x_3 + x_4 = -2$$

$$x_1 + 4x_2 - x_3 - x_4 = -1$$

$$-x_1 - x_2 + 5x_3 + x_4 = 0$$

$$x_1 - x_2 + x_3 + 3x_4 = 1$$
(d)
$$-x_1 + 4x_2 - x_3 - x_5 = 5$$

$$-x_2 + 4x_3 - x_6 = 0$$

$$-x_1 + 4x_4 - x_5 = 6$$

$$-x_2 - x_4 + 4x_5 - x_6 = -2$$

$$-x_3 - x_5 + 4x_6 = 6$$