



Page | 1

จงใช้ข้อมูลต่อไปนี้ตอบคำถามข้อ 2. และ 3.

บทนิยาม *จำนวนสุภาพ* (polite number/staircase number/trapezoidal number) คือ จำนวนที่สามารถถูกเขียนได้ ในรูปผลรวมของจำนวนเต็มบวกที่เรียงต่อเนื่องกัน ตัวอย่างเช่น

$$3 = 1+2$$
,

$$5 = 2+3$$
,

$$9 = 4+5 = 2+3+4$$

$$9 = 4+5 = 2+3+4$$
, $15 = 7+8 = 4+5+6 = 1+2+3+4+5$, ...

บทนิยาม *จำนวนไม่สุภาพ* (impolite number) คือ จำนวนเต็มบวกที่ไม่ใช่จำนวนสุภาพ **บทนิยาม** ระดับความสุภาพ (politeness) คือ จำนวนของวิธีที่แตกต่างกันทั้งหมดในการเขียนจำนวนสุภาพให้อยู่ในรูป ผลรวมของจำนวนเต็มบวกที่เรียงต่อเนื่องกัน สำหรับจำนวนไม่สุภาพนั้นจะมีระดับความสุภาพเป็น 0 ตัวอย่างเช่น

- 1 มีระดับความสุภาพเท่ากับ 0
- 2 มีระดับความสุภาพเท่ากับ 0
- 3 = 1+2 มีระดับความสุภาพเท่ากับ 1
- 4 มีระดับความสุภาพเท่ากับ 0
- 5 = 2+3 มีระดับความสุภาพเท่ากับ 1
- 9 = 4+5 = 2+3+4 มีระดับความสุภาพเท่ากับ 2
- 15 = 7+8 = 4+5+6 = 1+2+3+4+5 มีระดับความสุภาพเท่ากับ 3

เนื่องจากจำนวนเต็มบวกใด ๆ สามารถเขียนได้ในรูปของจำนวนเฉพาะยกกำลัง

$$n = 2^{k_1} \cdot p_2^{k_2} \cdot p_3^{k_3} \cdots p_m^{k_m}$$

เมื่อ p_2 , ... , p_m เป็นจำนวนเฉพาะคี่ เราสามารถแสดงได้ว่าจำนวนเต็มบวก n จะมีระดับความสุภาพ เท่ากับ

$$(k_2+1)(k_3+1)\cdots(k_m+1)-1$$

เช่น $9=3^2$ ดังนั้นมีความสุภาพ (2+1)-1 = 2

 $15 = 3^{1} \cdot 5^{1}$ ดังนั้นมีความสุภาพ (1+1)(1+1)-1 = 3

 $100 = 2^2 \cdot 5^2$ ดังนั้นมีความสุภาพ (2+1)-1 = 2

 $2,250 = 2^{1} \cdot 3^{2} \cdot 5^{3}$ ดังนั้นมีความสุภาพ (2+1)(3+1)-1 = 11



Page | 2

2. จำนวนสุภาพ (Polite Number)

จากบทนิยามของจำนวนสุภาพ เราพบว่าจำนวนเต็มบวกที่มีค่าตั้งแต่ 8 เป็นต้นไป สามารถเขียนได้ในรูปผลรวม ของจำนวนสุภาพ 2 จำนวน ตัวอย่างเช่น

$$8 = 3+5$$

$$9 = 3+6$$

$$10 = 3+7 = 5+5$$

$$19 = 5 + 14 = 6 + 13 = 7 + 12 = 9 + 10$$

ซึ่งจากตัวอย่างข้างต้นพบว่า 8 และ 9 สามารถถูกเขียนในรูปของผลรวมของจำนวนสุภาพได้เพียง**แบบเดียว**เท่านั้น ส่วน 10 และ 19 สามารถถูกเขียนในรูปของผลรวมของจำนวนสุภาพได้ 2 และ 4 แบบตามลำดับ

งานของคุณ

ให้เขียนโปรแกรมที่มี<u>ประสิทธิภาพ</u>เพื่อวิเคราะห์ว่า จำนวนที่กำหนดให้จะสามารถถูกเขียนได้ในรูปของ ผลรวมของจำนวนสุภาพ 2 จำนวน ได้ทั้งหมดกี่รูปแบบ

ข้อมูลนำเข้า

- บรรทัดที่หนึ่ง เป็นจำนวนเต็ม n เมื่อ $1 \le n \le 2{,}000$ แสดงถึงจำนวนของจำนวนเต็มบวกที่ต้องการให้วิเคราะห์
- บรรทัดที่สอง ถึงบรรทัดที่ n +1 เป็นจำนวนเต็ม x_i แสดงถึงจำนวนเต็มบวกที่ต้องการให้วิเคราะห์ โดย $8 \le x_i \le 500,000$, $1 \le i \le n$

ข้อมูลส่งออก

มี n บรรทัด โดยบรรทัดที่ i แสดงรูปแบบทั้งหมดที่ x_i สามารถถูกเขียนได้ในรูปของผลรวมของจำนวนสุภาพ 2 จำนวน เมื่อ $1 \le i \le n$

ตัวอย่างที่ 1

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>	<u>ข้อมูลส่งออก</u>
4	1
8	1
9	2
10	4
19	





Page | 3

ตัวอย่างที่ 2

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>	ข้อมูลส่งออก
2	199981
400000	249981
500000	

ข้อกำหนด

หัวข้อ	เงื่อนไข
ข้อมูลนำเข้า	Standard Input (คีย์บอร์ด)
ข้อมูลส่งออก	Standard Output (จอภาพ)
ระยะเวลาสูงสุดที่ใช้ในการประมวลผล ต่อชุดทดสอบหนึ่งชุด	1 วินาที
หน่วยความจำสูงสุดที่ใช้ในการประมวลผล ต่อชุดทดสอบหนึ่งชุด	16 MB
จำนวนชุดทดสอบ (โปรแกรมประมวลผลครั้งละชุดทดสอบ)	10
เงื่อนไขการการรับโปรแกรม	โปรแกรมจะต้องประมวลผลข้อมูลตามตัวอย่างที่ให้มาได้

ข้อมูลคำสั่งเพิ่มเติม

สำหรับผู้เข้าแข่งขันที่เขียนโปรแกรมด้วยภาษา C ให้ระบุชื่อแฟ้มข้อมูล polite.c และระบุส่วนหัวของโปรแกรมดังนี้

TASK: polite

LANG: C

AUTHOR: YourName YourLastName

CENTER: WU

*/

สำหรับผู้เข้าแข่งขันที่เขียนโปรแกรมด้วยภาษา C++ ให้ระบุชื่อแฟ้มข้อมูล polite.cpp และระบุส่วนหัวของโปรแกรมดังนี้

TASK: polite

LANG: C++

AUTHOR: YourName YourLastName

CENTER: WU

*/