

Introdução à Programação



Recursão

Recursão

decoração

Substantivo feminino.

1. Ato ou efeito de **decorar**

decorar

Verbo transitivo direto.

1. Guarnecer com adorno(s);
dispor formas e cores em;
ornamentar, embelezar;
2. Realçar, avivar, adornar;



Tópicos da Aula

- ◆ Hoje, aprenderemos a usar uma técnica de programação chamada de recursão
 - Conceito de Recursão
 - Definições Recursivas
 - Casos Base e Geral
 - Programando Recursivamente
 - Recursão X Laço

Recursão

- ◆ Uma definição **recursiva** de um conceito consiste em utilizar o próprio conceito na definição
 - Ex: $\text{fat}(n) = n * \text{fat}(n-1)$
- ◆ Definições recursivas em linguagem natural não são, geralmente, muito úteis
- ◆ Contudo, em outras situações, uma definição recursiva pode ser a mais apropriada para explicar um conceito
- ◆ **Recursão** é uma técnica de programação que pode fornecer soluções elegantes para determinados problemas

Mas, antes, deve-se aprender a pensar recursivamente!

Definições Recursivas: *Lista*

- ◆ Considere a seguinte lista de números

24, 88, 40, 37

- ◆ Podemos definir uma lista de números como:

Uma **LISTA** é um: **número**
ou um: **número** **vírgula** **LISTA**

Resumindo: uma **LISTA** é definida ou como um único **número**, ou como um **número** seguido de uma **vírgula** seguida de uma **LISTA**

Utilizamos **LISTA** para sua própria definição

Definições Recursivas: *Lista*

A parte recursiva da definição de **LISTA** é utilizada diversas vezes, até que se possa utilizar a parte não recursiva

número vírgula

LISTA

24

,

88, 40, 37

88, 40, 37

40, 37

37

Parte não
recursiva da
definição de
LISTA

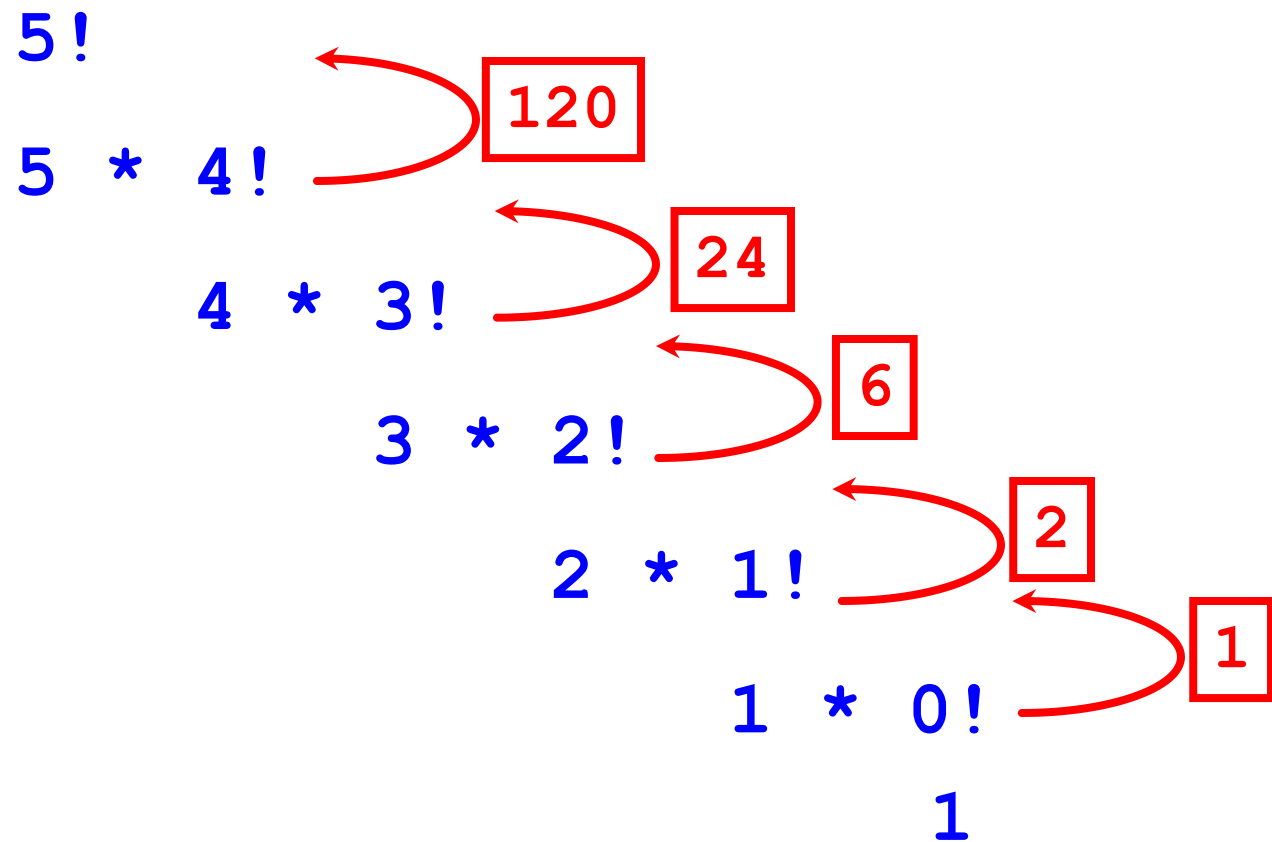
Parte
recursiva da
definição de
LISTA

Definições Recursivas: *Fatorial*

- ◆ **Fatorial** de um número N ($N!$), que é inteiro e positivo, é definido como a multiplicação de todos os inteiros compreendidos entre 1 e N (inclusive)
- ◆ Podemos definir fatorial recursivamente:
$$0! = 1$$
$$N! = N \times (N-1) !$$

Mais uma vez, utilizamos fatorial para sua própria definição

Definições Recursivas: *Fatorial*



Caso Base e Caso Geral

- ◆ Toda definição recursiva deve ter uma parte recursiva e outra não recursiva
- ◆ Se não houver a parte não recursiva, o caminho recursivo nunca termina
 - Gera uma recursão infinita
 - Similar a um laço infinito
- ◆ Denomina-se de **caso base**, a parte não recursiva da definição, enquanto o **caso geral** é a parte recursiva

Programação Recursiva

- ◆ Uma função em C pode chamar ela mesma
 - Função recursiva
- ◆ O código de uma função recursiva **deve** tratar o caso base e o caso geral
- ◆ Cada chamada da função cria novos parâmetros e variáveis locais
 - Cria-se uma nova instância da função
- ◆ Como em qualquer chamada de função, assim que a função termina sua execução, o controle retorna para a função que a chamou (que neste caso, é outra instância da mesma função)

Exemplo de Função Recursiva: *Fatorial*

```
int fatorial(int n) {  
    int resultado;
```

```
    if (n == 0)  
        resultado = 1;
```

```
    else
```

```
        resultado = n * fatorial(n - 1);
```

```
    return resultado;
```

```
}
```

Caso Base

Caso Geral

Chamando Função Recursiva: *Fatorial*

```
int main() {  
    int fat = fatorial(2);  
    printf("Fatorial de 2 é %d", fat);  
  
    return 0;  
}
```

Pilha de Execução de Funções Recursivas

1 – Chamada da função:
cópia do argumento

resultado		
n		
fat		
	-	
	2	<fatorial <main
	-	

2 – Chamada recursiva:
cópia do argumento

resultado		
n		
resultado		
n		
fat		
	-	
	1	<fatorial'
	-	
	2	<fatorial <main
	-	

3 – Chamada recursiva:
cálculo da expressão

resultado		
n		
resultado		
n		
resultado		
n		
fat		
	1	<fatorial''
	0	
	-	
	1	<fatorial'
	-	
	2	<fatorial <main
	-	

4 – Retorno da 3a chamada:
cálculo da expressão

resultado		
n		
resultado		
n		
fat		
	1	
	1	<fatorial'
	-	
	2	<fatorial <main
	-	

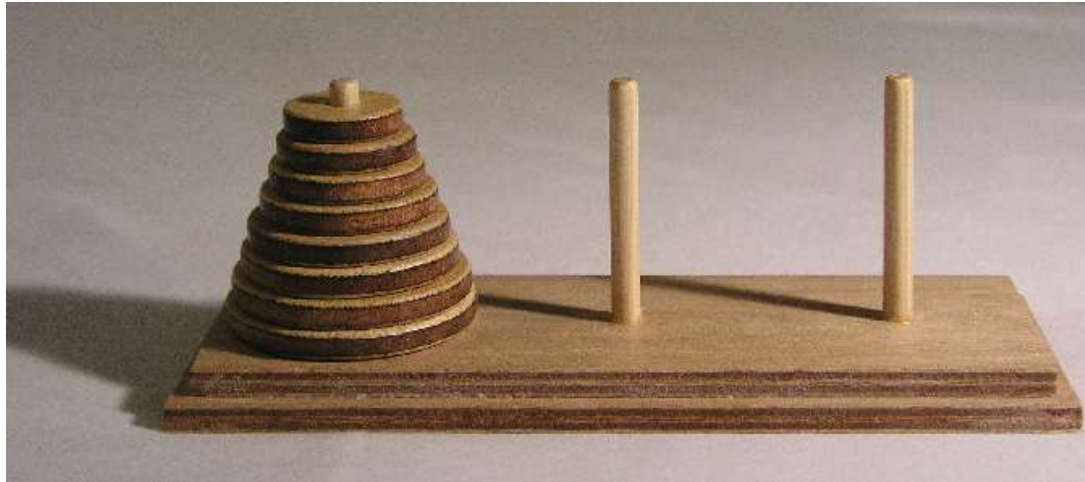
5 – Retorno da 2a chamada:
cálculo da expressão

resultado		
n		
fat		
	2	
	2	<fatorial <main
	-	

5 – Retorno da
1a chamada

fat		
	2	<main

Usando Recursividade para resolver problemas

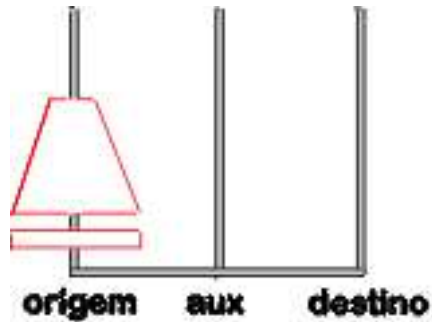


Problema: Torre de Hanoi

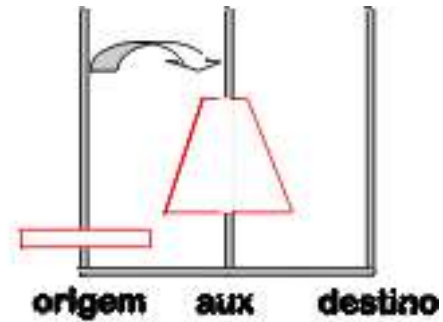
Deve-se transportar todos os discos da primeira estaca até a última obedecendo as seguintes regras:

1. Só pode ser deslocado um disco por vez (o do topo de uma estaca)
2. Em nenhum momento um disco maior pode estar sobre um menor

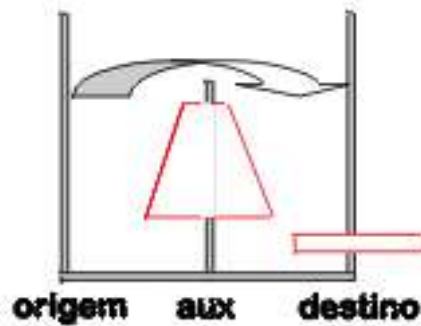
Resolvendo Recursividade o Problema da Torre de Hanoi



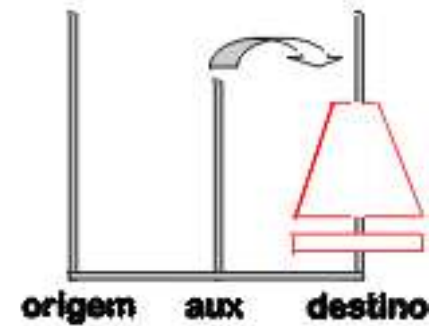
(a)



(b)



(c)



(d)

Solução: Torre de Hanoi

1. Mover $n - 1$ discos da estaca Origem para a Temporária
2. Mover o disco n da estaca Origem para a Destino
3. Mover $n - 1$ discos da estaca Temporária para a Destino

Torre de Hanoi

Caso Base

```
void mover(int n, char orig, char temp, char dest) {  
    if (n == 1)  
        printf("Mova o disco 1 da estaca %c para a estaca  
               %c\n", orig, dest);  
    else {  
        mover (n-1, orig, dest, temp);  
        printf("Mova o disco %d da estaca %c para a estaca  
               %c\n", n, orig, dest);  
        mover (n-1, temp, orig, dest);  
    }  
}
```

Caso Geral

Pontos Chave de uma Solução Recursiva

- ◆ Definir o problema em termos recursivos
 - Definir o caso geral
- ◆ Determinar o caso base
- ◆ Definir uma solução de modo que a cada chamada recursiva, podemos nos aproximar do caso base

Recursão x Laço

- ◆ Não é porque existe uma solução recursiva, que sempre devemos usá-la
- ◆ Soluções iterativas (com laço) são geralmente mais eficientes
 - Soluções recursivas geralmente demandam mais poder de processamento e memória
- ◆ Porém, soluções utilizando recursão podem ser mais elegantes e mais compreensíveis que soluções iterativas equivalentes
- ◆ Programador deve analisar caso a caso qual é a melhor técnica a aplicar para a resolução do problema

Resumindo ...

◆ Recursão

- Conceito
- Exemplos de definições recursivas
- Casos Base e Geral
- Programando Recursivamente
- Recursão X Laço