

## 2006 级计算机系《数值分析》期末试卷 B 卷 (信二学习部整理)

班	E级	_学号	姓名	成绩 _	
注意	<ul><li>① 答题方式为闭</li><li>② 可以使用计算</li><li>③ 请将填空题直</li></ul>		题答在答题纸上。		
一、	填空题(每空2	分,共40分)			
1.	在数值计算中, 时,			误差R与舍入误	↓差∈构成,当
2.	己知 a=3.201, b=	=0.57 是经过四舍	五入后得到的:	近似值,则 <i>a×b</i> 的:	结果的计算误差
	大约为	, <i>a+b</i> 的结果	的计算误差大约	万为	o
3.	用双点弦截沿是		4 - 2x - 4 = 0 7	在 [1,2] 之 间 的 根 。	的迭代公式
4.		· ·		式是	,牛
	顿下山法的下山绿	条件是		, о	
5.	设 $f(x)=x^3+x-1$ ,见	则差商f[0,1,2,3]=	,	f[0,1,2,3,4]=	0
6.	辛普生求积公式的	的代数精度为	o		
7.	当 a	(:	满足怎样的条件	牛)时,用高斯一赛	德尔迭代法解线
	性方程组 $\begin{cases} 8x_1 - x_1 \\ 2x_1 + x_2 \\ 6x_1 + x_2 \end{cases}$	$x_2 + x_3 = 1$ $10x_2 - x_3 = 4$ $-\frac{\pi}{2}$ $x_2 - ax_3 = -3$	定收敛。		
8.	向量 X=(1,-2,3),	Y=(3,4,0),则向	量 X 的 1-范数	$  X  _1 = $	_, 向量 Y 的 2-
	范数   Y   <sub>2</sub> =	o			
9.	已知 n=4 时的牛	·顿-科特斯系数	以以 $C_0^{(4)} = \frac{7}{90}$ , $C$	$C_3^{(4)} = \frac{16}{45}, \ C_{.1}^{(4)} = \underline{\hspace{1cm}}$	,
	$C_2^{(4)} = $	o			
10.	用复化辛卜生公式 函数值,才能保证			值时,至少需 	个节点处的
11.				拉格朗日相	盾 值 多 项 式
	是		- ` ,		<u> </u>



- 12. 已知 f [4,3,2,1]=2,则 x=1 点的 3 阶差分值为\_\_\_\_。
- 13. 消元法由两个过程组成,分别是\_\_\_\_\_\_和\_\_\_\_\_和\_\_\_\_\_
- 14. 设  $f(x)=a_nx^n+1$   $(a_n\neq 0)$ ,则  $f[x_0,x_1,...,x_n]=$ \_\_\_\_\_。
- 二、计算题(共60分)
- 1. 曲线  $y = x^3$  与 y = 1 x 在点(0.7, 0.3)附近有一交点( $x^*$ ,  $y^*$ ),试用牛顿迭代法求  $x^*$ 的近似值  $x_n$ ,要求计算结果保留小数点后 3 位。
- 2. 用列主元素法解线性方程组,要求计算结果保留小数点后3位。

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 12 & -3 & 3 \\ -18 & 3 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 \\ 15 \\ -15 \end{bmatrix}$$

3. 设方程组  $\begin{cases} x_1 + 0.4x_2 + 0.4x_3 = 1 \\ 0.4x_1 + x_2 + 0.8x_3 = 2 \\ 0.4x_1 + 0.8x_2 + x_3 = 3 \end{cases}$  试判断此方程组的雅可比迭代法及高斯一赛德

尔迭代法的收敛性,并用能够收敛的方法进行计算,初值  $x_0^{(0)}=0, x_1^{(0)}=0, x_2^{(0)}=0$ ,要求计算结果保留小数点后 3 位。

4. y=f(x)的数值表如下所示,求满足上述插值条件的三次插值多项式  $P_3(x)$ ,并推导其余式  $R_3(x)$ 。

	$x_i$	1	2	3		
	$y_i$	2	4	12		
信息	$y'_{i}$	7-	3	部	24	
	7-6			Db /	$\overline{}$	

- 5. 用三点高斯公式求定积分  $I = \int_0^2 \sqrt{x+1.5} \, dx$  的近似值,其中  $t_1 = -0.77460$ , $t_2 = 0$ , $t_3 = 0.77460$ ; $\omega_1 = 0.55556$ , $\omega_2 = 0.88889$ , $\omega_3 = 0.55556$ ,要求计算结果保留小数点后 3 位。
- 6. 用 Euler 法、隐式欧拉法、梯形法求解初值问题, 取 h=0.1,计算到 x=0.5,要求计算结果保留小数点后 5 位。

$$\begin{cases} y' = y^2 \\ y(0) = 1 \end{cases} \quad 0 \le x \le 0.5$$