### Почему поразительно пустое множество?

Холодняк Максим

Высшая школа экономики

2014

# Определение

Пустое множество — множество, не содержащее ни одного элемента.



 $A \cdot B = A = B$ 

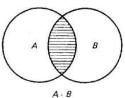
PHC. 15



A . B = B

PHC. 16





### Свойства

В некоторых формулировках теории множеств существование пустого множества постулируется (см. аксиому пустого множества), в других — доказывается.

- ∀a (a ∉ ∅)
- $\blacksquare \forall a (\emptyset \subseteq a)$

### Свойства

В некоторых формулировках теории множеств существование пустого множества постулируется (см. аксиому пустого множества), в других — доказывается.

$$\blacksquare \forall a \ (\emptyset \subseteq a)$$

$$\blacksquare \forall a (\emptyset \cup a = a)$$

$$|\emptyset| = 0$$

$$\blacksquare \forall a (\emptyset/a = \emptyset)$$

## Завершающий слайд

#### Подробнее

- http://mathworld.wolfram.com/EmptySet.html
- http://en.wikipedia.org/wiki/EmptySet