

ข้อสอบแข่งขันคอมพิวเตอร์โอลิมปิกระดับชาติ ครั้งที่ 18

ณ มหาวิทยาลัยเชียงใหม่

ข้อสอบข้อที่ 3 จากทั้งหมด 3 ข้อ

วันศุกร์ที่ 3 มิถุนายน 2565 เวลา 09.00 - 12.00 น.



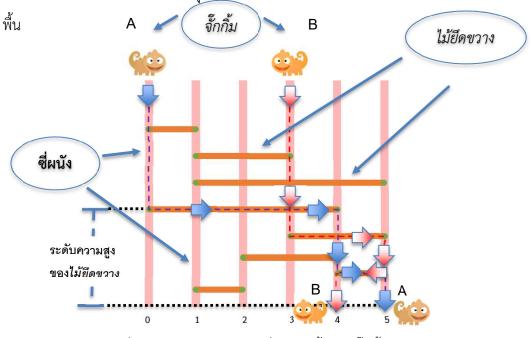
ຈັກกิ้ม (Gecko)

"*จั๊กกิ้ม*" เป็นการเรียกจิ้งจกในภาษาถิ่นทางภาคเหนือ เป็นสัตว์เลื้อยคลานที่อยู่ในสกุล Hemidactylus โดยอาหารของจั๊*กกิ้ม*จะเป็นแมงและแมลงทุกชนิด โดยเฉพาะอาหารโปรด*ก่ำปุ้ง* (แมงมุม) เชื่อกันว่าหากฝันถึง จั๊*กกิ้ม*หรือฝันว่าจั๊*กกิ้ม*ทัก มักเชื่อว่าจะเกิดข่าวดีหรือโชคลาภมาให้แก่ตน

เนื่องด้วย*จั๊กกิ้ม*ไม่ชอบกลิ่นฉุน จึงมักหลบเลี่ยงจากการเจอผู้คน แต่หากเจอ*ก่ำปุ้ง*อาหารโปรดที่ชอบ ก็จะ รีบไต่ผนังห้องลงมากินอย่างรวดเร็ว สำหรับ*จั๊กกิ้ม*ที่อาศัยอยู่ใน*เรือนกาแล* บ้านไทยที่มีลักษณะสถาปัตยกรรม เฉพาะในภาคเหนือ *เรือนกาแล*มักมีผนังที่เป็น*ฝาไหล* ซึ่งเป็นการทำฝาไม้สองชั้นที่ตีเว้นช่องสลับกัน หากเลื่อนมา ซ้อนกันจะเป็นฝาผนังที่ทึบตัน แต่หากเลื่อนขยับฝาชั้นในก็จะทำให้เกิดช่องที่ฝานั้น ทำให้แสงและลมสามารถผ่าน เข้าออกได้ เหมือนกับประตูหน้าต่างบานเลื่อนในปัจจุบัน *จั๊กกิ้ม*หลาย ๆ ตัวเมื่อต้องการไต่ผนังลงมากิน*ก่ำปุ้ง*ตัว เดียวกันนั้น ต้องวางแผนการไต่ลงมาอย่างมีประสิทธิภาพ เพราะว่า*ก่ำปุ้ง*มีความเร็วสูง แต่ด้วยโครงสร้างของฝา ใหล ทำให้*จั๊กกิ้ม*ต้องไต่ผนังลงมาจากบนลงล่างเป็นหลักตาม**ชี่ผนัง**ของฝาไหล และระหว่าง**ชี่ผนัง**ของฝาไหลอาจมี *ไม้ยึดขวาง*วางตัวในแนวนอน *จั๊กกิ้ม*อาจไต่*ไม้ยึดขวาง*เพื่อข้ามไป**ชี่ผนัง**อื่นก็ได้

กฎการไต่ผนังของ*จั๊กกิ้ม*เพื่อมากิน*ก่ำปุ้ง*มีดังนี้

- 1. **ซึ่ผนัง**ของฝาไหลมีจำนวน N ซี่ แต่ละซี่ถูกกำกับด้วยเลขเรียงจาก 0 ไปจนถึง N-1 จากซ้ายไปขวา ทั้งนี้ **ซึ่ผนัง**ทุกซี่มีความสูงเท่ากัน
- 2. ซึ่**ผนัง**พิเศษหมายเลข P มีก่ำปุ้งอยู่ที่พื้นติดกับ**ซึ่ผนัง**
- 3. มี*ไม้ยึดขวาง*จำนวน M ไม้ *ไม้ยึดขวาง*แต่ละอันจะยึดระหว่าง**ซี่ผนัง** 2 ซี่ เมื่อ*จั๊กกิ้ม*ไต่*ไม้ยึดขวาง จั๊กกิ้ม*ตัว ดังกล่าวจะต้องเริ่มไต่จาก<u>ปลายข้างหนึ่ง</u>ไปจนสุด<u>ปลายอีกข้างหนึ่ง</u>ของ*ไม้ยึดขวาง* ก่อนจะสามารถไต่ซี่ผนังลง มาด้านล่างต่อ
- 4. *ไม้ยึดขวาง*แต่ละอันมีกลิ่นฉุนที่*จั๊กกิ้ม*ไม่ชอบ เมื่อ*จั๊กกิ้ม*ไต่ผ่านต้องทนกลั้นหายใจ ถือว่าเป็นความยากที่จะต้อง ไต่ผ่านไปให้ได้ *ไม้ยึดขวาง*แต่ละอันจะมีระดับ**ความแรงกลิ่น**ระบุอยู่
- 5. มีจ*ั๊กกิ้ม*เป็นจำนวน K ตัว ในตอนเริ่มต้นแต่ละตัวอยู่ที่ส่วนบนของ**ซี่ผนัง**หมายเลข $G_1, G_2, ..., G_K$ โดย G_k (k=1,...,K) ไม่ซ้ำกันเลย และไม่มีจ*ั๊กกิ้ม*ตัวไหน<u>เริ่มต้นอยู่ที่ซี่ผนังหมายเลข P</u>
- 6. *จั๊กกิ้ม*มีกฎการไต่ดังนี้
 - 6.1. ถ้า*จั๊กกิ้ม*ไต่มาจนอยู่ที่**ซี่ผนัง**หมายเลข P (ซี่ผนังเดียวกับ*ก่ำปุ้ง*) แล้ว*จั๊กกิ้ม*จะไต่ลงมาที่โคน**ซี่ผนัง**ทันที โดยไม่สนใจ*ไม้ยึดขวาง*ใด ๆ เลย
 - 6.2. ถ้าจั๊กกิ้มไม่ได้อยู่ที่ซี่ผนังหมายเลข P จั๊กกิ้มจะไต่ซี่ผนังลงมา (จั๊กกิ้มจะไม่ไต่ขึ้นเด็ดขาด) ถ้ามีไม้ยึดขวาง ที่เชื่อมซี่ผนังที่จั๊กกิ้มอยู่ที่อยู่ต่ำกว่าจั๊กกิ้ม จั๊กกิ้มจะเลือกไม้ยึดขวางที่อยู่ล่างสุดที่ปลายไม้ยึดกับซี่ผนัง นั้นแล้วไต่ตามไม้ยึดขวางนั้นไปจนสุดปลายอีกข้างหนึ่งที่ยึดกับซี่ผนังอีกซี่ แล้วทำเช่นนี้ไปเรื่อย ๆ จนถึง



รูปที่ 1. แสดงตัวอย่างการไต**่ซี่ผนัง**ลงพื้นของ*จั๊กกิ้ม* 2 ตัว

จากตัวอย่างในรูปที่ 1 จั๊กกิ้มที่อยู่ที่**ซี่ผนัง**หมายเลข 0 เมื่อเริ่มไต่**ซี่ผนัง**ลงมาก็จะผ่าน*ไม้ยึดขวาง*อันล่างสุดที่ พาไปยัง**ซี่ผนัง**หมายเลข 5 ก่อนที่จะไต่ลงมาจนถึงพื้น และสำหรับจั๊กกิ้มที่อยู่ที่**ซี่ผนัง**หมายเลข 3 เมื่อเริ่มไต่**ซี่ผนัง**ลงมาก็จะผ่าน*ไม้ยึดขวาง*อันล่างสุดที่พาไปยัง**ซี่ ผนัง**หมายเลข 5 แล้วไต่ลงมา จากนั้นเจอ*ไม้ยึดขวาง*อีก 1 อันเชื่อมไปยัง**ซี่ผนัง**หมายเลข 4 จั๊กกิ้มต้องไต่ *ไม้ยึดขวาง*ไปจนถึง**ซี่ผนัง**ดังกล่าวแล้วไต่ลงมาจนถึงพื้น

เราสามารถ<u>เอา*ไม้ยึดขวาง*ออก</u>หรือ<u>เปลี่ยน</u>ระดับความสูงของ<u>ไม้ยึดขวาง</u>ได้โดยที่ยังคงทำให้*จั๊กกิ้ม*ยัง สามารถไต่ไปหา*ก่ำปุ้*งได้ ทั้งนี้ตั้งแต่เริ่มต้นและหลังจากเปลี่ยนความสูงของ*ไม้ยึดขวาง* จะ<u>ไม่มี</u>ไม้ยึดขวางใดอยู่ที่ ระดับความสูงเดียวกัน และ<u>ไม่มี</u>ไม้ยึดขวางใดที่มีจุดปลายสองข้างที่ตำแหน่งเดียวกัน เราต้องการให้*จั๊กกิ้ม*ทั้ง K ตัว ไต่ลงมาถึงพื้น ณ ซี่ผนังหมายเลข P โดย*จั๊กกิ้ม*แต่ละตัวต้องมีผลรวมของระดับความแรงกลิ่นของ*ไม้ยึดขวาง*ที่ไต่ ผ่านทั้งหมด<u>น้อยที่สุด</u>

อยากรู้ว่า*ไม้ยึดขวาง*ที่เหลือจากการนำออกเหลือชิ้นไหนบ้าง และ*ไม้ยึดขวาง*ที่เหลือถูกเปลี่ยนระดับความสูง ไปเป็นอย่างไร (ให้ตอบ*ไม้ยึดขวาง*ที่เหลือ โดยตอบเรียงจาก*ไม้ยึดขวาง*ที่อยู่ตำแหน่งสูงที่สุดไปยังตำแหน่งที่อยู่ ล่างสุด)

<u>ตัวอย่าง</u>

ฝาไหลมี**ซึ่มนัง**อยู่ทั้งหมด 6 ซี่ ดังรูปที่ 2 มี*จั๊กกิ้ม*ทั้งหมด 3 ตัว เกาะอยู่ที่ส่วนบนของ**ซึ่มนัง**หมายเลข 0, 2 และ 3 *จั๊กกิ้ม*ทั้งสามต้องการจะไปกิน*ก่ำปุ้ง*ที่อยู่ที่พื้นติดกับ**ซึ่มนัง**หมายเลข 4 โดยมี*ไม้ยึดขวาง*ทั้งหมด 8 ชิ้น ดังนี้

*ไม้ยึดขวาง*ชิ้นที่ 1 ยึดระหว่าง**ชี่ผนัง**หมายเลข 0 และ 1 ระดับ**ความแรงกลิ่น**เท่ากับ 7

*ไม้ยึดขวาง*ชิ้นที่ 2 ยึดระหว่าง**ซี่ผนัง**หมายเลข 0 และ 4 ระดับ**ความแรงกลิ่น**เท่ากับ 20

*ไม้ยึดขวาง*ชิ้นที่ 3 ยึดระหว่าง**ซี่ผนัง**หมายเลข 1 และ 3 ระดับ**ความแรงกลิ่น**เท่ากับ 1

*ไม้ยึดขวาง*ชิ้นที่ 4 ยึดระหว่าง**ซี่ผนัง**หมายเลข 1 และ 5 ระดับ**ความแรงกลิ่น**เท่ากับ 8

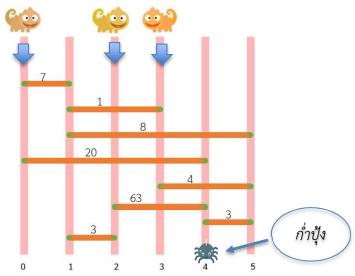
*ไม้ยึดขวาง*ชิ้นที่ 5 ยึดระหว่าง**ซี่ผนัง**หมายเลข 1 และ 2 ระดับ**ความแรงกลิ่น**เท่ากับ 3

*ไม้ยึดขวาง*ชิ้นที่ 6 ยึดระหว่าง**ซี่ผนัง**หมายเลข 2 และ 4 ระดับ**ความแรงกลิ่น**เท่ากับ 63

*ไม้ยึดขวาง*ชิ้นที่ 7 ยึดระหว่าง**ชี่ผนัง**หมายเลข 3 และ 5 ระดับ**ความแรงกลิ่น**เท่ากับ 4

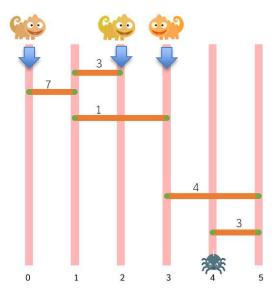
*ไม้ยึดขวาง*ชิ้นที่ 8 ยึดระหว่าง**ชี่ผนัง**หมายเลข 4 และ 5 ระดับ**ความแรงกลิ่น**เท่ากับ 3

และ*ไม้ยึดขวาง*มีระดับความสูงที่<u>แตกต่างกัน</u> ดังแสดงในรูปที่ 2



รูปที่ 2. แสดง*ฝาไหล* ซี่ผนัง *ไม้ยึดขวาง* ความแรงกลิ่น *จั๊กกิ้ม* และ *ก่ำปุ้ง*

จากรูปที่ 2 จั๊กกิ้มที่**ซึ่นนัง**หมายเลข 0 จะไต่ไปกิน*ก่ำปุ้ง*โดยผลรวมของระดับ**ความแรงกลิ่น**เท่ากับ 20 จั๊กกิ้มที่**ซึ่ ผนัง**หมายเลข 2 <u>ไม่สามารถ</u>ไต่ไปกิน*ก่ำปุ้ง*ได้ และ จั๊กกิ้มที่**ซึ่นนัง**หมายเลข 3 จะไต่ไปกิน*ก่ำปุ้ง*โดยผลรวมของ ระดับ**ความแรงกลิ่น**เท่ากับ 7 แต่หากทำการเอา<u>ไม้ยึดขวาง</u>บางชิ้น<u>ออก</u>และ<u>เปลี่ยน</u>ระดับ<u>ความสูง</u>ของ<u>ไม้ยึดขวาง</u>บางชิ้นที่เหลืออยู่ให้เป็นไปตามรูปที่ 3 จั๊กกิ้มทั้ง 3 ตัวจะสามารถไต่ลงมาถึงพื้น ณ **ซึ่ผนัง**หมายเลข 4 ได้ โดยจั๊กกิ้ม แต่ละตัวจะมีผลรวมของระดับ**ความแรงกลิ่น**ของ*ไม้ยึดขวาง*ที่ไต่ผ่าน เรียงจากซ้ายไปขวาคือ 15, 11 และ 7 ตามลำดับ ซึ่งเป็นค่าที่<u>น้อยที่สุด</u>ที่เป็นไปได้ของจั๊กกิ้มแต่ละตัว



ร**ูปที่ 3.** แสดงการเอา*ไม้ยึดขวาง*บางชิ้นออกและเปลี่ยนระดับความสูงของ*ไม้ยึดขวาง*บางชิ้น

<u>งานของคูณ</u>

จงเขียนโปรแกรมที่มีประสิทธิภาพเพื่อหาว่าเมื่อกำหนดข้อมูลจำนวน**ซึ่ผนัง** (N) จำนวน*ไม้ยึดขวาง* (M) จำนวน*จั๊กกิ้ม* (K) ตำแหน่ง**ซึ่ผนัง**ที่ก่ำปุ๋งอยู่ (P) ตำแหน่ง**ซึ่ผนัง**ของ*จั๊กกิ้ม*แต่ละตัว ข้อมูล*ไม้ยึดขวาง*ซึ่ง ประกอบด้วยคู่ของ**ซึ่ผนัง**ที่*ไม้ยึดขวาง*ชิ้นนั้นยึดระหว่างกัน และความแรงกลิ่นของ*ไม้ยึดขวาง* เรียงลำดับจาก*ไม้ยึดขวาง*ที่อยู่บนสุดไปยังชิ้นที่อยู่ล่างสุด แล้วเมื่อนำ*ไม้ยึดขวาง*บางส่วนออกไปแล้ว<u>จัดเรียง</u>ไม้ยึดขวางใหม่ จั๊กกิ้มแต่ละ ตัวต้องมีผลรวมของระดับความแรงกลิ่นของ*ไม้ยึดขวาง*ที่ไต่ผ่านทั้งหมด<u>น้อยที่สุด</u> จากนั้นให้แสดง

- 1. **ผลรวม**ของ**ความแรงกลิ่น**ของ*ไม้ยึดขวาง*ที่จั๊กกิ้ม<u>แต่ละตัว</u>ไต่ผ่านตามลำดับตำแหน่ง**ซี่ผนัง**ที่จั๊กกิ้มแต่ละ ตัวเริ่มเกาะอยู่
- 2. จำนวน*ไม้ยึดขวาง*ที่เหลืออยู่
- 3. ไม้ยึดขวางที่เหลืออยู่ ว่าเหลือชิ้นใดบ้าง โดยแสดงตามลำดับจากบนลงล่าง

ข้อมูลนำเข้า (Input)

มีจำนวน M+2 บรรทัด ดังนี้

บรรทัดที่ 1	จำนวนเต็ม 4 จำนวน N, M, K และ P แต่ละจำนวนคั่นด้วยช่องว่าง " " เมื่อ N แทนจำนวน ซึ่ผนัง โดย 1 ≤N≤20,000 M แทนจำนวน <i>ไม้ยึดขวาง</i> โดย 1 ≤M≤200,000 K แทนจำนวน <i>จั๊กกิ้ม</i> โดย 1 ≤K≤N-1 P ตำแหน่ง ซึ่ผนัง ที่ก่ำปุ้งอยู่ 0 ≤P≤N-1
บรรทัดที่ 2	จำนวนเต็ม K จำนวน ได้แก่ G_k แต่ละจำนวนคั่นด้วยช่องว่าง " " G_k แทนหมายเลข ซึ่ผนัง ที่จั๊กกิ้มตัวที่ k อยู่ที่ส่วนบนของ ซึ่ผนัง ในช่วงเริ่มต้น $\log G_k < N \ (k=1,,K) \ และ \ G_k \neq P$
บรรทัดที่ <i>i</i> +2 เมื่อ <i>i</i> =1 ถึง M	แต่ละบรรทัดประกอบด้วยจำนวนเต็ม 3 จำนวน a_i, b_i และ w_i เมื่อ $i=1,$ M a_i และ b_i แทนจุดปลายของ <i>ไม้ยึดขวาง</i> ที่ i ที่ยึด <i>ไม้ยึดขวา</i> งกับ ซึ่ผนัง หมายเลข a_i และ b_i โดย $0 \le a_i < b_i \le$ N-1 และไม่มี (a_i, b_i) ที่ซ้ำกัน และ w_i แทนระดับความแรงกลิ่นของของ <i>ไม้ยึดขวาง</i> ที่ i โดย $0 < w_i \le 100,000$ ข้อมูลนำเข้าเรียงจาก <i>ไม้ยึดขวาง</i> จาก บนสุดไปยังล่างสุด ตามลำดับ

ข้อมูลส่งออก (Output)

มีจำนวน Q+2 บรรทัด

บรรทัดที่ 1	จำนวนเต็ม K จำนวน S_i $(i=1,,K)$ แต่ละจำนวนคั่นด้วยช่องว่าง " " แทน ผลรวม ของ ความแรงกลิ่น ของ <i>ไม้ยึดขวาง</i> ที่ <i>จั๊กกิ้ม</i> ตัวที่ i ไต่ผ่าน
บรรทัดที่ 2	Q ซึ่งแทนจำนวน <i>ไม้ยึดขวาง</i> ที่เหลืออยู่
บรรทัดที่ 3 ถึง Q+2	แต่ละบรรทัดประกอบด้วยจำนวนเต็ม 2 จำนวน \overline{a}_l และ \overline{b}_l เมื่อ $l=1,,Q$ แต่ละจำนวนคั่นด้วยช่องว่าง "" แทนจุดปลายของ <i>ไม้ยึดขวาง</i> ที่ l ที่เหลืออยู่ โดยจะต้องเรียงจาก <i>ไม้ยึดขวาง</i> จากบนสุด ไปยังล่างสุด

หมายเหตุ

สำหรับแต่ละข้อมูลนำเข้า จะมีข้อมูลส่งออกที่ถูกต้องได้หลายรูปแบบ โปรแกรมคำตอบของผู้เข้าแข่งขัน TOI-18 สามารถเลือกตอบรูปแบบที่ถูกต้องรูปแบบใดก็ได้ และ<u>รับประกันว่า</u>มีวิธีการดำเนินการเพื่อให้*จั๊กกิ้ม*สามารถไต่ไป หา*ก่ำปุ้ง*ได้เสมอ

ตัวอย่างที่ 1

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก รูปแบบที่ 1	ข้อมูลส่งออก รูปแบบที่ 2
6 8 3 4 0 2 3 0 1 7 1 3 1 1 5 8 0 4 20 3 5 4 2 4 63 4 5 3 1 2 3	15 11 7 5 1 2 0 1 1 3 3 5 4 5	15 11 7 5 0 1 1 2 1 3 3 5 4 5

ตัวอย่างที่ 2

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก รูปแบบที่ 1	ข้อมูลส่งออก รูปแบบที่ 2
3 3 2 1 2 0 0 1 3 1 2 2 0 2 10	2 3 2 0 1 1 2	2 3 2 1 2 0 1

ตัวอย่างที่ 3

ข้อมูลนำเข้า	ข้อมูลส่งออก รูปแบบที่ 1	ข้อมูลส่งออก รูปแบบที่ 2
4 5 2 1 0 3 0 1 8 0 2 4 2 3 3 1 2 2 1 3 6	6 5 3 2 3 0 2 1 2	6 5 3 0 2 2 3 1 2

ข้อกำหนด

หัวข้อ	เงื่อนไข
ข้อมูลนำเข้า	Standard Input (คีย์บอร์ด)
ข้อมูลส่งออก	Standard Output (จอภาพ)
ระยะเวลาสูงสุดที่ใช้ในการประมวลผล	1 วินาที
หน่วยความจำสูงสุดที่ใช้ในการประมวลผล	1024MB
คะแนนสูงสุดของโจทย์	100 คะแนน
เงื่อนไขการรันโปรแกรม	โปรแกรมจะต้องคอมไพล์ผ่าน

ข้อมูลเพิ่มเติมเกี่ยวกับชุดทดสอบ

กลุ่ม ชุดทดสอบที่	คะแนนสูงสุดของ กลุ่มชุดทดสอบนี้	เงื่อนไข
1	17	K <n≤10 m≤10<="" td="" และ=""></n≤10>
2	4	K=1 และ w_i =1 ($i=1,$,M) และรับประกันว่ามีคำตอบที่ไม่ต้องสลับตำแหน่ง <i>ไม้ยึดขวาง</i>
3	6	w_i =1 ($i=1,$,M) และรับประกันว่ามีคำตอบที่ไม่ต้องสลับตำแหน่ง <i>ไม้ยึดขวาง</i>
4	9	K=1 และรับประกันว่ามีคำตอบที่ไม่ต้องสลับตำแหน่ง <i>ไม้ยึดขวาง</i>
5	12	รับประกันว่ามีคำตอบที่ไม่ต้องสลับตำแหน่ง <i>ไม้ยึดขวาง</i>
6	11	$w_i=1 \ (i=1,,M)$
7	41	ไม่มีข้อกำหนดอื่นใด

คำแนะนำในการเขียนโปรแกรม

หากผู้เข้าแข่งขันใช้คำสั่ง cin/cout แนะนำให้เพิ่มคำสั่ง 2 บรรทัด ดังนี้

std::ios_base::sync_with_stdio(false);

std::cin.tie(NULL);