



Yaoundé le 5 décembre 2020

DEVOIR DE SCIENCES DE L'INGÉNIEUR

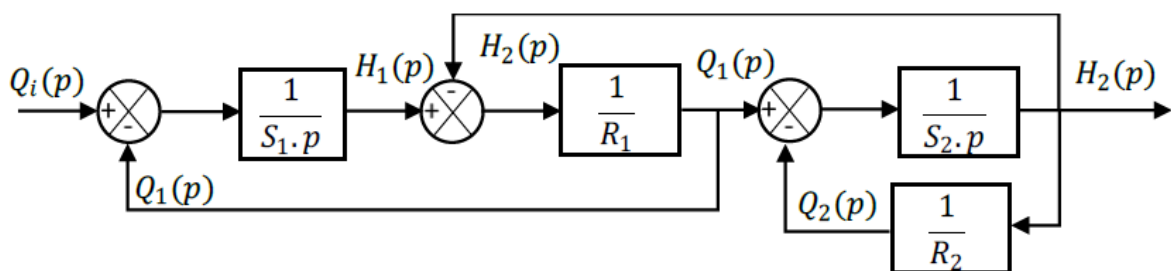
Niveau : PI – IG1A

Durée : 2H00

ASSERVISSEMENT

EXERCICE 1 : Algèbre des schémas blocs – 05 points

On donne le schéma bloc suivant :



QUESTION 1 : Simplifier ce schéma bloc en utilisant l'algèbre des schémas blocs et donner la fonction de transfert $\frac{H_2(p)}{Q_i(p)}$.

EXERCICE 2 : Décomposition en élément simple – 05 points

Soit la fonction de transfert suivante :

$$H(p) = \frac{p^2 + 1}{p^2 \cdot (p + 1)}$$

On fait subir au système représenté par cette fonction de transfert une entrée échelon unitaire.

QUESTION 2 : Calculer $S(p)$ la réponse du système.

QUESTION 3 : Décomposer $S(p)$ en éléments simples sous la forme :

$$\frac{A}{p^3} + \frac{B}{p^2} + \frac{C}{p} + \frac{D}{p + 1}$$

QUESTION 4 : Déterminer $s(t)$.

EXERCICE 3 : Équation différentielle – 05 points

Il s'agit de résoudre l'équation différentielle suivante :

$$\frac{d^2 y(t)}{dt^2} + 3 \cdot \frac{dy(t)}{dt} + 2 \cdot y(t) = e(t)$$

On donne : $y(0) = 2$ et $\frac{dy(0)}{dt} = 2$

Par ailleurs, $e(t) = 6 \cdot u(t)$.

QUESTION 5 : Écrire cette équation à l'aide de la transformée de Laplace.

On rappelle que :

$$\mathcal{L}(f^{(n)}(t)) = p^n \cdot F(p) - p^{n-1} \cdot f(0) - p^{n-2} \cdot f'(0) - \dots - p \cdot f^{(n-2)}(0) - f^{(n-1)}(0)$$

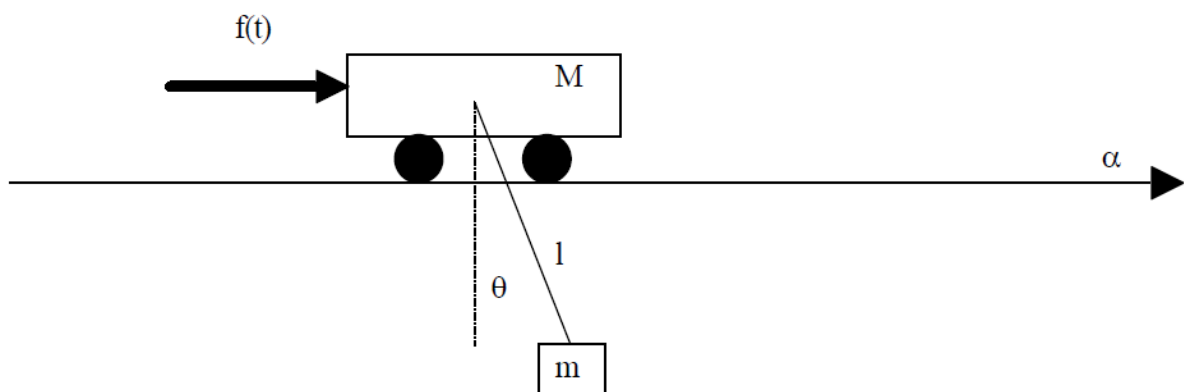
QUESTION 6 : Décomposer $Y(p)$ sous la forme

$$\frac{A}{p} + \frac{B}{p + \alpha} + \frac{C}{p + \beta}$$

QUESTION 7 : Déterminer $y(t)$.

EXERCICE 4 : Pont roulant – 05 points

Un système représentant un pont roulant constitué d'un chariot de masse M , d'une charge de masse m , d'un bras de levier de longueur l est schématisé par la figure suivante :



Dans l'hypothèse des petits mouvements ($\theta < 10^\circ$), la modélisation simplifiée en vue de la stabilisation à la verticale du pont roulant conduit aux équations différentielles du mouvement suivantes où g représente l'accélération de la pesanteur :

$$(M + m) \cdot \frac{d^2 \alpha(t)}{dt^2} + m \cdot l \cdot \frac{d^2 \theta(t)}{dt^2} = f(t) \quad (1)$$

$$l \cdot \frac{d^2 \theta(t)}{dt^2} + \frac{d^2 \alpha(t)}{dt^2} + g \cdot \theta(t) = 0 \quad (2)$$

QUESTION 8 : Donner les équations (1) et (2) dans le domaine de Laplace en fonction de $M, m, l, g, \theta(p), F(p)$ et $\alpha(p)$.

QUESTION 9 : Donner dans un premier temps les schémas blocs représentant chacune des équations, sachant que $F(p)$ est l'entrée et $\theta(p)$ la sortie.

QUESTION 10 : Donner le schéma bloc global non simplifié du système.

QUESTION 11 : Que vaut $\frac{\theta(p)}{F(p)}$?



Bon courage !

ANNEXE

Fonctions temporelles	Transformées de Laplace
$s(t) = t^n$	$S(p) = \frac{n!}{p^{n+1}}$
$s(t) = t^n e^{-at}$	$S(p) = \frac{n!}{(p+a)^{n+1}}$
$s(t) = \sin(\omega t)$	$S(p) = \frac{\omega}{p^2 + \omega^2}$
$s(t) = \cos(\omega t)$	$S(p) = \frac{p}{p^2 + \omega^2}$
$s(t) = e^{-at} \sin(\omega t)$	$S(p) = \frac{\omega}{(p+a)^2 + \omega^2}$
$s(t) = e^{-at} \cos(\omega t)$	$S(p) = \frac{p+a}{(p+a)^2 + \omega^2}$