

9 静态单赋值

徐辉, xuh@fudan.edu.cn

本章学习目标:

- 了解静态单赋值形式
- 掌握 Chaotic Iteration 数据流分析方法
- 掌握静态单赋值形式的构造方法

9.1 静态单赋值

静态单赋值 (SSA: Static Single Assignment) 的目标是为了显式表示变量的 def-use 关系, 便于数据流分析和优化 [1]。SSA 一般有如下要求:

- 命名: 每个变量 (id) 只赋值一次¹, 如存在多次赋值, 则需重命名 (上节课翻译的 LLVM IR 已经满足)。
- Phi 指令: 如由于控制流原因导致变量在某处的 use 对应不同的 def, 应使用 phi 指令表示。
- 最简化: 使用最少数目的 phi 指令, 简化数据流关系。

9.2 IR 优化: 删除冗余 Load/Store 指令

AST 翻译 IR 时会引入冗余的 Load 和 Store 指令, 我们采用 Chaotic Iteration 的数据流分析方法分别对这两种冗余进行分析和优化。

9.2.1 消除冗余 Load

图 9.1a 是一段 IR, 其中冗余的 load 操作或虚拟寄存器有 x1, y1, y5, z1, z3。以 x1 为例, 由于在 def(x0) 和 def(x1) 之间没有 store(x), def(x0) 和 def(x1) 完全相同, 因此 use(x1) 都可以使用 use(x0) 代替。基于该规律, 我们总结出表 9.1 中三种指令对应的 transfer 函数, 按照算法 1 将其应用于图 9.1a 便可得到每个程序节点每个变量对应的可用虚拟寄存器。以 load(x1) 这一程序节点为例, 由于已经存在 x0, 便可知其冗余。优化后的结果如图 9.1b 所示。

表 9.1: Load 分析 Transfer 函数定义

IR	举例	Transfer 函数
load 指令	<code>%t = load i32, i32* %x</code>	$S_x = S_x \cup \{t\}$
store 指令	<code>store i32 %t, i32* %x</code>	$S_x = \{t\}$
二元运算	<code>%t = bop %t1, %t2</code>	$S_x = S_x \cup \{t\}, \text{ s.t. } t \in *x$

¹原论文 [1] 只要求每个 use 对应一个 def

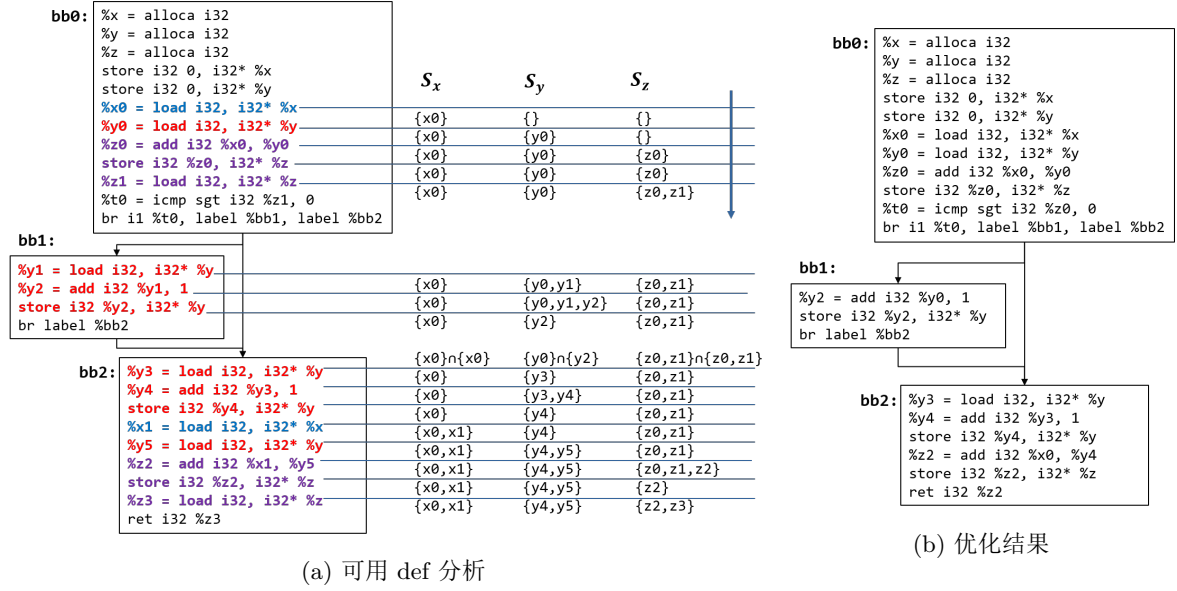


图 9.1: Load 指令优化

算法 1 可用 def 分析

Require: IR and variables of a target function

```

1: for each  $i \in irs$  do
2:    $IN[i] \leftarrow \{S_v = \emptyset \mid v \in Var\}$ ;
3:    $OUT[i] \leftarrow \{S_v = \emptyset \mid v \in Var\}$ ;
4: end for
5: repeat
6:   for each  $i \in irs$  do
7:     for each  $p \in Predecessor(n)$  do
8:        $IN[i] \leftarrow IN[i] \cup OUT[p]$ ;
9:     end for
10:     $OUT[i] \leftarrow Transfer(i)$ ;
11:  end for
12: until  $IN[i]$  and  $OUT[i]$  stops changing for all  $i$ 

```

9.2.2 消除冗余 Store

如果一个变量的两条 store 语句之间没有 load 操作，则前一条 store 是冗余操作，可以直接删除。以图 9.2a 为例，由于 bb2 中的 store(z1) 语句和 bb1 中的 store(z0) 之间没有 load(z) 操作，因此可以删除 store(z0)。表 9.2 定义了不同指令对应的 transfer 函数，根据算法 2 对 IR 控制流图进行逆向遍历可识别所有符合条件的冗余 store 操作。化简结果如图 9.2b 所示。

表 9.2: Store 分析 Transfer 函数定义

IR	举例	Transfer 函数
load 指令	<code>%t = load i32, i32* %x</code>	$S = S \setminus \{x\}$
store 指令	<code>store i32 %t, i32* %x</code>	$S = S \cup \{x\}$
二元运算	<code>%t = alloc, i32* %x</code>	$S = S \setminus \{x\}$

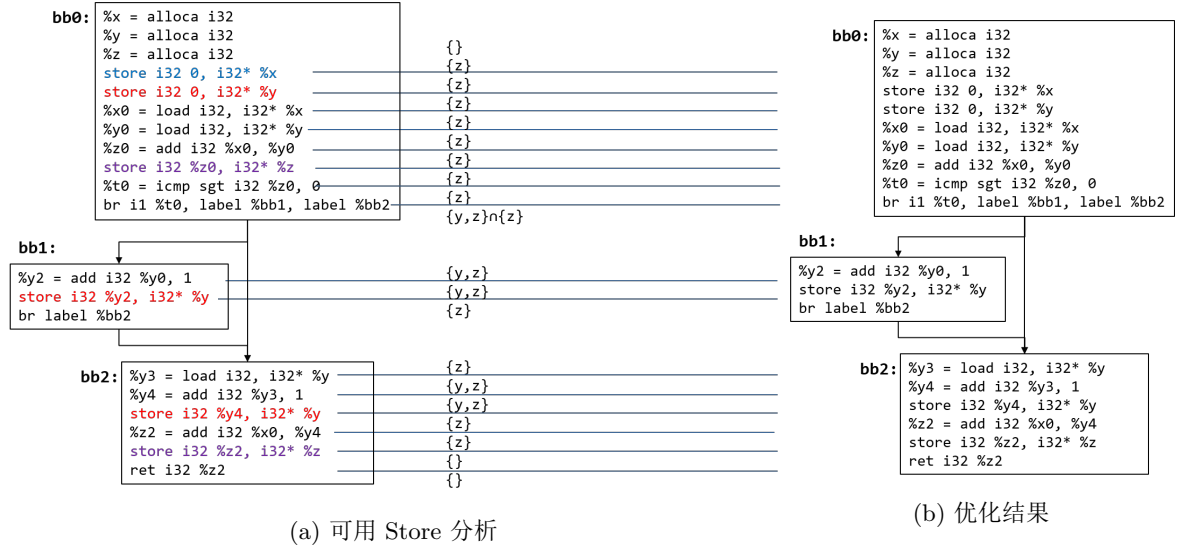


图 9.2: Store 指令优化

算法 2 可用 store 分析

Require: IR and variables of a target function

```

1: for each  $i \in irs$  do
2:    $IN[i] \leftarrow \{S = \emptyset\}$ ;
3:    $OUT[i] \leftarrow \{S = \emptyset\}$ ;
4: end for
5: repeat
6:   for each  $i \in irs$  do
7:     for each  $p \in \text{Successor}(i)$  do
8:        $OUT[i] \leftarrow OUT[i] \cap IN[p]$ ;
9:     end for
10:     $IN[i] \leftarrow \text{Transfer}(i)$ ;
11:  end for
12: until  $IN[i]$  and  $OUT[i]$  stops changing for all  $i$ 

```

9.3 IR \Rightarrow 静态单赋值

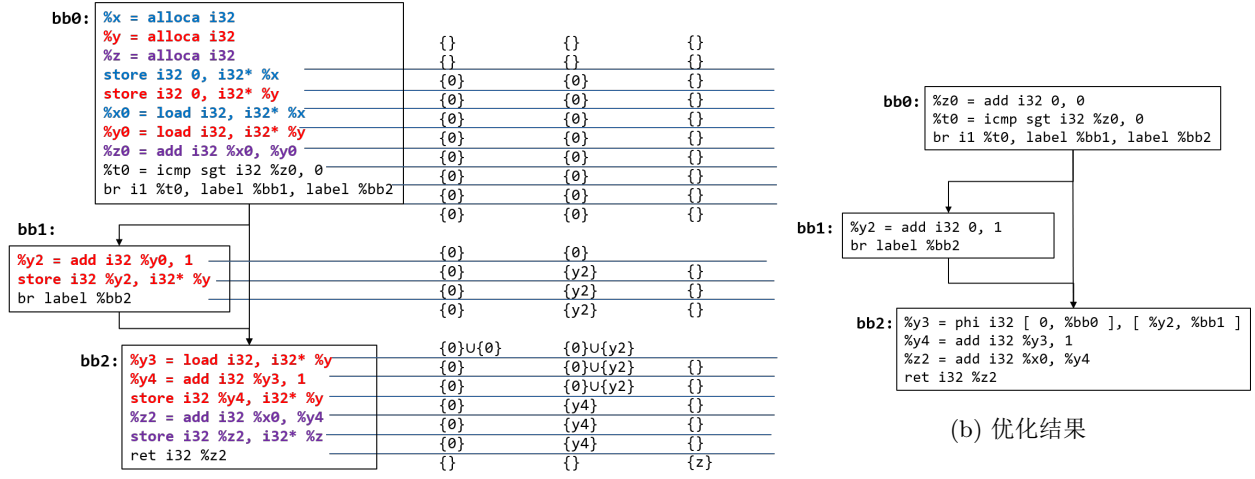
下面介绍 LLVM IR 到 SSA 的翻译方法，共分为两步：1) 转化为纯寄存器表示；2) 简化数据流关系。

9.3.1 转化为纯寄存器表示

这一步的目的是消除所有针对局部变量的 store 和 load 指令，即不使用栈帧内存。其关键问题是有些 load 可能对应多个 store 或多种 def，需要引入 phi 指令来表示。以图 9.3a 为例，bb2 中的 load(y3) 对应 bb0 中的 y0（路径：bb0 \rightarrow bb2）或 bb1 中的 y2（路径：bb0 \rightarrow bb1 \rightarrow bb2）。因此可以采用数据流分析方法分析 store 导致的 def-use 关系，即正序遍历控制流图，遇到 store 节点则应用表 9.3 中定义的 transfer 函数，遇到合并节点则取并集。

表 9.3: 数值流分析 Transfer 函数定义

IR	举例	Transfer 函数
store 指令	<code>store i32 %t, i32* %x</code>	$S_x = \{t\}$



(a) 数值流分析

图 9.3: 使用 Phi 指令替换 Store-Load

9.3.2 Phi 指令优化

纯寄存器表示形式的 IR 通过单赋值和 phi 指令将 def-use 关系显式表示出来,但未能有效优化 def-use 关系的复杂度。以图 9.4a 为例,在 bb4 和 bb5 中插入同样的 phi 指令后,其 def-use 关系数量是 2×2 ,并且随控制流深度增加呈指数增加。如将 phi 指令前移到 bb3 (图 9.4b),可将 def-use 关系变为 $2+2$,避免指数爆炸。该优化亦可以通过数据流分析方法逆向遍历控制流图实现,即识别重复的 phi 指令(参数相同),并将其前移。

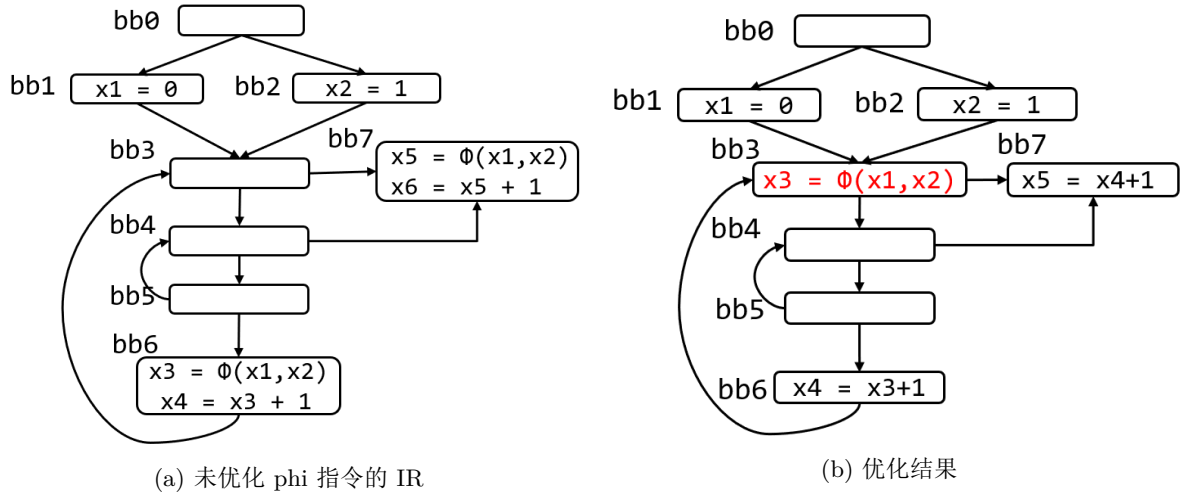


图 9.4: Phi 指令优化

对于如何确定 phi 指令的放置位置还有一种标准的基于支配边界的构造方法。亦可以先确定 phi 指令,然后对 IR 进行重新编号和优化。

定义 1 (支配). 给定有向图 $G(V, E)$ 与起点 v_0 , 如果从 v_0 到某个点 v_j 均需要经过点 v_i , 则称 v_i 支配 v_j 或 $v_i \in Dom(v_j)$ 如果 $v_i \neq v_j$, 则称 v_i 严格支配 v_j 。

定义 2 (支配边界). v_i 的支配边界是所有满足条件的 v_j 的集合:

- v_i 支配 v_j 的一个前序节点
- v_i 并不严格支配 v_j

以图 9.4a为例，每个节点的支配边界分析结果如下：

$$DF(bb_0) = \emptyset$$

$$DF(bb_1) = \{bb_3\}$$

$$DF(bb_2) = \{bb_3\}$$

$$DF(bb_3) = \{bb_3\}$$

$$DF(bb_4) = \{bb_3, bb_7\}$$

$$DF(bb_5) = \{bb_4\}$$

$$DF(bb_6) = \{bb_3\}$$

$$DF(bb_7) = \emptyset$$

如果在某节点对变量 x 进行了赋值，则应在其支配边界放置 $\phi(x)$ 。以图 9.4a为例，由于 bb_1 的支配边界是 bb_3 ，并且 bb_1 对 x 进行了赋值，因此应在 bb_3 插入 $\phi(x)$ 。

Bibliography

- [1] Ron Cytron, Jeanne Ferrante, Barry K. Rosen, Mark N. Wegman, and F. Kenneth Zadeck. "An efficient method of computing static single assignment form." In Proceedings of the 16th ACM SIGPLAN-SIGACT Symposium on Principles of programming languages, pp. 25-35. 1989.