

## II Examen Intrasemestral Algebra I Ciencias de la Computación

Curso 2015-2016.

Grupo: \_\_

- **1.** Dado el polinomio  $x^5 + 2x^4 + 4x + 8$ , descompóngalo en:
  - **1.1** factores irreducibles  $\mathbb{R}[x]$
  - **1.2** factores irreducibles  $\mathbb{C}[x]$
- **2.** Dada la siguiente fracción racional y su correspondiente descomposición en fracciones simple de  $\mathbb{R}(x)$ , encuentre el(los) error(es) y reescríbala de forma correcta:

$$\frac{1}{x^2(x+1)(x^2+1)^2} = \frac{A}{x^2} + \frac{B}{x+1} + \frac{Cx+D}{(x^2+1)^2}A, B, C, D \in \mathbb{R}$$

- **3.** Demuestre que si  $p(x) \in \mathbb{R}[x]$  tiene a w = a + bi como raíz múltiple de orden  $k \in \mathbb{N}$ , entonces es divisible por  $[x^2-2ax+a^2+b^2]^k$ .
- **4.** Muestre que el subconjunto de todos los polinomios de  $\mathbb{R}_{5}[x]$  que son divisibles por  $x^2+1$  es un subespacio vectorial.
  - 4.1 (opcional) Halle una base del mismo.
- **5.** Demuestre que, si  $p(x) \in \mathbb{Z}[x]$  evaluado en cuatro valores enteros diferentes es igual a un mismo número primo entonces no existe  $k \in \mathbb{Z}$  tal que p(k) sea el duplo de dicho número primo

Opcional: Determinar a,b,c de modo tal que éstos sean raíces del polinomio  $x^3 + ax^2 + bx + c$ .

UNIVERSIDAD DE LA HABANA	
	• •
FACULTAD DE MATEMÁTICA Y COMPUTA	LCIÁR
I ACOLIAD DE MAILMAINA I COMI O M	SCI OF

II Examen Intrasemestral

Algebra I

Curso 2015-2016.

Ciencias de la Computación
Nombre: \_\_\_\_\_ Grupo: \_\_\_\_\_

- **1.** Dado el polinomio  $x^5 + 2x^4 + 4x + 8$ , descompóngalo en:
  - **1.1** factores irreducibles  $\mathbb{R}[x]$
  - **1.2** factores irreducibles  $\mathbb{C}[x]$
- **2.** Dada la siguiente fracción racional y su correspondiente descomposición en fracciones simple de  $\mathbb{R}(x)$ , encuentre el(los) error(es) y reescríbala de forma correcta:

$$\frac{1}{x^2(x+1)(x^2+1)^2} = \frac{A}{x^2} + \frac{B}{x+1} + \frac{Cx+D}{(x^2+1)^2} A, B, C, D \in \mathbb{R}$$

- **3.** Demuestre que si  $p(x) \in \mathbb{R}[x]$  tiene a w = a + bi como raíz múltiple de orden  $k \in \mathbb{N}$ , entonces es divisible por  $[x^2-2ax+a^2+b^2]^k$ .
- **4.** Muestre que el subconjunto de todos los polinomios de  $\mathbb{R}_5[x]$  que son divisibles por  $x^2+1$  es un subespacio vectorial.
  - 4.1 (opcional) Halle una base del mismo.
- **5.** Demuestre que, si  $p(x) \in \mathbb{Z}[x]$  evaluado en cuatro valores enteros diferentes es igual a un mismo número primo entonces no existe  $k \in \mathbb{Z}$  tal que p(k) sea el duplo de dicho número primo.

Opcional: Determinar a,b,c de modo tal que éstos sean raíces del polinomio  $x^3 + ax^2 + bx + c$ .