

### ■林其文

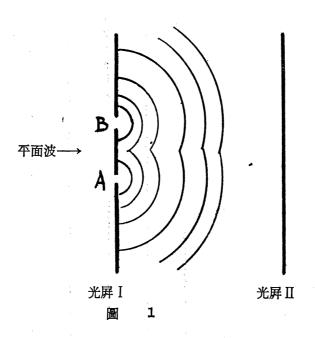
## ■曹培熙

在 這裏,我們的討論不是從「光子」的先驗定義出發,以導出與它的性質有關的種 種結果,而是以實驗所得的經驗知識為出發點。我們可以從這些實驗導出「光」 的某些性質,接着探討怎樣用一種統一的觀點解釋這些實驗。

# 波 動 性

### 1. 雙狹縫干涉

装置: (圖1)



實驗:(1) 把A遮住而將B打開,得到均匀的照射。

- (2) 遮住B而打開A,也得到均匀的照射。
- (3) A和B同時打開,則光屏Ⅱ顯出干渉圖型,而非(1)和(2)的照度和。

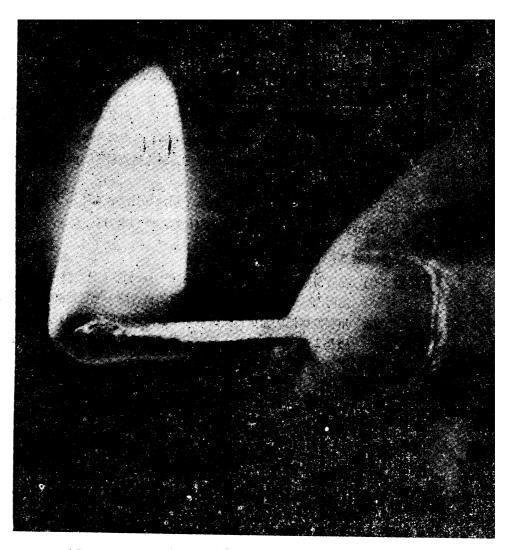
### 解釋:

對這現象所能作的最簡單解釋是什麼呢?

我們可以假設:到達A和B的光是平面波,而在通過狹縫之後,變成以A和B爲軸的柱狀波,而且這些波動都照着馬克士威方程式傳播。這樣的說明,可以完整地解釋這現象。

那麼,如果我們接受這解釋的話,這實驗告訴我們什麼呢?它告訴我們:光是一種波——無限地伸展在空間的任何方向上。它不是局部存在的。當然,在觀念上,這是和「質點」迥然不同的,一個質點只存在於空間的局部,而且沿單一方向運動。

# 什麽?



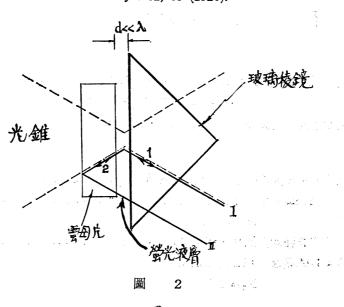
# 2. 廣角干涉

裝置: (圖2)

文獻: P. Selenyi, Zeitsch, f. Physik 108, 401 (1938).

P. Selenyi, Ann. d. Phys. 35, 444 (1911).

E. Schrödinger, Ann. d. Phys. 61, 69 (1920).



實驗:沿 I 和 II (1)觀察干涉現象:發現光的强度有正弦型的行徑。

(2)分析極化情形。

便可發現只有與紙面垂直的成份出現。在 I 和 II 方向上,各缺1及2兩種成份。

釋解:(1)原子發射出來的光,成爲相干性的球面波而傳播。

(2)就强度分佈而言,所觀察到的波具有偶極輻射 (Dipole Radiation) 的特徵。

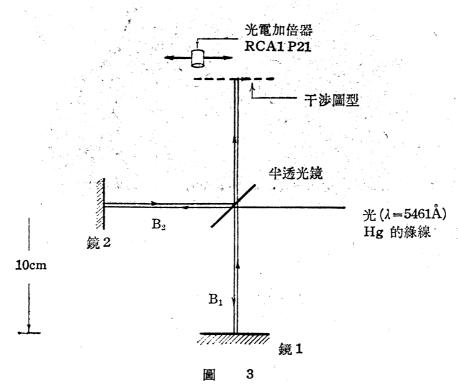
## 3. 光強度很低時的邁可生 (Michelson) 干涉儀

[L. Jánossy and Zs. Náray APASH 7, 403 (1957)]

装置: (圖3)

實驗:(1) 在尋常强度 (每秒光子數  $N=10^{10}/\text{sec}$ ) 時,光束被半透光鏡 (Semi-Transparent) 分 為兩部分  $(B_1, B_2)$ 。這兩部份重新會合時,光電倍加器顯示出干涉圖型。

(2) 用强度極低的光束重做這實驗。若假定由原子發出長度爲 $\Lambda$ 的一個光子,而 $\Lambda$ 的數量 級是1米〔這個值是以觀察所得的相干長度(Coherent Length)爲根據的〕,則只要



光子間不發生任何程度的重叠,就可以說强度 N是很低的,這條件可以表示成 N  $\ll$  N<sub>0</sub>  $\equiv$  C/ $\Lambda \approx 3 \times 10^8$  光子/秒

其中强度 N (以每秒光子數表示) 的定義是

$$N = -\frac{I}{h\nu}$$

而 I=每秒流過的能量,用熱電偶測定 hv=光量子的能量。

Jánossy。設計了使 N 減小的方法·而得到低强度的光束:

N=106光子/秒

「低强度」的另一種定義是:要求每秒中在儀器內能發現的光子數之平均值小於 1;也就是說,把强度上限規定爲

$$N_0 = C/1$$

### 而 1= 儀器內部路徑的長度。

當然,這兩種定義所得的低强度上限實際上是相同的。

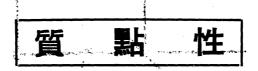
由於單獨的光子可用眼睛察知,上述準則是可以直接使用於判別的,所以「是否慎的只有少數光子出現」這個問題是可以直接藉吾人的知覺予以驗證的。不過,對這實驗所作的解釋並不需要把光子看成質點。

Jánossy 做這實驗時,把整套儀器裝在地面下30米深處的隧道裏,並且用遙控設備操作濾光器,光開關等。這樣子可以使溫度保持相當穩定,而足以防止干涉條紋的移位(例如)於一級(Order)的十分之一以內。在做正式測定之前,整套設備必須保持兩三天不受擾動,以達成熱平衡和力學平衡,因爲應力(Stress)會使儀器發生緩慢的變形,而使于涉圖型發生「蠕動」。

在常溫下, RCA1P21 光電倍加器內的暗電流 (Dark Current) 約為 105 脈動/秒,這是需要減少的。減少它的方法是使陰極片的不用部份失去效用,以使它不參與暗電流的產生。又在倍加器外殼上施以適當的電位。於是暗電流就減少為每秒約 200 脈動。

**結果:** 高强度與低强度實驗的分佈情形和相對强度方面都沒有具體的差別。原來估計會觀察到 5 至10%的差別的。

解釋:由於各光子是互不相關地到達光電倍加器,所以不會互相干涉。因此,干涉圖型必定不是由於相異光子間的干涉而造成的。假如一個光子可以看成是一個波,而半透光鏡把它分成兩部份,最後光子自己與自己發生干涉,那麼我們就可以了解這現象。所以,一個光子就是一個相干波(Coherent Wave)。



### 4. 光雷效應

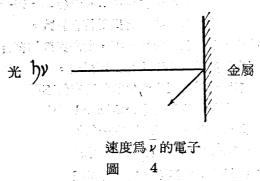
装置: (圖4)

發現:(1) µ 與入射光的强度無關,只跟頻率有關。

解釋:愛因斯坦的解釋是:光只能以能量為 hv 的光量子形式被吸收或發射:

$$h\nu = A + \frac{1}{2}m_e v^2$$

這裏的A是該金屬的游離電位。



發現:(2) 自金屬表面逸出的電子數隨入射光强度而俱增。

這效應被人們用在偵測光子的標準裝置——光電倍加器 (PM)。到達倍加器的單個光子激發出一個光電子,以致造成電子的湧生 (Avalanche)。 這結果可以放大而記錄下來。我們便可藉着光電倍加器直接計數光束中的光子。倍加器的效率約爲1/20到1/200,因裝設方式而異。 這效率決定於到達陰極的光子激發電子的機率。因此,倍加器不能數出每個光子, 只能在每 n 個中數出一個,這 "n" 是倍加器的特性。

就單一頻率 v 的高强度光束而言,系統中受照射部分的光子密度,與馬克士威方程式預計的能量密度成正比。

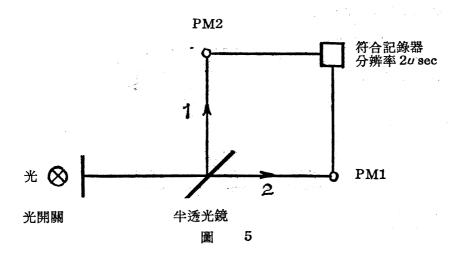
### 5. 光束強度的起伏

Vavilov 由實驗顯示微弱光束的强度會有起伏 (Fluctuation), 顯示出光子是彼此不相關的。

### 6. 光子間的符合

(A. Adám, L. Jánossy and P. Varga APASH 4, 301 (1955))

装置: (圖5)



實驗: 設減弱了的光源發射强度為 N 光子/秒。若在光源前面放一個開關,而開關保持開放的時間是

$$\tau \ll \frac{1}{N}$$

則光子大多數是單個地逸出。這樣就造成了產生相離單個光子的光源。接着,我們考慮當光子撞及鏡面時的情形。它必須沿路徑 1 和 2 行動。若一個光子會被那半透光鏡分裂,則 PM1 和 PM2 兩個倍加器之間,會呈現符合信號。

實驗要比較的,是下列兩種情況裏,所觀察到的符合次數:(1)倍加器受到相干性光束照射時;(2)受同樣强度的非相干性光束照射時。

實驗結果看不出兩種情況所產生的效應有何不同。所以,我們可以安全地假定:所有被記下的符合數,都是偶然符合 (Accidental Coincidence)。實際記錄到的符合事件,可以看做是:把開關打開時,偶然地聚在一起的獨立光子所造成的。總而言之,單個光子只被 PM 中的某一個記下,而不會同時被兩個 PM 測出。

解輯: 光子必定是互不相關的。實際上,我們可以把「光子被開關釋出的時間間隔」任意放大, 以使得光子間不可能產生關聯。

# 兩個綜合波動性和質點性的

### Gedanken Experiment

在,我們着手設計兩個想像的實驗(Gedanken Expt.),以綜合地表現前面提到的各種現象。所謂的 Gedanken Expt.,是一種到目前還沒有人做過,也可能由於時間、人力或財力的不足,而永遠不會被實現的實驗,例如一項費時需 200 年才能完成的實驗。不過,一個 Gedanken Expt. 並非任意想像的,而是在技術上必須是可行的實驗,而且它的結果也必須是能藉眞正的(即人們實際做過的)實驗作確定預言的。

### 1. 雙狹縫干涉的想像實驗

我們把第一個實驗的設計改變一下,而重做該實驗:用一些光電倍加器代替光屏Ⅱ,並使光源只能射 出單個光子。也就是說,我們要把光屏Ⅱ的寬大面積,縮成點偵測器,並且把光的强度減小。

每個光子(至多)只能觸發一個 PM,因此,通過狹縫的每個光子只能出現在屏上的一個點。用單獨的獨立光子重做實驗①時,在許多許多次實驗之後,實驗的總結果,必定顯示與實驗①之干涉圖型相同的强度分佈,因爲

- (1) 由 Vavilov (⑤) 的實驗,我們知道單獨的光子是互不相關地到達屏上各點,而且
- (2) 由 Michelson 實驗③可知:干涉圖型與光子間的交互作用無關,因為若把光束强度減低,就一定會減小這交互作用。

我們能使一個光子通過(例如) 1,000 個裝置, 而非使一千個光子通過一個儀器的方法, 以得到相同的圖型。

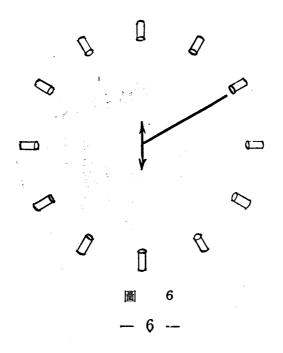
結論:光柵產生的干涉圖型,是單獨光子之個別而獨立的效應。

顯然地,這是一項非常重要的實驗結果。它使下一個想像實驗造成一個詭說 (Paradox)。

### 2. 偶極輻射的想像實驗

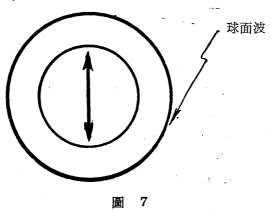
第一種裝置: (圖6)

實驗: 在作偶極輻射的光源周圍,放置一些 PM,以偵測發射出來的光子之方向。



這樣射出的光子不會自行干涉,因爲它不會同時出現於相反方向,例如,我們無法像 Selényi 所做的那樣,使它們相遇。藉着康普頓散射,或發出光子後原子的反彈現象等,我們可以測出光子傳播的方向〔參看如 G. Breit, Journal of Op. Soc. Am. 14, 374 (1927)〕。

#### 第二種裝置: (圖7)



實驗②顯示各個方向上都有輻射。我們就用實驗②的裝置和前述第一種裝置圍繞光源 ,以得到第一個,第三個第五個……等光子的方向分佈,而使第二、四、六等光子發生干 涉。

經過很多次實驗之後,我們可以下個結論:所有的光子都兼具兩種性質。雖然我們不 曾真正地測定第二、第四等光子的方向分佈,及第一、第三等光子的干涉圖型,我們却知 道它們會有那些行徑,因爲計數的方法是完全隨意的!

這就相當於說:如果我們每隔秒看某棵樹一次,而看到它還在原處,就推論道「當我們不看的時刻裏,那樹也在那兒」。這是所有實驗的一項基本假設,例如,我們測定由加速器射出的質點能量,並確定它們是 $\pi$ 介子,然後就在「它們是同樣能量的 $\pi$ 介子」之假設下,進行實驗。

我們若是接受這個結論,就會得到跟常用的量子力學之哥本哈根解釋相抵觸之處,因 爲就實驗⑥來說,哥本哈根學派認爲光子處於兩種狀態之中,而我們却說它必定在兩個方 向的某一個上,不能被分裂。

# \*解釋\*

### 1. Jánossy 的解釋 [APASH 1, 423 (1952)]

是以光子的方式發射的。一旦它被發射出去之後,它就變成一個波,而按馬克士威方程內傳播着。它被吸收時,這傳播就告終止,而且在吸收的過程裏,它又以光子方式出現。

吸收作用被描述爲**:**電磁場與電子或原子間,極端强烈的交互作用。交互作用的結果之一是**:**整個波收縮了,而且以高於光速的速率被吸收中心吸入。

若一個光子同時與多於一個的吸收中心,開始發生强烈的交互作用,而且作用時每個中心都會獨立地 吸收該波,好像沒有其他吸收中心一樣。那麼就會發生一種複雜的過程,結果是有一個中心克服了其他中 心的交互作用,而吸收整個光子。

這只是一種定性的物理描述。它和實驗結果一致,雖然我們也許難以在字面上接受「高於光速的吸收過程」;例如 我們可以不想像「吸入」,而考慮以高於光速之速率「吐出」光子的排拒中心。

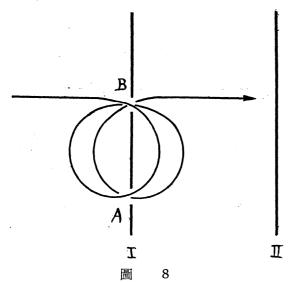
### 2. 統計性的解釋

設  $\phi$  表示一狀態向量 (state vector),而用算符 O 對應於某個物理量的測定 ,並且本徵函數 (eigenfunction) 爲  $\psi_1$ ,  $\psi_2$ , …,那麼狀態  $\phi$  就可以表示成

### $\psi = A_1 \psi_1 + A_2 \psi_2 + \cdots \qquad (O\psi_k = A_k \psi_k)$

於是狀態  $\phi$  就被解釋爲許多處於相同狀況的原子或光子的狀態, 而非任一單個光子或原子的;而且,若對每個光子(原子)作相同的測定, 則結果將是分散的 , 而得到某個特定物理量值  $O_k$  的機率則是  $|A_k|^2$ 。

這個解釋也和實驗結果相符,可是它並未包含我們所能得到的全部現象,因爲我們可以用單個光子做實驗。以實驗①爲例:



若在狹縫A或B的後面放置計數器,而擋住狹縫,就能偵測出到達狹縫的光子,而光屏Ⅱ上面就看不到任何圖型。假使把這些計數器拿開,光子就能在光屏Ⅱ上形成干涉圖型。所以,我們可以由想

像實驗②推論道:每個光子只通過一個狹縫,而在 通過之後落在光屏Ⅱ上。

現在我們考慮屏上干涉條紋中的暗紋。單看從狹縫A通過的光子,我們發現它們會避免落在暗紋所在位置上。假如遮住B,通過A的光子就不再避開那些位置。因此,必定有些光子在B開放和遮住時,落在不同位置上。這樣的解釋,只在當通過A和B通過的質點之間有交互作用時,才能够成立。但是,實驗③已經否定了這種交互作用的存在,因爲若使個別的質點,以相當長的時間間隔依次到達光屛Ⅱ,則每個質點的命運,早在後繼質點到達之前就完全決定了。

所以,每個質點都必須通過A和B這兩個狹縫。那麼,這現象怎麼發生呢?難道就像圖8這樣嗎? 當然,這種路徑完全是虛擬的,而不可能眞有這麼回事,因爲,若是增加狹縫的數目,强度就會嚴重 地減弱。

### 3. 哥本哈根解釋

[Dirac, The Principles of Q.M.; L. Rosenfeld, Nature 190, 384 (1961)]

#### 狄喇克說:

「波動函數告訴我們的,是有關一個光子位於某持定位置的機率資料,而非該位置可能有的光子數之資料。我們可以由下述說明,知道這分佈的重要性:假定把一含着大量光子的光束,分成强度相等的兩個分束,又假設光束的强度與束中可能有的光子數有關,則每一分束應含有總數之半的光子。要使這兩個分束發生干涉,就得要求一分束內的某個光子能跟另一分束內的一個光子相干涉。有的時候,這兩個光子必須互相湮滅;有的時候,它們又必須形成四個光子。這就違反了能量的守恆(Vavilov 的實驗也否定了這現象)。把波動函數與一個光子的機率連繫起來的這個新理論(即指哥本哈根解釋)克服這難題的方法是:使每個光子能部份地存在於每一分束中。於是,每個光子只跟本身發生干涉。兩個相異光子間的干涉就不會發生。」

因此,照這個觀點看來,光子伸展成一個叠合的狀態 (superposed state)。測定的操作引起一項擾動,使得叠合狀態突然變成一個單獨狀態

$$\phi \longrightarrow \phi_k$$

對於實驗⑥,哥本哈根學派認爲,在光子的路徑被分裂之後,我們無從知道該光子到底在那個光束內。觀察使得光子躍入一個確定的狀態。

那麼,這時候的觀察是怎麼做的呢?我們知道,那是用光電倍加器做的。光子和一個原子相撞,產生一個光電子。外加電場使光電子加速,而生成次級電子等等。大約十級之後,電子湧生的量就大得可以用宏觀方法記錄下來了。最先進入的光子之存在,決定了我們會得到這麼一個記錄。

不容易了解的是:爲什麼單單一個光子同時到達兩個光電倍加器時,只觸發其中一個,而不觸發另一個。事實上,我們可以使兩個成份在不同的時刻到達倍加器,使該光子自所已到達的倍加器上消失,而使另一成份能觸發另一倍加器。假如光子只是這兩個狀態的叠合,那麼「光子到達某個 PM 是否比到達另一個 PM 爲早」就無關緊要了。

我們注意到,本文所敍述的難題只是觀念上的,不是測不準原理對位置和動量的精確量度所加的限制 的那種問題。