# Algorytmy numeryczne

#### Zadanie 3 Dawid Bińkuś & Oskar Bir & Mateusz Małecki grupa 1 tester-programista

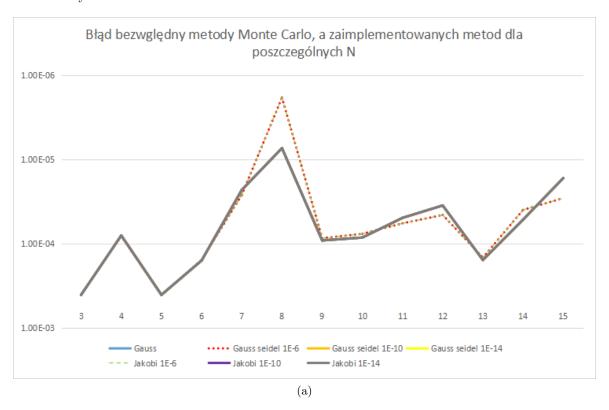
9 Grudzień 2018

# 1 Majority/Consensus problem

Sprawozdanie prezentuje analizę problemu przeprowadzenia głosowania większościowego. W tym celu, stworzony został program, który generuje układ równań dla danego ustawienia oraz oblicza prawdopodobieństwo zagłosowania na TAK.

### 2 Implementacja i możliwość stosowania metod iteracyjnych

Rysunek 1: Wykres reprezentujący błąd bezwzględny metod Gaussa oraz metod iteracyjnych względem metody MonteCarlo



## 2.1 Generowanie układu równań dla danej liczby agentów

Generowanie układu równań dla danego N odbywa się w sposób następujący:

- 1. Określenie wszystkich możliwych przypadków (ilość agentów #Y oraz ilość agentów #N),
- 2. Wyliczenie wszystkich możliwych kombinacji bez powtórzeń za pomocą Symbolu Newtona  $\binom{N}{2}$ ,
- 3. Wygenerowanie równań dla poszczególnych przypadków,
- 4. Osadzenie równań w macierzy
- 5. Wypełnienie wektora B zerami z wyjątkiem ostatniej wartości (gdyż ostatni przypadek jest zawsze przypadkiem pewnym, tj $P_{\#Y=N,\#N=0}=1$ )

#### 2.2 Prawidłowość implementacji

By zweryfikować poprawność implementacji zarówno generowania macierzy jak i obliczania stworzonego w ten sposób układu równań, wykonane zostały testy dla  $N \in [3,15]$ , których zadaniem było obliczenie wszystkich możliwych prawodopodobieństw i zestawienie ich z prawdopodobieństwem wyliczonym za pomocą metody MonteCarlo w ilości iteracji = 1000000 Błędy osiągnięte za pomocą metod Gaussa 1a osiągają wartości rzędu 1, co biorąc pod uwagę niedoskonałość metody MonteCarlo jest wynikiem jak najbardziej zadowalającym.

#### 2.3 Metody iteracyjne a problem

W celu zastosowania metod iteracyjnych, wybrane zostały dwie z nich:

• Algorytm Jacobiego z postacią iteracyjną:  $x_i^{(k+1)} = \frac{-\sum_{j=1}^n a_{ij} x_j^{\ k} + b_i}{a_{ii}}, i=1,2,...,n, j \neq i.$ 

• Algorytm Gaussa-Seidela z postacią iteracyjną:  $x_i^{(k+1)} = \frac{-\sum_{j=1}^{i-1} a_{ij} x_j^{(k+1)} - \sum_{j=i+1}^n a_{ij} x_j^{(k)} + b_i}{a_{ii}}$ 

Wnioskując z wykresu 1a możemy śmiało stwierdzić, iż metody iteracyjne są jak najbardziej słusznym sposobem na rozwiązanie problemu. Jednakże, najistotniejszym czynnikiem w przypadku ich działania jest zakładana dokładność obliczeń, tj $X^{(k+1)} - X^{(k)}$ . W przypadku zadanej dokładności równej 1-E6 zauważyć można że, różnice względem wartości wyliczonej za pomocą metody MonteCarlo są większe niż w przypadku metod iteracyjnych z większą zadaną dokładnością (1-E10, 1-E14).

Wniosek 1 Metody iteracyjne umożliwiają rozwiązanie problemu aczkolwiek, by osiągnąć dokładniejsze wyniki, należy zwiększyć dokładność, a co za tym idzie - liczbę iteracji, co znacząco wydłuża czas działania algorytmu.

### 3 Podział pracy

Dawid Bińkuś	Oskar Bir	Mateusz Małecki