

FIUBA - 71.14 Modelos y Optimización I

Trabajo práctico 2 1er cuatrimestre, 2019

Nombre	Padrón	Mail
FERREYRA, Javier	100680	javiferreyra97@gmail.com
GERSTNER, Facundo	96255	facugerstner29@gmail.com

Fecha de entrega: 9 de Junio de 2019

Tutor:

Comentarios:

ÍNDICE ÍNDICE

${\bf \acute{I}ndice}$

1.	Part	te A	2
	1.1.	Análisis	2
	1.2.	Objetivo	2
		Hipótesis	2
	1.4.	Variables	2
	1.5.	Constantes	3
	1.6.	Modelo matemático	4
	1.7.	Adaptación en GLPK	5
	1.8.	Resultados	5
		1.8.1. Resultados con 0 suplentes	5
		1.8.2. Resultados con 2 suplentes	13
		1.8.3. Resultados con 4 suplentes	22
		1.8.4. Resultados con 6 suplentes	32
			42
	1.9.	Problemas encontrados	43
2.	Par	te B	14
	2.1.	Preguntas	44
3	Rofe	oroncies A	15

1. Parte A

1.1. Análisis

El problema que se nos presenta se trata de encontrar la solución óptima para el GranDT, teniendo la lista de jugadores y el puntaje que obtuvo cada uno en cada fecha del torneo. Las limitaciones que tenemos son:

- Presupuesto de \$65.000.000.
- Deben ser exactamente N suplentes, y deben estar distribuidos lo más equitativamente posible entre las posiciones en el campo.
- Límite de jugadores que se pueden comprar y vender en cada fecha.
- No se pueden tener mas de 3 futbolistas que jueguen en el mismo club.

Para la resolución del presente problema, en un principio, se planteo el problema de la compra/venta de jugadores con expresiones or y and 1 :

- Si el jugador no fue vendido y estaba en la fecha pasada =>esta en la fecha actual
- Si el jugador no estaba en la fecha pasada y fue comprado =>esta en la fecha actual

A partir del or de las expresiones anteriores se determinaba cuando un jugador estaba presente en una fecha (variable binaria). El problema con este enfoque fue el tiempo de corrida el cual superaba las tres horas. Por este motivo se opto por el modelo que se presenta 2 .

1.2. Objetivo

Decidir que jugadores comprar y que jugadores vender en cada fecha, cuales de ellos son titulares y cuales suplentes en cada fecha y el capitán de cada fecha. Para obtener la mayor puntuación posible durante todo el torneo.

1.3. Hipótesis

- No se puede vender y comprar (o viceversa) al mismo jugador en la misma fecha.
- En un partido sólo suman puntos los titulares.
- No hay límite de la cantidad de veces que puedo comprar o vender a un jugador durante todo el torneo.

1.4. Variables

- $Y_{i,j}$: Jugador i forma parte del equipo en la fecha j (binaria)
- $L_{i,i}$: Jugador i es capitán en la fecha j (binaria)
- $T_{i,j}$: Jugador i es titular en la fecha j (binaria)
- $C_{i,j}$: Jugador i es comprado en la fecha j (binaria)
- ullet $V_{i,j}$: Jugador i es vendido en la fecha j (binaria)
- cant sup_i: Cantidad de suplentes que juegan en la posición i (entera)
- $defecto_{i,j}$: Diferencia entre la cantidad de suplentes que juegan en la posición i y los que juegan en la j (binaria)

¹https://github.com/javier2409/Modelos1/blob/7cd81c057f71acae158a23c5997bd3ea2a3d53b5/TP2/parte1.

²https://github.com/javier2409/Modelos1/blob/master/TP2/parte1.mod

1 PARTE A 1.5 Constantes

1.5. Constantes

Conjuntos

 \blacksquare Clubes

Club
Aldosivi de MdP
Argentinos Juniors
Arsenal FC
Atlético de Rafaela
Banfield
Belgrano de Cba
Boca Juniors
Colón de Santa Fe
Crucero del Norte
Defensa y Justicia
Estudiantes LP
Gimnasia LP
Godoy Cruz AT
Huracán
Independiente
Lanús
Newells Old Boys
Nueva Chicago
Olimpo de BB
Quilmes AC
Racing Club
River Plate
Rosario Central
San Lorenzo de A
San Martín SJ
Sarmiento de Junín
Temperley
Tigre
Unión de Santa Fe
Vélez Sarsfield

Cuadro 1: Clubes

Posiciones

Posición
ARQ
DEF
VOL
DEL

Cuadro 2: Posiciones

- Jugadores = 1..1016
- Fechas = 1..15

Constantes

- posicion_i: Posición del jugador i
- \bullet $club_i$: Club al que pertenece el jugador i
- precio_i: Cotización del jugador i
- $p_{i,j}$: Puntos del jugador i en la fecha j
- \blacksquare $CANT_SUPLENTES$: Cantidad de suplentes que se deben tener en cada partido.
- ullet cant tit_i : Cantidad de titulares en la posición i.

1.6. Modelo matemático

Cantidad total de jugadores

$$\sum_{\forall i \in Jugadores} (Y_{i,j} = 11 + CANT_SUPLENTES), \forall j \in Partidos$$
 (1)

Cantidad de jugadores comprados por fecha

$$\sum_{\forall i \in Jugadores} C_{i,j} \le 4, \forall j \in Partidos : j > 1$$
 (2)

Cantidad de jugadores vendidos por fecha

$$\sum_{\forall i \in Jugadores} V_{i,j} \le 4, \forall j \in Partidos : j > 1$$
(3)

Si está en el equipo lo compré

$$Y_{i,j} = \sum_{\forall k \in Partidos: k \leq j} C_{i,k} - \sum_{\forall k \in Partidos: k \leq j} V_{i,k}, \forall j \in Partidos, i \in Jugadores \tag{4}$$

No comprar y vender al mismo jugador

$$V_{i,j} + C_{i,j} \le 1, \forall j \in Partidos, i \in Jugadores$$
 (5)

Limite por club

$$\sum_{\forall i \in Jugadores: club(i) = j} Y_{i,p} \le 3, \forall j \in Clubes, p \in Partidos$$
 (6)

Limite por posición

$$\sum_{\forall i \in Jugadores: posicion(i) = p} Y_{i,j} = cant_tit_p + cant_sup_p, \forall j \in Partidos, p \in Posiciones \quad \ (7)$$

Capitan es del equipo

$$L_{i,j} \le Y_{i,j}, \forall j \in Partidos, i \in Jugadores$$
 (8)

Capitan es titular

$$L_{i,j} \le T_{i,j}, \forall j \in Partidos, i \in Jugadores$$
 (9)

Titular es del equipo

$$T_{i,j} \le Y_{i,j}, \forall j \in Partidos, i \in Jugadores$$
 (10)

Once titulares

$$\sum_{\forall i \in Jugadores} T_{i,j} = 11, \forall j \in Partidos$$
(11)

Cantidad de titulares por posición

$$\sum_{\forall i \in Jugadores: posicion_i = p} T_{i,j} = cant_tit_p, \forall j \in Partidos, p \in Posiciones$$
 (12)

Un capitán por partido

$$\sum_{\forall i \in Jugadores} L_{i,j} = 1, \forall j \in Partidos$$
(13)

Cantidad de suplentes

$$\sum_{\forall i \in Posiciones} cant_sup_i = CANT_SUPLENTES \tag{14}$$

Distribución equitativa suplentes

$$cant_sup_i + defecto_{i,j} = cant_sup_j + defecto_{j,i}, \forall (i,j) \in Posiciones \times Posiciones : j \neq i$$
 (15)

Defecto de un solo lado

$$defecto_{i,j} + defecto_{j,i} \le 1, \forall (i,j) \in Posiciones \times Posiciones : j \ne i$$
 (16)

Limite de presupuesto

$$\sum_{\forall i \in Jugadores} Y_{i,j} \le 65000000, \forall j \in Partidos$$
 (17)

Funcional

$$Z = \sum_{\forall i \in Jugadores \ \forall j \in Partidos} T_{i,j} \cdot p_{i,j} + L_{i,j} \cdot p_{i,j}$$

$$\tag{18}$$

1.7. Adaptación en GLPK

El archivo completo del modelo escrito en GLPK se encuentra en el repositorio de GitHub [2]

1.8. Resultados

1.8.1. Resultados con 0 suplentes

Tiempo de corrida: 463 segundos (8 minutos aprox)

Valor del funcional: 2697

***Titulares:		
Escudero	Sergio	DEF
Díaz	Daniel	DEF
Bertochi	Nicolás	VOL
Damonte	Israel	VOL
Albertengo	Lucas	DEL
Rodríguez	Maxi	VOL
Gutiérrez	Teófilo	DEL
Donatti	Alejandro	DEF

Cervi	Franco	DEL
López	Ramiro	VOL
Crivelli	Federico	ARQ
***Compra	ados:	
Escudero	Sergio	DEF
Díaz	Daniel	DEF
Bertochi	Nicolás	VOL
Damonte	Israel	VOL
Albertengo	Lucas	DEL
Rodríguez	Maxi	VOL
Gutiérrez	Teófilo	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Cervi	Franco	DEL
López	Ramiro	VOL
Crivelli	Federico	ARQ
***Capitan		
Albertengo	Lucas	DEL

Partido 2

***Titulares:		
Nicolás	VOL	
Sergio	DEF	
Guillermo	ARQ	
Daniel	DEF	
David	VOL	
Nicolás	VOL	
Maxi	VOL	
Teófilo	DEL	
Alejandro	DEF	
Franco	DEL	
Franco	DEL	
ados:		
Nicolás	VOL	
Guillermo	ARQ	
David	VOL	
Franco	DEL	
os:		
Israel	VOL	
Lucas	DEL	
Ramiro	VOL	
Federico	ARQ	
Federico Nicolás	ARQ	
	Nicolás Sergio Guillermo Daniel David Nicolás Maxi Teófilo Alejandro Franco Franco Guillermo David Franco David Franco David Franco Lucas	

***Titulares:		
Martínez	Roger	DEL
Bertolo	Nicolás	VOL
Escudero	Sergio	DEF

Sara	Guillermo	ARQ
Díaz	Daniel	DEF
Mancuello	Federico	VOL
Rodríguez	Maxi	VOL
Mora	Rodrigo	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Niell	Franco	DEL
Núñez	Gervasio	VOL
***Compr	ados:	
Martínez	Roger	DEL
Mancuello	Federico	VOL
Mora	Rodrigo	DEL
Núñez	Gervasio	VOL
***Vendid	los:	
Ramírez	David	VOL
Bertochi	Nicolás	VOL
Gutiérrez	Teófilo	DEL
Cervi	Franco	DEL
***Capitan		
Mora	Rodrigo	DEL

Partido 4

***Titulares:		
Martínez	Roger	DEL
Escudero	Sergio	DEF
Díaz	Daniel	DEF
Arias	Gabriel	ARQ
Rodríguez	Maxi	VOL
Mora	Rodrigo	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Ruben	Marco	DEL
Blanco	Sebastián	VOL
Núñez	Gervasio	VOL
Malcorra	Ignacio	VOL
***Compr	ados:	
Arias	Gabriel	ARQ
Ruben	Marco	DEL
Blanco	Sebastián	VOL
Malcorra	Ignacio	VOL
***Vendid	los:	
Bertolo	Nicolás	VOL
Sara	Guillermo	ARQ
Mancuello	Federico	VOL
Niell	Franco	DEL
***Capitan		
Ruben	Marco	DEL

***Titulares:		
Carrera	Ramiro	VOL

Cazares	Juan	VOL		
Escudero	Sergio	DEF		
Díaz	Daniel	DEF		
Arias	Gabriel	ARQ		
Melano	Lucas	DEL		
Mora	Rodrigo	DEL		
Donatti	Alejandro	DEF		
Matos	Mauro	DEL		
Núñez	Gervasio	VOL		
Malcorra	Ignacio	VOL		
***Compi	***Comprados:			
Carrera	Ramiro	VOL		
Cazares	Juan	VOL		
Melano	Lucas	DEL		
Matos	Mauro	DEL		
***Vendic	los:			
Martínez	Roger	DEL		
Rodríguez	Maxi	VOL		
Ruben	Marco	DEL		
Blanco	Sebastián	VOL		
***Capitan				
Melano	Lucas	DEL		

***Titulares:			
Cazares	Juan	VOL	
Escudero	Sergio	DEF	
Márquez	Fernando	DEL	
Arias	Gabriel	ARQ	
Abila	Ramón	DEL	
Ayala	Víctor	VOL	
Donatti	Alejandro	DEF	
Matos	Mauro	DEL	
Núñez	Gervasio	VOL	
Malcorra	Ignacio	VOL	
Amor	Emiliano	DEF	
***Comp	***Comprados:		
Márquez	Fernando	DEL	
Abila	Ramón	DEL	
Ayala	Víctor	VOL	
Amor	Emiliano	DEF	
***Vendi	dos:		
Carrera	Ramiro	VOL	
Díaz	Daniel	DEF	
Melano	Lucas	DEL	
Mora	Rodrigo	DEL	
***Capitan			
Abila	Ramón	DEL	

Partido 7

***Titulares:		
Márquez	Fernando	DEL
Meli	César	VOL
Arias	Gabriel	ARQ
Fernández	Ignacio	VOL
Cavenaghi	Fernando	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Matos	Mauro	DEL
Delgado	Daniel	DEF
Núñez	Gervasio	VOL
Malcorra	Ignacio	VOL
Amor	Emiliano	DEF
***Compr	ados:	
Meli	César	VOL
Fernández	Ignacio	VOL
Cavenaghi	Fernando	DEL
Delgado	Daniel	DEF
***Vendid	los:	
Cazares	Juan	VOL
Escudero	Sergio	DEF
Abila	Ramón	DEL
Ayala	Víctor	VOL
***Capitan		
Núñez	Gervasio	VOL

***Titulares:			
Silva	Santiago	DEL	
Rigoni	Emiliano	VOL	
Meli	César	VOL	
Arias	Gabriel	ARQ	
Fernández	Ignacio	VOL	
Ramírez	Rubén	DEL	
Cavenaghi	Fernando	DEL	
Donatti	Alejandro	DEF	
Gómez	José Luis	DEF	
Núñez	Gervasio	VOL	
Amor	Emiliano	DEF	
***Compr	***Comprados:		
Silva	Santiago	DEL	
Rigoni	Emiliano	VOL	
Ramírez	Rubén	DEL	
Gómez	José Luis	DEF	
***Vendid	los:		
Márquez	Fernando	DEL	
Matos	Mauro	DEL	
Delgado	Daniel	DEF	
Malcorra	Ignacio	VOL	
***Capitan			
Gómez	José Luis	DEF	

Partido 9

***Titulares:		
Silva	Santiago	DEL
Arias	Gabriel	ARQ
Fernández	Ignacio	VOL
Cavenaghi	Fernando	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Gómez	José Luis	DEF
Luna	Sebastián	VOL
Núñez	Gervasio	VOL
Sambueza	Fabián	VOL
González Pirez	Leandro	DEF
Pavone	Mariano	DEL
***Comprados	S:	
Luna	Sebastián	VOL
Sambueza	Fabián	VOL
González Pirez	Leandro	DEF
Pavone	Mariano	DEL
***Vendidos:		
***Vendidos:		
Rigoni	Emiliano	VOL
	Emiliano César	VOL VOL
Rigoni	César Rubén	
Rigoni Meli Ramírez Amor	César	VOL
Rigoni Meli Ramírez	César Rubén	VOL DEL

***Titulares:		
Cuero	Mauricio	DEL
Pavón	Cristian	VOL
Navarro	Nicolás	ARQ
Fernández	Ignacio	VOL
Cavenaghi	Fernando	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Gómez	José Luis	DEF
Luna	Sebastián	VOL
Sambueza	Fabián	VOL
González Pirez	Leandro	DEF
Triverio	Enrique	DEL
***Comprado		
Cuero	Mauricio	DEL
Pavón	Cristian	VOL
Navarro	Nicolás	ARQ
Triverio	Enrique	DEL
***Vendidos:		
Silva	Santiago	DEL
Arias	Gabriel	ARQ
Núñez	Gervasio	VOL
Pavone	Mariano	DEL
***Capitan		
Triverio	Enrique	DEL

Partido 11

***Titulares:		
Cuero	Mauricio	DEL
Zelarayán	Lucas	VOL
Burdisso	Guillermo	DEF
Pavón	Cristian	VOL
Navarro	Nicolás	ARQ
Fernández	Ignacio	VOL
Cabral	Yonathan	DEF
Gómez	José Luis	DEF
Sambueza	Fabián	VOL
Luna	Carlos	DEL
Triverio	Enrique	DEL
***Comprados	S:	
Zelarayán	Lucas	VOL
Burdisso	Guillermo	DEF
Cabral	Yonathan	DEF
Luna	Carlos	DEL
***Vendidos:		
Cavenaghi	Fernando	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Luna	Sebastián	VOL
González Pirez	Leandro	DEF
***Capitan		
Zelarayán	Lucas	VOL

***Titular	***Titulares:		
Sarulyte	Matías	DEF	
Cuero	Mauricio	DEL	
Zelarayán	Lucas	VOL	
Burdisso	Guillermo	DEF	
Llama	Cristian	VOL	
Alario	Lucas	DEL	
Navarro	Nicolás	ARQ	
Fernández	Ignacio	VOL	
Lollo	Luciano	DEF	
Sambueza	Fabián	VOL	
Triverio	Enrique	DEL	
***Compr	ados:		
Sarulyte	Matías	DEF	
Llama	Cristian	VOL	
Alario	Lucas	DEL	
Lollo	Luciano	DEF	
***Vendid	los:		
Pavón	Cristian	VOL	
Cabral	Yonathan	DEF	
Gómez	José Luis	DEF	
Luna	Carlos	DEL	
***Capitan			
Alario	Lucas	DEL	

Partido 13

***Titulares:		
Lequi	Matías	DEF
Sarulyte	Matías	DEF
Cuero	Mauricio	DEL
Llama	Cristian	VOL
Romero	Braian	VOL
Avalos	Gabriel	DEL
Navarro	Nicolás	ARQ
Fernández	Ignacio	VOL
Lollo	Luciano	DEF
Sambueza	Fabián	VOL
Pavone	Mariano	DEL
***Compr	ados:	
Lequi	Matías	DEF
Romero	Braian	VOL
Avalos	Gabriel	DEL
Pavone	Mariano	DEL
***Vendid	los:	
Zelarayán	Lucas	VOL
Burdisso	Guillermo	DEF
Alario	Lucas	DEL
Triverio	Enrique	DEL
***Capitan		
Pavone	Mariano	DEL

***Titulares:		
Sarulyte	Matías	DEF
Cuero	Mauricio	DEL
Llama	Cristian	VOL
Avalos	Gabriel	DEL
Navarro	Nicolás	ARQ
Fernández	Ignacio	VOL
Rojas	Jorge	VOL
Domínguez	Eduardo	DEF
Lollo	Luciano	DEF
Figueroa	Marcos	DEL
Malcorra	Ignacio	VOL
***Compra	ados:	•
Rojas	Jorge	VOL
Domínguez	Eduardo	DEF
Figueroa	Marcos	DEL
Malcorra	Ignacio	VOL
***Vendide	os:	
Lequi	Matías	DEF
Romero	Braian	VOL
Sambueza	Fabián	VOL
Pavone	Mariano	DEL
***Capitan		
Domínguez	Eduardo	DEF

Partido 15

***Titulares:		
Sarulyte	Matías	DEF
Cuero	Mauricio	DEL
Díaz	Daniel	DEF
Llama	Cristian	VOL
Avalos	Gabriel	DEL
Navarro	Hilario	ARQ
Fernández	Ignacio	VOL
Rojas	Jorge	VOL
Uglessich	Mariano	DEF
Canelo	Alexis	VOL
Figueroa	Marcos	DEL
***Compra	ados:	
Díaz	Daniel	DEF
Navarro	Hilario	ARQ
Uglessich	Mariano	DEF
Canelo	Alexis	VOL
***Vendide	os:	
Navarro	Nicolás	ARQ
Domínguez	Eduardo	DEF
Lollo	Luciano	DEF
Malcorra	Ignacio	VOL
***Capitan		
Díaz	Daniel	DEF

${\bf 1.8.2.} \quad {\bf Resultados\ con\ 2\ suplentes}$

Tiempo de corrida: 731.8 segundos (12 minutos aprox)

Valor del funcional: 2795

***Titulares:		
Escudero	Sergio	DEF
Díaz	Daniel	DEF
Bertochi	Nicolás	VOL
Damonte	Israel	VOL
Albertengo	Lucas	DEL
Rodríguez	Maxi	VOL
Gutiérrez	Teófilo	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Cervi	Franco	DEL
López	Ramiro	VOL
Crivelli	Federico	ARQ
***Suplent		
Ramírez	David	VOL
Aveldaño	Lucas	DEF
***Comprados:		
Escudero	Sergio	DEF
Díaz	Daniel	DEF
Ramírez	David	VOL

Bertochi	Nicolás	VOL
Damonte	Israel	VOL
Albertengo	Lucas	DEL
Rodríguez	Maxi	VOL
Aveldaño	Lucas	DEF
Gutiérrez	Teófilo	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Cervi	Franco	DEL
López	Ramiro	VOL
Crivelli	Federico	ARQ
***Capitan		
Albertengo	Lucas	DEL

Partido 2

***Titular	***Titulares:		
Bertolo	Nicolás	VOL	
Escudero	Sergio	DEF	
Sara	Guillermo	ARQ	
Díaz	Daniel	DEF	
Ramírez	David	VOL	
Pisano	Matías	VOL	
Rodríguez	Maxi	VOL	
Aveldaño	Lucas	DEF	
Gutiérrez	Teófilo	DEL	
Cervi	Franco	DEL	
Niell	Franco	DEL	
***Suplent	es:		
Donatti	Alejandro	DEF	
López	Ramiro	VOL	
***Comprados:			
Bertolo	Nicolás	VOL	
Sara	Guillermo	ARQ	
Pisano	Matías	VOL	
Niell	Franco	DEL	
***Vendidos:			
Bertochi	Nicolás	VOL	
Damonte	Israel	VOL	
Albertengo	Lucas	DEL	
Crivelli	Federico	ARQ	
***Capitan			
Bertolo	Nicolás	VOL	

***Titulares:		
Martínez	Roger	DEL
Carrera	Ramiro	VOL
Bertolo	Nicolás	VOL
Escudero	Sergio	DEF
Sara	Guillermo	ARQ

Díaz	Daniel	DEF	
Mancuello	Federico	VOL	
Mora	Rodrigo	DEL	
Donatti	Alejandro	DEF	
Niell	Franco	DEL	
López	Ramiro	VOL	
***Suplen	tes:		
Rodríguez	Maxi	VOL	
Aveldaño	Lucas	DEF	
***Compr	***Comprados:		
Martínez	Roger	DEL	
Carrera	Ramiro	VOL	
Mancuello	Federico	VOL	
Mora	Rodrigo	DEL	
***Vendid	los:		
Ramírez	David	VOL	
Pisano	Matías	VOL	
Gutiérrez	Teófilo	DEL	
Cervi	Franco	DEL	
***Capitan			
Mora	Rodrigo	DEL	

***Titulares:			
Martínez	Roger	DEL	
Escudero	Sergio	DEF	
Rigoni	Emiliano	VOL	
Díaz	Daniel	DEF	
Arias	Gabriel	ARQ	
Mancuello	Federico	VOL	
Rodríguez	Maxi	VOL	
Mora	Rodrigo	DEL	
Donatti	Alejandro	DEF	
Ruben	Marco	DEL	
Malcorra	Ignacio	VOL	
***Suplentes:			
Carrera	Ramiro	VOL	
Aveldaño	Lucas	DEF	
***Compr	***Comprados:		
Rigoni	Emiliano	VOL	
Arias	Gabriel	ARQ	
Ruben	Marco	DEL	
Malcorra	Ignacio	VOL	
***Vendidos:			
Bertolo	Nicolás	VOL	
Sara	Guillermo	ARQ	
Niell	Franco	DEL	
López	Ramiro	VOL	
***Capitan			
Ruben	Marco	DEL	

Partido 5

***Titulares:			
Carrera	Ramiro	VOL	
Cazares	Juan	VOL	
Díaz	Daniel	DEF	
Arias	Gabriel	ARQ	
Ortiz	Jorge	VOL	
Melano	Lucas	DEL	
Aveldaño	Lucas	DEF	
Mora	Rodrigo	DEL	
Donatti	Alejandro	DEF	
Matos	Mauro	DEL	
Malcorra	Ignacio	VOL	
***Suplen	***Suplentes:		
Escudero	Sergio	DEF	
Rigoni	Emiliano	VOL	
***Compr	***Comprados:		
Cazares	Juan	VOL	
Ortiz	Jorge	VOL	
Melano	Lucas	DEL	
Matos	Mauro	DEL	
***Vendidos:			
Martínez	Roger	DEL	
Mancuello	Federico	VOL	
Rodríguez	Maxi	VOL	
Ruben	Marco	DEL	
***Capitan			
Melano	Lucas	DEL	

***Titulares:		
Cazares	Juan	VOL
Escudero	Sergio	DEF
Márquez	Fernando	DEL
Arias	Gabriel	ARQ
Abila	Ramón	DEL
Ortiz	Jorge	VOL
Donatti	Alejandro	DEF
Matos	Mauro	DEL
Núñez	Gervasio	VOL
Malcorra	Ignacio	VOL
Amor	Emiliano	DEF
***Suplentes:		
Rigoni	Emiliano	VOL
Díaz	Daniel	DEF
***Comprados:		
Márquez	Fernando	DEL
Abila	Ramón	DEL
Núñez	Gervasio	VOL
Amor	Emiliano	DEF

***Vendidos:		
Carrera	Ramiro	VOL
Melano	Lucas	DEL
Aveldaño	Lucas	DEF
Mora	Rodrigo	DEL
***Capitan		
Abila	Ramón	DEL

Partido 7

***Titulares:			
Márquez	Fernando	DEL	
Díaz	Daniel	DEF	
Romero	Braian	VOL	
Arias	Gabriel	ARQ	
Fernández	Ignacio	VOL	
Cavenaghi	Fernando	DEL	
Donatti	Alejandro	DEF	
Matos	Mauro	DEL	
Delgado	Daniel	DEF	
Núñez	Gervasio	VOL	
Malcorra	Ignacio	VOL	
***Suplen	***Suplentes:		
Rigoni	Emiliano	VOL	
Amor	Emiliano	DEF	
***Comprados:			
Romero	Braian	VOL	
Fernández	Ignacio	VOL	
Cavenaghi	Fernando	DEL	
Delgado	Daniel	DEF	
***Vendidos:			
Cazares	Juan	VOL	
Escudero	Sergio	DEF	
Abila	Ramón	DEL	
Ortiz	Jorge	VOL	
***Capitan			
Núñez	Gervasio	VOL	

***Titulares:		
Silva	Santiago	DEL
Rigoni	Emiliano	VOL
Meli	César	VOL
Romero	Braian	VOL
Arias	Gabriel	ARQ
Ramírez	Rubén	DEL
Cavenaghi	Fernando	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Gómez	José Luis	DEF
Núñez	Gervasio	VOL

Amor	Emiliano	DEF	
***Suplen	***Suplentes:		
Díaz	Daniel	DEF	
Fernández	Ignacio	VOL	
***Compr	ados:		
Silva	Santiago	DEL	
Meli	César	VOL	
Ramírez	Rubén	DEL	
Gómez	José Luis	DEF	
***Vendid	***Vendidos:		
Márquez	Fernando	DEL	
Matos	Mauro	DEL	
Delgado	Daniel	DEF	
Malcorra	Ignacio	VOL	
***Capitan			
Gómez	José Luis	DEF	

Partido 9

***Titulares:		
Silva	Santiago	DEL
Díaz	Daniel	DEF
Pavón	Cristian	VOL
Arias	Gabriel	ARQ
Fernández	Ignacio	VOL
Cavenaghi	Fernando	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Núñez	Gervasio	VOL
Sambueza	Fabián	VOL
González Pirez	Leandro	DEF
Pavone	Mariano	DEL
***Suplentes:		•
Romero	Braian	VOL
Gómez	José Luis	DEF
***Comprados	S:	
Pavón	Cristian	VOL
Sambueza	Fabián	VOL
González Pirez	Leandro	DEF
Pavone	Mariano	DEL
***Vendidos:		
Rigoni	Emiliano	VOL
Meli	César	VOL
Ramírez	Rubén	DEL
Amor	Emiliano	DEF
***Capitan		
Pavone	Mariano	DEL

***Titulares:		
Cuero	Mauricio	DEL

Pavón	Cristian	VOL
Jara	Leonardo	VOL
Navarro	Nicolás	ARQ
Fernández	Ignacio	VOL
Cavenaghi	Fernando	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Gómez	José Luis	DEF
Sambueza	Fabián	VOL
González Pirez	Leandro	DEF
Triverio	Enrique	DEL
***Suplentes:		
Díaz	Daniel	DEF
Romero	Braian	VOL
***Comprado	s:	
Cuero	Mauricio	DEL
Jara	Leonardo	VOL
Navarro	Nicolás	ARQ
Triverio	Enrique	DEL
***Vendidos:		
Silva	Santiago	DEL
Arias	Gabriel	ARQ
Núñez	Gervasio	VOL
Pavone	Mariano	DEL
***Capitan		
Triverio	Enrique	DEL

***Titulares:			
Cuero	Mauricio	DEL	
Zelarayán	Lucas	VOL	
Burdisso	Guillermo	DEF	
Pavón	Cristian	VOL	
Navarro	Nicolás	ARQ	
Fernández	Ignacio	VOL	
Cabral	Yonathan	DEF	
Gómez	José Luis	DEF	
Sambueza	Fabián	VOL	
Luna	Carlos	DEL	
Triverio	Enrique	DEL	
***Suplentes:	***Suplentes:		
Díaz	Daniel	DEF	
Romero	Braian	VOL	
***Comprado	S:		
Zelarayán	Lucas	VOL	
Burdisso	Guillermo	DEF	
Cabral	Yonathan	DEF	
Luna	Carlos	DEL	
***Vendidos:			
Jara	Leonardo	VOL	
Cavenaghi	Fernando	DEL	

Donatti	Alejandro	DEF	
González Pirez	Leandro	DEF	
***Capitan			
Zelarayán	Lucas	VOL	

Partido 12

***Titulares:		
Noguera	Fabián	DEF
Cuero	Mauricio	DEL
Zelarayán	Lucas	VOL
Burdisso	Guillermo	DEF
Alario	Lucas	DEL
Navarro	Nicolás	ARQ
Fernández	Ignacio	VOL
Blanco	Jonatan	VOL
Lollo	Luciano	DEF
Sambueza	Fabián	VOL
Triverio	Enrique	DEL
***Suplen	tes:	
Díaz	Daniel	DEF
Romero	Braian	VOL
***Compr	ados:	
Noguera	Fabián	DEF
Alario	Lucas	DEL
Blanco	Jonatan	VOL
Lollo	Luciano	DEF
***Vendid	los:	
Pavón	Cristian	VOL
Cabral	Yonathan	DEF
Gómez	José Luis	DEF
Luna	Carlos	DEL
***Capitan		
Alario	Lucas	DEL

***Titulares:		
Lequi	Matías	DEF
Sarulyte	Matías	DEF
Cuero	Mauricio	DEL
Romero	Braian	VOL
Avalos	Gabriel	DEL
Navarro	Nicolás	ARQ
Fernández	Ignacio	VOL
Blanco	Jonatan	VOL
Lollo	Luciano	DEF
Sambueza	Fabián	VOL
Pavone	Mariano	DEL
***Suplentes:		
Zelarayán	Lucas	VOL

Díaz	Daniel	DEF
***Compi	ados:	
Lequi	Matías	DEF
Sarulyte	Matías	DEF
Avalos	Gabriel	DEL
Pavone	Mariano	DEL
***Vendidos:		
Noguera	Fabián	DEF
Burdisso	Guillermo	DEF
Alario	Lucas	DEL
Triverio	Enrique	DEL
***Capitan		
Pavone	Mariano	DEL

Partido 14

***Titulares:		
Matías	DEF	
Mauricio	DEL	
Lucas	VOL	
Gabriel	DEL	
Nicolás	ARQ	
Jorge	VOL	
Eduardo	DEF	
Lautaro	DEL	
Jonatan	VOL	
Luciano	DEF	
Ignacio	VOL	
es:		
Daniel	DEF	
Ignacio	VOL	
ados:		
Jorge	VOL	
Eduardo	DEF	
Lautaro	DEL	
Ignacio	VOL	
os:		
Matías	DEF	
Braian	VOL	
Fabián	VOL	
Mariano	DEL	
***Capitan		
Eduardo	DEF	
	Matías Mauricio Lucas Gabriel Nicolás Jorge Eduardo Lautaro Jonatan Luciano Ignacio es: Daniel Ignacio ados: Jorge Eduardo Lautaro Jonatan Fabián Mariano	

***Titulares:		
Sarulyte	Matías	DEF
Cuero	Mauricio	DEL
Zelarayán	Lucas	VOL
Díaz	Daniel	DEF

Avalos	Gabriel	DEL	
Navarro	Hilario	ARQ	
Fernández	Ignacio	VOL	
Rojas	Jorge	VOL	
Uglessich	Mariano	DEF	
Canelo	Alexis	VOL	
Luna	Carlos	DEL	
***Suplent	es:		
Domínguez	Eduardo	DEF	
Blanco	Jonatan	VOL	
***Compra	***Comprados:		
Navarro	Hilario	ARQ	
Uglessich	Mariano	DEF	
Canelo	Alexis	VOL	
Luna	Carlos	DEL	
***Vendide	os:		
Navarro	Nicolás	ARQ	
Acosta	Lautaro	DEL	
Lollo	Luciano	DEF	
Malcorra	Ignacio	VOL	
***Capitan			
Díaz	Daniel	DEF	

1.8.3. Resultados con 4 suplentes

Tiempo de corrida: 1336 segundos (22 minutos aprox)

Valor del funcional: 2870

***Titulares:			
Escudero	Sergio	DEF	
Díaz	Daniel	DEF	
Palacios	Sebastián	DEL	
Bertochi	Nicolás	VOL	
Damonte	Israel	VOL	
Albertengo	Lucas	DEL	
Rodríguez	Maxi	VOL	
Donatti	Alejandro	DEF	
Cervi	Franco	DEL	
López	Ramiro	VOL	
Crivelli	Federico	ARQ	
***Suplente	***Suplentes:		
Bertolo	Nicolás	VOL	
Aveldaño	Lucas	DEF	
Champagne	Nereo	ARQ	
Niell	Franco	DEL	
***Comprados:			
Bertolo	Nicolás	VOL	
Escudero	Sergio	DEF	
Díaz	Daniel	DEF	
Palacios	Sebastián	DEL	

Bertochi	Nicolás	VOL
Damonte	Israel	VOL
Albertengo	Lucas	DEL
Rodríguez	Maxi	VOL
Aveldaño	Lucas	DEF
Champagne	Nereo	ARQ
Donatti	Alejandro	DEF
Cervi	Franco	DEL
Niell	Franco	DEL
López	Ramiro	VOL
Crivelli	Federico	ARQ
***Capitan		
Albertengo	Lucas	DEL

Partido 2

***Titulares:		
Bertolo	Nicolás	VOL
Escudero	Sergio	DEF
Díaz	Daniel	DEF
Ramírez	David	VOL
Pisano	Matías	VOL
Rodríguez	Maxi	VOL
Aveldaño	Lucas	DEF
Champagne	Nereo	ARQ
Cervi	Franco	DEL
Niell	Franco	DEL
Cuevas	Héctor	DEL
***Suplente	es:	
Martínez	Roger	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
López	Ramiro	VOL
Crivelli	Federico	ARQ
***Compra	dos:	
Martínez	Roger	DEL
Ramírez	David	VOL
Pisano	Matías	VOL
Cuevas	Héctor	DEL
***Vendido	os:	
Palacios	Sebastián	DEL
Bertochi	Nicolás	VOL
Damonte	Israel	VOL
Albertengo	Lucas	DEL
***Capitan		
Bertolo	Nicolás	VOL

***Titulares:		
Martínez	Roger	DEL
Ojeda	Luis	ARQ

Carrera	Ramiro	VOL
Bertolo	Nicolás	VOL
Escudero	Sergio	DEF
Díaz	Daniel	DEF
Mancuello	Federico	VOL
Mora	Rodrigo	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Niell	Franco	DEL
López	Ramiro	VOL
***Suplente	es:	
Rodríguez	Maxi	VOL
Aveldaño	Lucas	DEF
Champagne	Nereo	ARQ
Cuevas	Héctor	DEL
***Compra	dos:	
Ojeda	Luis	ARQ
Carrera	Ramiro	VOL
Mancuello	Federico	VOL
Mora	Rodrigo	DEL
***Vendido	s:	
Ramírez	David	VOL
Pisano	Matías	VOL
Cervi	Franco	DEL
Crivelli	Federico	ARQ
***Capitan		
Mora	Rodrigo	DEL

***Titulares:		
Martínez	Roger	DEL
Ojeda	Luis	ARQ
Escudero	Sergio	DEF
Rigoni	Emiliano	VOL
Díaz	Daniel	DEF
Rodríguez	Maxi	VOL
Donatti	Alejandro	DEF
Ruben	Marco	DEL
Blanco	Sebastián	VOL
Cuevas	Héctor	DEL
Malcorra	Ignacio	VOL
***Suplentes:		
Carrera	Ramiro	VOL
Aveldaño	Lucas	DEF
Champagne	Nereo	ARQ
Mora	Rodrigo	DEL
***Comprados:		
Rigoni	Emiliano	VOL
Ruben	Marco	DEL
Blanco	Sebastián	VOL
Malcorra	Ignacio	VOL

***Vendidos:		
Bertolo	Nicolás	VOL
Mancuello	Federico	VOL
Niell	Franco	DEL
López	Ramiro	VOL
***Capitan		
Ruben	Marco	DEL

Partido 5

***Titulares:		
Martínez	Roger	DEL
Carrera	Ramiro	VOL
Cazares	Juan	VOL
Díaz	Daniel	DEF
Melano	Lucas	DEL
Aveldaño	Lucas	DEF
Champagne	Nereo	ARQ
Mora	Rodrigo	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Romagnoli	Leandro	VOL
Malcorra	Ignacio	VOL
***Suplente	es:	
Ojeda	Luis	ARQ
Escudero	Sergio	DEF
Rigoni	Emiliano	VOL
Matos	Mauro	DEL
***Compra	dos:	
Cazares	Juan	VOL
Melano	Lucas	DEL
Romagnoli	Leandro	VOL
Matos	Mauro	DEL
***Vendidos:		
Rodríguez	Maxi	VOL
Ruben	Marco	DEL
Blanco	Sebastián	VOL
Cuevas	Héctor	DEL
***Capitan		
Melano	Lucas	DEL

***Titulares:		
Martínez	Roger	DEL
Cazares	Juan	VOL
Escudero	Sergio	DEF
Abila	Ramón	DEL
Ayala	Víctor	VOL
Champagne	Nereo	ARQ
Donatti	Alejandro	DEF
Matos	Mauro	DEL

Núñez	Gervasio	VOL	
Malcorra	Ignacio	VOL	
Amor	Emiliano	DEF	
***Suplent	es:		
Ojeda	Luis	ARQ	
Rigoni	Emiliano	VOL	
Díaz	Daniel	DEF	
Mora	Rodrigo	DEL	
***Compra	***Comprados:		
Abila	Ramón	DEL	
Ayala	Víctor	VOL	
Núñez	Gervasio	VOL	
Amor	Emiliano	DEF	
***Vendido	os:		
Carrera	Ramiro	VOL	
Melano	Lucas	DEL	
Aveldaño	Lucas	DEF	
Romagnoli	Leandro	VOL	
***Capitan			
Abila	Ramón	DEL	

***Titulares:		
Rigoni	Emiliano	VOL
Díaz	Daniel	DEF
Romero	Braian	VOL
Cavenaghi	Fernando	DEL
Mora	Rodrigo	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Torrico	Sebastián	ARQ
Matos	Mauro	DEL
Delgado	Daniel	DEF
Núñez	Gervasio	VOL
Malcorra	Ignacio	VOL
***Suplente	es:	
Martínez	Roger	DEL
Ojeda	Luis	ARQ
Ayala	Víctor	VOL
Amor	Emiliano	DEF
***Compra	dos:	
Romero	Braian	VOL
Cavenaghi	Fernando	DEL
Torrico	Sebastián	ARQ
Delgado	Daniel	DEF
***Vendidos:		
Cazares	Juan	VOL
Escudero	Sergio	DEF
Abila	Ramón	DEL
Champagne	Nereo	ARQ
***Capitan		
Núñez	Gervasio	VOL

Partido 8

***Titulares:		
Martínez	Roger	DEL
Ojeda	Luis	ARQ
Silva	Santiago	DEL
Rigoni	Emiliano	VOL
Meli	César	VOL
Romero	Braian	VOL
Ramírez	Rubén	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Gómez	José Luis	DEF
Núñez	Gervasio	VOL
Amor	Emiliano	DEF
***Suplen	tes:	
Díaz	Daniel	DEF
Ayala	Víctor	VOL
Cavenaghi	Fernando	DEL
Torrico	Sebastián	ARQ
***Compr	ados:	
Silva	Santiago	DEL
Meli	César	VOL
Ramírez	Rubén	DEL
Gómez	José Luis	DEF
***Vendidos:		
Mora	Rodrigo	DEL
Matos	Mauro	DEL
Delgado	Daniel	DEF
Malcorra	Ignacio	VOL
***Capitan		
Gómez	José Luis	DEF

***Titulares:		
Silva	Santiago	DEL
Díaz	Daniel	DEF
Fernández	Ignacio	VOL
Ayala	Víctor	VOL
Cavenaghi	Fernando	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Torrico	Sebastián	ARQ
Núñez	Gervasio	VOL
Sambueza	Fabián	VOL
González Pirez	Leandro	DEF
Pavone	Mariano	DEL
***Suplentes:		
Martínez	Roger	DEL
Ojeda	Luis	ARQ
Romero	Braian	VOL
Gómez	José Luis	DEF
***Comprado	S:	

Fernández	Ignacio	VOL
Sambueza	Fabián	VOL
González Pirez	Leandro	DEF
Pavone	Mariano	DEL
***Vendidos:		
Rigoni	Emiliano	VOL
Meli	César	VOL
Ramírez	Rubén	DEL
Amor	Emiliano	DEF
***Capitan		
Pavone	Mariano	DEL

Partido 10

***Titulares:		
Ojeda	Luis	ARQ
Cuero	Mauricio	DEL
Pavón	Cristian	VOL
Jara	Leonardo	VOL
Fernández	Ignacio	VOL
Ayala	Víctor	VOL
Cavenaghi	Fernando	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Gómez	José Luis	DEF
González Pirez	Leandro	DEF
Triverio	Enrique	DEL
***Suplentes:		
Díaz	Daniel	DEF
Romero	Braian	VOL
Torrico	Sebastián	ARQ
Pavone	Mariano	DEL
***Comprados	S:	
Cuero	Mauricio	DEL
Pavón	Cristian	VOL
Jara	Leonardo	VOL
Triverio	Enrique	DEL
***Vendidos:		
Martínez	Roger	DEL
Silva	Santiago	DEL
Núñez	Gervasio	VOL
Sambueza	Fabián	VOL
***Capitan		
Triverio	Enrique	DEL

***Titulares:		
Cuero	Mauricio	DEL
Zelarayán	Lucas	VOL
Burdisso	Guillermo	DEF
Pavón	Cristian	VOL

Navarro	Nicolás	ARQ	
Fernández	Ignacio	VOL	
Ayala	Víctor	VOL	
Gómez	José Luis	DEF	
González Pirez	Leandro	DEF	
Luna	Carlos	DEL	
Triverio	Enrique	DEL	
***Suplentes:			
Díaz	Daniel	DEF	
Romero	Braian	VOL	
Torrico	Sebastián	ARQ	
Pavone	Mariano	DEL	
***Comprados	***Comprados:		
Zelarayán	Lucas	VOL	
Burdisso	Guillermo	DEF	
Navarro	Nicolás	ARQ	
Luna	Carlos	DEL	
***Vendidos:			
Ojeda	Luis	ARQ	
Jara	Leonardo	VOL	
Cavenaghi	Fernando	DEL	
Donatti	Alejandro	DEF	
***Capitan			
Zelarayán	Lucas	VOL	

***Titulares:		
Serrano	Walter	VOL
Noguera	Fabián	DEF
Cuero	Mauricio	DEL
Zelarayán	Lucas	VOL
Burdisso	Guillermo	DEF
Alario	Lucas	DEL
Navarro	Nicolás	ARQ
Fernández	Ignacio	VOL
Ayala	Víctor	VOL
Lollo	Luciano	DEF
Triverio	Enrique	DEL
***Suplentes:		•
Díaz	Daniel	DEF
Romero	Braian	VOL
Torrico	Sebastián	ARQ
Pavone	Mariano	DEL
***Comprados	S:	
Serrano	Walter	VOL
Noguera	Fabián	DEF
Alario	Lucas	DEL
Lollo	Luciano	DEF
***Vendidos:		
Pavón	Cristian	VOL

Gómez	José Luis	DEF
González Pirez	Leandro	DEF
Luna	Carlos	DEL
***Capitan		
Alario	Lucas	DEL

Partido 13

***Titulares:		
Lequi	Matías	DEF
Díaz	Daniel	DEF
Romero	Braian	VOL
Avalos	Gabriel	DEL
Navarro	Nicolás	ARQ
Fernández	Ignacio	VOL
Ayala	Víctor	VOL
Lollo	Luciano	DEF
Cauteruccio	Martín	DEL
Malcorra	Ignacio	VOL
Pavone	Mariano	DEL
***Suplente	es:	
Cuero	Mauricio	DEL
Zelarayán	Lucas	VOL
Burdisso	Guillermo	DEF
Torrico	Sebastián	ARQ
***Compra	dos:	
Lequi	Matías	DEF
Avalos	Gabriel	DEL
Cauteruccio	Martín	DEL
Malcorra	Ignacio	VOL
***Vendido	s:	
Serrano	Walter	VOL
Noguera	Fabián	DEF
Alario	Lucas	DEL
Triverio	Enrique	DEL
***Capitan		
Pavone	Mariano	DEL

***Titulares:		
Cuero	Mauricio	DEL
Zelarayán	Lucas	VOL
Navarro	Nicolás	ARQ
Rojas	Jorge	VOL
Domínguez	Eduardo	DEF
Ayala	Víctor	VOL
Acosta	Lautaro	DEL
Lollo	Luciano	DEF
Malcorra	Ignacio	VOL
Cubero	Fabián	DEF

Pavone	Mariano	DEL
***Suplentes:		
Díaz	Daniel	DEF
Avalos	Gabriel	DEL
Fernández	Ignacio	VOL
Torrico	Sebastián	ARQ
***Compra	dos:	
Rojas	Jorge	VOL
Domínguez	Eduardo	DEF
Acosta	Lautaro	DEL
Cubero	Fabián	DEF
***Vendido	s:	
Lequi	Matías	DEF
Burdisso	Guillermo	DEF
Romero	Braian	VOL
Cauteruccio	Martín	DEL
***Capitan		
Domínguez	Eduardo	DEF

***Titulares:		
Mauricio	DEL	
Lucas	VOL	
Daniel	DEF	
Gabriel	DEL	
Ignacio	VOL	
Jorge	VOL	
Emanuel	DEF	
Mariano	DEF	
Alexis	VOL	
Sebastián	ARQ	
Carlos	DEL	
es:		
Nicolás	ARQ	
Eduardo	DEF	
Víctor	VOL	
Lautaro	DEL	
ados:		
Emanuel	DEF	
Mariano	DEF	
Alexis	VOL	
Carlos	DEL	
***Vendidos:		
Luciano	DEF	
Ignacio	VOL	
Fabián	DEF	
Mariano	DEL	
***Capitan		
	Mauricio Lucas Daniel Gabriel Ignacio Jorge Emanuel Mariano Alexis Sebastián Carlos es: Nicolás Eduardo Víctor Lautaro ados: Emanuel Mariano Alexis Carlos odos: Luciano Ignacio Fabián Mariano	

1.8.4. Resultados con 6 suplentes

Tiempo de corrida: 2744.5 segundos (45 minutos aprox)

Valor del funcional: 2930

Partido 1

ergio DI Jucas VO Daniel DI Jucas DI Jucas DI	DL	
Daniel DI		
-14:4- DI	ΞF	
ebastian Di	ΞL	
Vicolás VO	DL	
srael V0	DL	
ucas DI	ΞL	
ranco DI	ΞL	
Ramiro VO	DL	
	RQ	
	ΞF	
•		
Roger DI	ΞL	
Vicolás VO	DL	
Iarcos Al	RQ	
ucas DI	ΞF	
ranco DI	ΞL	
Gervasio VO	DL	
os:		
0		
Vicolás VO	DL	
ergio DI	ΞF	
ucas VO)L	
Daniel DI	ΞF	
	DL	
srael V0	DL	
	RQ	
ucas DI	ΞL	
ucas DI	ΞF	
ranco DI	ΞL	
ranco DI	ΞL	
	ΟL	
	RQ	
Iernán DI	ΞF	
***Capitan Albertengo Lucas DEL		
ucas DI	ΞL	
	srael VC Jucas DI Jucas VC Jucas DI Jucas VC Jucas DI Jucas VC Jucas DI Juc	

***Titulares:		
Bertolo	Nicolás	VOL
Escudero	Sergio	DEF
Díaz	Daniel	DEF

Ramírez	David	VOL	
Díaz	Marcos	ARQ	
Pisano	Matías	VOL	
Rodríguez	Maxi	VOL	
Aveldaño	Lucas	DEF	
Cervi	Franco	DEL	
Niell	Franco	DEL	
Cuevas	Héctor	DEL	
***Suplent	es:		
Martínez	Roger	DEL	
Palacios	Sebastián	DEL	
López	Ramiro	VOL	
Núñez	Gervasio	VOL	
Crivelli	Federico	ARQ	
Pellerano	Hernán	DEF	
***Compra	ados:		
Ramírez	David	VOL	
Pisano	Matías	VOL	
Rodríguez	Maxi	VOL	
Cuevas	Héctor	DEL	
***Vendide	***Vendidos:		
Zelarayán	Lucas	VOL	
Bertochi	Nicolás	VOL	
Damonte	Israel	VOL	
Albertengo	Lucas	DEL	
***Capitan			
Bertolo	Nicolás	VOL	

***Titulares:		
Martínez	Roger	DEL
Ojeda	Luis	ARQ
Carrera	Ramiro	VOL
Escudero	Sergio	DEF
Díaz	Daniel	DEF
Mancuello	Federico	VOL
Mora	Rodrigo	DEL
Niell	Franco	DEL
López	Ramiro	VOL
Núñez	Gervasio	VOL
Pellerano	Hernán	DEF
***Suplen	tes:	
Ramírez	David	VOL
Rodríguez	Maxi	VOL
Aveldaño	Lucas	DEF
Cervi	Franco	DEL
Cuevas	Héctor	DEL
Crivelli	Federico	ARQ
***Comprados:		
Ojeda	Luis	ARQ

Carrera	Ramiro	VOL
Mancuello	Federico	VOL
Mora	Rodrigo	DEL
***Vendidos:		
Bertolo	Nicolás	VOL
Palacios	Sebastián	DEL
Díaz	Marcos	ARQ
Pisano	Matías	VOL
***Capitan		
Mora	Rodrigo	DEL

Partido 4

***Titular	es:		
Martínez	Roger	DEL	
Ojeda	Luis	ARQ	
Pérez	Damián	DEF	
Escudero	Sergio	DEF	
Rigoni	Emiliano	VOL	
Díaz	Daniel	DEF	
Mancuello	Federico	VOL	
Rodríguez	Maxi	VOL	
Ruben	Marco	DEL	
Cuevas	Héctor	DEL	
Malcorra	Ignacio	VOL	
***Suplen	tes:		
Carrera	Ramiro	VOL	
Aveldaño	Lucas	DEF	
Mora	Rodrigo	DEL	
Cervi	Franco	DEL	
Núñez	Gervasio	VOL	
Crivelli	Federico	ARQ	
***Compr	ados:		
Pérez	Damián	DEF	
Rigoni	Emiliano	VOL	
Ruben	Marco	DEL	
Malcorra	Ignacio	VOL	
***Vendid			
Ramírez	David	VOL	
Niell	Franco	DEL	
López	Ramiro	VOL	
Pellerano	Hernán	DEF	
***Capitan			
Ruben Marco DEL			

***Titulares:		
Martínez	Roger	DEL
Pérez	Damián	DEF
Carrera	Ramiro	VOL

Cazares	Juan	VOL
Díaz	Daniel	DEF
Arias	Gabriel	ARQ
Melano	Lucas	DEL
Aveldaño	Lucas	DEF
Mora	Rodrigo	DEL
Núñez	Gervasio	VOL
Malcorra	Ignacio	VOL
***Suplen	tes:	
Ojeda	Luis	ARQ
Escudero	Sergio	DEF
Rigoni	Emiliano	VOL
Abila	Ramón	DEL
Mancuello	Federico	VOL
Cervi	Franco	DEL
***Compr	ados:	
Cazares	Juan	VOL
Arias	Gabriel	ARQ
Abila	Ramón	DEL
Melano	Lucas	DEL
***Vendid		
Rodríguez	Maxi	VOL
Ruben	Marco	DEL
Cuevas	Héctor	DEL
Crivelli	Federico	ARQ
***Capitan		
Melano	Lucas	DEL

***Titulares:		
Martínez	Roger	DEL
Cazares	Juan	VOL
Escudero	Sergio	DEF
Barraza	Julio	DEF
Arias	Gabriel	ARQ
Abila	Ramón	DEL
Mancuello	Federico	VOL
Ayala	Víctor	VOL
Matos	Mauro	DEL
Malcorra	Ignacio	VOL
Amor	Emiliano	DEF
***Suplen	tes:	
Ojeda	Luis	ARQ
Rigoni	Emiliano	VOL
Díaz	Daniel	DEF
Mora	Rodrigo	DEL
Cervi	Franco	DEL
Núñez	Gervasio	VOL
***Comprados:		
Barraza	Julio	DEF

Ayala	Víctor	VOL
Matos	Mauro	DEL
Amor	Emiliano	DEF
***Vendidos:		
Pérez	Damián	DEF
Carrera	Ramiro	VOL
Melano	Lucas	DEL
Aveldaño	Lucas	DEF
***Capitan		
Abila	Ramón	DEL

Partido 7

***Titular		
Díaz	Daniel	DEF
Romero	Braian	VOL
Barraza	Julio	DEF
Arias	Gabriel	ARQ
Fernández	Ignacio	VOL
Cavenaghi	Fernando	DEL
Mora	Rodrigo	DEL
Matos	Mauro	DEL
Delgado	Daniel	DEF
Núñez	Gervasio	VOL
Malcorra	Ignacio	VOL
***Suplen	tes:	
Martínez	Roger	DEL
Ojeda	Luis	ARQ
Rigoni	Emiliano	VOL
Ayala	Víctor	VOL
Cervi	Franco	DEL
Amor	Emiliano	DEF
***Compr	ados:	
Romero	Braian	VOL
Fernández	Ignacio	VOL
Cavenaghi	Fernando	DEL
Delgado	Daniel	DEF
***Vendid	los:	
Cazares	Juan	VOL
Escudero	Sergio	DEF
Abila	Ramón	DEL
Mancuello	Federico	VOL
***Capitan		
Núñez	Gervasio	VOL

	***Titulares:		
I	Lugüercio	Pablo	DEL
Ī	Martínez	Roger	DEL
	Ojeda	Luis	ARQ

Rigoni	Emiliano	VOL	
Meli	César	VOL	
Romero	Braian	VOL	
Donatti	Alejandro	DEF	
Cervi	Franco	DEL	
Gómez	José Luis	DEF	
Núñez	Gervasio	VOL	
Amor	Emiliano	DEF	
***Suplen	tes:		
Díaz	Daniel	DEF	
Arias	Gabriel	ARQ	
Fernández	Ignacio	VOL	
Ayala	Víctor	VOL	
Cavenaghi	Fernando	DEL	
Mora	Rodrigo	DEL	
***Compr	ados:		
Lugüercio	Pablo	DEL	
Meli	César	VOL	
Donatti	Alejandro	DEF	
Gómez	José Luis	DEF	
***Vendid	los:		
Barraza	Julio	DEF	
Matos	Mauro	DEL	
Delgado	Daniel	DEF	
Malcorra	Ignacio	VOL	
***Capitan			
Gómez	José Luis	DEF	

***Titulares:			
Díaz	Daniel	DEF	
Llama	Cristian	VOL	
Arias	Gabriel	ARQ	
Fernández	Ignacio	VOL	
Cavenaghi	Fernando	DEL	
Donatti	Alejandro	DEF	
Cervi	Franco	DEL	
Núñez	Gervasio	VOL	
Sambueza	Fabián	VOL	
González Pirez	Leandro	DEF	
Pavone	Mariano	DEL	
***Suplentes:			
Lugüercio	Pablo	DEL	
Martínez	Roger	DEL	
Ojeda	Luis	ARQ	
Romero	Braian	VOL	
Ayala	Víctor	VOL	
Gómez	José Luis	DEF	
***Comprados:			
Llama	Cristian	VOL	

Sambueza	Fabián	VOL
González Pirez	Leandro	DEF
Pavone	Mariano	DEL
***Vendidos:		
Rigoni	Emiliano	VOL
Meli	César	VOL
Mora	Rodrigo	DEL
Amor	Emiliano	DEF
***Capitan		
Pavone	Mariano	DEL

Partido 10

***Titulares:		
Ojeda	Luis	ARQ
Cuero	Mauricio	DEL
Pavón	Cristian	VOL
Llama	Cristian	VOL
Jara	Leonardo	VOL
Ayala	Víctor	VOL
Cavenaghi	Fernando	DEL
Donatti	Alejandro	DEF
Gómez	José Luis	DEF
González Pirez	Leandro	DEF
Triverio	Enrique	DEL
***Suplentes:		
Lugüercio	Pablo	DEL
Díaz	Daniel	DEF
Romero	Braian	VOL
Arias	Gabriel	ARQ
Fernández	Ignacio	VOL
Pavone	Mariano	DEL
***Comprados	s:	
Cuero	Mauricio	DEL
Pavón	Cristian	VOL
Jara	Leonardo	VOL
Triverio	Enrique	DEL
***Vendidos:		
Martínez	Roger	DEL
Cervi	Franco	DEL
Núñez	Gervasio	VOL
Sambueza	Fabián	VOL
***Capitan		
Triverio	Enrique	DEL

***Titulares:		
Lugüercio	Pablo	DEL
Cuero	Mauricio	DEL
Zelarayán	Lucas	VOL

Burdisso	Guillermo	DEF	
Pavón	Cristian	VOL	
Navarro	Nicolás	ARQ	
Fernández	Ignacio	VOL	
Ayala	Víctor	VOL	
Gómez	José Luis	DEF	
González Pirez	Leandro	DEF	
Luna	Carlos	DEL	
***Suplentes:			
Ojeda	Luis	ARQ	
Díaz	Daniel	DEF	
Llama	Cristian	VOL	
Romero	Braian	VOL	
Triverio	Enrique	DEL	
Pavone	Mariano	DEL	
***Comprados:			
Zelarayán	Lucas	VOL	
Burdisso	Guillermo	DEF	
Navarro	Nicolás	ARQ	
Luna	Carlos	DEL	
***Vendidos:			
Arias	Gabriel	ARQ	
Jara	Leonardo	VOL	
Cavenaghi	Fernando	DEL	
Donatti	Alejandro	DEF	
***Capitan			
Zelarayán	Lucas	VOL	

***Titulares:			
Ojeda	Luis	ARQ	
Noguera	Fabián	DEF	
Cuero	Mauricio	DEL	
Zelarayán	Lucas	VOL	
Burdisso	Guillermo	DEF	
Llama	Cristian	VOL	
Alario	Lucas	DEL	
Ayala	Víctor	VOL	
Blanco	Jonatan	VOL	
Lollo	Luciano	DEF	
Triverio	Enrique	DEL	
***Suplentes:			
Díaz	DEF		
Romero	Braian	VOL	
Navarro	Nicolás	ARQ	
Fernández	Ignacio	VOL	
Luna	Carlos	DEL	
Pavone	Mariano	DEL	
***Comprados:			
Noguera	Fabián	DEF	

Alario	Lucas	DEL	
Blanco	Jonatan	VOL	
Lollo	Luciano	DEF	
***Vendidos:			
Lugüercio	Pablo	DEL	
Pavón	Cristian	VOL	
Gómez	José Luis	DEF	
González Pirez	Leandro	DEF	
***Capitan			
Alario	Lucas	DEL	

Partido 13

***Titulares:				
Lequi	Matías	DEF		
Sarulyte	Matías	DEF		
Romero	Braian	VOL		
Avalos	Gabriel	DEL		
Navarro	Nicolás	ARQ		
Fernández	Ignacio	VOL		
Ayala	Víctor	VOL		
Blanco	Jonatan	VOL		
Lollo	Luciano	DEF		
Cauteruccio	Martín	DEL		
Pavone	Mariano	DEL		
***Suplente	es:			
Ojeda	Luis	ARQ		
Cuero	Mauricio	DEL		
Zelarayán	Lucas	VOL		
Díaz	Daniel	DEF		
Llama	Cristian	VOL		
Luna	Carlos DEL			
***Comprados:				
Lequi	Matías	DEF		
Sarulyte	Matías	DEF		
Avalos	Gabriel DEI			
Cauteruccio	Martín	DEL		
***Vendidos:				
Noguera	Fabián	DEF		
Burdisso	Guillermo DEF			
Alario	Lucas	DEL		
Triverio	Enrique DEL			
***Capitan				
Pavone Mariano DEL				

***Titulares:					
Sarulyte Matías DE					
Cuero	Mauricio	DEL			
Zelarayán	Lucas	VOL			

Navarro	Nicolás	ARQ		
Rojas	Jorge	VOL		
Domínguez	Eduardo	DEF		
Acosta	Lautaro	DEL		
Blanco	Jonatan	VOL		
Lollo	Luciano	DEF		
Malcorra	Ignacio	VOL		
Pavone	Mariano	DEL		
***Suplente	es:			
Ojeda	Luis	ARQ		
Díaz	Daniel	DEF		
Llama	Cristian	VOL		
Avalos	Gabriel	DEL		
Fernández	Ignacio	VOL		
Luna	Carlos	DEL		
***Comprados:				
Rojas	Jorge	VOL		
Domínguez	Eduardo	DEF		
Acosta	Lautaro	DEL		
Malcorra	Ignacio	VOL		
***Vendido	s:			
Lequi	Matías	DEF		
Romero	Braian	VOL		
Ayala	Víctor	VOL		
Cauteruccio	Martín	DEL		
***Capitan				
Domínguez	Eduardo	do DEF		

***Titulares:				
Cuero	Mauricio DEL			
Díaz	Daniel	DEF		
Llama	Cristian	VOL		
Avalos	Gabriel	DEL		
Navarro	Hilario	ARQ		
Fernández	Fernández Ignacio VOI			
Rojas	Jorge	VOL		
Aguilera	Emanuel	DEF		
Uglessich	Mariano	DEF		
Canelo	Alexis	VOL		
Luna	Carlos	DEL		
***Suplentes:				
Ojeda	Luis	ARQ		
Sarulyte	Matías DE			
Zelarayán	Lucas	VOL		
Acosta	Lautaro	DEL		
Blanco	Jonatan	VOL		
Pavone	Mariano	DEL		
***Comprados:				
Navarro Hilario ARQ				

Aguilera	Emanuel	DEF	
Uglessich	Mariano	DEF	
Canelo	Alexis	VOL	
***Vendide	***Vendidos:		
Navarro	Nicolás	ARQ	
Domínguez	Eduardo	DEF	
Lollo	Luciano	DEF	
Malcorra	Ignacio	VOL	
***Capitan			
Díaz	Daniel	DEF	

$1.8.5. \quad \text{Comparación entre las 4 corridas}$

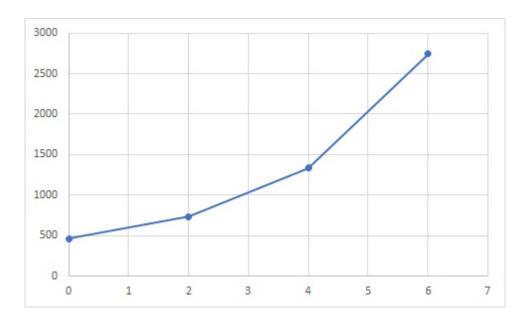


Figura 1: Tiempo de corrida según cantidad de suplentes

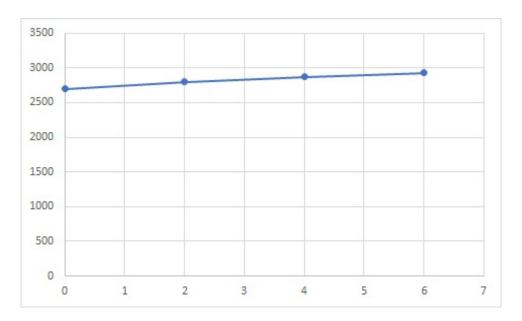


Figura 2: Valor de funcional según cantidad de suplentes

Se observa en los gráficos que si bien aumenta el valor del funcional cuando se permite más cantidad de suplentes, no aumenta demasiado en comparación al aumento en el tiempo de corrida. De hecho se ve que el valor del funcional aumenta cada vez menos, y por otro lado el tiempo de corrida aumenta cada vez más. Se observa que con una diferencia muy grande de tiempo de corrida no se logro aumentar demasiado el funcional, por ejemplo si tomamos los valores con 4 y 6 suplentes, el funcional aumentó solamente un 2 % mientras el tiempo de corrida prácticamente se duplicó.

En el problema actual el tiempo de corrida máximo no fue demasiado exagerado, por lo que puede resolverse con 6 suplentes tranquilamente, pero puede haber problemas más complejos en donde el tiempo aumente tanto que ya no sea viable resolverlo, y menos viendo que puede darse el caso (como en este trabajo práctico) de que el aumento en el funcional sea ínfimo en comparación a la diferencia en costo computacional. En ese caso se pueden utilizar heurísticas para obtener un tiempo razonable de corrida y una solución aceptable.

1.9. Problemas encontrados

- El archivo csv no podía ser procesado por GLPK tal cual estaba porque tenía muchos campos vacíos que correspondían a fechas en las cuales el jugador no jugó. Se rellenó con ceros ya que en esa condición el jugador suma cero puntos.
- Lo mismo se realizó para los valores 's/c' ya que tampoco suma puntos.
- Hay dos casos en los que dos jugadores tienen el mismo nombre, por lo que se cambió el nombre de uno de ellos agregándole un '2' al final. Otra solución posible hubiese sido numerar a los jugadores (agregando una columna al csv) y que GLPK simplemente los identifique con ese número.

2. Parte B

2.1. Preguntas

No	Row name	St	Activity	Lower bound	Upper bound	Marginal
1	z	В	19000	-	-	-
2	disp_metal	NU	100	0	100	100
3	disp_plástico	В	110	0	120	0
4	disp_trabajo_operario	NU	70	0	70	200
5	demanda_cuch	В	20	20	0	0
6	demanda_perros	NL	25	25	0	-200

Cuadro 63: Estado de restricciones

a. Me ofrecen vender metal a un precio A para poder producir mas productos. ¿Cual es el precio A por el cual voy a estar dispuesto a comprar metal?

Como es posible observar del cuadro 63, el valor marginal del metal es de \$100, por lo que por cada kilo conseguido de metal, el funcional mejora en 100. Por lo tanto el precio (A) al que conviene comprar metal debe ser menor a 100 para poder generar ganancia:

- a. Explicar el estado de cada restricción a partir de lo que se pueda ver en la columna st. de la tabla correspondiente a las restricciones.
 - disp_metal: Según la columna st, la disponibilidad de metal se encuentra activa para el limite superior, es decir, se encuentra restringiendo el poliedro.
 - disp_plástico: Según la columna st, la disponibilidad de plástico se encuentra inactiva, es decir, no impone restricciones. Esto puede verse, además, porque el recurso esta no saturado.
 - disp_trabajo_operario: Según la columna st, la disponibilidad de trabajo operario se encuentra activa para el limite superior, es decir, se encuentra restringiendo el poliedro. Esto puede verse, además, porque el recurso se encuentra saturado.
 - demanda_cuch: Según la columna st, la demanda mínima de cuchillos se encuentra inactiva, es decir, no afecta al poliedro solución.
 - demanda_perros: Según la columna st, la demanda mínima de collares para perros se encuentra activa para el limite inferior, es decir, se encuentra restringiendo al poliedro solución.
- a. ¿Por cuanto estaría dispuesta a vender la empresa una unidad de Trabajo de operarios?; Y por una unidad de plástico?

Una unidad de trabajo de operario tiene un valor marginal de 200. Además el rango de variación del coeficiente va desde 0 hasta 70, por lo que, al vender una unidad de dicho recurso el valor marginal permanece constante. De esta manera se determina que **el precio de venta debería ser mayor a 200** para generar una ganancia mayor a la que se obtuviera con una unidad de dicho recurso (200). En el caso del plástico, el mismo no esta saturado, sino que hay sobrante. Por esta razón podría venderse a cualquier precio las 10 unidades que sobran. Luego de 10 unidades, se deberá evaluar el valor marginal del recurso para determinar el precio al cual conviene venderlo.

a. Se considera fabricar un nuevo producto (ventana) que se vendería a \$550 y requiere 4 kilos de metal, 2 de plástico y 1 hora de Trabajo de Operarios.; Convendrá fabricar este producto?

Para determinar si conviene o no, en principio, se calcula el lucro cesante. El mismo es una estimación del Zj del nuevo producto, en donde, el verdadero Zj sera mayor o igual:

$$LucroCesante = \sum_{i=1}^{3} Recurso_i \cdot ValorMarginalRecurso_i$$

$$LucroCesante = 4 \cdot 100 + 2 \cdot 0 + 1 \cdot 200 = 600$$

Como el Zj es como mínimo 600, el Zj - Cj del nuevo producto sera positivo, pues la ganancia es de 550. De esta manera la tabla sera óptima y no se fabricara el nuevo producto, pues no formara parte de la base. Por lo que se concluye que no conviene producir el producto.

a. Si pienso en agregar un nuevo material, un lápiz para hacer un combo con el cuchillo. Además también se plantea hacer otro combo con dos lapices con motivos de perros para vender junto a los collares. Se pueden comprar plumas de a 25 por paquete, cada paquete cuesta 40\$. Si compro 90 plumas baja en uno la demanda de collares para perros.¿Me conviene agregar las lapices?¿Y si cada paquete cuesta \$60?

En principio, solo convendría incorporar los lapices si se compran mas de 3 paquetes, pues de esta manera se están comprando mas de 90 lapices y la demanda de collares de perros disminuye en una unidad, lo que genera la posibilidad de una ganancia. Si no se compran mas de 3 paquetes el funcional solo disminuirá, pues la demanda sigue siendo la misma. Si se fabrica un collar menos, entonces el funcional aumenta en 200, pues el valor marginal de la demanda mínima de los collares es de -200. Por lo tanto si se compran 4 paquetes, se obtiene una ganancia de:

$$200 - 4 * 40 = 200 - 160 = 40$$

Si los paquetes cuestan \$60 se obtiene una ganancia de:

$$200 - 4 * 60 = 200 - 240 = -40$$

Es decir, se pierden \$40. A partir de estos resultados, se concluye que, conviene incorporar los lapices si los paquetes de los mismos cuestan \$40. Si cuestan \$60, no conviene su incorporación.

3. Referencias

- [1] https://github.com/javier2409/Modelos1/blob/7cd81c057f71acae158a23c5997bd3ea2a3d53b5/ TP2/parte1.mod
- [2] https://github.com/javier2409/Modelos1/blob/master/TP2/parte1.mod