PREPAS INTERNATIONALES

2020/2021

Programme du Contrôle d'analyse $N^{\circ}6$ (2h) Date : 08/05/2021

- 1. Calculer l'intégrale d'une fonction usuelle telle que :
 - (a) partie entière
 - (b) valeur absolue
 - (c) fonction rationnelle
 - (d) fonction trigonométrique
 - (e) fonction exponentielle
 - (f) fonction logarithme, ...
- 2. Calculer une intégrale par un changement de variable.
- 3. Etudier une suite:
 - (a) définie par une intégrale Par exemple,

$$I_{n,m} = \int_{1}^{e} x^{n} \left(\ln x\right)^{m} dx$$

(b) à partir des suites définies dans le calcul d'une intégrale par la méthode des rectangles (retrouver la fonction, les bornes et faire le calcul).

Par exemple,

$$u_n = \sum_{k=1}^{n-1} \frac{1}{n+k}.$$

4. Déterminer le domaine, les limites, dériver et simplifier des expressions avec les fonctions usuelles sur des domaines à préciser; par exemple,

$$g(x) = \arctan x + \arctan \left(\frac{1+x}{1-x}\right).$$