XX Летняя Физическая Школа. 10 класс.

Первая неделя, 18.07 – 23.07.

1	Лабораторная плитка, сопротивление которой $R=20~{\rm OM}$, включена в сеть последовательно с сопротивлением $R_0=10~{\rm OM}$. При длительной работе она нагрелась от комнатной температуры $t_0=20^{\circ}{\rm C}$ до $t_1=52^{\circ}{\rm C}$. До какой температуры нагреется плитка, если ей включить параллельно еще одну такую же плитку?
2	Жонглер держит за концы невесомую, нерастяжимую нить, на которую нанизаны два шарика массой m каждый, могущие без трения скользить по ней. Крайние участки нити всегда составляют угол α с вертикалью, а сила натяжения нити постоянна и равна T . За какое время шарики столкнутся, если в начальный момент они неподвижны и находятся на одной высоте на расстоянии L друг от друга?
3	Мальчик раскручивает веревку длиной L с привязанным к ее концу камнем. В момент, когда траектория камня представляет собой окружность в горизонтальной плоскости на высоте h от земли, а угловая скорость вращения равна ω , камень отрывается от веревки. Найти расстояние от точки на земле, где стоит мальчик, до точки падения камня. Сопротивлением воздуха пренебречь.
4	Тонкостенная проводящая сфера радиуса 0.1 м заряжена равномерно по поверхности, полный её заряд составляет 10 мкКл. Из неё вырезали и убрали маленький кусочек площади 0.1 см ² . Найти напряжённость поля в центре сферы и в центре дырки.
5	Велосипедист ускоряется так, что $av = C$, где v — скорость велосипедиста, a — ускорение, а C — некоторая постоянная величина. Найдите время, за которое его скорость увеличится от v_1 до v_2 .
6	Четыре положительных заряда q,Q,q,Q связаны пятью нитями так, как показано на рисунке. Длина каждой нити равна l . Определите силу натяжения нити, связывающей заряды $Q>q$.

(продолжение на обороте)

Тело находится на абсолютно гладкой наклонной плоскости с углом а у основания. С помощью невесомых нерастяжимых нитей, перекинутых через блоки, находящиеся в основании и вершине наклонной плоскости, к телу привязан груз, имеющий массу M. Нити, подходящие к грузу, состав-7 ляют с вертикалью и горизонталью углы β . Вся система находится в состоянии покоя. Определите силы натяжения нитей и массу тела, трением в блоках пренебречь. Проанализируйте, как изменятся ответы, если принять, что между телом и наклонной плоскостью существует трение (коэффициент трения μ). На закате человек, стоящий у озера, видит в абсолютно спокойной воде отражение солнца. С какой скоростью движется это отражение, если в начальный момент человек видит его под углом α к горизонтали? 8 Считать, что глаза человека находятся на высоте h над поверхностью, а солнце садится перпендикулярно к линии горизонта. На гладком горизонтальном столе покоится шар массой т. С ним упруго сталкивается клин массой M=m/2, движущийся углом вперед со скоростью $v=5~{\rm m/c}.$ Определить, через какое время шар опять столкнется с клином. Угол клина $\alpha = 30^\circ$. Клин не подпрыгивает. Считать, что потери энергии на тепло нет.

Металлическое кольцо разорвалось кулоновскими силами, когда заряд кольца был равен Q. Сделали точно такое же новое кольцо, но из материала, прочность которого в 10 раз больше. Какой заряд разорвёт

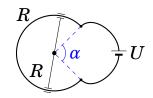
новое кольцо?

XX Летняя Физическая Школа. 10 класс.

Вторая неделя, 24.07 – 29.07.

1	Массивная бусинка нанизана на невесомую нерастяжимую нить длиной L , по которой может скользить без трения. Концы нити прикреплены к невесомым кольцам, которые могут свободно скользить по горизонтальному и вертикальному стержням. В начальный момент бусинку удерживают в таком положении, чтобы нить и стержни составляли квадрат. Бусинку отпускают. Найдите ее ускорение сразу после этого и время, за которое она достигнет вертикального стержня.
2	Два одинаковых провощящих шарика радиуса R соединены длинной натянутой тонкой проволочкой длины L ($L\gg R$). Систему внесли в однородное электрическое поле E_0 , направленное вдоль проволочки. Какой заряд перетечёт по проволочке? Какое количество тепла выделится в сопротивлении проволочки?
3	Наклонная плоскость имеет угол с горизонталью α . По ней запускают косо вверх под углом β к горизонтали две цилиндрические шайбы, массой m каждая, лежащие точно одна на другой (по центру). Коэффициент трения между шайбами μ , а между нижней шайбой и плоскостью μ_0 . Какова сила, с которой действует верхняя шайба на нижнюю в верхней точке их траектории, если μ достаточно, чтобы шайбы не проскальзывали друг по другу? Может ли начаться такое проскальзывание, если его нет сначала? Какие еще начальные данные нужны для ответа на эти вопросы?
4	Вдоль прямой расположены точечные заряды Q,Q и q . Расстояние между соседними зарядами составляет L . Какую минимальную работу нужно совершить, чтобы поменять местами заряды Q и q ?
5	Самолет летит по прямой в горизонтальном направлении со скоростью $v=720~{\rm кm/ч}$. Определите, на какую величину надо изменить скорость самолета, чтобы он смог описать в горизонтальной плоскости окружность радиуса $R=8~{\rm km}$. Каков при этом угол наклона самолета? Подъемная сила направлена перпендикулярно плоскости крыльев и пропорциональна квадрату скорости самолета (коэффициент пропорциональности в обоих случаях считать одинаковым). Ускорение свободного падения положить равным $10~{\rm m/c^2}$.

Однородный проводящий контакт изогнут в виде дуги угла $2\pi - \alpha$. Вокруг центра дуги вращается с очень большой скоростью проводящий отрезок сопротивления R, так что контакт между отрезком и дугой идеальный. Сопротивление дуги равно сопротивлению отрезка. Устройство подключено к батарейке с постоянным напряжением U. Определить заряд, протекший по цепи за время t, и выделившееся тепло за это время. Сопротивлением подводящих проводов пренебречь.



Тонкий обруч, имеющий массу M, которая сосредоточена в оси, на которую он насажен, и радиус R, поставлен на горизонтальную плоскость. По гладкому каналу внутри обруча соскальзывает из верхней точки без начальной скорости шайба массой m. Определить скорость центра обруча, когда шайба находится в точке под углом φ от вертикали. Трения нет.

Правый конец металлического стержня длиной 1 м погружен в кипящий ацетон. На расстоянии 47 см от левого конца стержня лежит маленький кристалл нафталина. Левый конец стержня погрузили в кипящую воду. Какая доля ацетона выкипт, пока расплавится весь нафталин? Считайте, что вся теплопередача происходит только через стержень, а поток тепловой энергии через тонкий слой прямо пропорционален разности температур на торцах слоя. Количество кипящей воды в сосуде очень велико, кипение поддерживается. Температура кипения ацетона 56,2°C, температура плавления нафталина 80,3°C.

Мальчик сидит на расстоянии R от центра диска, равномерно раскручивающегося из состояния покоя до угловой скорости ω за время T. Какое число оборотов сделает мальчик, прежде, чем он начнет скользить относительно диска, если коэффициент трения мальчика о его поверхность равен μ ?

9

Два одинаковых маленьких шарика массы M каждый имеют одинаковые заряды Q и расположены на расстоянии L друг от друга. Ещё один маленький шарик 0.5M с зарядом 4Q находится на расстоянии 2L от первого из них и 3L от второго. Вначале шарики удерживают, затем — одновременно отпускают. Где будет лёгкий шарик в тот момент, когда расстояние между первыми и вторым станет в три раза больше начального? Какие скорости будут у шариков в этот момент?

XX Летняя Физическая Школа. 10 класс.

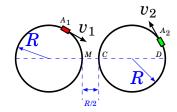
Третья неделя, 30.07 – 04.08.

1	Вагон длиной $4L$ и шириной L , стоящий на абсолютно гладких рельсах, заполнен водой до высоты L . В нем со дна всплывает легкий куб с ребром L . На какое расстояние и в какую сторону от точки A сдвинется вагон после успокоения воды, если плотность вещества куба в два раза меньше плотности воды, а масса пустого вагона равна массе налитой в него воды?
2	Равномерно заряженный лист, имеющий форму прямоугольного равнобедренного треугольника, сложили вдвое по диагонали. При этом была совершена работа <i>A</i> против сил электрического поля. Какую работу надо совершить, чтобы ещё раз также сложить полученный треугольник?
3	Однородный стержень массой M подвешен при помощи легких нерастяжимых нитей одинаковой длины к потолку и находится в положении устойчивого равновесия. По стержню без трения может перемещаться небольшая шайба массой m . В начальный момент конструкцию отклоняют на угол α от вертикали в плоскости подвеса и отпускают, при этом шайба находится посередине стержня. Найти ускорение шайбы в начальный момент.
4	Длинный брусок с квадратным торцом опущен в воду, так, что одна из его боковых граней находится над поверхностью воды и параллельна ей. В таком положении брусок свободно плавает. При какой плотности материала бруска это возможно?
5	Маленькому тяжёлому шарику массы m , имеющему заряд q , сообщают начальную скорость v_0 , направленную вертикально вверх. Шарик находится в однородном горизонтальном электрическом поле, напряжённость которого равна E . Пренебрегая сопротивлением воздуха и зависимостью ускорения свободного падения от высоты, определить минимальную скорость шарика в процессе его движения.
6	С какой силой расталкиваются равномерно заряженные грани куба? Поверхностная плотность заряда граней равна σ , длина ребра l .

По двум кольцевым дорогам радиуса R, лежащим в одной плоскости, движутся автомобили A_1 и A_2 со скоростями $v_1 = v = 20$ км/ч и $v_2 = 2v$. В некоторый момент автомобили находились в точках M и C на расстоянии R/2 друг от друга.

- 7
- 1. Найдите скорость автомобиля A_2 в системе отсчета, связанной с автомобилем A_1 в этот момент.
- 2. Найдите скорость автомобиля A_2 в системе отсчета, связанной с автомобилем A_1 , когда A_2 окажется в точке D.

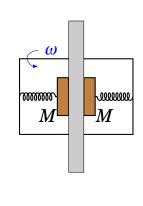
Размеры автомобилей малы по сравнению с R.



Плоский конденсатор состоит из двух больших пластин площади S каждая, расположенных на малом расстоянии d ($S \gg d^2$) друг от друга. Пластины заряжены, их заряды Q и 2Q. Их замыкают проводом, имеющим сопротивление R. Какой заряд протечёт по этому проводу? Сколько на нём выделится тепла?

Птица летит горизонтально на высоте H с постоянной скоростью u. Плохой мальчик замечает птицу в момент, когда она находится в точности над его головой, и сразу же стреляет из рогатки. Какой должна быть скорость птицы, чтобы мальчик не смог попасть в нее, если максимальная скорость вылета камня равна v? Сопротивлением воздуха пренебречь.

На вертикальный цилиндрический стержень радиуса R насажено устройство, состоящее из корпуса, в котором находятся два груза одинаковой массы M, прижимаемые к стержню с помощью двух одинаковых пружин жесткостью k. Устройство вращается вокруг стержня с постоянной угловой скоростью ω и движется вниз. Найти установившуюся скорость движения устройства вниз, если коэффициент трения грузов о стержень равен μ и пружины сжаты на величину x. Массой всех остальных деталей пренебречь. Ускорение свободного падения g.



10

9