## Differentiator By Antonio Tox(a)icity

Antonio Tox(a)icity

5 декабря 2024 г.

Дорогие читатели, это глава пятая (5), часть первая (1) дневника моих похождений по матану.

Сегодня я хотел бы обсудить с вами очень важную в математическом анализе тему: <u>ПРОИЗВОДНАЯ</u>. Давайте начнём с нескольких простых табличных примеров:

$$(x+x)_x' = 2 \tag{1}$$

$$(x-x)_x' = 0 (2)$$

$$(x^{10})_x' = 10 \cdot x^9 \tag{3}$$

$$(5^x)_x' = \ln(5) \cdot 5^x \tag{4}$$

$$(x^x)'_x = x^x \cdot (\ln(x) + x \cdot \frac{1}{x}) \tag{5}$$

$$(e^x)_x' = e^x \tag{6}$$

$$(\ln(x))_x' = \frac{1}{x} \tag{7}$$

$$(\log_2(x))_x' = \frac{1}{\ln(2)} \cdot \frac{1}{x}$$
 (8)

$$\left(\sin(x)\right)_{x}^{'} = \cos(x) \tag{9}$$

$$(\cos(x))_{x}^{'} = -1 \cdot \sin(x) \tag{10}$$

$$(tg(x))'_{x} = \frac{1}{(cos(x))^{2}}$$
 (11)

$$(ctg(x))'_{x} = \frac{-1}{(sin(x))^{2}}$$
 (12)

$$(sh(x))_{x}^{'} = ch(x) \tag{13}$$

$$(ch(x))'_{x} = sh(x) \tag{14}$$

$$(th(x))'_{x} = \frac{1}{(ch(x))^{2}} \tag{15}$$

$$(cth(x))'_{x} = \frac{-1}{(sh(x))^{2}}$$
 (16)

$$(arcsin(x))'_{x} = \frac{1}{\sqrt{1-x^{2}}}$$
 (17)

$$(arccos(x))'_{x} = \frac{-1}{\sqrt{1-x^2}}$$
 (18)

$$(arctan(x))'_{x} = \frac{1}{1+x^{2}}$$
 (19)

$$(arcctg(x))'_{x} = \frac{-1}{1+x^{2}}$$
 (20)

$$(arcsh(x))'_{x} = \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}}$$
 (21)

$$(\operatorname{arcch}(x))_{x}' = \frac{1}{\sqrt{x^2 - 1}} \tag{22}$$

$$(arcth(x))'_{x} = \frac{1}{1-x^{2}}$$
 (23)

$$(arccth(x))'_{x} = \frac{1}{1-x^{2}}$$
 (24)

Так, теперь, когда вы разобрались с основой устройства языка Fortran, а также поняли, что такое интеграл, предлагаю рассмотреть более интересные случаи применения формулы Ньютона-Лейбница:

$$(\ln(\cos(e^{arcth(\sqrt{x})})))'_x = \frac{-1 \cdot e^{arcth(\sqrt{x})} \cdot \frac{0.5 \cdot x^{-0.5}}{1 - (\sqrt{x})^2} \cdot \sin(e^{arcth(\sqrt{x})})}{\cos(e^{arcth(\sqrt{x})})}$$
(25)

Я надеюсь, вам всё понятно? Отлично [растянутое 'o'], тогда продолжаем.

Теперь нам необходимо разобраться с теоремой Больцано-Коши. Она формулируется так:

$$(log_{x+1}(x^2+x+1))'_x = \frac{\frac{2\cdot x+1}{x^2+x+1} \cdot ln(x+1) - ln(x^2+x+1) \cdot \frac{1}{x+1}}{(ln(x+1))^2}$$
(26)

Давайте докажем её? Начнём с очевидного тождества:

$$((sh(ch(\frac{4}{x})))^{20})'_{x} = \frac{-4}{x^{2}} \cdot sh(\frac{4}{x}) \cdot ch(ch(\frac{4}{x})) \cdot 20 \cdot (sh(ch(\frac{4}{x})))^{19}$$
 (27)

Из этого следует такое равенство:

$$(e^{e^{e^{e^{3\cdot x}}}})_x' = e^{e^{e^{e^{3\cdot x}}}} \cdot e^{e^{e^{3\cdot x}}} \cdot e^{e^{e^{3\cdot x}}} \cdot e^{e^{3\cdot x}} \cdot e^{3\cdot x} \cdot e^{3\cdot x}$$
 (28)

Его можно упростить:

$$(e^{3^{x} \cdot 4^{\frac{1}{x}}})'_{x} = e^{3^{x} \cdot 4^{\frac{1}{x}}} \cdot (\ln(3) \cdot 3^{x} \cdot 4^{\frac{1}{x}} + 3^{x} \cdot \frac{-1}{x^{2}} \cdot \ln(4) \cdot 4^{\frac{1}{x}})$$
(29)

Попробуем упростить ещё? Что ж, отличная идея!

$$(\log_{10}(10))_{x}^{'} = 0 \tag{30}$$

Теперь теорема Лагранжа о среднем доказана! Я вас поздравляю! Однако рано радоваться, поскольку нам требуется раскрыть ещё одну великую тайну!!!

Загадка следующая: почему следующее равенство не является опровержением Великой теоремы Ферма?

$$\left(arccos(th(ln(2)))\right)_{r}' = 0 \tag{31}$$