



## Aula 2

# Busca Não Informada

Rafael Geraldeli Rossi

# Introdução

- Várias **soluções** para problemas do mundo real podem ser dadas por escolher uma solução dentre um espaço de soluções
- Porém, dependendo da quantidade de opções envolvidas, **o processo de escolha via tentativa e erro pode ser inviável devido à grande possibilidade de combinações**
- Isso tanto para um humano quanto para o computador

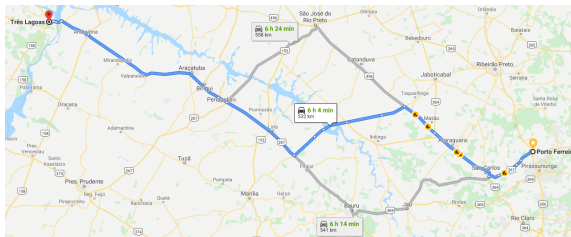


# Introdução

- Dentro da Inteligência Artificial existem uma área denominada **Resolução de Problemas por Meio de Busca**
- Essa área consiste em métodos para achar uma solução dentro de um espaço de soluções
- Porém, ao invés do uso de força bruta (tentativa e erro de todas as possibilidades), existem técnicas para a obtenção da solução, **com um menor custo, e levando à solução ótima ou próximo à solução ótima**

# Introdução

- Várias **soluções** para problemas do mundo real podem ser dadas por uma **sequência de ações**
- **Exemplos:**
  - Definir uma rota de viagem
    - Definir a cidade de início da rota
    - A partir da cidade de início, escolher a próxima cidade, depois a próxima, e assim por diante até chegar a cidade de destino



# Introdução

- **Exemplos:**

- Jogos de tabuleiros

- 8-puzzle: dada a configuração inicial, mover sequencialmente as pedras em direção ao espaço em branco até obter um sequencia de pedras ordeandas
- Jogo da velha: marcar símbolo que represente o seu jogado em um tabuleiro, um após o outro, na tentativa de obter uma sequência de símbolos



# Introdução

**PERGUNTA:** Como automatizar a escolha da sequência de passos para que estes possam ser executados por meio de máquinas?

**RESPOSTA:** Realizando uma busca em um espaço de estados, em que cada estado caracteriza uma solução parcial ou final de um problema

**Grandes parte dos problemas de IA podem ser resolvidos por meio de busca**

# Introdução

- Para os problemas e respectivos algoritmos para suas soluções que iremos considerar nesta aula, vamos assumir que o ambiente é:
  - **Observável:** é sempre possível saber qual é o estado atual
  - **Discreto:** dado um estado, existe um número finito de próximos estados a serem escolhidos
  - **Conhecido:** é possível saber quais são os próximos estados a serem escolhidos
  - **Determinístico:** as mesmas escolhas sempre levam aos mesmos estados

# Introdução

- **Nesse contexto**, temos que formular o problema no qual queremos encontrar a solução baseando-se baseado em um “**estado inicial**”, como escolher o próximo estado e a **definição de um objetivo**
- O processo de **procurar por uma sequencia de ações** que **alcançam um objetivo** é chamada de **BUSCA**
- Nesta e na próxima aula, estudaremos algoritmos de busca em espaços de estados observáveis, conhecidos, discretos, e determinístico, e será retornado como **solução** uma **SEQUÊNCIA DE AÇÕES**



# Formulação de um Problema

- **5 componentes são fundamentais:**
  - **Estado Inicial:** o estado em que o agente inicia
  - **Possíveis ações:** uma descrição de todas as ações disponíveis (e possíveis) dado um estado  $s$
  - **Função sucessor:** retorna um estado que pode ser alcançado a partir de uma determinada ação em um estado  $s$
  - **Teste de objetivo:** determina se um determinado estado é um estado objetivo
  - **Custo do caminho:** função que atribui um custo numérico para cada caminho

# Formulação de um Problema

- Ao considerar o componentes apresentados anteriormente, podemos considerar que o problema a ser resolvido pode ser representado por um grafo de **espaço de estados**
  - Cada estado representa um **nó do grafo** (solução parcial ou final para um problema)
  - Estados que pode ser alcançados a partir de outros estados são conectados por **arestas**
  - Essas **arestas podem conter informações** para auxiliar na busca (ex: custo para mover-se de um estado para outro)

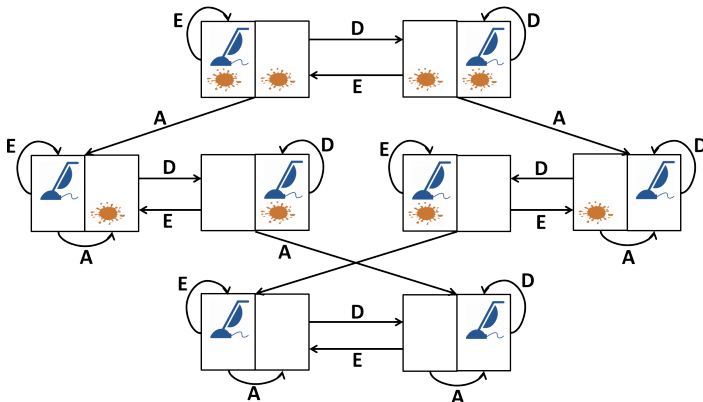
# Formulação de um Problema

- **OBSERVAÇÃO 1:** assume-se que os custos dos caminhos são sempre **não negativos**
- **OBSERVAÇÃO 2:** muitas vezes objetivo é especificado por uma propriedade abstrata ao invés de um conjunto bem definido de estados
  - **Ex:** No xadrez, o objetivo é alcançar o um estado denominado “*checkmate*”, no qual o rei do jogador oponente está sobe ataque e qualquer movimento movimento do rei resultará também em uma situação de ataque

# Formulação de um Problema

- **OBSERVAÇÃO 3:** a qualidade da solução é medida pelo custo do caminho até a solução → **a solução ótima é aquela que apresenta um caminho de menor custo**
- **OBSERVAÇÃO 4:** dependendo de um problema, **pode haver mais de um estado objetivo**

# Mundo do Aspirador de Pó



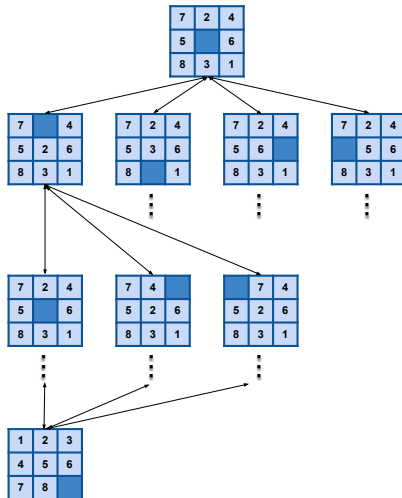
Ações

**A:** aspirar**D:** mover para a direita**E:** mover para a esquerda

## Mundo do Aspirador de Pó

- **Estados:** o estado é determinado pela localização do aspirador e pela localização da sujeira
- **Estado Inicial:** qualquer um dos estados no topo da figura pode ser considerado como estado inicial
- **Possíveis ações:** pode-se realizar as ações de mover para a esquerda, mover para a direita e limpar
- **Função sucessor:** retorna um estado decorrente das possíveis ações
- **Teste objetivo:** verifica se todos os quadrados estão limpos
- **Custo do caminho:** cada passo tem custo 1 e portanto o custo do caminho é o número de passos realizados para se encontrar a solução

# 8-puzzle



# 8-puzzle

## ● OBSERVAÇÕES:

- É interessante notar que o espaço de estados completo do quebra-cabeça do 8-puzzle consiste em dois subgrafos desconectados
- Isso faz com que metade dos estados possíveis no espaço de busca seja impossível de ser alcançada a partir de qualquer estado inicial

Da forma como vimos até agora, a partir do estado inicial, vamos gerando estados sucessivos na expectativa de atingir o estado objetivo (busca guiada por dados)

Porém, podemos gerar os estados a partir do estado objetivo em direção ao estado inicial (**busca guiada por objetivo**)

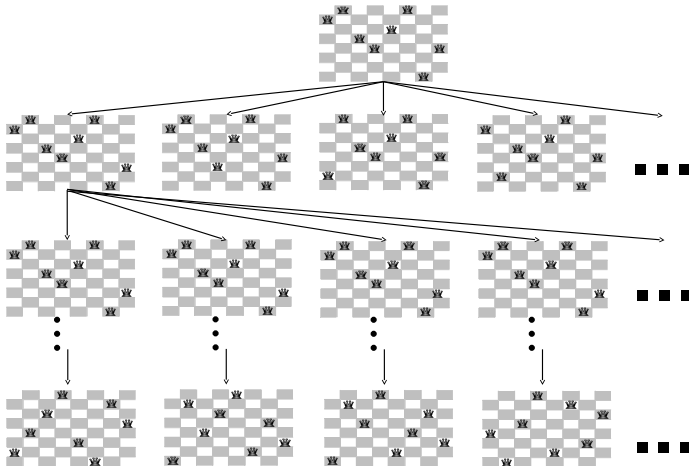
- Busca guiada por dados e busca guiada por objetivos (colocar as figuras aqui).



## 8-puzzle

- **Estados:** determina a localização de cada um das peças numéricas e do espaço em branco
- **Estado Inicial:** qualquer configuração do tabuleiro pode ser designada como possível estado inicial
- **Possíveis Ações:** definem os movimentos do espaço em branco possíveis, isto é, esquerda, direita, cima e baixo, desde que não extrapolem os limites do tabuleiro
- **Função Sucessor:** retorna um estado decorrente de uma ação possível
- **Teste Objetivo:** verifica se o estado é equivalente ao estado final desejado, isto é, as pedras estão ordenadas crescentemente de acordo com seu valor
- **Custo do caminho:** cada movimento do espaço em branco possui custo 1, e o custo do caminho é dado pela quantidade de movimento (comprimento do caminho) até encontrar a solução desejada

# 8 Rainhas



## 8 Rainhas

- **Estados** qualquer arranjo de  $n$  rainhas, sendo uma por coluna
- **Estado inicial:** rainhas distribuídas aleatoriamente (uma em cada coluna)
- **Possíveis ações:** movimentar uma rainha de forma a diminuir o número de ataques
- **Função sucessor:** retorna um estado decorrente da movimentação de uma rainha de forma que este estado apresente menos rainhas atacando-se
- **Teste objetivo:** 8 rainhas estão no tabuleiro de forma que nenhuma ataque a outra
- **Custo do caminho:** cada movimento de rainha possui custo 1

## 8 Rainhas - Formulação Alternativa

- **Estados** qualquer arranjo de  $i$  rainhas ( $0 \leq i \leq n$ ), uma por coluna
- **Estado Inicial:** sem rainhas no tabuleiro
- **Possíveis ações:** adicionar uma nova rainha em uma coluna vazia mais a esquerda de forma que a rainha não ataque nenhuma outra rainha
- **Função sucessor:** retorna o tabuleiro com uma rainha adicionada na posição especificada
- **Teste objetivo:** 8 rainhas estão no tabuleiro de forma que nenhuma ataque a outra
- **Custo do caminho:** cada movimento de rainha possui custo 1

## 8 Rainhas - Formulação Alternativa

- **OBSERVAÇÕES:**

- No problema das 8 rainhas há  $1.8 \times 10^{14}$  possíveis estados a investigar
- Uma boa formulação do problema proíbe colocar uma rainha em uma posição que já está atacada → diminui o espaço de busca

# Encontrar Rotas

- **Encontrar rotas** (pacotes entre roteadores de redes, planejamento de operações militares, planos de voo, caminho entre duas cidades - GPS)
- Muito utilizado na área de **logística**

# Encontrar Rotas

## ● Planejamento de viagem

- **Estados:** cada estado incluir o local (aeroporto) e o tempo atual
- **Estado inicial:** cidade de origem (especificada pelo consulta do usuário)
- **Possíveis ações:** qualquer cidade vizinha deslocar-se para uma cidade vizinha
- **Função sucessor:** escolher uma das cidades vizinhas para deslocar-se
- **Teste objetivo:** verificar se o local atual é o mesmo especificado pelo usuário como cidade destino
- **Custo do caminho:** custo monetário, tempo de espera, tempo de voo, custo dos procedimentos de imigração, qualidade do assento, tipo de aeronave, ...
- **Solução:** sequência de cidades a serem visitadas desde o estado inicial até o estado final (geralmente a sequência é aquela que provê o caminho de menor custo)

# Outros

- **Problema do caixeiro viajante**

- Um turista quer conhecer todas as cidades de uma região passando por elas uma única vez
- Além disso deve-se encontrar o caminho mais curto
- Mesmo problema pode ser aplicado em diversas outras situações

- **Very-large-scale integration (VLSI):** posicionar milhões de componentes e conexões em um *chip* para minimizar a área, tempo de transferência de dados e maximizar a manufatura



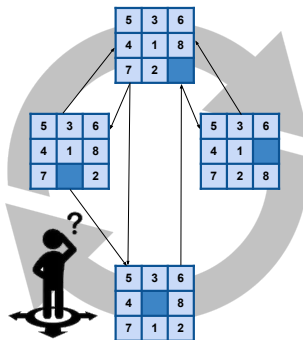
# Outros

## ● Sequenciamento de montagem automática

- Encontrar automaticamente sequências de inclusão de peças de forma a montar um objeto corretamente
- Sequências corretas impossibilitam a montagem correta sem refazer o trabalho
- Qualquer algoritmo prático deve evitar explorar todas as possíveis sequências mas apenas uma pequena porcentagem do espaço de estados
- Também pode ser aplicado ao design de proteínas, na qual o objetivo é encontrar sequências de aminoácidos que formam uma estrutura de proteína tridimensional com propriedades para curar algumas doenças

# Buscando por Soluções

- Estados as vezes podem ser alcançados por diferentes caminhos
- Vários caminhos a um estado podem levar a laços ou ciclos
- Podem impedir que o algoritmo alcance um objetivo



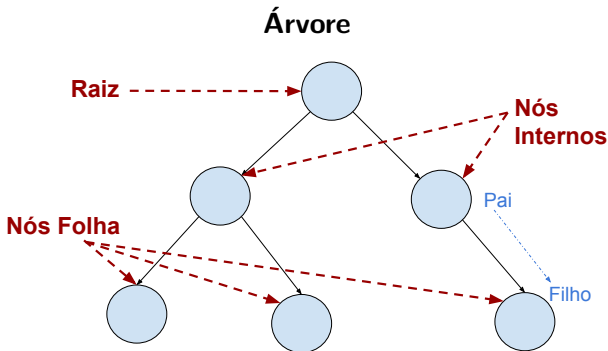
# Buscando por Soluções

- Felizmente não há necessidade de considerar ciclos
- Uma vez que custos de caminho são aditivos (e não negativo), passar por um ciclo nunca levará a um caminho melhor em comparação a um caminho sem considerar um ciclo
- Portanto, ao considerar grafos de estados, é necessário evitar os ciclos
- **Ou ...**

# Buscando por Soluções

- Considerar a modelagem de um problema como uma árvore de estados
- Uma árvore é um caso especial de grafo direcionado onde não há ciclos
- Estrutura da árvore:
  - **Raiz:** elemento que não recebe nenhum tipo de ligação (estado inicial)
  - **Nós internos:** elementos que recebem ligações e que estão conectados a outros elementos (soluções intermediárias)
  - **Nós folha:** nó que não se liga a nenhum outro nó (solução do problema ou alguma solução parcial a qual não é capaz de gerar outros estados)
  - **Ligações:** transições entre os estados

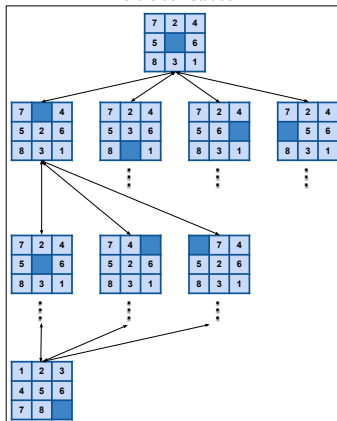
# Buscando por Soluções



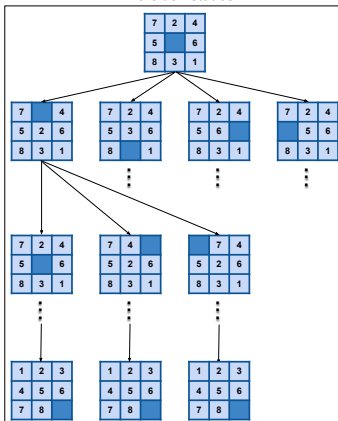
Na árvore, há no máximo um caminho entre dois nós

# Buscando por Soluções

Grafo de Estados



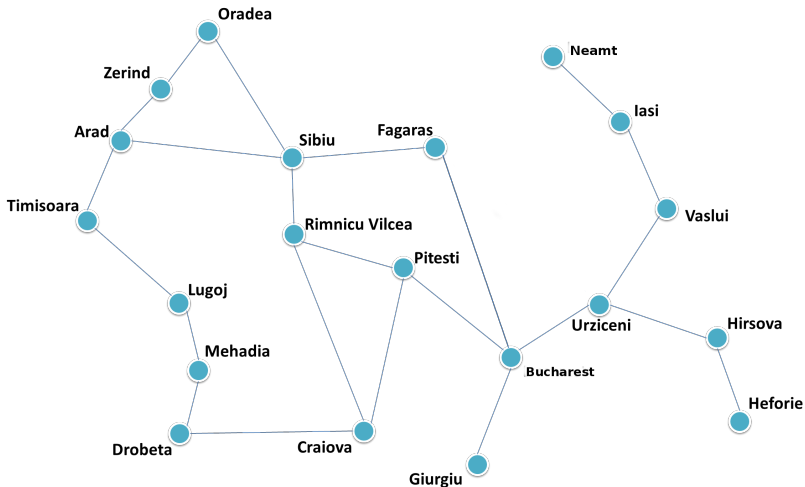
Árvore de Estados



# Buscando por Soluções

- A **construção da árvore se dá expandindo os possíveis estados** a partir do nó inicial, depois os estados a partir dos filhos do nó inicial e assim por diante, **até atingirem um nó em que não é mais possível expandir, ou até encontrar o estado objetivo**
- A ordem com que os nós da árvore são considerados para a expansão é denominada **ESTRATÉGIA DE BUSCA**

## Ex: Mapa da Romênia





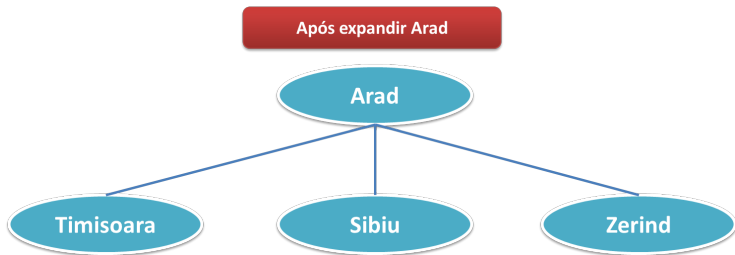
## Ex: Mapa da Romênia

Estado Inicial

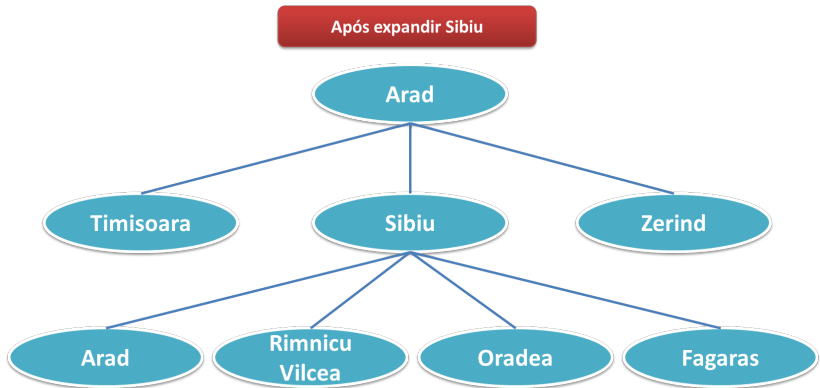
The diagram consists of two elements: a red rounded rectangle at the top containing the text 'Estado Inicial', and a blue oval with a white border at the bottom containing the text 'Arad'. Both elements have a subtle drop shadow.

Arad

## Ex: Mapa da Romênia



## Ex: Mapa da Romênia



# Descrição Informal do Algoritmo de Busca

```
function GENERAL-SEARCH(problem, strategy) returns a solution, or failure
  initialize the search tree using the initial state of problem
  loop do
    if there are no candidates for expansion then return failure
    choose a leaf node for expansion according to strategy
    if the node contains a goal state then return the corresponding solution
    else expand the node and add the resulting nodes to the search tree
  end
```

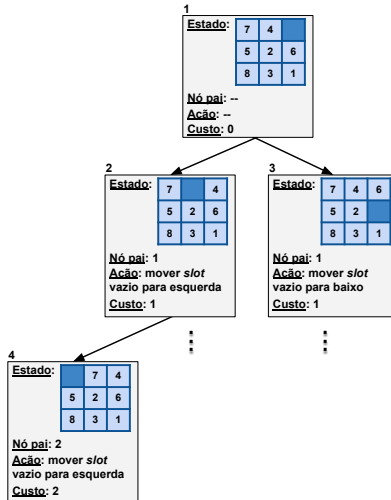
# Buscando por Soluções

- **OBSERVAÇÃO 1:** o conjunto de nós disponíveis para expansão em qualquer ponto da busca é denominado de **FRONTEIRA**
- **OBSERVAÇÃO 2:** em muitos problemas a expansão de estados de um determinado caminho da árvore também pode ser infinita
  - Devido à característica do problema
  - Devido à considerar estados repetidos
- **OBSERVAÇÃO 3:** deve-se utilizar um histórico de estados visitados para evitar as repetições denominados de conjunto de nós **EXPLORADOS**

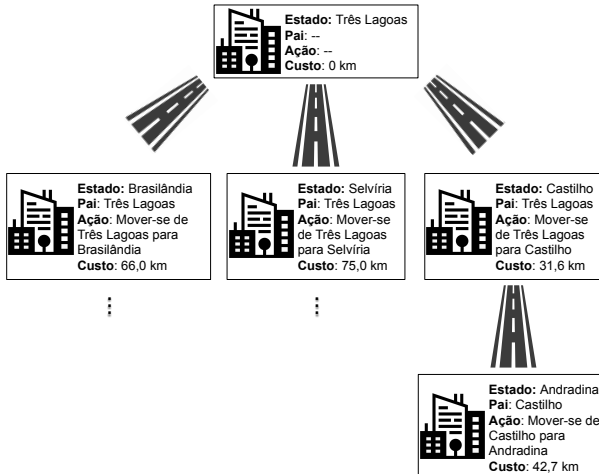
# Infraestrutura dos Algoritmos de Busca

- Para cada nó  $n$  da árvore de busca, têm-se a seguinte estrutura:
  - $STATE(n)$ : estado correspondente ao nó  $n$  no problema de busca
  - $PARENT(n)$ : nó da árvore cuja expansão gerou o nó  $n$
  - $ACTION(n)$ : ação aplicada ao pai para gerar o nó  $n$
  - $COST(n)$  ou  $g(n)$ : custo do caminho desde o estado inicial até o nó  $n$

# Infraestrutura dos Algoritmos de Busca



# Infraestrutura dos Algoritmos de Busca





## Estruturas para Gerenciar os Nós da Fronteira

- Para se evitar a inserção de estados repetidos (ciclos) e a possível geração de caminhos infinitos na árvore de busca, normalmente utiliza-se um **conjunto de nós já explorados** (geralmente armazenados em um **conjunto hash**)
- A estrutura mais utilizada para se gerenciar os nós da **fronteira** de um problema de busca é a **LISTA**

# Algoritmo de busca geral

```
function GENERAL-SEARCH(problem, QUEUING-FN) returns a solution, or failure  
  nodes ← MAKE-QUEUE(MAKE-NODE(INITIAL-STATE[problem]))  
  loop do  
    if nodes is empty then return failure  
    node ← REMOVE-FRONT(nodes)  
    if GOAL-TEST[problem] applied to STATE(node) succeeds then return node  
    nodes ← QUEUING-FN(nodes, EXPAND(node, OPERATORS[problem]))  
  end
```

# Estruturas para Gerenciar os Nós da Fronteira

- Três variantes comuns de listas para gerenciar os nós de fronteira são
  - **First-in, First-out (FIFO)**: elemento mais antigo na lista é o elemento a ser retornado e retirado
  - **Last-in, First-out (LIFO)**: elemento mais novo na lista é o elemento a ser retornado e retirado
  - **Lista de prioridade**: retorna o elemento da lista com maior prioridade de acordo com algum critério pré-estabelecido
- Cada uma dessas **variantes**, além das diferentes possibilidades de prioridades, irá definir um **algoritmo de busca diferente**

# Medidas de Desempenho para Resolução de Problemas

- Antes de estudar algoritmos de busca, é necessário considerar alguns **critérios** que podem ser utilizados para escolhê-los em situações práticas
- Pode-se avaliar o **desempenho** de algoritmos de busca de **4 maneiras**:
  - **COMPLETUDE**: o algoritmo garante encontrar uma solução quando existir uma solução
  - **OTIMALIDADE**: encontra a solução ótima (aquela com menor custo)
  - **COMPLEXIDADE DE TEMPO**: quanto tempo o algoritmo demora pra encontrar a solução (número nós visitados)
  - **COMPLEXIDADE DE ESPAÇO**: quanto de memória é necessário para executar a busca (número máximo de nós inseridos na fronteira)

# Medidas de Desempenho para Resolução de Problemas

- **Para se estimar o tempo e espaço serão considerados:**
  - **Branching factor (ou fator de ramificação):** número máximo de sucessores de qualquer nó (será denotado pela letra **b**)
  - **Depth (ou profundidade):** tamanho do caminho da raiz até o nó mais profundo (será denotado pela letra **d**)
  - **Tamanho máximo de caminho:** tamanho máximo de qualquer caminho (será denotado pela letra **m**)

# Estratégias de Busca Não Informada

- Nesta aula nós veremos algoritmos de **BUSCA NÃO INFORMADA** ou **BUSCA CEGA**
- Busca não informada significa que a estratégia de busca **não possui ou não considera informações adicionais** sobre os estados além do estado atual, ou não considera o custo dos caminhos até o estado atual, ou ainda considera que **todas as ações possuem o mesmo custo**
- Tudo o que esses algoritmos fazem é **expandir os estados sucessores** e **verificar se um estado é ou não um estado objetivo**
- Os algoritmos distinguem-se pela **ordem com que os estados sucessores são inseridos na fronteira**

# Busca em Largura

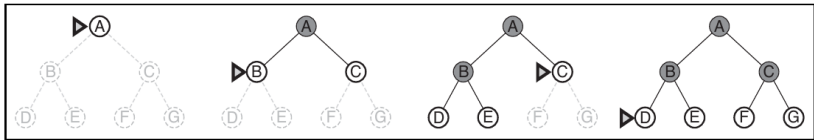
- **A busca em largura utiliza a seguinte estratégia:**
  - Primeiro a raiz é expandida
  - Todos os sucessores da raiz são expandidos em seguida
  - Os sucessores dos sucessores são expandindo
  - ...
- A característica geral da busca em largura é que todos os nós de uma profundidade  $i$  são expandidos antes da profundidade  $i + 1$

## Busca em Largura

- Portanto, com a busca em largura, os **nós mais rasos são expandidos primeiro**
- Isso é alcançado utilizando a **FIFO** para construir a lista dos nós de fronteira
- **OBSERVAÇÃO:** para a busca em largura funcionar da forma como foi especificada, deve-se descartar nós com estados repetidos



# Busca em Largura



# Busca em Largura

**function** BREADTH-FIRST-SEARCH(*problem*) **returns** a solution, or failure

*node*  $\leftarrow$  a node with STATE = *problem*.INITIAL-STATE, PATH-COST = 0

**if** *problem*.GOAL-TEST(*node*.STATE) **then return** SOLUTION(*node*)

*frontier*  $\leftarrow$  a FIFO queue with *node* as the only element

*explored*  $\leftarrow$  an empty set

**loop do**

**if** EMPTY?(*frontier*) **then return** failure

*node*  $\leftarrow$  POP(*frontier*) /\* chooses the shallowest node in *frontier* \*/

    add *node*.STATE to *explored*

**for each** *action* **in** *problem*.ACTIONS(*node*.STATE) **do**

*child*  $\leftarrow$  CHILD-NODE(*problem*, *node*, *action*)

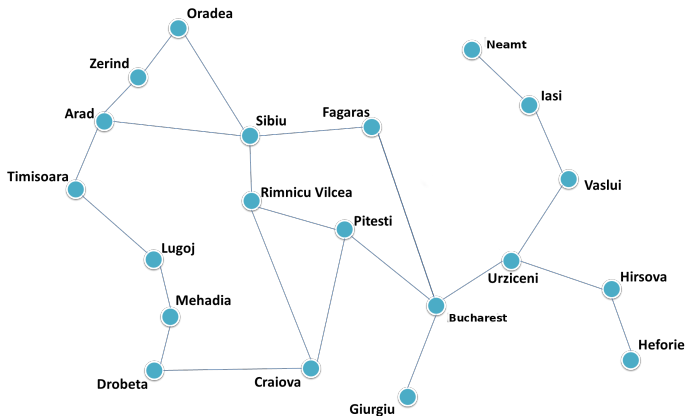
**if** *child*.STATE is not in *explored* or *frontier* **then**

**if** *problem*.GOAL-TEST(*child*.STATE) **then return** SOLUTION(*child*)

*frontier*  $\leftarrow$  INSERT(*child*, *frontier*)

## Busca em Largura

**EXERCÍCIO:** execute a busca em largura para achar um caminho entre Timisoara e Rimnicu Vilcea



# Busca em Largura

- **Características da busca em largura:**
  - **A busca é COMPLETA:** se o nó objetivo menos profundo está presente em alguma profundidade finita  $d$ , a busca em largura eventualmente o encontrará
  - **A busca em largura é ÓTIMA:** é ótima se o custo do caminho é uma função não decrescente da profundidade do nó
  - Considerando que cada nó sucessor possui  $b$  sucessores e que a solução se encontra em uma profundidade  $d$ 
    - **Complexidade de tempo:**  $O(b^{d-1})$  nós explorados
    - **Complexidade de espaço:**  $O(b^d)$  nós na fronteira

## Busca em Largura

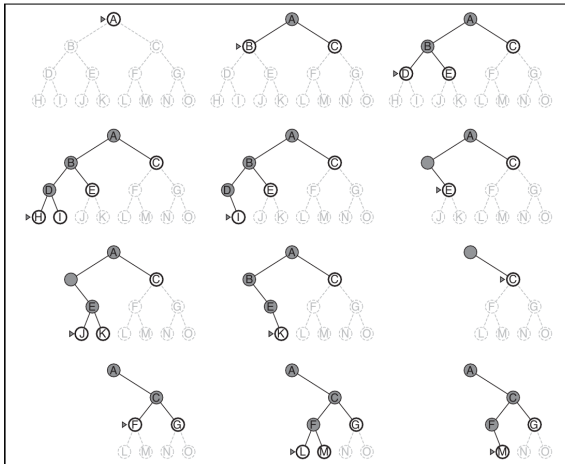
- **OBSERVAÇÃO:** deve-se tomar cuidado com a quantidade de nós inseridos na fronteira pela busca em largura
- Considerando fator de ramificação  $b = 10$ , um processamento de 1 milhão de nós por segundo e 1000 bytes por nó tem-se:

Produndidade	Nº Nós	Tempo	Memória
2	110	0.11 milisegundos	107 kilobytes
4	11110	11 milisegundos	10,6 megabytes
6	$10^6$	1,1 segundos	1 gigabyte
8	$10^8$	2 minutos	103 gibabytes
10	$10^{10}$	3 horas	10 terabytes
12	$10^{12}$	13 dias	1 petabyte
14	$10^{14}$	3,5 anos	99 petabytes
16	$10^{16}$	350 anos	10 exabytes

# Busca em Profundidade

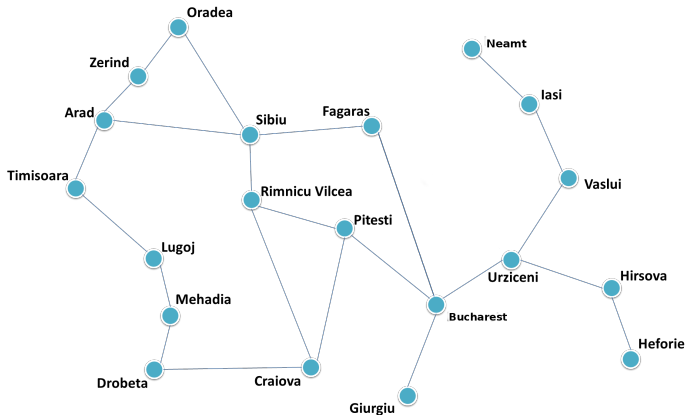
- **A busca em profundidade sempre expande o nó mais profundo na fronteira da árvore de busca**
- Quando a busca encontra um estado que não possibilita mais expansões e este estado não é um estado objetivo, a busca “retorna” e expande o nó mais profundo ainda não expandido
- Ao invés de usar uma fila, como na busca em largura, **a lista de fronteira possui um formato de pilha (LIFO)**

# Busca em Profundidade



# Busca em Profundidade

**EXERCÍCIO:** execute a busca em profundidade para achar um caminho entre Timisoara e Rimnicu Vilcea





# Busca em Profundidade

- **A busca em profundidade é completa:** uma versão de construção da árvore de busca que evite estados repetitivos e caminhos redundantes produz uma busca completa uma vez de cada nó do espaço de estados será eventualmente expandido
- **A busca em profundidade não é ótima:** pode-se encontrar o estado objetivo em uma profundidade  $d$  em um determinado ramo da árvore sendo que existe um nó objetivo em outro ramo com profundidade  $d' < d$

# Busca em Profundidade

- **Complexidade de tempo:** a busca em profundidade pode pesquisar até  $O(b^m)$  nós para encontrar a solução (se  $m$  for próximo de  $d$ , o tempo para encontrar a solução é igual a busca em largura)
- **Complexidade de espaço:** o armazenamento da busca em profundidade requer  $O(bm)$  nós (menor que da busca em largura)

# Busca em Profundidade

- **OBSERVAÇÃO:** uma variante da busca em profundidade denominada busca em profundidade com *backtracking* utiliza ainda menos memória
  - Apenas um sucessor é gerado por vez ao invés de todos os sucessores
  - Cada sucessor deve “lembrar” qual nó já gerou
  - Complexidade de espaço:  $O(m)$

## Busca em Profundidade Limitada

- **OBSERVAÇÃO:** dependendo da característica do problema, sua modelagem por gerar uma profundidade infinita, gerando assim **FALHA** na busca em profundidade
- Tais problemas da busca em profundidade podem ser solucionados delimitando o limite da busca em / níveis
- Esta abordagem é denominada **Busca em Profundidade Limitada**

## Busca em Profundidade Limitada

- **Problema:** se escolher uma profundidade  $l$  tal que a solução esteja em um nível  $s$  e  $l < s$ , a busca será **incompleta**
- **A busca em profundidade limitada é não ótima** pelos mesmos motivos da busca em profundidade original
- **Complexidade de tempo:**  $O(b^l)$
- **Complexidade de espaço:**  $O(bl)$

## Busca em Profundidade Limitada Iterativa

- A busca em profundidade limitada iterativa gradualmente **aumenta o limite de profundidade da busca até encontrar uma solução**
- Primeiro é realizada uma busca com a profundidade limitada em um nível, depois em dois níveis, três níveis, e assim por diante
- É uma combinação dos benefícios da busca em largura com a busca em profundidade
- **Complexidade de tempo:**  $O(b^d)$
- **Complexidade de espaço:**  $O(bd)$

# Busca em Profundidade Limitada Iterativa

- **OBSERVAÇÃO:** a busca iterativa pode parecer dispendiosa pois os mesmos estados são gerados múltiplas vezes
  - **NA VERDADE NÃO É BEM ASSIM**
  - A maioria dos nós da árvore se encontram nos níveis mais profundos → não impacta muito se os nós dos níveis mais baixos são gerados repetidamente
  - Dado um determinado nível  $d$ , os nós neste nível são gerados uma vez, os nós no nível  $d - 1$  são gerados duas vezes, os nós no nível  $d - 2$  são gerados 3 vezes e assim por diante até o nível 1, que é gerado 1 vez

## Busca em Profundidade Limitada Iterativa

- **OBSERVAÇÃO:** a busca iterativa pode parecer dispendiosa pois os mesmos estados são gerados múltiplas vezes

- Portanto, o número de nós possíveis de serem analisados na busca em profundidade limitada iterativa é dada por

$$N(BPLI) = (d)b + (d - 1)b^2 + \dots + (1)b^d$$

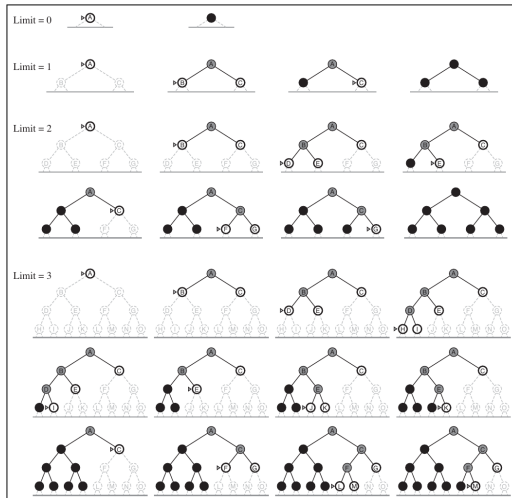
- Sendo assim, a complexidade assintótica é  $O(b^d)$ , a mesma da busca em largura



## Busca em Profundidade Limitada Iterativa

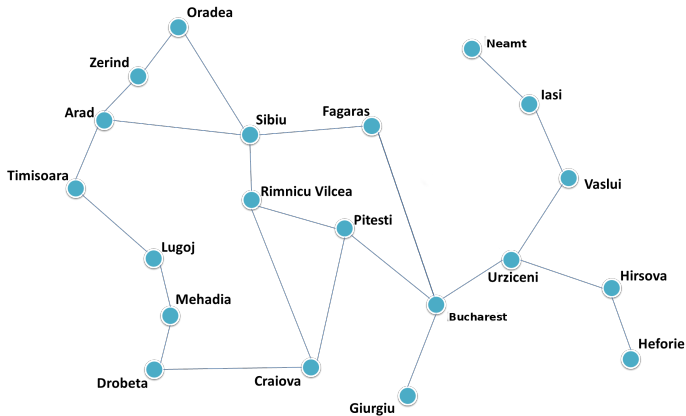
- **OBSERVAÇÃO:** é análoga a busca em largura uma vez que todos os nós de um determinado nível são analisados antes de se analisar os nós do próximo nível
- **CURIOSIDADE:** em geral, a busca em profundidade limitada iterativa é um dos métodos de busca não informada mais utilizados quando o espaço de busca é grande e a profundidade da solução é desconhecida

# Busca em Profundidade Limitada Iterativa



## Busca em Profundidade Limitada Iterativa

**EXERCÍCIO:** execute a busca em profundidade limitada iterativa para achar um caminho entre Timisoara e Rimnicu Vilcea



# Comparativo Geral dos Algoritmos de Busca Não Informada

Critério	Largura	Profundidade	Prof. Limitada	Prof. Iterativa
Completude	Sim	Não	Sim se $l > d$	Sim
Otimalidade	Sim	Não	Não	Sim
Complexidade de Tempo	$b^{d-1}$	$b^m$	$b^l$	$b^d$
Complexidade de Espaço	$b^d$	$bm$	$bl$	$bd$

## Material Complementar

- 4. Search: Depth-First, Hill Climbing, Beam

`https:`

`//youtu.be/j1H3jAAG1EA?list=PLU14u3cNGP63gFHB6xb-kVBiQHYe_4hSi`

- Lecture 2: Uninformed Search

`https://youtu.be/ST--VJJJqoc`

- Artificial Intelligence - Uninformed Search

`http:`

`//cs.gettysburg.edu/~tneller/resources/ai-search/uninformed-java/`

### Sliding Puzzle

`https://n-puzzle-solver.appspot.com/`

## Material Complementar

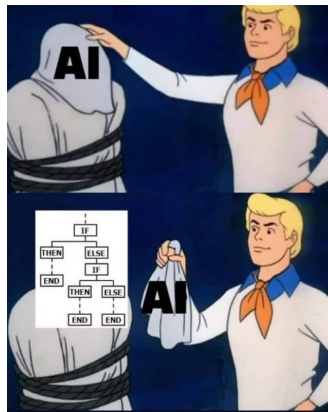
- Busca por Aprofundamento Iterativo, Largura e Profundidade

<https://www.youtube.com/watch?v=-qj-9bvwh2Y&t=29s>

- Busca em Espaço de Estados em Inteligência Artificial

<https://www.youtube.com/watch?v=nwvGg94ivac&t=1s>

## Imagem do Dia



Inteligência Artificial  
<http://lives.ufms.br/moodle/>

Rafael Geraldeli Rossi  
rafael.g.rossi@ufms.br

Slides baseados em [Russell and Norvig, 2010] e [Luger, 2013]



## Referências Bibliográficas I



Luger, G. F. (2013).  
*Inteligência Artificial*.  
6th edition.



Russell, S. and Norvig, P. (2010).  
*Artificial Intelligence: A Modern Approach, Global Edition*.  
3rd edition.