

KI

Musterlösung 5. Übung

1. Aufgabe

a.

$$D = \{X, T, f(dog)\}$$

b.

k	θ_k	σ_k	D_k
0	\emptyset	$\{p(X, f(Y), Z),$ $p(T, T, g(cat)),$ $p(f(dog), S, g(W))\}$	$\{X, T, f(dog)\}$
1	$\{X/f(dog)\}$	$\{p(f(dog), f(Y), Z),$ $p(T, T, g(cat)),$ $p(f(dog), S, g(W))\}$	$\{T, f(dog)\}$
2	$\{X/f(dog),$ $T/f(dog)\}$	$\{p(f(dog), f(Y), Z),$ $p(f(dog), f(dog), g(cat)),$ $p(f(dog), S, g(W))\}$	$\{f(Y), f(dog), S\}$
3	$\{X/f(dog),$ $T/f(dog),$ $Y/dog\}$	$\{p(f(dog), f(dog), Z),$ $p(f(dog), f(dog), g(cat)),$ $p(f(dog), S, g(W))\}$	$\{f(dog), S\}$
4	$\{X/f(dog),$ $T/f(dog),$ $Y/dog,$ $S/f(dog)\}$	$\{p(f(dog), f(dog), Z),$ $p(f(dog), f(dog), g(cat)),$ $p(f(dog), f(dog), g(W))\}$	$\{Z, g(cat), g(W)\}$
5	$\{X/f(dog),$ $T/f(dog),$ $Y/dog,$ $S/f(dog),$ $Z/g(cat)\}$	$\{p(f(dog), f(dog), g(cat)),$ $p(f(dog), f(dog), g(W))\}$	$\{cat, W\}$
6	$\{X/f(dog),$ $T/f(dog),$ $Y/dog,$ $S/f(dog),$ $Z/g(cat),$ $W/cat\}$	$\{p(f(dog), f(dog), g(cat))\}$	\emptyset

Most General Unifier = $\{X/f(dog), T/f(dog), Y/dog, S/f(dog), Z/g(cat), W/cat\}$

2. Aufgabe

a.

$$\frac{p(X) \mid q(X), \sim p(Z) \mid q(Z)}{q(X) \mid q(X)} \theta = \{Z/X\} \quad \frac{p(Y) \mid \sim q(Y), \sim p(U) \mid \sim q(U)}{\sim q(Y) \mid \sim q(Y)} \theta = \{U/Y\}$$

Ohne Factoring entstehen in jedem weiteren Resosultionsschritt nur bereits vorhandene Klauseln oder Tautologien $(q(X) \mid \sim q(X))$.

b.

$$\frac{\frac{p(X) \mid q(X), \sim p(Z) \mid q(Z)}{q(X) \mid q(X)} \theta = \{Z/X\} \quad \frac{p(Y) \mid \sim q(Y), \sim p(U) \mid \sim q(U)}{\sim q(Y) \mid \sim q(Y)} \theta = \{U/Y\}}{\square} \theta = \{Y/X\}$$

Bei Full Resolution ist das Factoring bereits "eingebaut", da man beliebig viele Vorkommen eines Literals und seiner Negation resolvieren kann. Wie bei Binary Resolution kann man aber trotzdem nur jeweils **ein** Literal (in diesem Fall $q(X)$ und seine Negation $\sim q(X)$) aus jeweils **zwei** Klauseln resolvieren!

3. Aufgabe

a.

$$\begin{aligned}
 (A1) \quad & \forall X_1 (\text{politiker}(X_1) \Rightarrow (\forall Y (\text{knausrig}(Y_1) \Rightarrow \neg \text{mag}(X_1, Y_1)))) \\
 & \forall X_1 (\neg \text{politiker}(X_1) \vee (\forall Y_1 (\neg \text{knausrig}(Y_1) \vee \neg \text{mag}(X_1, Y_1)))) \\
 & \forall X_1 \forall Y_1 (\neg \text{politiker}(X_1) \vee \neg \text{knausrig}(Y_1) \vee \neg \text{mag}(X_1, Y_1)) \\
 & \neg \text{politiker}(X_1) \vee \neg \text{knausrig}(Y_1) \vee \neg \text{mag}(X_1, Y_1)
 \end{aligned}$$

$$(1)(\neg \text{politiker}(\mathbf{X}_1), \neg \text{knausrig}(\mathbf{Y}_1), \neg \text{mag}(\mathbf{X}_1, \mathbf{Y}_1))$$

$$\begin{aligned}
 (A2) \quad & \forall X_2 (\text{politiker}(X_2) \Rightarrow (\exists Y_2 (\text{firma}(Y_2) \wedge \text{mag}(X_2, Y_2)))) \\
 & \forall X_2 (\neg \text{politiker}(X_2) \vee (\exists Y_2 (\text{firma}(Y_2) \wedge \text{mag}(X_2, Y_2)))) \\
 & \forall X_2 \exists Y_2 (\neg \text{politiker}(X_2) \vee (\text{firma}(Y_2) \wedge \text{mag}(X_2, Y_2))) \\
 & \neg \text{politiker}(X_2) \vee (\text{firma}(\text{sk1}(X_2)) \wedge \text{mag}(X_2, \text{sk1}(X_2))) \\
 & (\neg \text{politiker}(X_2) \vee \text{firma}(\text{sk1}(X_2))) \wedge (\neg \text{politiker}(X_2) \vee \text{mag}(X_2, \text{sk1}(X_2)))
 \end{aligned}$$

$$(2)(\neg \text{politiker}(\mathbf{X}_2), \text{firma}(\text{sk1}(\mathbf{X}_2)))$$

$$(3)(\neg \text{politiker}(\mathbf{X}_2), \text{mag}(\mathbf{X}_2, \text{sk1}(\mathbf{X}_2)))$$

$$\begin{aligned}
 (A3) \quad & \exists X_3 \text{politiker}(X_3) \\
 & \text{politiker}(\text{sk2}())
 \end{aligned}$$

$$(4)\text{politiker}(\text{sk2}())$$

$$\begin{aligned}
 (\neg B) \quad & \neg (\exists X_4 (\text{firma}(X_4) \wedge \neg \text{knausrig}(X_4))) \\
 & \forall X_4 \neg (\text{firma}(X_4) \wedge \neg \text{knausrig}(X_4)) \\
 & \forall X_4 (\neg \text{firma}(X_4) \vee \text{knausrig}(X_4)) \\
 & \neg \text{firma}(X_4) \vee \text{knausrig}(X_4)
 \end{aligned}$$

$$(5)\neg \text{firma}(\mathbf{X}_4), \text{knausrig}(\mathbf{X}_4)$$

b.

$$\frac{(2) \quad (5)}{(6)(\neg \text{politiker}(\mathbf{X}_2), \text{knausrig}(\text{sk1}(\mathbf{X}_2)))} \quad \theta = \{X_4/\text{sk1}(X_2)\}$$

$$\frac{(4) \quad (6)}{(7)(\text{knausrig}(\text{sk1}(\mathbf{X}_2)))} \quad \theta = \{X_4/\text{sk1}(X_2), X_2/\text{sk2}()\}$$

$$\frac{(3) \quad (4)}{(8)(\text{mag}(\text{sk2}(), \text{sk1}(\mathbf{X}_2)))} \quad \theta = \{X_4/\text{sk1}(X_2), X_2/\text{sk2}()\}$$

$$\frac{(1) \quad (7)}{(9)(\neg \text{politiker}(\mathbf{X}_1), \neg \text{mag}(\mathbf{X}_1, \text{sk1}(\mathbf{X}_2)))} \quad \theta = \{X_4/\text{sk1}(X_2), X_2/\text{sk2}(), Y_1/\text{sk1}(X_2)\}$$

$$\frac{(8) \quad (9)}{(10)(\neg \text{politiker}(\text{sk2}()))} \quad \theta = \{X_4/\text{sk1}(X_2), X_2/\text{sk2}(), Y_1/\text{sk1}(X_2), X_1/\text{sk2}()\}$$

$$\frac{(4) \quad (10)}{\square} \quad \theta = \{X_4/\text{sk1}(X_2), X_2/\text{sk2}(), Y_1/\text{sk1}(X_2), X_1/\text{sk2}()\}$$

4. Aufgabe

Ohne Occurs Check:

```
?- A = f(A).
```

```
A = f(A).
```

Mit Occurs Check:

```
?- unify_with_occurs_check(A,f(A)).
```

```
false.
```

Mit

```
set_prolog_flag(occurs_check, true).
```

oder

```
set_prolog_flag(occurs_check, error).
```

kann der Occurs Check permanent angeschaltet werden. Wenn das Flag auf "error" gesetzt ist, gibt es eine Exception wenn der Check fehlschlägt.