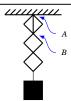
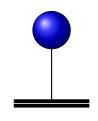
- В комнате на столе в патронах стоят 3 лампочки. Снаружи у двери комнаты имеются три выключателя, каждым из которых можно включить только одну лампочку. Определите каким ключом включается каждая лампочка, если открыть дверь и войти в комнату можно только один раз. Опишите свои действия.
- 2 Груз весом P подвешен на невесомом шарнире с тремя звеньями. Определите силу натяжения нити, соединяющей точки шарнира A и B.

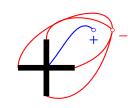


- 3 Тело подвешено на пружине динамометра. При взвешивании тела в пустоте показания динамометра P. При взвешивании этого же тела в жидкости с плотностью ρ_1 динамометр показывает P_1 . При взвешивании тела в жидкости с неизвестной плотностью ρ_2 динамометр показывает P_2 . Какова плотность жидкости ρ_2 ? При взвешивании тело полностью погружается в обе жидкости и не растворяется в них.
- 4 Оцените массу атмосферы Венеры. Венеру считать шаром с площадью поверхности $4.7\cdot 10^{14}~{\rm m}^2$. Величина g для Венеры равна $8.7~{\rm H/kr}$. Атмосферное давление у поверхности Венеры $9120~{\rm k\Pi a}$.
- Сколько времени потребуется для превращения 2 л воды, взятой при температуре 20° С в пар с температурой 100° С? Нагревание происходит на горелке, расходующей 0,69 кг керосина в час. Теплоемкостью сосуда, в котором находится вода, пренебречь. Считать, что все тепло при сгорании керосина подводится к воде. Удельная теплота сгорания керосина $q = 4,6 \cdot 10^7$ Дж/кг, удельная теплоемкость воды $c = 4,2 \cdot 10^3$ Дж/(кг. $^{\circ}$ С), удельная теплота парообразования воды $L = 2,3 \cdot 10^6$ Дж/кг.
- 6 Найдите наибольший объем легкой оболочки гелиевого метеорологического зонда, который может быть удержан невесомым нерастяжимым тросом, прикрепленным к двум одинаковым легким пластинам площадью 0,07 м², плотно притертым друг к другу. Нижняя пластина жестко прикреплена к земле. Плотность гелия равна 0,178 кг/м³, плотность воздуха 1,293 кг/м³, атмосферное давление принять равным 10⁵ Па.



- 7 По прямому участку железнодорожного пути движется вагон со скоростью 14,4 км/ч. В вагоне мальчик пускает игрушечный состав по рельсам, расположенным поперек вагона. Скорость состава относительно пола вагона равна 3 м/с. Найти скорость игрушечного состава относительно Земли.
- 8 Том вплотную подобрался к Джерри, двигаясь с постоянной скоростью v. В этот момент Джерри начинает убегать от Тома, двигаясь по прямой со скоростью u = k/R, где R расстояние между котом и мышью, k постоянный независимый коэффициент. Найти установившееся расстояние между ними.

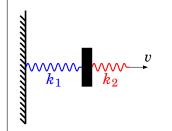
9 Из четырех нихромовых проволочек с удельным сопротивлением ρ , площадью сечения S, длиной L каждая, выполнена фигура, представляющая собой крест. Крест подключают к источнику постоянного тока напряжением U, как показано на рисунке (положительный полюс к точке пересечения проволочек, отрицательный полюс к концам креста). Фигуру помещают в термос с дистиллированной водой. В некоторый момент времени замыкают ключ. Вода закипела через время Δt . Сколько воды находилось в термосе? Удельная теплоемкость воды c, начальная температура T. Потерями тепла пренебречь.



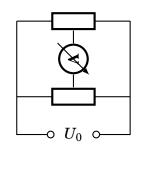
10 На поверхности озера Байкал зимой намерзает толстый слой льда. Предположим, что где-то в декабре толщина льда составляет x=80 см. Температура воздуха $t=40^{\circ}$ С. С какой скоростью (в мм/ч) увеличивается в этот период толщина слоя льда? Для льда: плотность $\rho=0.92$ г/см 3 , удельная теплота плавления $\lambda=3.3\cdot10^5$ Дж/кг, коэффициент теплопроводности k=2.2 Вт/(м· $^{\circ}$ С). Количество теплоты, проходящее в единицу времени через слой вещества площадью S и толщиной h при разности температур Δt между поверхностями, определяется соотношением $q=kS\Delta t/h$.

- Имеются две трубы, подсоединенные к смесителю. На каждой из труб имеется кран, которым можно регулировать поток воды по трубе, изменяя его от нуля до максимального значения $1\,\pi/c$. В трубах течет вода с температурами $t_1=20\,^{\circ}$ С и $t_2=60\,^{\circ}$ С. Из смесителя вытекает вода, температура которой во всех точках одинакова. Постройте график зависимости максимального потока воды, вытекающего из смесителя, от температуры этой воды.
- 12 Два автомобиля находятся на шоссе на расстоянии 5 км друг от друга. По правилам гонки они обязаны все время двигаться с ускорением 1 м/с² относительно земли, причем направление ускорения каждый из них может менять в любой момент времени и неограниченное число раз. Гонка считается завершенной, когда автомобили оказываются рядом друг с другом и их скорости относительно друг друга в этот момент равны нулю. Найдите минимальное возможное время от начала гонки до ее завершения.

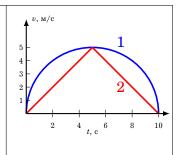
13 Две пружины с коэффициентами жесткости 12 H/м и 8 H/м и легкая шайба, скользящая вдоль стержня без трения, соединены вместе, как показано на рисунке. К свободному концу пружины прикладывают такую силу F, что он движется вправо с постоянной скоростью $0,1\,$ м/с. Найдите скорость шайбы. Постройте график зависимости прикладываемой силы F от времени.



Два одинаковых проводника, изготовленных так, что их удельное сопротивление линейно изменяется с расстоянием от начала проводника: $\rho = kL$, где ρ — удельное сопротивление проводника, k — известный постоянный коэффициент, L — расстояние от начала проводника до данной точки, соединены параллельно так, что у одного удельное сопротивление возрастает справа налево, а у другого наоборот — слева направо. Эта схема подключена к источнику постоянного тока с напряжением U_0 (см.рис.). Какое напряжение показывает идеальный вольтметр, соединяющий середины этих проводников?

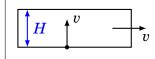


- 15 Из муравейника за гусеницей, расстояние до которой 1 м, выползает группа муравьев. Все муравьи движутся с постоянными скоростями, которые у разных особей разные и меняются от 1 см/с до 2 см/с. Через 30 с муравей Ферда, который до этого двигался со скоростью 1 см/с, начинает двигаться с переменной скоростью, причем его скорость всегда в два раза выше, чем скорость окружающих его в данный момент муравьев. Успеет ли Ферда первым прибежать к гусенице? Считайте, что характер движения других муравьев при этом не меняется.
- 16 Отбросив с помощью зеркальца на близкую поверхность солнечный зайчик, наблюдатель затем расположил параллельно зеркальцу на малом расстоянии от него карандаш. Как при этом изменится вид солнечного зайчика?
- 17 Два кота загнали мышку в узкий коридор и с двух сторон приближаются к ней, а мышка бегает между ними. Сколько раз мышка успеет добежать от одного кота до другого, если скорость ее движения 2 м/с, а коты «наступают» со скоростью 0,5 м/с? Мышка поворачивает каждый раз на расстоянии 0,5 м от кота, не тратя на это времени. Мышка прекратит сопротивление, когда расстояние между котами будет равно 1,5 м. Известно, что длина коридора 10 м, коты начали двигаться одновременно и мышка в начальный момент была на расстоянии 0,5 м от одного из котов.
- 18 Тело отпускают на высоте 15 м над стальной плитой. Удары тела о плиту абсолютно упругие. Постройте графики зависимости скорости тела и пути, пройденного телом, от времени за первые 6 секунд движения.
- В сосуде у поверхности воды плавает кусок льда с вмерзшей в него медной дробинкой массой 3 г. Сосуду сообщили 24 кДж теплоты, и дробинка утонула. Кусок льда какой массы плавал у поверхности? Температура воды и льда 0°С. Удельная теплота плавления льда $\lambda_{\mathcal{B}} = 340$ кДж/кг, плотность воды $\rho_{\mathcal{B}} = 1000$ кг/м³, плотность льда $\rho_{\mathcal{A}} = 900$ кг/м³, плотность меди $\rho_{\mathcal{M}} = 8900$ кг/м³.
- 20 На какой глубине должна находиться опора, чтобы цилиндр высотой 24 см, плотно стоящий на ней, не всплывал? Плотность материала цилиндра в два раза меньше плотности воды, а площадь сечения в сто раз больше площади опоры. Атмосферное давление $100~\rm k\Pi a$, плотность воды $1000~\rm kr/m^3$. Соприкасающиеся поверхности цилиндра и опоры считать абсолютно гладкими. Ускорение свободного падения принять равным $10~\rm m/c^2$.
- 21 Двое друзей рассказывали, как здорово они умеют ездить на велосипеде. Первый говорит: «Однажды я так сумел проехать, что график зависимости скорости от времени представлял точную полуокружность». «А я умудрился так проехать, говорит другой, что этот график представлял равнобедренный треугольник». Определите, какое расстояние проехал каждый из них за 10 секунд, рассчитайте их средние скорости и определите, кто из них приврал.



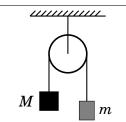
Во сколько раз будет отличаться минимальная начальная скорость, необходимая для того, чтобы перепрыгнуть яму, от минимальной начальной скорости, с которой можно перебраться через ту же яму с помощью жесткого легкого шеста, опирающегося на центр дна ямы? Глубина ямы H, ширина L.

По горизонтальной плоскости скользит без трения точечная шайба массы m. Скорость шайбы v. Перпендикулярно направлению движения шайбы движется лента транспортера с такой же по модулю скоростью v. Ширина транспортера H. Какой должна быть сила трения между поверхностями шайбы и транспортера для того, чтобы шайба переехала через него?



Горит башня, причем возгорание произошло в двух местах: первое — на 1/10 высоты башни, а второе на L=220 м выше. Пламя распространяется вверх в 7 раз быстрее, чем вниз. Башня сгорела дотла за $t_1=60$ ч. Если бы L было в 2 раза больше, башня бы сгорела за $t_2=61$ ч, а если бы в 2 раза меньше, то время бы не изменилось (60 ч). Чему была равна высота башни?

- 25 На горизонтальной шероховатой поверхности лежит цепочка из N шариков массы m каждый, связанных пружинками жесткости k. Все пружинки одинаковые и подчиняются закону Гука (Fynp = -kx). Длина каждой пружинки в нерастянутом состоянии равна 0. Цепочку как-то растянули. Найдите максимально возможную длину цепочки, при которой все шарики неподвижны. Коэффициент трения между поверхностью и шариками равен μ , ускорение свободного падения равно g. Размерами шариков пренебречь.
- 26 Две дороги пересекаются под углом α . По ним к перекрестку двигаются два автомобиля. Первый имеет скорость v_1 , а второй v_2 . В некоторый момент времени первый автомобиль находится на расстоянии L_1 от перекрестка, а второй на расстоянии L_2 от перекрестка. Найдите минимальное расстояние между автомобилями в процессе их движения.
- 27 Грузы, имеющие массы M и m (M > m), при помощи невесомой нерастяжимой нити подвешены на блоке. С каким минимальным ускорением нужно двигать блок в вертикальном направлении, чтобы ускорения грузов были направлены в одну сторону? Ускорение свободного падения g. Сопротивлением воздуха пренебречь.



- 28 Катушку радиуса R, находящуюся на горизонтальной поверхности, тянут за нить, намотанную на ось катушки радиуса r. Нить движется со скоростью v в горизонтальном направлении. Найдите поступательную скорость оси катушки относительно поверхности. Катушка не проскальзывает по поверхности.
- 29 С помощью термометра измеряют попеременно температуры жидкостей, налитых в два калориметра. Показания термометра: 80, 16, 78, 19 °C. Что покажет термометр после следующего переноса? После большого числа переносов?
- 30 Толстостенная лодка с вертикальными стенками и отверстием в дне достаточно долго свободно плавает в озере. Затем отверстие снаружи затыкают, и потом внутрь лодки пускают плавать бревно. Повысится или понизится после этого уровень воды в лодке относительно уровня воды в озере?

В стакан с водой опустили нагреватель и сняли зависимость температуры воды T от времени t (см. таблицу). На сколько градусов остынет вода за 1 мин, если нагреватель отключили от сети при температуре 50° С? Закипит ли вода, если нагреватель не выключать достаточно долго? Мощность нагревателя считать неизменной.

t, мин	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
T, °C	20	26,2	31,8	36,8	41,4	45,6	49,3	52,7	55,8	61,1

- 32 Вес P системы, состоящей из стакана с водой и пробкового шарика, измеряют в следующих пяти случаях:
 - 1. шарик свободно плавает в стакане (показания весов P_1);
 - 2. шарик лежит на чашке весов рядом со стаканом (P_2) ;
 - 3. шарик удерживается в полностью погруженном состоянии тонкой невесомой нитью, прикрепленной к дну стакана (P_3) ;
 - 4. шарик удерживается в полностью погруженном состоянии тонкой невесомой спицей, закрепленной над стаканом (P_4) ;
 - 5. шарик свободно всплывает (P_5).

Расставить показания весов в порядке их возрастания.

- 33 Две невесомые пружины имеют длины l_1, l_2 и жесткости k_1, k_2 соответственно. Одна пружина вставлена в другую. Концы пружин попарно скреплены. Другими точками пружины друг друга не касаются. Какова жесткость получившейся пружины?
- 34 Моток голой проволоки, содержащей семь с половиной витков, растянут на двух вбитых в доску гвоздях, к которым присоединены его концы. Подключив к гвоздям приборы, измерили сопротивление цепи между гвоздями. Во сколько раз изменится это сопротивление, если моток снять с доски и размотать, оставив концы присоединенными к гвоздям?

- Три брата вместе выехали на конях из дворца и поехали к Кощею Бессмертному. Братья ехали по одной дороге, скорость каждого из них была постоянна. Скорость среднего брата равнялась 24 км/ч, скорость младшего брата 20 км/ч. Первым к Кощею приехал старший брат, спустя 1 час к Кощею приехал средний брат. Через 1 час после приезда среднего брата к Бессмертному приехал младший брат. Найдите скорость старшего брата.
- 36 Цилиндрический медный проводник площадью поперечного сечения $S=0,1~{\rm cm}^2$ подключается к источнику постоянного тока. Температура проводника начинает увеличиваться. Как видно из графика зависимости температуры от времени, через время $\tau_1=10$ мин температура проводника становится равной $t_1=90$ °C.
 - 1. За какое время температура проводника достигла бы значения t_1 , если бы проводник был окружен теплонепроницаемой оболочкой?
 - 2. Найдите силу тока в проводнике.
 - 3. Предположим, что по истечении времени $\tau_2=5$ мин проводник был отключен от источника тока и начал остывать. Определите, за какое приблизительно время $\Delta \tau$ температура проводника изменится от 70°C до 65°C.

Для меди: удельная теплоемкость c = 390 Дж/(кг·°С), удельное сопротивление $\rho_{\mathcal{M}} = 1,75 \cdot 10^{-8}$ Ом·м, плотность $\rho = 8,9 \cdot 10^{3}$ кг/м³.

