## Trabalho final de Análise de Dados (INF0612)

# Leonardo Cesar Silva dos Santos, Fernando Augusto Cardoso Candalaf<br/>t ${\it Março~2024}$

## Contents

1	Exploração dos dados	2
2	Normalização	2
3	Definição do modelo baseline	2
4	Implementação de soluções alternativas	2
5	Exploração de modelos polinomiais	3
6	Escolha do melhor modelo e avaliação no conjunto de teste	3
7	Conclusão	3

#### 1 Exploração dos dados

Inicialmente recebemos três arquivos correspondendo aos dados de treinamento, validação e teste. Os dados de treinamento tinham 9336 linhas e 19 colunas, colunas essas divididas entre dados contínuos, categóricos (dias da semana) e a variável a ser predita (target).

Ao inspecionarmos os dados de treinamento notamos que os mesmos não possuíam valores duplicados e também não possuíam valores nulos. Mas caso encontrássemos valores nulos nos dados de treinamento poderíamos tomar alguma ação com relação a isso. Por exemplo, se tivéssemos poucas linhas com valores nulos com relação ao número total de linhas poderíamos simplesmente descartar as mesmas, ou se tivéssemos o caso de uma coluna ter muitos valores nulos, poderíamos optar por não usar a mesma. Uma última alternativa com relação ao tratamento de valores nulos poderia ser substituir os mesmos pela média, mínimo, máximo ou outro valor a depender do contexto do problema.

#### 2 Normalização

Nesta etapa normalizamos nossos dados contínuos (não usamos os valores categóricos, dado que não faz sentido e foi dito várias vezes em aula para não fazermos isso) via normalização Z-Score e também convertemos nossa coluna categórica weekday em colunas binárias por meio do método One-Hot-Encoding. Aplicamos o mesmo processo para os dados de validação, porém aqui tomamos cuidado para somente transformar os dados contínuos do conjunto de validação usando os dados de média e desvio padrão calculados para os dados de treino, isto é, aplicamos somente o "tranform" dos dados contínuos de validação.

#### 3 Definição do modelo baseline

Antes de aplicarmos o modelo baseline definimos uma "semente" (seed) para garantir a reprodutibilidade do experimento.

Treinamos um modelo baseline usando uma regressão linear (polinomio de grau 1) com as features contínuas e categóricas (one=hot). Avaliamos a performance do modelo em questão usando as métricas MAE, MSE e R2, que estão listadas na tabela abaixo.

 Conjunto
 MAE
 MSE
 R2

 Treino
 716.382
 873307.044
 0.0719

 Validação
 718.937
 890337.640
 0.0702

Table 1: Resultados do modelo

Obs.: Avaliamos todos os modelos usando as métricas acima.

Algo perceptível com o modelo baseline é que o mesmo tem uma performance baixa. Podemos ver isso pela Figura 1 de valores preditos versus valores reais sobre o conjunto de validação. A expectativa era de que tivéssemos uma reta se nosso modelo fosse razoavelmente bom.

### 4 Implementação de soluções alternativas

Para as soluções alternativas utilizamos o auxílio do ChatGPT para realizar a combinação das variáveis. Após isso avaliações diversas combinações dos valores contínuos e também os mesmos mais os valores categóricos. A melhor combinação que encontramos foi a nomeada "Combination 07" cujas métricas encontradas estão na Tabela 2

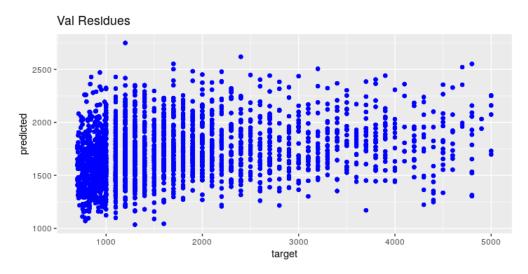


Figure 1: Valores preditos sobre o conjunto de validação x valores reais

Table 2: Resultados do modelo

Conjunto	MAE	MSE	R2	
Treino	717.286	873973.873	0.0712	
Validação	720.641	891991.600	0.0684	

#### 5 Exploração de modelos polinomiais

Exploramos também modelos polinomiais com diferentes graus (2 a 11). Encontramos os seguintes valores de MAE nos conjuntos de treino e validação. Fica claro pela curva de Viés e Variância da Figura 2 que o menor valor de MAE no conjunto de validação é encontrado para degree=4. Após isso vemos que nosso modelo começa a entrar em overfitting, ou seja, seu erro sobre o conjunto de treinamento começa a ficar muito distante do conjunto de validação, indicando que nosso modelo é super-especializado no conjunto de treino para graus muito alto de polinômios.

#### 6 Escolha do melhor modelo e avaliação no conjunto de teste

Dentre os modelos avaliados anteriormente constatamos que o **melhor foi o modelo polinomial com grau** 4, cujo valor de *MAE* (Tabela 3) **sobre o conjunto de validação** foi o menor se comparado com o modelo *baseline* e com o modelo *Combination 07*. Os valores das métricas obtidas pelo melhor modelo estão presentes na tabela 4.

#### 7 Conclusão

De modo geral exploramos três modelos principais. O modelo baseline foi o nosso ponto de partida e o modelo mais simples implementado. Qualquer modelo que escolhêssemos deveria ser melhor que este. Já o modelo polinomial de grau 4 foi um modelo mais complexo que explorou tanto as features contínuas e diferentes níveis como também as categóricas. Tal modelo é mais complexo que o nosso baseline e é esperado que performe melhor. Por fim, o modelo Combination 07 foi um modelo gerado a partir de diversas combinações entre as

Table 3: Resultados do modelo com diferentes graus polinomiais

polyDegree	TrainMAE	ValMAE
polyDegree	Hamwan	ValiviAE
2	712.9499	716.5688
3	712.2570	717.1419
4	710.8237	715.8935
5	710.1103	716.0732
6	709.0994	717.6095
7	708.6519	717.8417
8	708.1572	718.6752
9	707.1297	722.0124
10	706.5625	722.3649
11	706.3792	722.4782

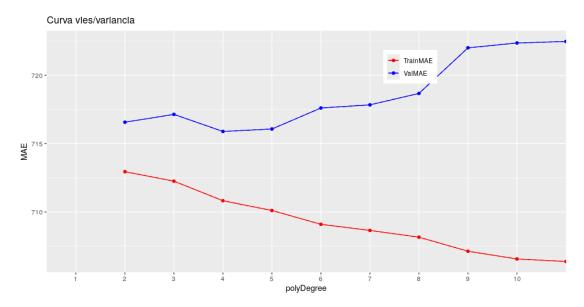


Figure 2: Curva de viés e variância para diferentes graus polinomiais.

Table 4: Métricas dos modelos sobre o conjunto de teste

MAE	MSE	R2	Model
727.6314	903732.3	0.06543409	Baseline
729.6173	908892.9	0.06009741	Combination 07
726.8799	901666.0	0.06757085	Polynomial degree $= 4$

features do problema, mas tal combinação não levou em consideração diversos fatores que poderíamos analisar para obter uma performance melhor caso houvesse mais tempo, por exemplo, correlação de features de modo a perceber multicolinearidade nos dados e se possível eliminá-la, melhor combinação de features etc. De modo que no final, nosso melhor modelo foi o intermediário (polinômio de grau 4).