

- Dado el polinomio  $x^5 + 2x^4 + 4x + 8$ , descompóngalo en:
  - factores irreducibles  $\mathbb{R}[x]$
  - factores irreducibles  $\mathbb{C}[x]$
- Dada la siguiente fracción racional y su correspondiente descomposición en fracciones simple de  $\mathbb{R}(x)$ , encuentre el(los) error(es) y reescribala de forma correcta:
 
$$\frac{1}{x^2(x+1)(x^2+1)^2} = \frac{A}{x^2} + \frac{B}{x+1} + \frac{Cx+D}{(x^2+1)^2}, A, B, C, D \in \mathbb{R}$$
- Demuestre que si  $p(x) \in \mathbb{R}[x]$  tiene a  $w = a + bi$  como raíz múltiple de orden  $k \in \mathbb{N}$ , entonces es divisible por  $[x^2 - 2ax + a^2 + b^2]^k$ .
- Muestre que el subconjunto de todos los polinomios de  $\mathbb{R}_5[x]$  que son divisibles por  $x^2 + 1$  es un subespacio vectorial.
 

**4.1 (opcional) Halle una base del mismo.**
- Demuestre que, si  $p(x) \in \mathbb{Z}[x]$  evaluado en cuatro valores enteros diferentes es igual a un mismo número primo entonces no existe  $k \in \mathbb{Z}$  tal que  $p(k)$  sea el duplo de dicho número primo

**Opcional: Determinar  $a, b, c$  de modo tal que éstos sean raíces del polinomio  $x^3 + ax^2 + bx + c$ .**

- Dado el polinomio  $x^5 + 2x^4 + 4x + 8$ , descompóngalo en:
  - factores irreducibles  $\mathbb{R}[x]$
  - factores irreducibles  $\mathbb{C}[x]$
- Dada la siguiente fracción racional y su correspondiente descomposición en fracciones simple de  $\mathbb{R}(x)$ , encuentre el(los) error(es) y reescribala de forma correcta:
 
$$\frac{1}{x^2(x+1)(x^2+1)^2} = \frac{A}{x^2} + \frac{B}{x+1} + \frac{Cx+D}{(x^2+1)^2}, A, B, C, D \in \mathbb{R}$$
- Demuestre que si  $p(x) \in \mathbb{R}[x]$  tiene a  $w = a + bi$  como raíz múltiple de orden  $k \in \mathbb{N}$ , entonces es divisible por  $[x^2 - 2ax + a^2 + b^2]^k$ .
- Muestre que el subconjunto de todos los polinomios de  $\mathbb{R}_5[x]$  que son divisibles por  $x^2 + 1$  es un subespacio vectorial.
 

**4.1 (opcional) Halle una base del mismo.**
- Demuestre que, si  $p(x) \in \mathbb{Z}[x]$  evaluado en cuatro valores enteros diferentes es igual a un mismo número primo entonces no existe  $k \in \mathbb{Z}$  tal que  $p(k)$  sea el duplo de dicho número primo.

**Opcional: Determinar  $a, b, c$  de modo tal que éstos sean raíces del polinomio  $x^3 + ax^2 + bx + c$ .**