Proves d'accés a la universitat

Matemàtiques

Sèrie 4

Qualificació		TR	
Qüestions	1		
	2		
	3		
	4		
	5		
	6		
Suma de notes parcials			
Qualificació final			

Etiqueta de l'alumne/a	
	Ubicació del tribunal
	Número del tribunal

Etiqueta de qualificació

Etiqueta del corrector/a

Responeu a QUATRE de les sis questions seguents. En les respostes, expliqueu sempre què voleu fer i per què.

Cada qüestió val 2,5 punts.

Podeu utilitzar calculadora, però no es permet l'ús de calculadores o altres aparells que poden emmagatzemar dades o que poden transmetre o rebre informació.

Podeu utilitzar les pàgines en blanc (pàgines 14 i 15) per a fer esquemes, esborranys, etc., o per a acabar de respondre a alguna qüestió si necessiteu més espai. En aquest últim cas, cal que ho indiqueu clarament al final de la pàgina de la qüestió corresponent.

- 1. Siguin les funcions $f(x) = x^3$ i $g(x) = a \cdot x^2$, en què a és un nombre real positiu.
 - a) Trobeu, en funció del paràmetre a, els punts de tall entre les dues corbes y = f(x) i y = g(x) i feu un esbós de la regió limitada per les dues gràfiques. [1,25 punts]

b) Calculeu el valor de *a* perquè l'àrea compresa entre y = f(x) i y = g(x) sigui $\frac{27}{4}$ u². [1,25 punts]

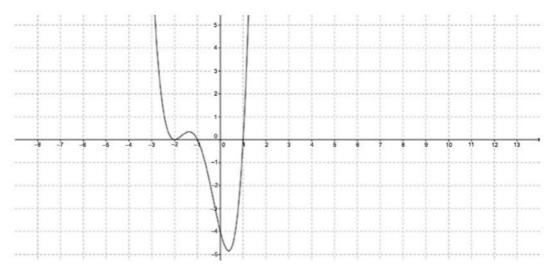
Espai per al corrector/a		
	а	
Qüestió 1	b	
	Total	

- 2. Un avió es desplaça des d'un punt A = (0, 3, 1) cap a una plataforma plana d'equació π : x 2y + z = 1 seguint una recta r paral·lela al vector v = (1, -1, 0).
 - *a*) Calculeu les coordenades del punt de contacte *B* de l'avió amb el pla i la distància recorreguda.

[1,25 punts]

<i>b</i>)	Calculeu l'equació general del pla perpendicular a la plataforma i que conté la recta r seguida per l'avió des del punt A . [1,25 punts]

3. Sigui f(x) una funció derivable la gràfica de la qual passa pel punt (0, 1). La gràfica de la seva derivada, f'(x), és la que es mostra en la figura.



a) Calculeu l'equació de la recta tangent a la gràfica de la funció f(x) en el punt de la gràfica d'abscissa x=0.

[1,25 punts]

 \boldsymbol{b}) Trobeu les abscisses dels punts singulars de la funció f(x) i classifiqueu-los. [1,25 punts] Espai per al corrector/a

а

Total

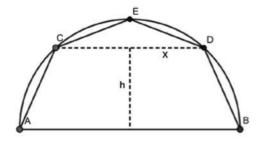
Qüestió 3

- 4. Sigui la matriu $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} a & -3 & 0 \\ 4 & a-7 & 1 \\ 1 & -1 & -1 \end{pmatrix}$, en què a és un paràmetre real.
 - a) Estudieu el rang de la matriu A per als diferents valors del paràmetre a. [1,25 punts]

b) Comproveu que per a a=4 la matriu A és invertible i que es verifica que $A^{-1}=A^2$. [1,25 punts]

Espai per al corrector/a		
Qüestió 4	а	
	b	
	Total	

5. Una empresa està treballant en el disseny d'unes càpsules de cafè. L'empresa ha construït la secció transversal de les càpsules inscrivint-la en una semicircumferència de radi 1, traçant a continuació una corda *CD* paral·lela al diàmetre *AB* i incorporant el punt *E* en el punt mitjà de l'arc *CD*. D'aquesta manera queda traçat el pentàgon *ACEDB*, tal com es mostra en la figura.



a) Expresseu en funció de *x* i *h* l'àrea del pentàgon *ACEDB*. [1,25 punts]

b) Quina ha de ser la distància (indicada en la figura per h) a què s'ha de situar la corda CD de AB per tal que l'àrea del pentàgon ACEDB sigui màxima? [1,25 punts]

Espai per al corrector/a		
	а	
Qüestió 5	b	
	Total	

- 6. Siguin les rectes r i s, expressades per $\frac{x-3}{2} = y = z 1$ i $(\mu, -\mu, \mu)$, respectivament.
 - a) Determineu la posició relativa de les rectes.
 [1,25 punts]

b) Calculeu la distància entre la recta r i la recta s. [1,25 punts]

Espai per al corrector/a		
	а	
Qüestió 6	b	
	Total	

[Pàgina per a fer esquemes, esborranys, etc., o per a acabar de respondre a alguna qüestió.]

[Pàgina per a fer esquemes, esborranys, etc., o per a acabar de respondre a alguna qüestió.]

Etiqueta de l'alumne/a	

