

$$1. \text{ Dada la función } f(x) = \begin{cases} \frac{a^2}{2x} \ln \sqrt{\frac{1+x}{1-x}}, & -1 < x < 0 \\ e, & x = 0 \\ e^{\frac{\sqrt{1+\sin x} - \sqrt{1-\sin x}}{x^2 + bx}}, & 0 < x < 1 \end{cases}$$

- a) Analice la continuidad de  $f$  en el intervalo  $(-1, 0)$ .
  - b) Halle los valores de  $a$  y  $b$  para que  $f$  sea continua en  $x = 0$ .
  - c) Halle los valores de  $a$  y  $b$  para que  $f$  tenga un punto de discontinuidad esencial de segunda especie en  $x = 0$ .
2. Demuestre que la ecuación  $\tan x = ax, a > 0$  tiene una raíz en el intervalo  $\left(\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}\right)$ .

$$1. \text{ Dada la función } f(x) = \begin{cases} \frac{a - \sqrt{a^2 \cos(1-x)}}{(x-1)^2}, & -\frac{1}{2} < x < 1, a > 0 \\ 1, & x = 1 \\ \frac{\ln(1 + \sin(x-1))}{(b+x-1)(x^2-1)}, & 1 < x < \frac{5}{2} \end{cases}$$

- a) Analice la continuidad de  $f$  en el intervalo  $(1, \frac{5}{2})$  para  $b = 0$ .
  - b) Halle los valores de  $a$  y  $b$  para que  $f$  sea continua en  $x = 1$ .
  - c) Halle los valores de  $a$  y  $b$  para que  $f$  tenga un punto de discontinuidad esencial de segunda especie en  $x = 1$ .
2. Demuestre que la ecuación  $\cos x - \tan x = 0$  tiene una raíz en el intervalo  $\left[0, \frac{\pi}{2}\right)$ .