

$$1. \text{ Dada la función } f(x) = \begin{cases} \frac{1 - \cos(x+2)}{\arctan^2(x+2)}, & x < -2 \\ \frac{a(xe^{x+2} - x)}{x^2 - 4}, & -2 < x \leq 0 \\ \frac{(x+b)\sin x}{\ln(1+x)}, & x > 0 \end{cases}$$

- Halle los valores de  $a$  y  $b$  para que  $f$  tenga límite en  $x = -2$  y  $x = 0$ .
  - Determine el conjunto en el cual  $f$  es continua. Clasifique las discontinuidades. Justifique sus respuestas.
  - Analice la acotación de  $f$  en el intervalo  $(-2, 0]$ .
2. Demuestre, usando la definición de límite según Cauchy (lenguaje  $\epsilon - \delta$ ) que:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x - 1}{5} = 1$$

$$1. \text{ Dada la función } f(x) = \begin{cases} \frac{\ln(3+x)}{\arctan[a(x+2)]}, & x < -2 \\ -\frac{x \sin(x+2)}{2x+4}, & -2 < x \leq 0 \\ \frac{e^{-6x} - 1}{x^2 + bx} + 1, & x > 0 \end{cases}$$

- Halle los valores de  $a$  y  $b$  para que  $f$  tenga límite en  $x = -2$  y  $x = 0$ .
  - Determine el conjunto en el cual  $f$  es continua. Clasifique las discontinuidades. Justifique sus respuestas.
  - Analice la existencia de solución para la ecuación  $f(x) = \frac{1}{2}$  en el intervalo  $(-2, -1)$ .
2. Demuestre, usando la definición de límite según Cauchy (lenguaje  $\epsilon - \delta$ ) que:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 3}{5x^2} = \frac{1}{5}$$