

Общие замечания. Для начала заметим что любая команда из 2-ух и менее человек подходит под ограничения задачи и всегда можно выбрать 1 или 2 игроков с максимальными эффективностями. Пусть теперь наша оптимальная команда состоит из $n > 2$ игроков. Среди них есть два с минимальной эффективностью, пусть их суммарная эффективность E_{min} , а их эффективности E_1 и E_2 соответственно, тогда в эту команду можно включить любого игрока с эффективностью лежащей в отрезке $[E_2; E_{min}]$.

Утверждение. Пусть $E_1 \dots E_n$ отсортированный по неубыванию список эффективностей игроков, тогда оптимальный ответ на задачу достигается на каком-либо подотрезке этого списка.

Доказательство. Допустим что оптимальный ответ состоит из $n > 2$ игроков (случай меньшего количества разобран выше). И среди их эффективностей в отсортированном списке имеются прорывы. Пусть есть пропущенный игрок с индексом j в отсортированном списке, тогда все игроки включенные в команду имеют эффективность меньше либо равную E_j . Выберем вместо этих игроков игроков с индексами на 1 больше тогда суммарная эффективность стала не меньше и сумма двух минимальных не уменьшилась, т.е. условие сплоченности не нарушилось, и суммарная эффективность такой команды не хуже оптимальной. Таким образом мы можем произвести такие сдвиги игроков и получить команду, которая является подотрезком в отсортированном списке эффективностей и суммарная их эффективность не уменьшится.

В итоге задача свелась к следующей - нахождение подотрезка максимальной суммы в отсортированном массиве при условии, что максимальный элемент не больше суммы двух минимальных.

Алгоритм. Пусть длина такого отрезка ≥ 2 (один элемент очевидный случай). Переберем начало такого отрезка i , пусть $E = E_i + E_{i+1}$, найдем самого последнего игрока, у которого эффективность меньше либо равна E (будем искать его бинарным поиском за $O(\log(n))$), пусть его индекс $last$. Тогда самый длинный отрезок начинающийся с i это $[i; last]$. И мы можем включить в оптимальную команду всех этих игроков. Их суммарную эффективность будем вычислять используя предварительно подсчитанный массив частичных сумм за $O(1)$. И каждый раз обновлять оптимальный ответ текущим.

Сложность. Сортировка элементов $O(n \log(n))$. Далее для каждого начала отрезка делаем бинарный поиск правого конца этого отрезка и за $O(1)$ находим сумму элементов этого отрезка. Итого вторая часть тоже $O(n \log(n))$.

Память. Расход памяти $O(n)$ (хотя это может зависеть от используемого алгоритма сортировки).