## XX Летняя Физическая Школа. Физбой, 10 класс. Финал.

xx.07.2014

1	В точках $A$ и $B$ жёсткого невесомого стержня укреплены два маленьких шарика. В точке $O$ стержень закреплен и может свободно вращаться в вертикальной плоскости. В начальный момент времени стержень отклоняют от вертикального положения на очень маленький угол и отпускают. Найти силу, действующую на шарик $B$ со стороны стержня в момент, когда угол между стержнем и вертикалью равен $\alpha$ . Масса каждого груза $m$ , длина стержня $L$ , $OA = AB$ .
2	Из тонкой проволоки сопротивлением $R_0 = 6$ Ом изготовили плоскую фигуру, состоящую из большого числа равносторонних треугольников, стороны каждого из которых, начиная со второго, являются средними линиями предыдущего треугольника (см. рисунок). Вычислите сопротивление $R$ полученной фигуры между точками $A$ и $B$ .
3	Астероид, взорванный в процессе космического эксперимента, превратился в облако мелкой пыли. Сразу после взрыва облако однородно и шарообразно, имеет радиус $R$ и плотность $\rho_0$ . Начальная скорость $v$ каждой пылинки направлена от центра облака и пропорциональна расстоянию $r$ до центра: $v = Hr$ ( $H$ — известный коэффициент). Определите плотность пыли на расстоянии $x$ от центра облака через время $t$ после взрыва. Гравитационным взаимодействием пылинок пренебречь.
4	На горизонтальной поверхности лежат два бруска с массами $m_1$ и $m_2$ , соединённые недеформированной пружиной жесткости $k$ . Какую наименьшую горизонтальную силу $F$ нужно приложить к одному из брусков, чтобы сдвинулся и второй брусок?
5	Над тонкостенным металлическим шаром, радиус которого $R=5$ см, на высоте $h=10$ см находится капельница с заряженной жидкостью. Капли жидкости падают из капельницы в небольшое отверстие в шаре. Определить максимальный заряд $Q_0$ , который накопится на шаре, если заряд каждой капли $q=1.8\cdot 10^{-11}$ Кл. Радиус капель $r=1$ мм.

В теплоизолированном цилиндре на расстоянии  $L_1 = 80$  см друг от друга находятся два легкоподвижных теплопроводящих поршня. Пространство между ними заполнено водой, а снаружи на поршни действует атмосферное давление. Слева от левого поршня включили холодильник, который поддерживает постоянную температуру  $t_1 = -40^{\circ}\mathrm{C}$ , а справа от правого нагреватель, поддерживающий постоянную температуру  $t_2 = 16$ °C. Через некоторое время система пришла в стационарное состояние и расстояние между поршнями стало  $L_2$ . После этого поршни снаружи теплоизолировали и дождались установления теплового равновесия в цилиндре. Расстояние между поршнями стало  $L_3$ . Найдите  $L_2$  и  $L_3$ . Плотность льда  $\rho_{\scriptscriptstyle \Pi} = 900$  кг/м $^3$ , плотность воды  $\rho_{\rm B}=1000~{\rm kr/m}^3$ , удельная теплоёмкость воды  $c_{\rm B}=$ 4200 Дж/(кг·°С), удельная теплоёмкость льда  $c_{\pi} = 2100$ Дж/(кг·°С), удельная теплота плавления льда  $\lambda = 330 \ \mathrm{кДж/кг}$ , коэффициент теплопроводности льда в 4 раза больше коэициента теплопроводности воды.

*Указание*. Считайте, что мощность теплового потока P вдоль цилиндра, между торцами которого поддерживается постоянная разность температур  $\Delta t$ , равна:

$$P = \frac{kS\Delta t}{L},$$

где k — коэффициент теплопроводности среды, S — площадь торца цилиндра, L — длина цилиндра.

