Отчет о выполнении лабораторной работы 1.1.3/4

Взятие сложной производной

Кафедра дедовских наук высшей математики МФТИ от 15.12.2020

Взятие производных сложных функций, безусловно, является важнейшим достижением человеческой эволюции, и, несомненно, продемонстрировать дифференциирование на конкретном примере - это долг каждого обучающегося.

1 Производная

Возьмем производную функции

$$\ln(\cos(3\cdot(\cos\ln x) + 5\cdot(x^6)))\tag{1}$$

Бомоновцы дифференцировали дифференцировали да не выдифференцировали

$$(x)' = 1$$

Ну тут либо вот это понять, либо в армейку

$$(x^6)' = x^{6-1} \cdot 6 \cdot 1$$

ВЖУХ и первое выражение преобразуется во второе

$$(5)' = 0$$

Лейбниц нашептал на ушко, что

$$(5 \cdot (x^6))' = 0 \cdot (x^6) + 5 \cdot (x^{6-1} \cdot 6 \cdot 1)$$

Мне следующее очевидно, а вам?

$$(x)' = 1$$

Лейбниц нашептал на ушко, что

$$(\cos \ln x)' = \frac{1}{x}$$

ПАМАГИТЕ МАКС ЗАСТАВЛЯЕТ ПИСАТЬ ШУТКИ

$$(3)' = 0$$

Все семинары матанализа я, конечно, проспал, но даже для меня это очевидно

$$(3 \cdot (\cos \ln x))' = 0 \cdot (\cos \ln x) + 3 \cdot (\frac{1}{x})$$

ПАМАГИТЕ МАКС ЗАСТАВЛЯЕТ ПИСАТЬ ШУТКИ

$$(3 \cdot (\cos \ln x) + 5 \cdot (x^6))' = 0 \cdot (\cos \ln x) + 3 \cdot (\frac{1}{x}) + 0 \cdot (x^6) + 5 \cdot (x^{6-1} \cdot 6 \cdot 1)$$

ВЖУХ и первое выражение преобразуется во второе

$$(\cos(3 \cdot (\cos \ln x) + 5 \cdot (x^6)))' = (-\sin(3 \cdot (\cos \ln x) + 5 \cdot (x^6))) \cdot (0 \cdot (\cos \ln x) + 3 \cdot (\frac{1}{x}) + 0 \cdot (x^6) + 5 \cdot (x^{6-1} \cdot 6 \cdot 1))$$

Все семинары матанализа я, конечно, проспал, но даже для меня это очевидно

$$\frac{\left(\ln(\cos(3\cdot(\cos\ln x)+5\cdot(x^6)))\right)'=}{\frac{(-\sin(3\cdot(\cos\ln x)+5\cdot(x^6)))\cdot(0\cdot(\cos\ln x)+3\cdot(\frac{1}{x})+0\cdot(x^6)+5\cdot(x^{6-1}\cdot6\cdot1))}{\cos(3\cdot(\cos\ln x)+5\cdot(x^6))}}$$

После некоторого количества преобразований приходим к окончательному и неоспоримому ответу

$$\frac{\left(-\sin(3\cdot(\cos\ln x) + 5\cdot(x^6))\right)\cdot(3\cdot(\frac{1}{x}) + A)}{\cos(3\cdot(\cos\ln x) + 5\cdot(x^6))}\tag{2}$$

где А =

$$5 \cdot (x^5 \cdot 6) \tag{3}$$

2 Вывод

В работе получена формула приозводной заданной функции. Работа выполненна профессионалами и не рекомендуется к выполнению слабонервным людям, беременным женщинам и особо невнимательным простофилям. Отдельная благодарность спонсорам работы - компании Black Monster Energy $^{\text{TM}}$.

3 Список используемой литературы

- 1. Кудрявцев Л Д, К у т а с о в А Д, Чехлов В И, Шабунин М ИСборник задач по математическому анализу. Том 1 Предел. Не прерывность. Дифференцируемость Учеб пособие / Под ред Л Д Кудрявцева 2 е изд, перераб ISBN 5 9221 0306 7.
- 2. Великая Бибилия Древних Руссов в переводе Черниковой Л.П.
- 3. Черникова Л.П. Гастроли Ф.И. Шаляпина по Дальнему Востоку оказались роковыми... (монография). Уфа, РИЦ БашГУ, 2008. 162 с. 12,46 п.л.
- 4. Гитхаб одного красавца https://github.com/thelimar/Differencator