1. Premiers pas

```
Activité 1
                                                                   premiers_pas_1.py
###################################
# Premiers pas
###################################
# Activité 1 - Nombres
####################################
# Cours
print("--- Cours ---")
# Afficher une phrase
print("Bonjour le monde !")
# Addition
5+7
print(5+7)
# Multiplication
print(6*7)
print(3*(12+5))
print(3*1.5)
# Puissance
print(3**2)
print(10**-3)
# Division réelle
print(14/4)
print(1/3)
# Division entière et modulo
print(14//4)
print(14%4)
# Questions
# 01
# Nombre de secondes dans un siècle
print("--- Question 1 ---")
print(100 * 365 * 24 * 60 * 60)
# A partir dans quand plus grand qu'un milliard
print("--- Question 2 ---")
print((1+2)*(3+4)*(5+6)*(7+8)*(9+10)*(11+12)*(13+14)*(14+15))
# Trois derniers chiffres de 123456789 * 123456789 * ...
```

```
Activité 2
                                                      premiers_pas_2.py
# Premiers pas
# Activité 2 - Variables
# Cours
# C1 - variables
a = 3 # Une variable
b = 5 # Une autre variable
print("La somme vaut",a+b) # Affiche la somme
print("Le produit vaut",a*b) # Affiche le produit
c = b**a
        # Nouvelle variable...
print(c)
        # ... qui s'affiche
# C2 - aire d'un triangle
base = 8
hauteur = 3
aire = base * hauteur / 2
print(aire)
# print(Aire) # !! Erreur !!
# C3 - ajout
S = 1000
S = S + 100
S = S + 200
S = S - 50
```

```
print(S)
# Questions
# Q1
# Aires - Volumes
# Trapèze : bien nommé les choses
B, b, h = 7, 4, 3
aire = (B + b) * h / 2
print("L'aire vaut",aire)
# Boîtes
L, 1, h = 10,8,3
volume = L * 1 * h
print(volume)
# Boules
PI = 3.14
R = 10
aire = PI * R**2
print(aire)
# Q2
# Remettre dans l'ordre de sorte qu'à la fin x = 46
x = 7
y = 2*x
y = y - 1
x = x + 3*y
print(x)
# Q3
# Intérêts de 10%
S = 1000
S = S * 1.1
S = S * 1.1
S = S * 1.1
# Q4
\# Bon choix afin d'échanger a et b
# Mauvais
a = 11
b = 9
a = b
b = a
print(a,b)
# Mauvais
a = 11
b = 9
c = b
a = b
b = c
print(a,b)
# Mauvais
a = 11
b = 9
c = a
```

```
a = c
c = b
b = c
print(a,b)

# Bon
a = 11
b = 9
c = a
a = b
b = c
print(a,b)
```

```
Activité 3
                                                      premiers_pas_3.py
# Premiers pas
####################################
# Activité 3 - Utiliser des fonctions
# Cours
# C1 - fonctions
print("Coucou")
x = float("+1.234567")
print(x)
# C2 - module math
from math import *
x = sqrt(2)
print(x)
print(x**2)
# C3 - fonction trigo
angle = pi/2
print(angle)
print(sin(angle))
# C4 - décimal vers entier
x = 3.6
print(round(x))
print(floor(x))
print(ceil(x))
# Questions
# Q1
```

```
# pgcd
print(gcd(13*121,13*122))
a = 101*103
b = 102*103
print(a,b)
ppcm = a * b // gcd(a,b)
print(ppcm)
# Q2
# Valeur absolue
x = 3.85
print(abs(x**2-15))
print(round(2*x))
print(floor(3*x))
print(ceil(4*x))
# Q3
# Angle
angle = pi/7
x = cos(angle)**2 + sin(angle)**2
print(x)
```

```
Activité 4
                                                                  premiers_pas_4.py
#####################################
# Premiers pas
from math import *
###################################
# Activité 4 - Boucle "pour"
##################################
# Cours
# C1 - Boucle "for"
for i in range(10):
   print(i*i)
# C2 - Boucle "for"
somme = 0
for i in range(20):
   somme = somme + i
print(somme)
# C3
print(list(range(10)))
print(list(range(10,20)))
print(list(range(10,20,2)))
```

```
# C4 - Imbrication de boucles
for x in [10,20,30,40,50]:
  for y in [3,7]:
       print(x+y)
# Questions
# Q1
# Cubes
for i in range(101):
   print(i**3)
for i in range(10,21):
   print(i**4)
for i in range(0,101,5):
   print(sqrt(i))
# Q2
# Puissances de 2
for k in range(1,11):
   print(2**k)
# Minimum d'une fonction par balayage
for i in range(101):
   x = i/100
   y = x**3 - x**2 - 1/4*x + 1
   print("x =",x,"y =",y)
# Q4
# Aire d'un disque qui vaut 100
for i in range(50):
   R = i/10
   V = 4/3 * 3.14 * R**3
   print("R =",R,"V =",V)
```

2. Tortue (Scratch avec Python)

```
color('red')
left(90)
               # 90 degrés à gauche
forward(200)
              # On avance
right(90)
forward(100)
right(90)
forward(100)
right(90)
forward(100)
up()
# Fin du code
# Lettre "Y"
color('blue')
goto(200,0)
down()
setheading(90)
forward(120)
left(30)
forward(75)
backward(75)
right(60)
forward(75)
exitonclick()
```

```
Activité 2
                                        tortue_2.py
# Tortue
# Activité 2 - Boucle "pour"
# Question 1
from turtle import *
# Un pentagone
width(5)
color('blue')
for i in range(5):
  forward(100)
  left(72)
# Question 2
```

```
# Un autre pentagone
color('red')
longueur = 200
angle = 72
for i in range(5):
   forward(longueur)
   left(angle)
# Question 3
# Un dodecagone (12 côtés quoi)
color("purple")
n = 12
angle = 360/n
for i in range(n):
   forward(100)
   left(angle)
# Question 4
# Une spirale
color("green")
longueur = 10
for i in range(25):
   forward(longueur)
   left(40)
   longueur = longueur + 10
exitonclick()
```

```
Activité 3
                                                     tortue_3.py
# Activité 3 - Graphe d'une fonction
from turtle import *
from math import *
speed("fastest")
width(2)
color('blue')
up()
for x in range(-200,200):
  if x == -199: down()
  # y = 1/100 * x ** 2 # Parabole
  y = 100*sin(1/20*x) # Sinus
```

```
goto(x,y)
exitonclick()
```

```
Activité 4
                                                                   tortue_4.py
# Tortue
#####################################
# Activité 4 - Boucle pour itérée - Triangle de Sierpinski
from turtle import *
width(5)
up()
goto(-100,-100)
down()
for i in range(3):
   color("blue")
   forward(256)
   left(120)
   for i in range(3):
      color("red")
      forward(128)
      left(120)
      for i in range(3):
          color("green")
          forward(64)
          left(120)
          # for i in range(3):
          # color("orange")
             forward(32)
          #
              left(120)
exitonclick()
```

```
from turtle import *
from math import *
speed("fastest")

n = 100
b = 2
r = 200

for i in range(n):
    up()
    goto(r*cos(2*i*pi/n),r*sin(2*i*pi/n))
    down()
    j = (b*i) % n
    goto(r*cos(2*j*pi/n),r*sin(2*j*pi/n))

exitonclick()
```

```
Activité 6
                                                                  tortue_6.py
# Activité 4 - Plusieurs tortues - Courbe de poursuite
# Préparation
from turtle import *
tortue1 = Turtle()
tortue2 = Turtle()
tortue3 = Turtle()
tortue4 = Turtle()
tortue1.speed("fastest")
tortue2.speed("fastest")
tortue3.speed("fastest")
tortue4.speed("fastest")
tortue1.color('red')
tortue2.color('blue')
tortue3.color('orange')
tortue4.color('green')
# tortue1.width(5)
# tortue2.width(5)
# tortue3.width(5)
# tortue4.width(5)
tortue1.up()
tortue1.goto(-200,-200)
tortue1.down()
tortue2.up()
tortue2.goto(200,-200)
tortue2.down()
```

```
tortue3.up()
tortue3.goto(200,200)
tortue3.down()
tortue4.up()
tortue4.goto(-200,200)
tortue4.down()
print(tortue1.position())
print(tortue1.towards(0,0))
# Boucle principale
for i in range(40):
    position1 = tortue1.position()
    position2 = tortue2.position()
    position3 = tortue3.position()
    position4 = tortue4.position()
    tortue1.goto(position2) # Va à la tortue suivante
                               # Revient à sa place
    tortue1.goto(position1)
    tortue2.goto(position3)
    tortue2.goto(position2)
    tortue3.goto(position4)
    tortue3.goto(position3)
    tortue4.goto(position1)
    tortue4.goto(position4)
    angle1 = tortue1.towards(position2) # Récupèrer l'angle
    tortue1.setheading(angle1) # S'oriente selon cet angle
    angle2 = tortue2.towards(position3)
    tortue2.setheading(angle2)
    angle3 = tortue3.towards(position4)
    tortue3.setheading(angle3)
    angle4 = tortue4.towards(position1)
    tortue4.setheading(angle4)
    tortue1.forward(10)
                           # Avance
    tortue2.forward(10)
    tortue3.forward(10)
    tortue4.forward(10)
exitonclick()
```

3. Si ... alors ...

```
Activité 2
                                                       sialors_2.py
# Si ... alors ...
# Activité 2 - Tortue
from turtle import *
width(5)
color('blue')
mot = "AagAgAdAgAAgaAA"
for c in mot:
  if c == "A":
     forward(100)
  if c == "a":
     up()
     forward(100)
     down()
  if c == "g":
     left(90)
  if c == "d":
     right(90)
exitonclick()
```

```
Activité 3
                                                                        sialors_3.py
# Si ... alors ...
##################################
# Activité 3 - Chiffres d'un nombre
##################################
## Question 1 ##
for d in range(10):
   for u in range(10):
       n = 10*d + u
       print(n)
## Question 2 ##
for c in range(10):
   for d in range(10):
       for u in range(10):
           n = 100*c + 10*d + u
           if u == 3 and (c+d+u >= 15) and (d == 0 \text{ or } d == 2 \text{ or } d == 4 \text{ or } d == 6 \text{ or } d == 8):
              print(n)
## Question 3 ##
compteur = 0
for c in range(10):
   for d in range(10):
       for u in range(10):
           n = 100*c + 10*d + u
           if u == 3 and (c+d+u >= 15) and (d == 0 \text{ or } d == 2 \text{ or } d == 4 \text{ or } d == 6 \text{ or } d == 8):
              compteur = compteur + 1
print("Nombre de solutions :",compteur)
```

```
## Question 1 ##
a = 4
b = 5
c = 8
print("Triangle",a,b,c)
# A-t-on a <= b <= c ?
if a \leq b and b \leq c:
   print("Longueurs dans le bon ordre.")
else:
   print("Longueurs dans le mauvais ordre.")
## Question 2 ##
# Un triangle peut-il être construit à partir de ces longueurs ?
if a+b >= c:
   print("Un tel triangle existe.")
else:
   print("Un tel triangle n'existe pas.")
## Question 3 ##
# Le triangle est-il rectangle ?
if a**2 + b**2 == c**2:
   print("Le triangle est rectangle.")
else:
   print("Le triangle n'est pas rectangle.")
## Question 3 ##
# Le triangle est-il equilatéral ?
if (a == b) and (b == c) and (a == c):
   print("Le triangle est équilatéral.")
else:
   print("Le triangle n'est pas équilatéral.")
## Question 4 ##
# Le triangle est-il isocèle ?
if (a == b) or (b == c) or (a == c):
   print("Le triangle est isocèle.")
else:
   print("Le triangle n'est pas isocèle.")
## Question 5 ##
# Tous les angles sont-ils aigus ?
cosalpha = (-a**2 + b**2 + c**2)/(2*b*c)
cosbeta = (a**2 - b**2 + c**2)/(2*a*c)
cosgamma = (a**2 + b**2 - c**2)/(2*a*b)
if (cosalpha >= 0) and (cosbeta >= 0) and (cosgamma >= 0):
```

```
print("Tous les angles sont aigus.")
else:
   print("Tous les angles ne sont pas aigus. (Il existe un angle obtu).")
```

```
Activité 5
                                                                      sialors_5.py
###################################
# Si ... alors ...
# Activité 4 - Le jeu de la devinette
## Question 1 ##
from random import *
# Jeu classique de la devinette
nb_mystere = randint(0,99)
for essai in range(7):
   print("Quel est le nombre mystère ?")
   reponse_str = input("Ta proposition : ")
   reponse_int = int(reponse_str)
   if nb_mystere == reponse_int:
       print("Bravo !")
       break # Arrête la boucle
   elif nb_mystere < reponse_int:</pre>
       print("Non, le nombre à trouver est plus petit !")
   elif nb_mystere > reponse_int:
       print("Non, le nombre à trouver est plus grand !")
# Lorsque c'est fini :
if nb_mystere != reponse_int:
   print("Perdu ! Le nombre mystère était",nb_mystere)
## Question 2 ##
# Variante : l'ordinateur ment (1 fois sur 4)
# nb_mystere = randint(0,99)
# for essai in range(7):
    print("Quel est le nombre mystère ?")
     reponse_str = input("Ta proposition : ")
    reponse_int = int(reponse_str)
#
     # 1 fois sur 4 (environ) l'ordinateur ment
#
    verite = True
#
    hasard = randint(1,4)
#
     if hasard == 4:
#
        verite = False
#
    if nb_mystere == reponse_int:
#
       print("Bravo !")
```

```
break # Arrête la boucle
#
     elif nb_mystere < reponse_int:</pre>
#
        if verite == True:
            print("Non, le nombre à trouver est plus petit !")
#
#
#
             print("Non, le nombre à trouver est plus grand !")
#
      elif nb_mystere > reponse_int:
#
         if verite == True:
#
             print("Non, le nombre à trouver est plus grand !")
#
         else:
             print("Non, le nombre à trouver est plus petit !")
# # Lorsque c'est fini :
# if nb_mystere != reponse_int:
     print("Perdu ! Le nombre mystère était",nb_mystere)
## Question 3 ##
# Variante : le nombre mystère change un peu
# nb_mystere = randint(0,99)
# for essai in range(7):
    print("Quel est le nombre mystère ?")
     reponse_str = input("Ta proposition : ")
     reponse_int = int(reponse_str)
     # Modification du nb mystère
#
#
     hasard = randint(-3,3)
#
     nb_mystere = nb_mystere + hasard
#
    if nb_mystere < 1:</pre>
#
        nb_mystere = 1
    if nb_mystere > 99:
#
        nb_mystere = 99
#
     if nb_mystere == reponse_int:
        print("Bravo !")
#
         break # Arrête la boucle
#
#
    elif nb_mystere < reponse_int:</pre>
        print("Non, le nombre à trouver est plus petit !")
     elif nb_mystere > reponse_int:
         print("Non, le nombre à trouver est plus grand !")
# # Lorsque c'est fini :
# if nb_mystere != reponse_int:
     print("Perdu ! Le nombre mystère était",nb_mystere)
```

4. Fonctions

```
# Activité 1 - Introduction aux fonctions
## Question 1 ##
# Fonction sans paramètre, sans sortie
def affiche_table_de_7():
   """ Affiche la table de 7 """
  print("--- Table de 7 ---")
  for i in range(1,11):
      print(i,"x 7 =",str(i*7))
   return
# Test
affiche_table_de_7()
def affiche_bonjour():
   """ Dit bonjour """
  prenom = input("Comment t'appelles-tu ? ")
  print("Bonjour",prenom)
   return
# Test
affiche_bonjour()
## Question 2 ##
# Fonction avec paramètre, sans sortie
def affiche_une_table(n):
  """ Affiche la table de n """
  print("--- Table de",n,"---")
   for i in range(1,11):
      print(i,"x",n,"=",str(i*n))
  return
# Test
affiche_une_table(5)
def affiche_salutation(formule):
  """ Dit bonjour, bonsoir, au revoir... """
  prenom = input("Comment t'appelles-tu ? ")
  print(formule,prenom)
  return
# Test
affiche_salutation("Coucou")
```

```
Activité 2
                                                  fonctions_2.py
# Fonctions
# Activité 2 - Fonctions
## Question 1 ##
# Fonction avec paramètre, avec sortie
def trinome_1(x):
  """ Calcule 3x^2-7x+4 """
  resultat = 3*x**2 - 7*x + 4
  return resultat
# Test
print("--- Trinôme ---")
for i in range(10):
  print("La valeur en x =",i,"est",trinome_1(i))
def trinome_2(a,b,c,x):
  """ Calcule ax^2+bx+c """
  resultat = a*x**2 + b*x + c
  return resultat
# Test
a = 2; b = -1; c = 0
```

```
print("Trinôme pour a,b,c =",a,b,c)
for i in range(10):
   print("La valeur en x =",i,"est",trinome_2(a,b,c,i))
## Question 2 ##
# Fonction avec paramètre, avec sortie
def conversion_euros_vers_dollars(montant):
   """ Calcule la valeur en dollars d'un montant donné en euros """
   montant_dollar = 1.15 * montant
   return montant_dollar
# Test
print("--- Devises ---")
x = 20
print(x,"euros valent", conversion_euros_vers_dollars(x),"dollars")
def conversion_euros(montant,devise):
   """ Calcule la valeur dans une monnaie d'un montant donné en euros """
   if devise == "dollar":
       taux = 1.15
   if devise == "livre":
       taux = 0.81
   if devise == "yen":
       taux = 130
   montant_devise = montant * taux
   return montant_devise
# Test
x = 100
for madevise in ["yen","dollar","livre"]:
   print(x,"euros valent", conversion_euros(x,madevise),madevise)
## Question 3 ##
from math import *
# Calculs de différents volumes
def volume_cube(a):
   return a**3
def volume_boule(r):
   return 4/3 * pi * r**3
def volume_cylindre(r,h):
   return pi * r**2 * h
def volume_boite(a,b,c):
   return a * b * c
# Test
print("--- Volumes ---")
print(volume_cube(3))
```

```
print(volume_boule(3))
print(volume_cylindre(2,5))
print(volume_boite(3,4,5))
## Question 4 ##
def perimetre_aire_rectangle(a,b):
   """ Calcule le périmètre et l'aire
   d'un rectangle de côtés a et b """
   p = 2*a+2*b
   A = a * b
   return p, A
def perimetre_aire_disque(r):
    """ Calcule le périmètre et l'aire
   d'un disque de rayon r """
   p = 2 * pi * r
   A = pi * r**2
   return p, A
print("--- Périmètres et aires ---")
print(perimetre_aire_rectangle(4,5))
print(perimetre_aire_disque(3))
# Recherche expérimentale : comparaison périmètre/aire d'un disque
for rayon in range(0,30):
   perimetre, aire = perimetre_aire_disque(rayon/10)
   print(rayon/10, perimetre - aire)
# Conclusion expérimentale :
 pour 0 < r < 2, le perimètre est strictement plus grand que l'aire
  pour r = 2, le périmètre égale l'aire,
   pour r > 2, le périmètre est strictement plus petit que l'aire
```

```
left(120)
   forward(200)
   left(120)
   forward(200)
   return
# Test
# triangle()
# exitonclick()
## Question 2 ##
def carre():
   color('green')
   for i in range(4):
       forward(200)
       left(90)
   return
# Test
# carre()
# exitonclick()
## Question 3 ##
def hexagone(longueur):
   color('blue')
   for i in range(6):
       forward(longueur)
       left(60)
   return
# Test
# hexagone(100)
# exitonclick()
## Question 4 ##
def polygone(n,longueur):
   color('purple')
   angle = 360/n
   for i in range(n):
       forward(longueur)
       left(angle)
   return
# Test
# polygone(10,70)
# exitonclick()
# Test tout
up()
goto(-450,0)
down()
triangle()
up()
goto(-200,0)
setheading(0)
```

```
down()
carre()
up()
goto(100,0)
setheading(0)
down()
hexagone(100)
up()
goto(320,0)
setheading(0)
down()
polygone(8,70)
up()
exitonclick()
```

```
Activité 4
                                                              fonctions_4.py
##################################
# Fonctions
###################################
# Activité 4 - Fonctions
## Question 1 ##
def reduction(age):
   """ Renvoie le pourcentage de réduction en fonction de l'âge """
   if age < 10:
      reduc = 50
   elif age <= 18:
      reduc = 30
   elif age >= 60:
      reduc = 20
   else:
      reduc = 0
   return reduc
# Test
print("--- Réduction ---")
mon_age = 16
print("J'ai",mon_age,"ans et ma réduction est de",reduction(mon_age),"%.")
def montant(tarif_normal,age):
   """ Calcule le montant dû, en fonction du tarif normal et de l'âge """
   reduc = reduction(age)
   tarif = tarif_normal * (100-reduc)/100
   return tarif
```

```
print("--- Coût total des billets ---")
montant_famille = montant(30,9) + 2*montant(20,16) + 2*montant(35,40)
print(montant_famille)
*******************
## Question 2 ##
def calcul_est_exact(a,b,reponse):
    """ Teste si le résultat de a*b est correct """
    if reponse == a * b:
       return True
    else:
       return False
# Test
print("--- Test résultat multiplication ---")
print(calcul_est_exact(6,7,42))
def test_multiplication(a,b,lang):
    """ Pose une multiplication en français ou en anglais
    et affiche si la réponse est correcte ou pas """
    # Phrases en français et en anglais
    if lang == "francais":
        question = "Combien vaut le produit a x b ? "
        reponse_juste = "Bravo !"
        reponse_fausse = "Eh non !"
    elif lang == "anglais":
        question = "How much is the product a x b? "
        reponse_juste = "Well done!"
        reponse_fausse = "It's wrong!"
    # Interrogation
    print("--- Question ---")
    print("a =",a)
    print("b =",b)
    reponse = int(input(question))
    if calcul_est_exact(a,b,reponse):
        print(reponse_juste)
    else:
       print(reponse_fausse)
    return
# Test
print("--- Quiz multiplication français/anglais ---")
test_multiplication(6,7,"anglais")
```

```
# Activité 5 - Egalité expérimentale
from math import *
## Question 1 ##
def valeur_absolue(x):
  if x \ge 0:
    return x
  else:
    return -x
# def valeur_absolue_moins(x):
# return valeur_absolue(-x)
def racine_du_carre(x):
  return sqrt(x**2)
def egalite_experimentale_1(f,g):
  """ Teste si deux fonctions sont expérimentalement égales """
  for i in range(-100,101):
    if f(i) != g(i):
       return False
  return True
# Test
print("--- Egalité experimentale, une variable ---")
# print(egalite_experimentale_1(valeur_absolue,valeur_absolue_moins)) # Vrai
print(egalite_experimentale_1(valeur_absolue,racine_du_carre))
## Question 2 ##
def F1(a,b):
  return (a+b)**2
def F2(a,b):
  return a**2 + 2*a*b + b**2
def F3(a,b):
  return (a-b)**3
def F4(a,b):
  return a**3 - 3*a**2*b - 3*a * b**2 + b**3
def F5(a,b):
  return a**3 - 3*a**2*b + 3*a * b**2 - b**3
def egalite_experimentale_2(F,G):
```

```
""" Teste si deux fonctions de deux variables sont expérimentalement égales """
   for i in range(-100,101):
       for j in range(-100,101):
          if F(i,j) != G(i,j):
             # print(i,j,F(i,j),G(i,j))
             return False
   return True
# Test
print("--- Egalité experimentale, deux variables ---")
print(egalite_experimentale_2(F1,F2)) # Vrai
print(egalite_experimentale_2(F3,F4)) # Faux
print(egalite_experimentale_2(F3,F5))  # Vrai
## Question 3 ##
def sincos(x):
   return sin(x)**2 + cos(x)**2
def un(x):
   return 1
precision = 0.00001 # = 10**-5
def egalite_experimentale_3(f,g):
   """ Teste si deux fonctions sont expérimentalement égales
   en autorisant une marge d'erreur """
   for i in range(-100,101):
       if abs(f(i) - g(i)) > precision :
          return False
   return True
# Test
print("--- Egalité experimentale approchée ---")
print(egalite_experimentale_1(sincos,un)) # Faux !! Mais pourtant devrait être vrai !
print(sin(3)**2+cos(3)**2)  # Explication : Python ne renvoie par exactement 1
print(egalite_experimentale_3(sincos,un)) # Vrai !
# Test avec d'autres inégalités, exemples :
\# \sin(2x) = 2 \sin(x)\cos(x)
\# \cos(pi/2 - x) = \sin(x)
# et qq unes fausses ...
# Une égalité fausse mais experimentalement vraie
def g1(x):
   return sin(pi*x)
def g2(x):
   return 0
print("--- Une égalité fausse mais experimentalement vraie ---")
print(egalite_experimentale_3(g1,g2)) # Vrai (on a toujours égalité pour i entier)
print(g1(1/2)) # et pourtant g1(0.5) n'est pas nul, donc l'égalité n'est pas vrai en

→ général
```

5. Arithmétique – Boucle tant que – I

```
Activité 1
                                                                    tantque_1.py
# Tant que - Booléen - Arithmétiques
# Activité 1 - Divisibilité, quotient, reste
## Question 1 ##
def quotient_reste(a,b):
   """ Affiche le quotient et le reste et vérifie
   la validité de la division euclidienne """
   q = a // b
   r = a \% b
   print("Division de a =",a,"par b =",b)
   print("Le quotient vaut q =",q)
   print("Le reste vaut r =",r)
   if (r \ge 0) and (r < b):
      verif_reste = True
   else:
      verif_reste = False
   print("Vérification reste 0 <= r < b ?",verif_reste)</pre>
   if a == b*q +r:
      verif_egal = True
   else:
      verif_egal = False
   print("Vérification égalité a = bq + r ok ?",verif_egal)
   return q,r
print("--- Quotient et reste ---")
quotient_reste(100,7)
## Question 2 ##
def est_pair(n):
   """ Teste si l'entier n est pair ou pas (renvoie vrai ou faux) """
   reste = n \% 2
   if reste == 0:
      return True
   else:
      return False
def est_pair_bis(n):
   """ Teste si l'entier n est pair ou pas (renvoie vrai ou faux) """
   chiffre = n % 10
   if (chiffre==0) or (chiffre==2) or (chiffre==4) or (chiffre==6) or (chiffre==8):
```

```
return True
   else:
       return False
# En deux lignes !
def est_pair_ter(n):
   return (n \% 2) == 0
# Test
print("--- Parité ---")
print(est_pair(1023))
## Question 3 ##
def est_divisible(a,b):
   """ Teste si a est divisible par b """
   if a % b == 0:
       return True
   else:
       return False
# Test
print("--- Divisibilité ---")
print(est_divisible(125,5))
```

```
Activité 2
                                                                tantque_2.py
# Tant que - Booléen - Arithmétiques
##################################
###################################
# Activité 2 - Diviseur, nombres premiers - Boucle while
## Question 1 ##
def plus_petit_diviseur(n):
   """ Cherche le plus petit diviseur de n """
   d = 2
   while n % d != 0:
      d = d + 1
   return d
# Test
print("--- Plus petit diviseur ---")
print(plus_petit_diviseur(7*13))
## Question 2 ##
def est_premier_1(n):
   """ Teste si n est un nombre premier """
```

```
d = 2
   while n \% d != 0:
       d = d + 1
   if d == n:
       return True
       return False
# Test
print("--- Est premier (1) ---")
print(est_premier_1(97))
## Question 3 ##
# Nombre de Fermat
def contre_exemple_fermat():
   for n in range(6):
       fermat = 2**(2**n)+1
       print(n,fermat,est_premier_1(fermat))
   return
# Test
print("--- Test conjecture nombres de Fermat ---")
contre_exemple_fermat()
## Question 4 ##
def est_premier_2(n):
   """ Teste si n est un nombre premier """
   if n < 2:
       return False
   while (n \% d != 0) and (d**2 <= n):
       d = d + 1
   if d** 2 > n:
       return True
   else:
      return False
# Test
print("--- Est premier (2) ---")
print(est_premier_2(97))
## Question 4 ##
def est_premier_3(n):
   """ Teste si n est un nombre premier """
   if n < 2: return False
   if n == 2: return True
   if n % 2 == 0: return False
   d = 3
   while (n \% d != 0) and (d**2 <= n):
```

```
d = d + 2
   if d ** 2 > n:
       return True
       return False
# Test
print("--- Est premier (3) ---")
print(est_premier_3(97))
## Question 5 ##
# Calcul les temps d'éxécution moyens des différents fonction est_premier()
import timeit
print(timeit.timeit("est_premier_1(97)", setup="from __main__ import est_premier_1", number
   → =10000))
print(timeit.timeit("est_premier_2(97)", setup="from __main__ import est_premier_2", number
   → =10000))
print(timeit.timeit("est_premier_3(97)", setup="from __main__ import est_premier_3", number
   → =10000))
# On garde la plus efficace !
def est_premier(n):
   return est_premier_3(n)
```

```
Activité 3
                                                      tantque_3.py
# Tant que - Booléen - Arithmétiques
# Activité 3 - Diviseur, nombres premiers - Boucle while (suite)
# Rappel : activité 2
def est_premier(n):
  if n < 2: return False
  if n == 2: return True
  if n % 2 == 0: return False
  d = 3
  while (n \% d != 0) and (d**2 <= n):
     d = d + 2
  if d ** 2 > n:
     return True
  else:
     return False
```

```
## Question 1 ##
def nombre_premier_apres(n):
   """ Cherche le prochain nombre premier après n """
   p = n
   while not est_premier(p):
      p = p + 1
   return p
# Test
print("--- Premier nombre premier après un entier ---")
print(nombre_premier_apres(60))
print(nombre_premier_apres(100000))
## Question 2 ##
def nombres_jumeaux_apres(n):
   """ Trouve deux nombre premiers jumeaux après n """
   p = n
   q = p + 2
   while (not est_premier(p)) or (not est_premier(q)):
       p = p + 1
       q = p + 2
   return p,q
# Test
print("--- Premiers nombres jumeaux après un entier ---")
print(nombres_jumeaux_apres(60))
print(nombres_jumeaux_apres(100000))
## Question 3 ##
def nombre_germain_apres(n):
   """ Trouve deux nombre premiers de Germain après n """
   q = 2*p + 1
   while (not est_premier(p)) or (not est_premier(q)):
       p = p + 1
       q = 2*p + 1
   return p,q
# Test
print("--- Premiers nombres premiers de Germain après un entier ---")
print(nombre_germain_apres(60))
print(nombre_germain_apres(100000))
```

6. Chaînes de caractères – Analyse d'un texte

```
Activité 1
                                                                      chaines_1.py
# Chaînes de caractères - Analyse statistique d'un texte
# Activité 1 - Pluriels
## Question 1 ##
mot = "chat"
pluriel = mot + "s"
print("Mon mot : ",mot)
print("Au pluriel : ",pluriel)
## Question 2 ##
# mot = "chat"
mot = "souris"
derniere_lettre = mot[len(mot)-1]
if derniere_lettre == "s":
   pluriel = mot
else:
   pluriel = mot + "s"
print("Mon mot : ",mot)
print("Au pluriel : ",pluriel)
## Question 3 ##
# mot = "chat"
# mot = "souris"
mot = "journal"
derniere_lettre = mot[len(mot)-1]
avant_derniere_lettre = mot[len(mot)-2]
if derniere_lettre == "s":
   pluriel = mot
elif avant_derniere_lettre == "a" and derniere_lettre == "l":
   debut_mot = mot[0:len(mot)-2]
   pluriel = debut_mot + "aux"
else:
   pluriel = mot + 's'
print("Mon mot : ",mot)
print("Au pluriel : ",pluriel)
## Question 4 ##
# C'est mieux avec une fonction !
def met_au_pluriel(mot):
   """ Met un mot au pluriel.
```

```
Entrée : un mot
    Sortie : le mot au pluriel (sauf exceptions) """
    derniere_lettre = mot[len(mot)-1]
    avant_derniere_lettre = mot[len(mot)-2]
    if derniere_lettre == "s":
        pluriel = mot
    elif avant_derniere_lettre == "a" and derniere_lettre == "l":
        debut_mot = mot[0:len(mot)-2]
        pluriel = debut_mot + "aux"
    else:
        pluriel = mot + "s"
    return pluriel
# Test
#mot = input("Dis moi un mot : ")
#pluriel = met_au_pluriel(mot)
#print("Son pluriel est :",pluriel)
## Question 5 ##
def affiche_conjugaison(verbe):
    """ Conjugue au présent.
   Entrée : un verbe du premier groupe
    Sortie : affiche la conjugaison au présent"""
    debut_verbe = verbe[0:len(verbe)-2]
    fin_verbe = verbe[len(verbe)-2:len(verbe)]
    if fin_verbe == "er":
        print("Je " + debut_verbe + "e\n")
        print("Tu " + debut_verbe + "es\n")
        print("Il/elle " + debut_verbe + "e\n")
        print("Nous " + debut_verbe + "ons\n")
        print("Vous " + debut_verbe + "ez\n")
        print("Ils/elles " + debut_verbe + "ent\n")
        print("Ce n'est pas un verbe du premier groupe !")
    return
# Test
verbe = input("Donne-moi un verbe du premier groupe : ")
affiche_conjugaison(verbe)
```

```
## Question 1 ##
def distance_hamming(mot1,mot2):
    """ Calcule la distance de Hamming
    Entrée : deux mots de même longueur
    Sortie : la distance entre ces mots """
    distance = 0
    for i in range(len(mot1)):
        if mot1[i] != mot2[i]:
            distance = distance + 1
    return distance
# Test
premier_mot = "JAPON"
second_mot = "SAVON"
dist = distance_hamming(premier_mot,second_mot)
print("La distance entre",premier_mot,"et",second_mot, "est",dist)
## Question 2 ##
def transforme_en_latin_cochon(mot):
    """ Transforme un mot en latin-cochon
    Entrée : un mot (une chaîne de caractères)
    Sortie : le mot transformé en latin cochon s'il commence par une consonne. """
    premiere_lettre = mot[0]
    reste_mot = mot[1:len(mot)]
    if premiere_lettre not in ["A", "E", "I", "O", "U", "Y"]:
        latin_cochon = reste_mot + premiere_lettre + "UM"
    else:
        latin_cochon = mot
    return latin_cochon
# Test
mot = "SALOPETTE"
latin = transforme_en_latin_cochon(mot)
print("Le mot", mot, "devient", latin, "!")
## Question 3 ##
def transforme_en_verlan(mot):
    """ Transforme un mot en verlan
    Entrée : un mot (une chaîne de caractères)
    Sortie : le mot transformé verlan """
    verlan = ""
    for carac in mot:
        verlan = carac + verlan
    return verlan
# Test
mot = "BONJOUR"
verlan = transforme_en_verlan(mot)
print("Le mot",mot,"devient",verlan,"!")
## Question 4 ##
def est_un_palindrome(mot):
```

```
""" Détermine si un mot est un palindrome
Entrée : un mot (une chaîne de caractères)
Sortie : vrai si le mot est un palindrome, faux sinon """

verlan = transforme_en_verlan(mot)
if mot == verlan:
    return True
else:
    return False

# Test
mot = "KAYAK"
print("Le mot",mot,"est-il un palindrome ? : ",est_un_palindrome(mot))
```

```
Activité 3
                                                                      chaines_3.py
# Chaînes de caractères - Analyse statistique d'un texte
# Activité 3 - Séquences d'ADN
## Question 1 ##
def presence_de_A(sequence):
   """ Détermine la présence du nucléotides A
   Entrée : une séquence de A,C,T,G (chaîne de caractères)
   Sortie : vrai ou faux """
   for nucleotide in sequence:
       if nucleotide == 'A':
          return True
   return False
# Test
sequence = "AGACAGCGAGCATATGCAGGAAG"
reponse = presence_de_A(sequence)
print("Est-ce qu'il y a A dans la séquence", sequence, " : ", reponse)
## Question 2 ##
def position_de_AT(sequence):
   """ Détermine la position de la première séquence AT
   Entrée : une séquence de A,C,T,G (chaîne de caractères)
   Sortie : la position dans cette séquence (commence à 0) """
   for i in range(len(sequence)-1):
       if sequence[i] == 'A' and sequence[i+1] == 'T':
          return i # Si trouvé
   return None # Si pas du tout trouvé
# Test
sequence = "GTGGTTTGACCTCCCATGGCCAT"
```

```
position = position_de_AT(sequence)
print("Dans la séquence", sequence, "le code AT apparaît en position", position)
## Question 3 ##
def position(code, sequence):
   """ Détermine la position du code dans la séquence
   Entrée : une séquence de A,C,T,G (chaîne de caractères)
   Sortie : la position dans cette séquence (commence à 0) """
   for i in range(len(sequence)-len(code)):
       if code == sequence[i:i+len(code)]:
           return i # Si trouvé, c'est fini
   return None # Si pas du tout trouvé
# Test
sequence = "GAAGACCTTCTCCTCCTGC"
code = "CCTC"
pos = position(code, sequence)
print("Dans la séquence", sequence, "le code", code, "apparaît en position", pos)
## Question 4 ##
def enquete():
   \verb"moutarde" = "CCTGGAGGGTGGCCCCACCGGCCGAGACAGCGAGCATATGCAGGAAGCGGCAGGAATAAGGAAAAGCAGC"
              "CTCCTGATGCTCCTCGCTTGGTGGTTTGAGTGGACCTCCCAGGCCAGTGCCGGGCCCCTCATAGGAGAGG"
   leblanc = "CTGCAGGAACTTCTTCTGGAAGTACTTCTCCTCCTGCAAATAAAACCTCACCCATGAATGCTCACGCAAG"
   code1 = "CATA"
   code2 = "ATGC"
   for suspect in [moutarde,rose,pervenche,leblanc]:
       print(position(code1,suspect))
       print(position(code2,suspect))
   return
# Execution de l'enquête
enquete()
```

```
for c in code:
    phrase = phrase + chr(c)
print(phrase)
## Question 2 ##
for i in range(33,128):
    print(i," : ",chr(i))
## Question 3 ##
exp1 = 'chr(ord("a")-32)'
exp2 = 'chr(ord("B")+32)'
print(exp1," donne ",eval(exp1))
print(exp2," donne ",eval(exp2))
## Question 4 ##
def lettre_majuscule(car):
    """ Transforme une lettre minuscule en majuscule
    Entrée : un caractère minuscule parmi "a",...,"z"
    Sortie : le même caractère en majuscule """
    ordre = ord(car)
    nouv_ordre = ordre - 32
   nouv_car = chr(nouv_ordre)
    return nouv_car
# Test
print("La majuscule de a est",lettre_majuscule("a"))
## Question 5 ##
def majuscules(phrase):
    """ Transforme une phrase en majuscules
    Entrée : une phrase (une chaîne de caractères)
    Sortie : la même phrase avec les lettres en majuscules """
    nouv_phrase = ""
    for car in phrase:
        ordre = ord(car)
        if ordre >= 97 and ordre <= 122:
             # transformation en majuscule
            nouv_phrase = nouv_phrase + chr(ordre-32)
        else:
            # conserver le caractère
            nouv_phrase = nouv_phrase + car
    return nouv_phrase
phrase = "Bonjour le monde !"
print("La phrase",phrase,"devient",majuscules(phrase))
# On aura aussi besoin de :
def minuscules(phrase):
    """ Transforme une phrase en minuscules
    Entrée : une phrase (une chaîne de caractères)
    Sortie : la même phrase avec les lettres en minuscules """
    nouv_phrase = ""
```

```
for car in phrase:
        ordre = ord(car)
        if ordre >= 65 and ordre <= 90:
            # transformation en minuscules
           nouv_phrase = nouv_phrase + chr(ordre+32)
        else:
            # conserver le caractère
            nouv_phrase = nouv_phrase + car
    return nouv_phrase
## Question 6 ##
def formate_prenom_nom(personne):
    """ Transforme le nom d'une personne au format "Prenom NOM"
    Entrée : le prénom et le nom d'une personne (sans accent, séparé par une espace)
    Sortie : le nom complet au format "Prenom NOM" """
    # On sépare le prénom du nom
    prenom = ""
    nom = ""
    dans_le_prenom = True # On est dans le prénom
    for car in personne:
       if dans_le_prenom:
            prenom = prenom + car
        else:
           nom = nom + car
        if car == " ":
            dans_le_prenom = False  # Le prénom est fini
    # On formate le prénom
    nouv_prenom = majuscules(prenom[0])+minuscules(prenom[1:len(prenom)])
    # On formate le nom
    nouv_nom = majuscules(nom)
    return nouv_prenom+nouv_nom
# Test
personne = "harry POTTER"
print(personne,"devient",formate_prenom_nom(personne))
personne = "LORD Voldemort"
print(personne, "devient", formate_prenom_nom(personne))
```

```
def nombre_E(phrase):
    """ Compte le nombre de "E"
    Entrée : une phrase en majuscule
    Sortie : le nombre de "E" """
    nb = 0
    for car in phrase:
        if car == "E":
            nb = nb + 1
    return nb
# Test
phrase = "ESPRIT ES TU LA"
print("La phrase",phrase,"contient",nombre_E(phrase),"fois la lettre E")
## Question 1 ##
def occurences_lettre(lettre,phrase):
   """ Compte le nombre d'occurrences d'une lettre donnée dans phrase
   Entrée : une lettre et une phrase en majuscule
   Sortie : le nombre de lettres """
    nb = 0
    for car in phrase:
        if car == lettre:
            nb = nb + 1
    return nb
# Test
phrase = "ESPRIT ES TU LA"
print("La phrase",phrase,"contient",occurences_lettre("S",phrase),"fois la lettre S")
## Question 2 ##
def nombre_lettres(phrase):
    """ Compte le nombre total de lettres
    Entrée : une phrase en majuscule
    Sortie : le nombre total de lettres de "A" à "Z" """
    alphabet = list("ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ")
    nb = 0
    for car in phrase:
        if car in alphabet:
           nb = nb + 1
    return nb
phrase = "ESPRIT ES TU LA"
print("La phrase",phrase,"contient",nombre_lettres(phrase),"lettres")
## Question 3 ##
def pourcentage_lettre(lettre,phrase):
    """ Calcule le ratio d'une lettre donnée dans phrase
    Entrée : une lettre et une phrase en majuscule
    Sortie : le pourcentage d'apparition de la lettre """
```

```
nb_lettres = occurences_lettre(lettre,phrase)
   nb_total = nombre_lettres(phrase)
   pourcentage = nb_lettres/nb_total*100
   return pourcentage
# Test
phrase = "ESPRIT ES TU LA"
pourcentage = pourcentage_lettre("S",phrase)
print("La phrase",phrase,"contient",pourcentage,"% de lettre S")
print("Pourcentage arrondi :","{0:.2f}".format(pourcentage))
## Question 4 ##
def affiche_frequences(phrase):
   """ Calcule le ratio de toutes les lettres dans une phrase
   Entrée : uune phrase en majuscule
   Sortie : l'affichage des pourcentage d'apparition des lettres """
   alphabet = list("ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ")
   for lettre in alphabet:
       pourcentage = pourcentage_lettre(lettre,phrase)
       print(lettre," : ","{0:.2f}".format(pourcentage))
   return
# SECRET -----
# Création de l'énigme
def myshuffle(x):
   x = list(x)
   random.shuffle(x)
   return x
#for mot in phrase.split():
# print(list(mot))
# print(myshuffle(list(mot)))
# Le corbeau et le renard - Jean de la Fontaine
phrase1 = "MAITRE CORBEAU SUR UN ARBRE PERCHE TENAIT EN SON BEC UN FROMAGE MAITRE RENARD PAR
   \hookrightarrow L ODEUR ALLECHE LUI TINT A PEU PRES CE LANGAGE ET BONJOUR MONSIEUR DU CORBEAU QUE
   → VOUS ETES JOLI QUE VOUS ME SEMBLEZ BEAU SANS MENTIR SI VOTRE RAMAGE SE RAPPORTE A
   → VOTRE PLUMAGE VOUS ETES LE PHENIX DES HOTES DE CES BOIS A CES MOTS LE CORBEAU NE SE
   → SENT PAS DE JOIE ET POUR MONTRER SA BELLE VOIX IL OUVRE UN LARGE BEC LAISSE TOMBER SA
   → PROIE LE RENARD S EN SAISIT ET DIT MON BON MONSIEUR APPRENEZ QUE TOUT FLATTEUR VIT
    → AUX DEPENS DE CELUI QUI L ECOUTE CETTE LECON VAUT BIEN UN FROMAGE SANS DOUTE LE
   ← CORBEAU HONTEUX ET CONFUS JURA MAIS UN PEU TARD QU ON NE L Y PRENDRAIT PLUS"
#phrase_mystere1 = ' '.join([''.join(myshuffle(list(mot))) for mot in phrase1.split() ])
# Le roi de aulnes - Goethe
phrase2 = "WER REITET SO SPAT DURCH NACHT UND WIND ES IST DER VATER MIT SEINEM KIND ER HAT
    \hookrightarrow DEN KNABEN WOHL IN DEM ARM ER FASST IHN SICHER ER HALT IHN WARM MEIN SOHN WAS BIRGST
    → DU SO BANG DEIN GESICHT SIEHST VATER DU DEN ERLKONIG NICHT DEN ERLENKONIG MIT KRON
   → UND SCHWEIF MEIN SOHN ES IST EIN NEBELSTREIF DU LIEBES KIND KOMM GEH MIT MIR GAR
   → SCHONE SPIELE SPIEL ICH MIT DIR MANCH BUNTE BLUMEN SIND AN DEM STRAND MEINE MUTTER
   → HAT MANCH GULDEN GEWAND MEIN VATER MEIN VATER UND HOREST DU NICHT WAS ERLENKONIG MIR
   → LEISE VERSPRICHT SEI RUHIG BLEIBE RUHIG MEIN KIND IN DURREN BLATTERN SAUSELT DER WIND
#phrase_mystere2 = ' '.join([''.join(myshuffle(list(mot))) for mot in phrase2.split() ])
# Cent ans de solitude - Gabriel Garcia Marquez
phrase3 = "FASCINADO POR UNA REALIDAD INMEDIATA QUE ENTONCES LE RESULTO MAS FANTASTICA QUE
```

```
→ EL VASTO UNIVERSO DE SU IMAGINACION PERDIO TODO INTERES POR EL LABORATORIO DE
    ←→ ALQUIMIA PUSO A DESCANSAR LA MATERIA EXTENUADA POR LARGOS MESES DE MANIPULACION Y
    → VOLVIO A SER EL HOMBRE EMPRENDEDOR DE LOS PRIMEROS TIEMPOS QUE DECIDIA EL TRAZADO DE
    → LAS CALLES Y LA POSICION DE LAS NUEVAS CASAS Y SE DETERMINO QUE FUERA EL QUIEN
    → DIRIGIERA LA REPARTICION DE LA TIERRA"
phrase_mystere3 = ' '.join([''.join(myshuffle(list(mot))) for mot in phrase3.split() ])
# Sumertimes - Elle Fitzgerald
phrase4 = "SUMMERTIME AND THE LIVING IS EASY FISH ARE JUMPING AND THE COTTON IS HIGH OH YOUR
    → DADDY IS RICH AND YOUR MA IS GOOD LOOKING SO HUSH LITTLE BABY DONT YOU CRY ONE OF
    ← THESE MORNINGS YOU RE GONNA RISE UP SINGING AND YOULL SPREAD YOUR WINGS AND YOULL
    → TAKE TO THE SKY BUT TILL THAT MORNING THERE AINT NOTHING CAN HARM YOU WITH DADDY AND

→ MAMMY STANDING BY"

phrase_mystere4 = ' '.join([''.join(myshuffle(list(mot))) for mot in phrase4.split() ])
# FIN SECRET -----
# Choix des phrases mystères
phrase_mystere1 = "TMAIER BERACUO RSU NU REBRA PRCEEH EIANTT NE ONS EBC NU GAOFREM EIMATR
    → RERNAD APR L RDUOE LAHECLE UIL TTNI A EUP SREP EC LGNGAEA TE RBONUJO ERMNOUSI DU
    → UBRACEO QUE OVSU EEST LIJO UQE OUVS EM MSZELBE BAEU ASNS MIERNT IS RVETO AGRAME ES
    → PRARPTOE A OEVTR AMGUPLE VUOS SEET EL PNIHXE DSE OSHET ED CSE BIOS A ESC MSOT LE
    → OUBRCEA NE ES ESTN ASP DE IEJO TE OUPR ERRNOTM AS BELEL XOVI IL OREVU NU RGLEA ECB
    → ILESSA EBOMTR AS PIOER EL NRDAER S EN ISIAST TE ITD MNO NOB EUSRMNOI NRPEEAZP QEU
    → UTOT EUTLRFTA IVT XUA SPNEDE DE UECIL UQI L TECEOU TECET NEOCL VATU BNEI UN GMAEORF
    → SNAS TUOED LE EOABURC OHENTXU TE NSCOFU UJRA SMIA UN EPU TRDA UQ NO EN L Y ARRPEIDNT

→ ULSP"

print(phrase_mystere1)
affiche_frequences(phrase_mystere1)
phrase_mystere2 = "WRE TREITE SO TSPA CUDHR AHNCT UND WIND SE STI RED AEVRT MTI ESEIMN IDNK
    → RE ATH END NEABNK WLOH IN EMD AMR ER AFTSS HIN IHSERC RE AHTL HIN MRWA EINM SHNO SAW
    → SRTIBG UD SO NGBA DNEI EIHSGTC ESISTH RAETV UD DEN LERNIOKG NITHC NDE LOENINKGRE TIM
    → OKRN UDN CHWFSEI NEIM NSOH ES STI IEN BIFTRLSEEEN DU BILESE IKDN OMKM EHG MIT MIR RAG
    ← ECHNOS EPELSI EIPSL IHC ITM RDI HNCMA BEUTN MBLUNE DINS NA DEM TNDRAS NMIEE UTETMR
    → AHT CAMHN UDNGEL GDAWEN MIEN EATRV MENI VEART DUN OSTHER DU CINTH SAW KNNOEIREGL RIM
    → ILEES PRSTVRCIEH ISE IHGRU BEEILB RIGUH MNEI KNDI NI RDNEUR NATBRLET STAESUL EDR WNID
print(phrase_mystere2)
affiche_frequences(phrase_mystere2)
phrase_mystere3 = "DSNOACAIF ORP ANU DAEDALRI DNAAEIMTI EQU NNCOSETE EL RSTEOUL SMA
    ← AACTFAITNS UQE EL TSVAO OINSRVUE DE US ANIGIICANOM EIORDP TOOD RTEIENS RPO LE
    → ITOABOLRROA ED QIUAMALI USOP A NSSRCAEAD LA TMREAAI NXTADAUEE ROP GOARLS EMESS DE
    → NNAMICLUIAPO Y LOVOIV A RES LE RHMEOB EOMDNEERPRD DE LOS RSOPMRIE OMTSIPE UEQ CIIDADE
    → LE RTDAAOZ ED LSA CELSAL Y LA NICOIOPS ED LAS UESVNA SSACA Y ES ITRMNEEOD QEU AERFU
    ← EL UEQIN IIIRDEGAR LA NAIORTREICP DE AL RRTEIA"
print(phrase_mystere3)
affiche_frequences(phrase_mystere3)
phrase_mystere4 = "IMTRUESMME DNA TEH LNGIIV SI EYAS SIFH REA GJPNUIM DNA HET TTNOCO IS GHIH
    → OH OUYR DDADY SI IRHC DAN ROUY MA SI DOGO GKOILON OS USHH LTLIET BBYA NDOT OUY CYR
    → NEO OF HESET GNSRONIM YUO RE NANGO SIER PU SNIGING NAD OULLY EPADRS YUOR GINSW DAN
    → LYOLU KATE OT HET KSY TUB ITLL TATH MGNIRNO EREHT NATI INTGOHN ACN AHMR OYU TWIH
    ← DADYD NDA MYMMA NSTIDGAN YB"
print(phrase_mystere4)
```

```
affiche_frequences(phrase_mystere4)
```

7. Listes I

```
Activité 1
                                                              listes_I_1.py
# Listes I
# Cours 1
maliste = [11, 13, 17, 19]
maliste.append(23)
maliste.append(29)
print(maliste[5])
len(maliste)
# Activité 1 - Intérêts
## Question 1 ##
def interets_simples(S0,p,n):
  liste = [S0]
   interets = S0 * p/100
   S = S0
   for i in range(n):
      S = S + interest
      liste.append(S)
   return liste
print("--- Intérêts simples ---")
liste_interets_simples = interets_simples(1000,10,12)
print(liste_interets_simples)
print(liste_interets_simples[11])
## Question 2 ##
#####################################
def interets_composes(S0,p,n):
   liste = [S0]
   S = S0
   for i in range(n):
      interets = S * p/100
      S = S + interes
      liste.append(S)
   return liste
# Test
```

```
print("--- Intérêts composés ---")
liste_interets_composes = interets_composes(1000,7,12)
print(liste_interets_composes)
print(liste_interets_composes[11])
```

```
Activité 2
                                                              listes_I_2.py
# Listes I
# Cours 1
maliste = [11, 13, 17, 19]
maliste.append(23)
maliste.append(29)
print(maliste[5])
len(maliste)
# Activité 1 - Intérêts
## Question 1 ##
def interets_simples(S0,p,n):
  liste = [S0]
  interets = S0 * p/100
   S = S0
   for i in range(n):
      S = S + interest
      liste.append(S)
   return liste
print("--- Intérêts simples ---")
liste_interets_simples = interets_simples(1000,10,12)
print(liste_interets_simples)
print(liste_interets_simples[11])
## Question 2 ##
#####################################
def interets_composes(S0,p,n):
   liste = [S0]
   S = S0
   for i in range(n):
      interets = S * p/100
      S = S + interest
      liste.append(S)
   return liste
# Test
```

```
print("--- Intérêts composés ---")
liste_interets_composes = interets_composes(1000,7,12)
print(liste_interets_composes)
print(liste_interets_composes[11])
```

```
Activité 3
                                                              listes_I_3.py
# Listes I
# Cours 1
maliste = [11, 13, 17, 19]
maliste.append(23)
maliste.append(29)
print(maliste[5])
len(maliste)
# Activité 1 - Intérêts
## Question 1 ##
def interets_simples(S0,p,n):
  liste = [S0]
  interets = S0 * p/100
   S = S0
   for i in range(n):
      S = S + interest
      liste.append(S)
   return liste
print("--- Intérêts simples ---")
liste_interets_simples = interets_simples(1000,10,12)
print(liste_interets_simples)
print(liste_interets_simples[11])
## Question 2 ##
#####################################
def interets_composes(S0,p,n):
   liste = [S0]
   S = S0
   for i in range(n):
      interets = S * p/100
      S = S + interest
      liste.append(S)
   return liste
# Test
```

```
print("--- Intérêts composés ---")
liste_interets_composes = interets_composes(1000,7,12)
print(liste_interets_composes)
print(liste_interets_composes[11])
```

```
Activité 4
                                                              listes_I_4.py
# Listes I
# Cours 1
maliste = [11, 13, 17, 19]
maliste.append(23)
maliste.append(29)
print(maliste[5])
len(maliste)
# Activité 1 - Intérêts
## Question 1 ##
def interets_simples(S0,p,n):
  liste = [S0]
  interets = S0 * p/100
   S = S0
   for i in range(n):
      S = S + interest
      liste.append(S)
   return liste
print("--- Intérêts simples ---")
liste_interets_simples = interets_simples(1000,10,12)
print(liste_interets_simples)
print(liste_interets_simples[11])
## Question 2 ##
#####################################
def interets_composes(S0,p,n):
   liste = [S0]
   S = S0
   for i in range(n):
      interets = S * p/100
      S = S + interest
      liste.append(S)
   return liste
# Test
```

```
print("--- Intérêts composés ---")
liste_interets_composes = interets_composes(1000,7,12)
print(liste_interets_composes)
print(liste_interets_composes[11])
```

8. Statistique – Visualisation de données

```
Activité 1
                                                        statistique_1.py
# Statistique - Visualisation de données - tkinter
# Activité 1 - Calculs statistiques
from math import *
## Question 1 ##
def somme(liste):
  """ Calcule la somme des éléments
  Entrée : une liste de nombres
  Sortie : leur somme """
  som = 0
  for x in liste:
     som = som + x
  return som
print("--- Somme ---")
liste = [5,18,6,3]
print(liste)
print(somme(liste))
print(sum(liste))
******************
## Question 2 ##
def moyenne(liste):
  """ Calcule la moyenne des éléments
   Entrée : une liste de nombres
  Sortie : leur moyenne """
   nbliste = len(liste)
   if nbliste == 0:
     moy = 0
   else:
     moy = somme(liste) / nbliste
   return moy
```

```
# Test
print("--- Moyenne ---")
liste = [5,18,6,3]
print(liste)
print(moyenne(liste))
## Question 3 ##
def minimum(liste):
   """ Calcule le minimum des éléments
   Entrée : une liste de nombres
   Sortie : leur minimum """
   if len(liste) == 0:
       return None
   mini = liste[0]
   for i in range(1,len(liste)):
       if liste[i] < mini:</pre>
          mini = liste[i]
   return mini
# Test
print("--- Minimum ---")
liste = [6,8,2,10]
print(liste)
print(minimum(liste))
print(min(liste))
def maximum(liste):
   """ Calcule le maximum des éléments
   Entrée : une liste de nombres
   Sortie : leur maximum """
   if len(liste) == 0:
      return None
   maxi = liste[0]
   for i in range(1,len(liste)):
       if liste[i] > maxi:
          maxi = liste[i]
   return maxi
# Test
print("--- Maximum ---")
liste = [6,8,2,10]
print(liste)
print(maximum(liste))
print(max(liste))
## Question 4 ##
def variance(liste):
   """ Calcule la variance des éléments
   Entrée : une liste de nombres
   Sortie : leur variance """
```

```
if len(liste) == 0:
       return 0
   moy = moyenne(liste)
   somme_carres = 0
   for x in liste:
       somme_carres = somme_carres + (x-moy)**2
   var = somme_carres / len(liste)
   return var
print("--- Variance ---")
liste = [6,8,2,10]
print(liste)
print(variance(liste))
## Question 5 ##
def ecart_type(liste):
   """ Calcule l'écart-type des éléments
   Entrée : une liste de nombres
   Sortie : leur écart-type """
   eca = sqrt(variance(liste))
   return eca
# Test
print("--- Ecart-type ---")
liste = [6,8,2,10]
print(liste)
print(ecart_type(liste))
## Question 6 ##
temp\_brest = [6.4,6.5,8.5,9.7,11.9,14.6,15.9,16.3,15.1,12.2,9.2,7.1]
temp_strasbourg = [0.9,2.4,6.1,9.7,13.8,17.2,19.2,18.6,15.7,10.7,5.3,2.1]
print(moyenne(temp_brest))
print(moyenne(temp_strasbourg))
print(ecart_type(temp_brest))
print(ecart_type(temp_strasbourg))
```

```
## Question 0 ##
from math import *
from random import *
from tkinter import *
# Fenêtre tkinter
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=800, height=600, background="white")
canvas.pack(side=LEFT, padx=5, pady=5)
def une_couleur():
   """ Renvoie une couleur au hasard
   Entrée : rien
   Sortie : une couleur """
   # Méthode 1 - Choix limité
   # couleurs = ["red", "orange", "yellow", "green", "cyan", "blue", "violet", "purple"]
   # coul = random.choice(couleurs)
   # Méthode 2 - Choix "infini"
   R = randint(0,255)
   V = randint(0,255)
   B = randint(0,255)
   coul = '#\%02x\%02x\%02x'\% (R, V, B)
   return coul
## Question 1 ##
def graphique_barres(liste):
   """Graphique avec une barre par élément de la liste"""
   posx = 100
   for x in liste:
       hauteur = x * echelle
       canvas.create_rectangle(posx,400,posx+10,400-hauteur,fill="red")
       posx = posx + 30
   # Bonus : Coordonnées verticales à gauche
   max_liste = max(liste)
   canvas.create_line(90,400,90,400-echelle*max_liste)
   for j in range(max_liste+1):
       canvas.create_line(85,400-echelle*j,90,400-echelle*j)
       canvas.create_text(80,400-echelle*j,text=str(j))
   return
# Test
\# echelle = 20
# liste = [5,8,6,3,7,10,4]
# graphique_barres(liste)
# root.mainloop()
## Question 2 ##
def graphique_cumulatif(liste):
   """Graphique avec rectangles superposés"""
   bas = 500
```

```
for x in liste:
       hauteur = x * echelle
       canvas.create_rectangle(100,bas,200,bas-hauteur,fill=une_couleur())
       bas = bas - hauteur
   # Bonus : Coordonnées verticales à gauche
   max_liste = sum(liste)
   canvas.create_line(90,500,90,500-echelle*max_liste)
   for j in range(0,max_liste+1,5):
       canvas.create_line(85,500-echelle*j,90,500-echelle*j)
       canvas.create_text(80,500-echelle*j,text=str(j))
   return
# Test
\# echelle = 5
# liste = [5,8,6,3,7,10,4,12]
# graphique_cumulatif(liste)
# root.mainloop()
## Question 3 ##
def graphique_pourcentage(liste):
    """Graphique rectangulaire divisé en sous-rectangles"""
   somme = sum(liste)
   posx = 100
   for x in liste:
       largeur = x/somme*100 * 5
       canvas.create_rectangle(posx,300,posx+largeur,200,fill=une_couleur())
       posx = posx + largeur
   # Bonus : Coordonnées horizontales en dessous
   canvas.create_line(100,325,600,325)
   for i in range(0,11):
       canvas.create_line(100+i*50,325,100+i*50,330)
       canvas.create_text(100+i*50,340,text=str(i*10)+"%")
   return
# Test
\# echelle = 5
# liste = [5,8,6,3,7,10,4,12]
# graphique_pourcentage(liste)
# root.mainloop()
## Question 4 ##
def graphique_secteurs(liste):
   """Graphique en camenbert"""
   somme = sum(liste)
   debut_angle = 0
   for x in liste:
       angle = x/somme*360
       canvas.create_arc(200,100,550,450,start=debut_angle,extent=angle,style=PIESLICE,fill
   → =une_couleur())
       debut_angle = debut_angle + angle
   return
# Test
\# echelle = 5
# liste = [5,8,6,3,7,10,4,12]
# graphique_secteurs(liste)
```

```
# root.mainloop()
## Question 5 ##
longueurs = [randint(5,15) for i in range(103)]
liste = [15,8,6,13,17,10,14,12]
def action_bouton1():
    global echelle
    echelle = 15
    canvas.delete("all")
    graphique_barres(liste)
    return
def action_bouton2():
    global echelle
    echelle = 4
    canvas.delete("all")
    graphique_cumulatif(liste)
   return
def action_bouton3():
    canvas.delete("all")
    graphique_pourcentage(liste)
    return
def action_bouton4():
    canvas.delete("all")
    graphique_secteurs(liste)
   return
def nouvelle_liste():
   """Génère une nouvelle liste aléatoire"""
    global liste
   n = randint(3,10)
   liste = [randint(1,20) for i in range(n)]
    canvas.delete("all")
   return
# Titre
root.title("Visualisation de données")
# Boutons
bouton_quitter = Button(root,text="Quitter", width=8, command=root.quit)
bouton_quitter.pack(side=BOTTOM, padx=5, pady=20)
bouton_changer = Button(root,text="Changer les données", width=30, command=nouvelle_liste)
bouton_changer.pack(side=BOTTOM, padx=5, pady=20)
bouton1 = Button(root,text="Graphique en barres", width=30, command=action_bouton1)
bouton1.pack(padx=5, pady=20)
bouton2 = Button(root,text="Graphique cumulatif", width=30, command=action_bouton2)
bouton2.pack(padx=5, pady=20)
bouton3 = Button(root,text="Graphique en pourcentage", width=30, command=action_bouton3)
bouton3.pack(padx=5, pady=20)
bouton4 = Button(root,text="Graphique en secteurs", width=30, command=action_bouton4)
bouton4.pack(padx=5, pady=20)
root.mainloop()
```

```
Activité 3
                                                              statistique_3.py
# Statistique - Visualisation de données - tkinter
# Activité 3 - Calculs statistiques (bis)
## Question 1 ##
from math import *
from random import *
def mediane(liste):
   """ Calcule la médiane des éléments
   Entrée : une liste de nombre
   Sortie : leur médiane """
   liste_triee = sorted(liste)
   n = len(liste_triee)
   if n\%2 == 0: # n est pair
      indice_milieu = n//2
      med = (liste_triee[indice_milieu-1]+liste_triee[indice_milieu]) / 2
   else:
      indice_milieu = (n-1)//2
      med = liste_triee[indice_milieu]
   return med
# Test
print("--- Médiane ---")
liste = [5,18,6,3]
print(liste)
print(mediane(liste))
## Question 2 ##
def notes_vers_liste(effectif_notes):
   """ Convertit un effectif de notes en une liste de notes
   Entrée : une liste d'effectif de notes
   Sortie : la liste des notes """
   liste = []
   for i in range(len(effectif_notes)):
      nb = effectif_notes[i]
      liste = liste + [i]*nb
   return liste
# Test
print("--- Liste à partir d'un effectif ---")
effectif_notes = [0,0,0,0,0,1,0,2,0,1,5,1,2,3,2,4,1,2,0,1,0]
# effectif_notes = [randint(1,5) for i in range(21)]
print(effectif_notes)
print(notes_vers_liste(effectif_notes))
```

```
def mediane_notes(effectif_notes):
   """ Calcule la médiane des notes
   Entrée : une liste d'effectif de notes
   Sortie : la médiane """
   liste = notes_vers_liste(effectif_notes)
   med = mediane(liste)
    return med
# Test
print("--- Médiane des notes ---")
effectif_notes = [0,0,0,0,0,1,0,2,0,1,5,1,2,3,2,4,1,2,0,1,0]
print(effectif_notes)
print(mediane_notes(effectif_notes))
## Question 3 ##
def calcule_quartiles(liste):
   """ Calcule les quartiles de la liste
   Entrée : une liste de nombre
   Sortie: leur quartile Q1, Q2=med, Q3 """
   med = mediane(liste)
   liste_triee = sorted(liste)
   n = len(liste_triee)
   indice_milieu = n//2
   if n%2 == 0: # si n pair
       liste_inf = liste[:indice_milieu]
       liste_sup = liste[indice_milieu:]
    else: # n impair
       liste_inf = liste[:indice_milieu+1]
       liste_sup = liste[indice_milieu:]
    Q1 = mediane(liste_inf)
    Q3 = mediane(liste_sup)
   return Q1, med, Q3
# Test
print("--- Quartiles ---")
liste = [3,4,5,7,12,50,100]
print(liste)
print(calcule_quartiles(liste))
def quartiles_notes(effectif_notes):
   """ Calcule les quartiles des notes
   Entrée : une liste d'effectif de notes
   Sortie : les quartiles """
   liste = notes_vers_liste(effectif_notes)
    Q1,Q2,Q3 = calcule_quartiles(liste)
   return Q1, Q2, Q3
print("--- Quartiles des notes ---")
effectif_notes = [0,0,0,0,0,1,0,2,0,1,5,1,2,3,2,4,1,2,0,1,0]
print(effectif_notes)
print(quartiles_notes(effectif_notes))
```

Activité 4 statistique_4.py

```
# Statistique - Visualisation de données - tkinter
# Activité 4 - Visualisation des données (bis)
from math import \ast
from tkinter import *
from random import *
from statistique_3 import *
root = Tk() # Fenêtre tkinter
canvas = Canvas(root, width=800, height=600, background="white")
canvas.pack(side=LEFT, padx=5, pady=5)
echelle = 15 # Echelle pour mieux voir les données
def diagramme_boite(effectif_notes):
   """ Boîte à moustaches """
   # Graphique en barres
   for i in range(len(effectif_notes)): # i varie de 0 à 20
       hauteur = effectif_notes[i] * echelle
       canvas.create_rectangle(100+2*i*10,300,100+(2*i+1)*10,300-hauteur,fill="red")
       canvas.create_text(100+2*i*10+5,320,text=str(i),fill="red")
   # Coordonnées verticale à gauche
   max_effectifs = max(effectif_notes)
   canvas.create_line(95,300,95,300-echelle*max_effectifs)
   for j in range(max_effectifs+1):
       canvas.create_line(90,300-echelle*j,95,300-echelle*j)
       canvas.create_text(85,300-echelle*j,text=str(j))
   # Passage à une liste
   liste = notes_vers_liste(effectif_notes)
   # Calculs des quartiles & co
   mini = min(liste)
   maxi = max(liste)
   Q1,Q2,Q3 = calcule_quartiles(liste)
   # Diagramme
   canvas.create_rectangle(100+2*mini*10+5,197,100+2*Q1*10+5,203,fill="blue")
   canvas.create_rectangle(100+2*Q1*10+5,185,100+2*Q3*10+5,215,width=3,outline="blue")
   {\tt canvas.create\_rectangle(100+2*Q2*10+5-2,185,100+2*Q2*10+5+2,215,fill="blue")}
   canvas.create_rectangle(100+2*Q3*10+5,197,100+2*maxi*10+5,203,fill="blue")
   return
# Test
effectif_notes = [0,0,0,0,0,1,0,2,0,1,5,1,2,3,2,4,1,2,0,1,0]
diagramme_boite(effectif_notes)
root.mainloop()
```

```
Activité 5
                                                              statistique_5.py
# Statistique - Visualisation de données - tkinter
# Activité 5 - Visualisation des données (bis)
## Question 1 ##
from random import *
def cours_bourse(n):
   """ Simulation de n jours de bourse """
   val = 1000
   liste_val = [val]
   for i in range(n-1):
      val = val + randint(-10,12)/3
      liste_val = liste_val + [val]
   return liste_val
# Test
print(cours_bourse(100))
## Question 2 ##
def graphique_point(liste):
   """ Affiche la courbe des cours """
   # Base 1000 en y = 300
   canvas.create_line(100,300,100+365,300,width=3)
   # Coordonnées verticale à gauche
   canvas.create_line(95,420,95,80)
   for j in range (-1,3):
      canvas.create_line(90,300-100*j,95,300-100*j)
      canvas.create_text(72,300-100*j,text=str(1000+j*100))
   # Un point par jour
   for i in range(len(liste)):
      canvas.create_rectangle(100+i,300+1000-liste[i],100+i+1,300+1000-liste[i],outline="
   → red")
   return
# Fenêtre tkinter
from tkinter import *
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=800, height=600, background="white")
canvas.pack(side=LEFT, padx=5, pady=5)
# Test
liste = cours_bourse(365)
# graphique_point(liste)
# root.mainloop()
```

```
## Question 3 ##
def moyenne_mobile(liste,duree):
   """ Calcule la moyenne mobile """
   moy_mob = []
   for i in range(len(liste)-duree+1):
       moy = sum(liste[i:i+duree])/duree
       moy_mob = moy_mob + [moy]
   return moy_mob
# Test
liste = [1,2,3,4,5,6]
print(liste)
print(moyenne_mobile(liste,2))
## Question 4 ##
def graphique_moyenne_mobile(liste):
   """ Affiche les moyennes mobiles à 7 et 30 jours """
   # moyenne 7 derniers jours
   moyenne_7 = moyenne_mobile(liste,7)
   for i in range(len(moyenne_7)):
       canvas.create_rectangle(100+i+6,300+1000-moyenne_7[i],100+i+6+1,300+1000-moyenne_7[i
   → ],outline="blue")
   # moyenne 30 derniers jours
   moyenne_30 = moyenne_mobile(liste,30)
   for i in range(len(moyenne_30)):
       canvas.create_rectangle(100+i+29,300+1000-moyenne_30[i],100+i+29+1,300+1000-
   → moyenne_30[i],outline="sienna")
   return
# Test
liste = cours_bourse(365)
graphique_point(liste)
                            # Le cours au jour le jour
graphique_moyenne_mobile(liste) # La moyenne à 7 et 30 jours
root.mainloop()
```

9. Fichiers

```
## Question 1 ##
def ecrire_fichier_notes():
    # Création d'un fichier en écriture
    nom_fichier = "notes.txt"
    fic = open(nom_fichier,"w")
    # Listes nom
    liste_prenoms = ["Gargamel", "Robin", "Hermione", "Arsène", "Alice", "James", "Tintin"]
    liste_noms = ["Skywalker","Lupin","Voldemort","Tchoupi","Bond","Tartuffe","Dubois"]
    for i in range(7):
        prenom = choice(liste_prenoms)
        nom = choice(liste_noms)
        notes = str(randint(10,40)/2) + " " + <math>str(randint(10,40)/2) + " " + str(randint(10,40)/2)
    \hookrightarrow (10,40)/2)
        ligne = prenom + " " + nom + " " + notes + "\n"
        # Ecriture dans le fichier
        fic.write(ligne)
    # Fermeture du fichier
    fic.close()
    return
# Test
print("--- Fichier 'notes.txt' ---")
ecrire_fichier_notes()
## Question 2 ##
def ecrire_fichier_moyennes():
    # Fichier à lire
    fichier_notes = "notes.txt"
    fic_in = open(fichier_notes,"r")
    # Fichier à écrire
    fichier_moyennes = "moyennes.txt"
    fic_out = open(fichier_moyennes,"w")
    for ligne in fic_in:
        liste = ligne.split()
        moyenne = (float(liste[2])+float(liste[3])+float(liste[4]))/3
        #moyenne_str = str(moyenne)
        moyenne_str = '{0:.2f}'.format(moyenne)
        nouv_ligne = liste[0] + " " + liste[1] + " " + moyenne_str + "\n"
        fic_out.write(nouv_ligne)
    # Fermeture des fichiers
    fic_in.close()
    fic_out.close()
print("--- Fichier 'moyenne.txt' ---")
ecrire_fichier_moyennes()
```

```
Activité 2
                                                                       fichier_2.py
# Fichier
from random import *
import matplotlib.pyplot as plt
# Activité 2 -
## Question 1 ##
def fichier_ventes():
   # Création d'un fichier en écriture
   nom_fichiers = "ventes.csv"
   fic = open(nom_fichiers,"w")
   # Listes nom
   liste_produits = ["Vélo VTT", "Planche de surf", "Chaussures de courses", "Raquette de
   → badminton", "Ballon de volley"]
   # Lignes du haut
   fic.write("Meilleures ventes de la société 'Pentathlon'\n\n")
   fic.write(",2013,2014,2015,2016,2017,2018\n\")
   for produit in liste_produits:
       # Génération des chiffres de vente au hasard
       ventes = ""
       for i in range(6):
          ventes = ventes + "," + str(randint(50,100)*10)
       ligne = produit + ventes + "\n"
       # Ecriture dans le fichier
       fic.write(ligne)
   # Fermeture du fichier
   fic.close()
   return
print("--- Fichier 'ventes.csv' ---")
fichier_ventes()
## Question 2 ##
def afficher_ventes():
   # Fichier à lire
   fichier_ventes = "ventes.csv"
   fic_in = open(fichier_ventes,"r")
   num_ligne = 0
   for ligne in fic_in:
       if num_ligne > 3: # on oublie les lignes de titres
          liste = ligne.split(",")
           donnees = [float(x) for x in liste[1:]]
          plt.plot(donnees)
       num_ligne += 1
```

```
# Fermeture des fichiers
fic_in.close()

# Affichage
plt.grid()
plt.show()

return

print("--- Affichages graphique de 'ventes.csv' ---")
afficher_ventes()
```

```
Activité 3
                                                                         fichier_3.py
import os
# Activité 3 - Images
###################################
## Question 1 ##
def ecrire_fichier_image_nb():
   # Création d'un fichier en écriture
   nom_fichier = "image_nb.pbm"
   fic = open(nom_fichier,"w")
   # Entete
   fic.write("P1\n") # Image noir et blanc
   nb\_col = 300
   nb_lig = 200
   \label{eq:fic.write} fic.write(str(nb\_col) + " " + str(nb\_lig) + " \n")
   for i in range(nb_lig):
       ligne = ""
       for j in range(nb_col):
           coul = (i+j)//10 \% 2
           ligne = ligne + str(coul) + " "
       ligne = ligne + "\n"
       # Ecriture dans le fichier
       fic.write(ligne)
   # Fermeture du fichier
   fic.close()
   return
# Test
print("--- Fichier 'image.pbm' ---")
ecrire_fichier_image_nb()
## Question 2 ##
```

```
def ecrire_fichier_image_gris():
    # Création d'un fichier en écriture
    nom_fichier = "image_gris.pgm"
    fic = open(nom_fichier,"w")
    # Entete
    fic.write("P2\n") # Image en niveaux de gris
    nb_col = 200
    nb_lig = 200
    fic.write(str(nb_col) + " " + str(nb_lig) + "\n")
    niveaux = 255
    fic.write(str(niveaux) + "\n")
    for i in range(nb_lig):
        ligne = ""
        for j in range(nb_col):
            coul = (i**2 + j**2) \% 256 # un niveau de gris en fonction de i et j
            ligne = ligne + str(coul) + " "
        ligne = ligne + "\n"
        # Ecriture dans le fichier
        fic.write(ligne)
    # Fermeture du fichier
    fic.close()
    return
# Test
print("--- Fichier 'image.pgm' ---")
ecrire_fichier_image_gris()
## Question 3 ##
def ecrire_fichier_image_coul():
    # Création d'un fichier en écriture
   nom_fichier = "image_coul.ppm"
   fic = open(nom_fichier,"w")
    # Entete
    fic.write("P3\n") # Image en couleurs
   nb\_col = 200
    nb_lig = 200
    fic.write(str(nb\_col) + " " + str(nb\_lig) + " \n")
    niveaux = 255
    fic.write(str(niveaux) + "\n")
    for i in range(nb_lig):
        ligne = ""
        for j in range(nb_col):
            R = (i*j) % 256  # niveau de rouge
            V = i \% 256
                              # niveau de vert
            B = (i+j)//3 \% 256  # niveau de bleu
            ligne = ligne + str(R) + " " + str(V) + " " + str(B) + " "
        ligne = ligne + "\n"
        # Ecriture dans le fichier
        fic.write(ligne)
    # Fermeture du fichier
    fic.close()
    return
```

```
# Test
print("--- Fichier 'image.ppm' ---")
ecrire_fichier_image_coul()
## Question 4 ##
def inverser_couleurs_nb(fichier):
    # Fichier à lire
    fic_in = open(fichier,"r")
    # Fichier à écrire
    nom, extension = os.path.splitext(fichier)
    nouv_nom = nom + "_inverse"+extension
    fic_out = open(nouv_nom,"w")
    i = 0
           # Numéro de ligne
    for ligne in fic_in:
        if i<2:
                  # Garder les 2 premières lignes
            fic_out.write(ligne)
        else:
           liste = ligne.split()
            nouv_ligne = ""
            for 1 in liste:
                if 1 == "1":
                    nouv_ligne = nouv_ligne + "0 "
                    nouv_ligne = nouv_ligne + "1 "
            nouv_ligne = nouv_ligne + "\n"
            fic_out.write(nouv_ligne)
        i = i + 1
    # Fermeture des fichiers
    fic_in.close()
    fic_out.close()
print("--- Inversion des noirs et blancs ---")
inverser_couleurs_nb("simple_nb.pbm")
## Question 4 ##
def formule_couleur_vers_gris(R,V,B):
    gris = round(0.21*R + 0.72*V + 0.07*R)
    return gris
def couleurs_vers_gris(fichier):
    # Fichier à lire
    fic_in = open(fichier,"r")
    # Fichier à écrire
   nom, extension = os.path.splitext(fichier)
    nouv_nom = nom + "_gris"+".pgm"
    fic_out = open(nouv_nom,"w")
    i = 0
           # Numéro de ligne
    for ligne in fic_in:
        if i == 0:
```

```
fic_out.write("P2\n") # Image en niveaux de gris
        elif i == 1 or i == 2:
                                  # Garder les lignes 2 et 3
            fic_out.write(ligne)
        else:
            liste = ligne.split()
            nouv_ligne = ""
            j = 0 # Numéro de colonne
            while j < len(liste):</pre>
                R = int(liste[j])
                V = int(liste[j+1])
                B = int(liste[j+2])
                gris = formule_couleur_vers_gris(R,V,B)
                nouv_ligne = nouv_ligne + str(gris) + " "
                j = j + 3
            nouv_ligne = nouv_ligne + "\n"
            fic_out.write(nouv_ligne)
        i = i + 1
    # Fermeture des fichiers
    fic_in.close()
    fic_out.close()
    return
print("--- Couleurs vers niveaux de gris ---")
couleurs_vers_gris("image_coul.ppm")
```

```
Activité 4
                                                                 fichier_4.py
##################################
# Fichier
from math import *
import os
# Activité 4 - Distances entre les villes
from math import *
## Question 1 ##
def distance_xy(x1,y1,x2,y2):
   return sqrt((x2-x1)**2 + (y2-y1)**2)
## Question 2 ##
def fichier_distances_xy(fichier):
   # Fichier à lire
   fic_in = open(fichier,"r")
   liste_villes = []
   for ligne in fic_in:
      liste_villes = liste_villes + [ligne.split()]
```

```
# Fermeture du fichier
    fic_in.close()
    # Fichier à écrire
    nom, extension = os.path.splitext(fichier)
    nouv_nom = nom + "_distances"+".txt"
    fic_out = open(nouv_nom,"w")
    ligne = '{:>10s}'.format("")
    for v in liste_villes:
        nom = v[0]
        ligne = ligne + '{:>10s}'.format(nom) +" "
    fic_out.write(ligne + "\n")
    for v1 in liste_villes:
        nom1 = v1[0]
        x1 = float(v1[1])
        y1 = float(v1[2])
        ligne = '{:10s}'.format(nom1)
        for v2 in liste_villes:
            nom2 = v2[0]
            x2 = float(v2[1])
            y2 = float(v2[2])
            d = distance_xy(x1,y1,x2,y2)
            ligne = ligne + '{:10d}'.format(round(d)) + " "
        fic_out.write(ligne + "\n")
    return
print("--- Villes xy ---")
fichier_distances_xy("villes_xy.txt")
## Question 3 ##
def degres_vers_radians(a):
    return 2*pi*a/360
def distance_approx_lat_long(lat1,long1,lat2,long2):
    R = 6371 # rayon (moyen) de la Terre
    x = (long2-long1)*cos((lat1+lat2)/2)
    y = lat2-lat1
    d = R * sqrt(x**2 + y**2)
    return d
# Test
Paris = (48.853, 2.350)
Paris_radians = (degres_vers_radians(Paris[0]),degres_vers_radians(Paris[1]))
New_York = (40.713, -74.006)
New_York_radians = (degres_vers_radians(New_York[0]),degres_vers_radians(New_York[1]))
print("--- Distances approchées Terre ---")
d = distance_approx_lat_long(*Paris_radians,*New_York_radians)
print(d)
def distance_lat_long(lat1,long1,lat2,long2):
    R = 6371 # rayon (moyen) de la Terre
    a = (\sin((\text{lat2-lat1})/2))**2 + \cos(\text{lat1})*\cos(\text{lat2})*(\sin((\text{long2-long1})/2))**2
    d = 2 * R * atan2(sqrt(a), sqrt(1-a))
    return d
```

```
print("--- Distances exactes Terre ---")
d = distance_lat_long(*Paris_radians,*New_York_radians)
print(d)
## Question 3 ##
def fichier_distances_lat_long(fichier):
    # Fichier à lire
    fic_in = open(fichier,"r")
    liste_villes = []
    for ligne in fic_in:
        liste_villes = liste_villes + [ligne.split()]
    # Fermeture du fichier
    fic_in.close()
    # Fichier à écrire
    nom, extension = os.path.splitext(fichier)
    nouv_nom = nom + "_distances"+".txt"
    fic_out = open(nouv_nom,"w")
    ligne = '{:>12s}'.format("")
    for v in liste_villes:
        nom = v[0]
        ligne = ligne + '{:>12s}'.format(nom) +" "
    fic_out.write(ligne + "\n")
    for v1 in liste_villes:
        nom1 = v1[0]
        lat1 = degres_vers_radians(float(v1[1]))
        long1 = degres_vers_radians(float(v1[2]))
        ligne = '{:12s}'.format(nom1)
        for v2 in liste_villes:
            nom2 = v2[0]
            lat2 = degres_vers_radians(float(v2[1]))
            long2 = degres_vers_radians(float(v2[2]))
            d = distance_lat_long(lat1,long1,lat2,long2)
            ligne = ligne + '{:12d}'.format(round(d)) + " "
        fic_out.write(ligne + "\n")
    return
print("--- Villes lat_long ---")
fichier_distances_lat_long("villes_lat_long.txt")
```

10. Arithmétique - Boucle tant que - II

```
Activité 1
                                                              tantque_4.py
# Tant que - Booléen - Arithmétiques
# Activité 4 - Conjecture(s) de Goldbach
from math import *
# Rappel : activité 2
def est_premier(n):
   if n < 2: return False
   if n == 2: return True
   if n % 2 == 0: return False
   while (n \% d != 0) and (d**2 <= n):
      d = d + 2
   if d ** 2 > n:
      return True
   else:
      return False
## Question 1 ##
# La (vraie) conjecture de Goldbach (1742) :
# tout entier pair plus grand que 3 est la somme de deux nombres premiers
def nombre_solutions_goldbach(n):
   """ Calcule le nb de décompositions n = p + q avec
   n pair ; p, q premiers et q >= p """
   # Si entier pas pair, c'est terminé
   if n % 2 == 1:
      print("Attention ! Entier non pair.")
      return None
   nb\_sol = 0
   for p in range(2,n//2+1):
      q = n - p
      if (q>=p) and (est_premier(p)) and (est_premier(q)):
         print("n = ",n,"somme de p = ",p,", q = ",q)
         nb\_sol = nb\_sol + 1
   return nb_sol
print("--- Conjecture de Goldbach ---")
```

```
print(nombre_solutions_goldbach(100))
def test_conjecture_goldbach(nmax):
   """ Vérifie la validité de la conjecture de Goldbach
   pour les entiers pairs de 4 jusqu'à nmax """
   print("Début du test")
   for n in range(4,nmax,2):
       if nombre_solutions_goldbach(n) == 0:
           print("Problème avec n = ",n)
    print("Fin du test")
   return
# Test
print("--- Conjecture de Goldbach ---")
# test_conjecture_goldbach(10000)
## Question 2 ##
# Goldbach 1752 :
# tout entier impair n peut s'écrire sous la forme
# n = p + 2k^2
# avec p premier et k entier (éventuellement nul)
def existe_decomposition_goldbach(n):
   """ Teste si n impair peut se décomposer n = p + 2k^2
   avec p premier et k entier """
   maxk = ceil(sqrt(n/2))+1
   for k in range(maxk):
       p = n - 2 * k**2
       if est_premier(p):
           # print(n,p,k,n-p-2*k**2)
           return True
   return False
def contre_exemple_goldbach(nmax):
    """ Cherche un contre-exemple à la seconde conjecture de Goldbach """
   print("--- Début de la recherche ---")
   for m in range(1,nmax):
       n = 2 * m + 1
       if existe_decomposition_goldbach(n) == False:
           print("Contre-exemple :",n)
   print("--- Fin de la recherche ---")
   return
print("--- Test conjecture fausse de Goldbach ---")
print("Avec 5777 : ",existe_decomposition_goldbach(5777))
contre_exemple_goldbach(10000)
```

```
Activité 2
                                                                     tantque_5.py
# Tant que - Booléen - Arithmétiques
#################################
# Activité 5 - Nombres ayant 4 ou 8 diviseurs
# Conjecture : entre 1 et N, il y a toujours plus d'entiers ayant
# 4 diviseurs que d'entier ayant 8 diviseurs
## Question 1 ##
def nombre_de_diviseurs_1(n):
   """ Nombre de diviseurs de n (y compris 1 et n) """
   nb = 0
   for d in range(1,n+1):
       if n % d == 0:
          nb = nb + 1
   return nb
def nombre_de_diviseurs_2(n):
   """ Nombre de diviseurs de n (y compris 1 et n) """
   nb = 2 # on compte déjà 1 et n
   for d in range(2,n//2+1):
       if n % d == 0:
          nb = nb + 1
   return nb
# On garde la méthode la plus efficace
def nombre_de_diviseurs(n):
   return nombre_de_diviseurs_2(n)
# Test
print("--- Nombre de diviseurs ---")
print(nombre_de_diviseurs(100))
## Question 2 ##
def quatre_et_huit_diviseurs(Nmin,Nmax):
   nb_quatre = 0
   nb_huit = 0
   for n in range(Nmin,Nmax):
       nb = nombre_de_diviseurs(n)
       if nb == 4:
          nb_quatre = nb_quatre + 1
       if nb == 8:
          nb_huit = nb_huit + 1
   return nb_quatre, nb_huit
# Test
print("--- Nombre ayant 4 puis 8 diviseurs ---")
print(quatre_et_huit_diviseurs(1,100))
```

```
## Question 3 ##
# Recherche de contre-exemple à la conjecture
# Il faut prendre N assez grand par exempel
# entre 1 et N = 250000 il y a plus d'entiers
# ayant 8 diviseurs que 4 diviseurs
# Par tranche de 50 000 (les calculs sont longs !)
# print(quatre_et_huit_diviseurs(1,50000))
# print(quatre_et_huit_diviseurs(50000,100000))
# print(quatre_et_huit_diviseurs(100000,150000))
# print(quatre_et_huit_diviseurs(150000,200000))
# print(quatre_et_huit_diviseurs(200000,250000))
# Tranche 1 : 12073, 10957
# Tranche 2: 11254, 11224
# Tranche 3 : 10995, 11229
# Tranche 4: 10838, 11218
# Tranche 5 : 10690, 11260
# 4 diviseurs 12073+11254+10995+10838+10690 = 55850
# 8 diviseurs 10957+11224+11229+11218+11260 = 55888
```

```
Activité 3
                                                          tantque_6.py
# Tant que - Booléen - Arithmétiques
###################################
# Activité 6 - Conjecture fausse : 12111111... n'est jamais premier
# Rappel : activité 2
def est_premier(n):
   if n < 2: return False
   if n == 2: return True
  if n % 2 == 0: return False
   while (n \% d != 0) and (d**2 <= n):
      d = d + 2
   if d ** 2 > n:
     return True
   else:
     return False
## Question 1 ##
def un_deux_un(k):
```

```
""" Calcule un entier 121111... """
   u = 12
   for i in range(k):
      u = 10*u + 1
   return u
# Test
print("--- 121111.... ---")
u = un_{deux_un}(10)
print(u)
## Question 2 ##
# Conjecture 1211111... n'est jamais premier
def test_premier_un_deux_un(kmax):
   """ Teste si 121111... est premier ou pas """
   for k in range(kmax):
       uk = un_deux_un(k)
       print(uk,est_premier(uk))
   return
# Test
print("--- Test conj 121111.... jamais premier ---")
test_premier_un_deux_un(21)
# N'aboutira pas au contre-exemple
# Les calculs sont trop longs
## Question 3 ##
def est_presque_premier(n,r):
   """ Teste si n n'a pas de diviseurs <= r """
   if n < 2: return False
   if n == 2: return True
   if n % 2 == 0: return False
   while (n % d != 0) and (d ** 2 <= n) and (d <= r):
       d = d + 2
   if (d ** 2 > n) or (d > r):
       return True
    else:
       return False
# Test
print("--- Test presque premier ---")
print(est_presque_premier(101,13))
## Question 4 ##
def test_presque_un_deux_un(kmax):
   """ Teste si 121111... est presque premier """
   n = 12
   for k in range(kmax):
       if est_presque_premier(n,1000000):
           print(k, 'Presque premier',n)
```

```
n = 10*n + 1
return

# Test
print("--- Test conj 121111.... jamais presque premier ---")
test_presque_un_deux_un(151)
```

11. Binaire I

```
Activités
                                                               binaire_I.py
# Binaire - partie I
# Activité 1 - Decimale vers entier
## Question 1 ##
def decimale_vers_entier_1(liste_decimale):
   nombre = 0
   p = len(liste_decimale)
   for i in range(p):
      d = liste_decimale[p-1-i]
      nombre = nombre + d*10**i
   return nombre
## Question 1bis ##
def decimale_vers_entier_2(liste_decimale):
   nombre = 0
   i = 0
   for d in reversed(liste_decimale):
      nombre = nombre + d*10**i
      i = i + 1
   return nombre
# Test
print("--- Ecriture décimale vers entier ---")
liste = [1,2,3,4]
print(decimale_vers_entier_1(liste))
print(decimale_vers_entier_2(liste))
# Activité 2 - Binaire vers entier
## Question 1 ##
def binaire_vers_entier_1(liste_binaire):
   nombre = 0
   p = len(liste_binaire)
   for i in range(p):
      if liste_binaire[p-1-i] == 1:
```

```
nombre = nombre + 2**i
    return nombre
## Question 1bis ##
def binaire_vers_entier_2(liste_binaire):
    nombre = 0
    i = 0
    for b in reversed(liste_binaire):
        if b == 1:
           nombre = nombre + 2**i
        i = i + 1
    return nombre
## Question 2 ##
def binaire_vers_entier_bis(liste_binaire):
    nombre = 0
    for b in liste_binaire:
        if b == 0:
            nombre = nombre*2
        else:
           nombre = nombre*2 + 1
    return nombre
print("--- Ecriture binaire vers entier ---")
liste = [1,1,0,1,1,0,0,1]
print(binaire_vers_entier_1(liste))
print(binaire_vers_entier_2(liste))
print(binaire_vers_entier_bis(liste))
## Question 3 (à virer) ##
# Utilise bin() [pas très fantastique]
def liste_vers_chaine(liste_binaire):
    liste_chaine = [str(b) for b in liste_binaire]
    chaine = "".join(liste_chaine)
    chaine = "Ob" + chaine
    return chaine
def binaire_vers_entier_4(liste_binaire):
    chaine = liste_vers_chaine(liste_binaire)
    nombre = int(chaine,2)
    return nombre
# print("--- Ecriture binaire vers entier avec bin() ---")
# liste = [1,1,0,1,1,0,0,1]
# print(liste_vers_chaine(liste))
# print(binaire_vers_entier_4(liste))
# Activité 3 - Ecriture décimale
##################################
def entier_vers_decimale(n):
    if n==0: return [0]
```

```
liste_decimale = []
   while n != 0:
       liste_decimale = [n%10] + liste_decimale
       n = n//10
   return liste_decimale
print("--- Entier vers écriture décimale ---")
n = 1234
liste = entier_vers_decimale(n)
entier = decimale_vers_entier_1(liste)
print(n)
print(liste)
print(entier)
# Activité 4 - Ecriture binaire
def entier_vers_binaire(n):
   if n==0: return [0]
   liste_binaire = []
   while n != 0:
       liste_binaire = [n%2] + liste_binaire
       n = n//2
   return liste_binaire
# Test
print("--- Entier vers écriture binaire ---")
n = 1234
liste = entier_vers_binaire(n)
entier = binaire_vers_entier_1(liste)
print(n)
print(liste)
print(entier)
```

12. Listes II

```
## Question 2 ##
def puissance(liste,k):
   return [x**k for x in liste]
## Question 3 ##
def addition(liste1,liste2):
   liste_add = []
   for i in range(len(liste1)):
       liste_add.append(liste1[i]+liste2[i])
   return liste_add
## Question 4 ##
def non_zero(liste):
   return [x for x in liste if x != 0]
## Question 5 ##
def pairs(liste):
   return [x for x in liste if x % 2 == 0]
# Test
print("--- Multiplier ---")
print(multiplier([1,2,3,4,5],2))
print("--- Puissance ---")
print(puissance([1,2,3,4,5],3))
print("--- Addition ---")
print(addition([1,2,3],[4,5,6]))
print("--- Sans zéro ---")
print(non_zero([1,0,2,3,0,4,5,0]))
print("--- Pairs ---")
print(pairs([1,0,2,3,0,4,5,0]))
```

```
liste_20 = [16, 2, 85, 27, 9, 45, 98, 73, 12, 26, 46, 25, 26, 49, 18, 99, 10, 86, 7, 42]
print(liste_20)
liste_200 = [randint(1,99) for i in range(200)]
print(liste_200)
## Question 1 ##
# Trouver deux élément consécutifs dont la somme vaut 100
def somme_deux_consecutifs_100(liste):
   n = len(liste)
   for i in range(n-1):
       if liste[i]+liste[i+1] == 100:
           # print(i,i+1,liste[i],liste[i+1])
           return True
   return False
## Question 2 ##
# Trouver deux élément différents dont la somme vaut 100
def somme_deux_100(liste):
   n = len(liste)
   for i in range(n-1):
       for j in range(i+1,n):
           if liste[i]+liste[j] == 100:
               # print(i,j,liste[i],liste[j])
              return True
   return False
## Question 3 ##
# Suite de termes consécutifs qui font 100
def somme_suite_100(liste):
   n = len(liste)
   for i in range(n):
       somme = 0
       j = i
       while somme < 100 and j < n:
           somme = somme + liste[j]
           j = j + 1
       if somme == 100:
           # print(i,j-1,liste[i:j])
           return True
   return False
print("--- Somme deux consécutifs ---")
print(somme_deux_consecutifs_100(liste_20))
print(somme_deux_consecutifs_100(liste_200))
print("--- Somme deux qcq ---")
print(somme_deux_100(liste_20))
print(somme_deux_100(liste_200))
print("--- Somme suites ---")
print(somme_suite_100(liste_20))
print(somme_suite_100(liste_200))
## Question 3 ##
```

```
# Idées proba : Quelle long donne prob > 1/2
def proba_1(n,N):
   nb = 0
   for k in range(N):
       liste_n = liste_n = [randint(1,99) for i in range(n)]
       trouve = somme_deux_consecutifs_100(liste_n)
       if trouve:
          nb += 1
   return nb/N
def proba_2(n,N):
   nb = 0
   for k in range(N):
       liste_n = liste_n = [randint(1,99) for i in range(n)]
       trouve = somme_deux_100(liste_n)
       if trouve:
          nb += 1
   return nb/N
def proba_3(n,N):
   nb = 0
   for k in range(N):
       liste_n = liste_n = [randint(1,99) for i in range(n)]
       trouve = somme_suite_100(liste_n)
       if trouve:
          nb += 1
   return nb/N
print("--- Proba deux consécutifs ---")
# Proba \sim 1/2 pour longueur n \sim 67
print(proba_1(67,10000))
print("--- Proba deux ---")
# Proba \sim 1/2 pour longueur n \sim 12
print(proba_2(12,10000))
print("--- Proba suite ---")
# Proba \sim 1/2 pour longueur n \sim 42
print(proba_3(42,10000))
```

```
## Question 1 ##
def somme_diagonale(tableau):
   n = len(tableau)
   somme = 0
   for i in range(n):
       somme = somme + tableau[i][i]
   return somme
## Question 2 ##
def somme_anti_diagonale(tableau):
   n = len(tableau)
   somme = 0
   for i in range(n):
       somme = somme + tableau[n-1-i][i]
   return somme
## Question 3 ##
def somme_tout(tableau):
   n = len(tableau)
   somme = 0
   for i in range(n):
       for j in range(n):
          somme = somme + tableau[i][i]
   return somme
## Question 4 ##
def affiche_tableau(tableau):
   11 11 11
   Affiche un tableau carré à l'écran
   Entrée : un tableau de taille n x n
   Sortie : rien (affichage à l'écran)
   n = len(tableau)
   for i in range(n):
       for j in range(n):
          print('{:>3d}'.format(tableau[i][j]),end="")
       print()
   return
tableau = [ [1,2,3], [4,5,6], [7,8,9] ]
print("--- Somme diagonale ---")
print(somme_diagonale(tableau))
print("--- Somme anti-diagonale ---")
print(somme_anti_diagonale(tableau))
print("--- Somme tout ---")
print(somme_tout(tableau))
print("--- Affichage ---")
```

```
affiche_tableau(tableau)
```

```
Activité 4
                                                          listes_II_4.py
# Listes II - Idées
from random import *
##################################
# Activité 3 - Rappels
def affiche_tableau(tableau):
   Affiche un carré à l'écran
  Entrée : un tableau de taille n x n
   Sortie : rien (affichage à l'écran)
  n = len(tableau)
   for i in range(n):
      for j in range(n):
         print('{:>3d}'.format(tableau[i][j])," ", end="")
      print()
   return
def somme_diagonale(tableau):
   n = len(tableau)
   somme = 0
   for i in range(n):
      somme = somme + tableau[i][i]
   return somme
def somme_anti_diagonale(tableau):
  n = len(tableau)
   somme = 0
   for i in range(n):
      somme = somme + tableau[n-1-i][i]
   return somme
# Activité 4 - Carrés magiques
##################################
## Question 1 ##
print("--- Carré magique ---")
\# carre = [ [1,2,3], [4,5,6], [7,8,9] ]
carre_3x3 = [[4,9,2], [3,5,7], [8,1,6]]
```

```
carre_4x4 = [[1,14,15,4], [7,9,6,12], [10,8,11,5], [16,3,2,13]]
print("--- Carré 3x3 ---")
affiche_tableau(carre_3x3)
print("--- Carré 4x4 ---")
affiche_tableau(carre_4x4)
## Question 2 ##
def est_carre_magique(carre):
   n = len(carre)
   total = n * (n**2 + 1) // 2
   if somme_diagonale(carre) != total:
       return False
   if somme_anti_diagonale(carre) != total:
       return False
   for ligne in carre:
       if sum(ligne) != total:
           return False
   for j in range(n):
       somme = 0
       for i in range(n):
           somme = somme + carre[i][j]
       if somme != total:
           return False
    return True
print("--- Vérification carré magique ---")
print(est_carre_magique(carre_3x3))
print(est_carre_magique(carre_4x4))
## Question 3 ##
def carre_aleatoire(n):
   entiers = list(range(1,n**2+1))
   shuffle(entiers)
   carre = [ entiers[i*n:(i+1)*n] for i in range(n) ]
   return carre
print("--- Carré aléatoire ---")
carre = carre_aleatoire(4)
affiche_tableau(carre)
print(est_carre_magique(carre))
## Question 4 ##
def addition_carre(carre,k):
   n = len(carre)
   nouv_carre = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
   for i in range(n):
       for j in range(n):
           nouv_carre[i][j] = carre[i][j] + k
   return nouv_carre
```

```
## Question 4 ##
def multiplication_carre(carre,k):
   n = len(carre)
   nouv_carre = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
   for i in range(n):
       for j in range(n):
           nouv_carre[i][j] = carre[i][j] * k
   return nouv_carre
print("--- Addition, multiplication de carrés magiques ---")
\# carre = [ [1,2,3], [4,5,6], [7,8,9] ]
carre = [ [4,9,2], [3,5,7], [8,1,6] ]
somme_carre = addition_carre(carre,-1)
produit_carre = multiplication_carre(carre,9)
affiche_tableau(carre)
affiche_tableau(somme_carre)
affiche_tableau(produit_carre)
## Question 5 ##
def homothetie_carre(carre,k):
   n = len(carre)
   nouv_carre = [[0 for j in range(k*n)] for i in range(k*n)]
   for i in range(k*n):
       for j in range(k*n):
           nouv_carre[i][j] = carre[i//k][j//k]
   return nouv_carre
print("--- Homothétie carré magique ---")
\# carre = [ [1,2,3], [4,5,6], [7,8,9] ]
\# carre = [ [4,9,2], [3,5,7], [8,1,6] ]
# grand_carre = homothetie_carre(carre,3)
# affiche_tableau(grand_carre)
grand_carre = homothetie_carre(carre_3x3,3)
affiche_tableau(grand_carre)
grand_carre = homothetie_carre(carre_4x4,2)
affiche_tableau(grand_carre)
## Question 6 ##
def addition_bloc_carre(grand_carre,petit_carre):
   N = len(grand_carre)
   n = len(petit_carre)
   \# k = N//n
   nouv_carre = [[0 for j in range(N)] for i in range(N)]
   for i in range(N):
       for j in range(N):
           nouv_carre[i][j] = grand_carre[i][j] + petit_carre[i%n][j%n]
   return nouv_carre
```

```
print("--- Addition de blocs - Carré magique ---")
petit_carre = [ [1,2], [3,4] ]
carre = [[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9]]
grand_carre = homothetie_carre(carre,2)
nouv_grand_carre = addition_bloc_carre(grand_carre,petit_carre)
affiche_tableau(petit_carre)
print("---")
affiche_tableau(grand_carre)
print("---")
affiche_tableau(nouv_grand_carre)
## Question 7 ##
def produit_carres(carre1,carre2):
    n = len(carre1)
    # m = len(carre2)
    carre3a = addition_carre(carre2,-1)
    # print("---")
    # affiche_tableau(carre3a)
    carre3b = homothetie_carre(carre3a,n)
    # print("---")
    # affiche_tableau(carre3b)
    carre3c = multiplication_carre(carre3b,n**2)
    # print("---")
    # affiche_tableau(carre3c)
    carre3d = addition_bloc_carre(carre3c,carre1)
    # print("---")
    # affiche_tableau(carre3d)
    return carre3d
#### Test ####
carre1 = [[4,9,2], [3,5,7], [8,1,6]]
carre2 = [ [4,14,15,1], [9,7,6,12], [5,11,10,8], [16,2,3,13] ]
carre3 = produit_carres(carre1,carre2)
print("--- Produit carrés ---")
affiche_tableau(carre1)
print("---")
affiche_tableau(carre2)
print("---")
affiche_tableau(carre3)
print(est_carre_magique(carre3))
#### Produit non commutatif ####
carre4 = produit_carres(carre2,carre1)
print("--- Produit carrés ---")
affiche_tableau(carre1)
print("---")
affiche_tableau(carre2)
print("---")
affiche_tableau(carre4)
print(est_carre_magique(carre4))
#### Carré de taille 36 x 36 ####
carre5 = produit_carres(carre1,carre4)
```

13. Binaire II

```
Activités
                                                                     binaire_II.py
# Binaire - partie II
from binaire_I import *
# Activité 1 - Palindrome en binaire
## Question 1 ##
def est_palindrome_1(liste):
   p = len(liste)
   drapeau = True
   for i in range(p):
       if liste[i] != liste[p-1-i]:
          drapeau = False
   return drapeau
# Version optimisée :
def est_palindrome_1_bis(liste):
   p = len(liste)
   for i in range(p//2):
       if liste[i] != liste[p-1-i]:
          return False
   return True
def est_palindrome_2(liste):
   liste_inverse = list(reversed(liste))
   return liste == liste_inverse
print("--- Test d'un palindrome ---")
liste = [1,0,1,0,0,1,0,1]
print(est_palindrome_1(liste))
print(est_palindrome_1_bis(liste))
print(est_palindrome_2(liste))
## Question 2 ##
def cherche_palindrome_binaire(N):
   num = 0
   for n in range(N):
       liste_binaire = entier_vers_binaire(n)
       if est_palindrome_1(liste_binaire) == True:
          num = num + 1
          print(num,":",n,"=",entier_vers_binaire(n))
   return
# Test
print("--- Palindromes binaires ---")
```

```
cherche_palindrome_binaire(1000)
# Le 1000ème palindrome en binaire est :
#249903 = [1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1]
## Question 3 ##
def cherche_palindrome_decimale(N):
   num = 0
   for n in range(N):
       liste_decimale = entier_vers_decimale(n)
       if est_palindrome_1(liste_decimale) == True:
           num = num + 1
           print(num,":",n)
   return
# Test
print("--- Palindromes avec décimales ---")
cherche_palindrome_decimale(1000)
# Le 1000ème palindrome en décimales est :
# 90009
## Question 4 ##
def cherche_bi_palindrome(N):
   num = 0
   for n in range(N):
       liste_binaire = entier_vers_binaire(n)
       liste_decimale = entier_vers_decimale(n)
       if est_palindrome_1(liste_binaire) == True and est_palindrome_1(liste_decimale):
           num = num + 1
           print(num,":",n,"=",entier_vers_binaire(n))
   return
print("--- Bi-palindromes ---")
cherche_bi_palindrome(1000)
# Le 20ème bi-palindrome est
# 585585 = [1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1]
# Activité 2 - Opérations logiques
## Question 1 ##
def OUeg(11,12):
   n = len(11)
   1 = []
   for i in range(n):
       if l1[i]==1 or l2[i]==1:
           1 = 1 + [1]
       else:
           1 = 1 + [0]
   return 1
def ETeg(11,12):
   n = len(11)
   1 = []
   for i in range(n):
       if l1[i]==1 and l2[i]==1:
```

```
1 = 1 + [1]
        else:
            1 = 1 + [0]
    return 1
def NON(11):
    1 = []
    for b in l1:
        if b==1:
            1 = 1 + [0]
        else:
           1 = 1 + [1]
    return 1
print("--- Opérations logiques (même longueur) ---")
11 = [1,0,1,0,1,0,1]
12 = [1,0,0,1,0,0,1]
print(11)
print(12)
print(OUeg(11,12))
print(ETeg(11,12))
print(NON(11))
## Question 2 ##
# Rajouter des zéros non significatifs si besoins
def ajouter_zeros(liste,p):
    while len(liste)< p:</pre>
        liste = [0] + liste
    return liste
# Test
print("--- Zeros non significatifs ---")
print(ajouter_zeros([1,0,1,1],8))
## Question 3 ##
# Opérations logiques avec des listes de tailles différentes
def OU(11,12):
   p = len(11)
    q = len(12)
    if p>q:
        112 = ajouter_zeros(12,p)
        return OUeg(11,112)
    else:
        111 = ajouter_zeros(11,q)
        return OUeg(111,12)
def ET(11,12):
   p = len(11)
    q = len(12)
    if p>q:
        112 = ajouter_zeros(12,p)
        return ETeg(11,112)
    else:
        111 = ajouter_zeros(11,q)
        return ETeg(111,12)
```

```
print("--- Opérations logiques (cas général) ---")
11 = [1,0,1,0,1,0,1]
12 = [1,0,0,1,0,]
print(11)
print(12)
print(OU(11,12))
print(ET(11,12))
# Activité 3 - Loi de Morgan
## Question 1 ##
def tous_les_binaires(p):
    liste_p = []
    for n in range(2**p):
       liste_p = liste_p + [entier_vers_binaire(n)]
    return liste_p
print("--- Tous les binaires ---")
print(tous_les_binaires(3))
## Question 2 ##
def toutes_les_listes(p):
   if p == 0:
     return []
    if p == 1:
     return [[0],[1]]
   liste_p_1 = toutes_les_listes(p-1)
    liste_p = [[0] + 1 for l in liste_p_1] + [[1] + 1 for l in liste_p_1]
   return liste_p
# Test
print("--- Toutes les listes ---")
print(toutes_les_listes(3))
## Question 3 ##
# Lois de Morgan
def test_loi_de_morgan(p):
   liste_tous = [ajouter_zeros(1,p) for 1 in tous_les_binaires(p)]
    #liste_tous = toutes_les_listes(p)
    for 11 in liste_tous:
       for 12 in liste_tous:
           non_11_ou_12 = NON(OU(11,12))
           non_11_et_non_12 = ET(NON(11),NON(12))
           if non_l1_ou_l2 == non_l1_et_non_l2:
               print("Vrai")
               # pass
           else:
               print("Faux",11,12)
    return
# Test
```

```
print("--- Test loi de Morgan ---")
test_loi_de_morgan(2)
```

14. Probabilités – Paradoxe de Parrondo

```
Activités
                                                                         proba.py
###################################
# Probablité - Paradoxe de Parrondo
# Référence : "Paradoxe de Parrondo", La gazette des mathématiciens, juillet 2017
from random import *
# Activité 1 - Jeu A : premier jeu perdant
## Question 1 ##
def tirage_jeu_A():
   x = random()
   if x \le 0.49:
      return +1
   else:
       return -1
## Question 2 ##
def gain_jeu_A(N):
   gain = 0
   for i in range(N):
       gain = gain + tirage_jeu_A()
   return gain
## Question 3 ##
def esperance_jeu_A(N):
   esperance = gain_jeu_A(N)/N
   return esperance
# Test
print("--- Jeu A ---")
N = 1000000
print(esperance_jeu_A(N))
#################################
# Activité 2 - Jeu B : premier jeu perdant
## Question 1 ##
def tirage_jeu_B(g):
   if g%3 == 0:
       x = random()
       if x \le 0.09:
          return +1
```

```
else:
           return -1
    else:
       x = random()
       if x \le 0.74:
           return +1
       else:
           return -1
## Question 2 ##
def gain_jeu_B(N):
   gain = 0
   for i in range(N):
       gain = gain + tirage_jeu_B(gain)
   return gain
## Question 3 ##
def esperance_jeu_B(N):
    esperance = gain_jeu_B(N)/N
   return esperance
# Test
print("--- Jeu B ---")
N = 1000000
print(esperance_jeu_B(N))
# Activité 3 - Paradoxe de Parrondo
## Question 1 ##
def tirage_jeu_AB(g):
   x = random()
   if x < 0.5:
       return tirage_jeu_A()
   else:
       return tirage_jeu_B(g)
## Question 2 ##
def gain_jeu_AB(N):
   gain = 0
   for i in range(N):
       gain = gain + tirage_jeu_AB(gain)
   return gain
## Question 3 ##
def esperance_jeu_AB(N):
    esperance = gain_jeu_AB(N)/N
   return esperance
# Test
print("--- Jeu AB ---")
N = 1000000
print(esperance_jeu_AB(N))
```

15. Chercher et remplacer

```
Activité 1
                                                                      chercher_1.py
# Chercher et remplacer
# Activité 1 - Chercher
## Question 1 ##
def chercher_in(chaine, sous_chaine):
   return sous_chaine in chaine
print("--- Avec 'in' ---")
chaine = "ETRE OU NE PAS ETRE"
sous_chaine = "PAS"
print(chercher_in(chaine, sous_chaine))
## Question 2 ##
def chercher_find(chaine, sous_chaine):
   position = chaine.find(sous_chaine)
   return position
# Test
print("--- Avec find() ---")
position = chercher_find(chaine, sous_chaine)
print(position)
position = chercher_find(chaine,"XYZ")
print(position)
## Question 3 ##
def chercher(chaine, sous_chaine):
   long_chaine = len(chaine)
   long_sous_chaine = len(sous_chaine)
   for i in range(long_chaine-long_sous_chaine+1):
       trouve = True
       for j in range(long_sous_chaine):
           if chaine[i+j] != sous_chaine[j]:
              trouve = False
       if trouve == True:
          return i
   return None
# Test
print("--- A la main ---")
position = chercher(chaine, sous_chaine)
print(position)
```

```
position = chercher(chaine,"XYZ")
print(position)
```

```
Activité 2
                                                                    chercher_2.py
# Chercher et remplacer
##################################
# Rappel de l'activité 1
def chercher(chaine, sous_chaine):
   long_chaine = len(chaine)
   long_sous_chaine = len(sous_chaine)
   for i in range(long_chaine-long_sous_chaine+1):
       trouve = True
       for j in range(long_sous_chaine):
          if chaine[i+j] != sous_chaine[j]:
              trouve = False
              break
       if trouve == True:
          return i
   return None
# Activité 2 - Remplacer
chaine = "ETRE OU NE PAS ETRE"
sous_chaine = "PAS"
nouv_sous_chaine = "PLUS"
## Question 1 ##
print("--- Avec replace() ---")
nouv_chaine = chaine.replace(sous_chaine,nouv_sous_chaine)
print(nouv_chaine)
## Question 2 ##
# remplacer_une_fois() A la main en utilisant chercher()
def remplacer(chaine, sous_chaine, nouv_sous_chaine):
   pos = chercher(chaine, sous_chaine)
   if pos is not None: # Si trouvé
       finpos = pos+len(sous_chaine)
       chaine = chaine[:pos]+nouv_sous_chaine+chaine[finpos:]
   return chaine
print("--- Remplacer : à la main ---")
nouv_chaine = remplacer(chaine, sous_chaine, nouv_sous_chaine)
```

```
print(nouv_chaine)
## Question 3 ##
# remplacer() remplace toutes les occurences
def remplacer_tout(chaine, sous_chaine, nouv_sous_chaine):
    pos = chercher(chaine, sous_chaine)
    while pos is not None: # Tant que trouvé
        finpos = pos+len(sous_chaine)
        chaine = chaine[:pos]+nouv_sous_chaine+chaine[finpos:]
        pos = chercher(chaine, sous_chaine)
    return chaine
# Attention fonction un peu trop basique car A -> AB devrait boucler indféiniment.
print("--- Remplacer tout : à la main ---")
chaine = "ETRE OU NE PAS ETRE"
sous_chaine = "ETRE"
nouv_sous_chaine = "AVOIR"
nouv_chaine = remplacer_tout(chaine, sous_chaine, nouv_sous_chaine)
print(nouv_chaine)
```

```
Activité 3
                                                              chercher_3.py
# Chercher et remplacer
# Activité 3 - Regex - Expressions rationnelles
## Question 1 ##
from re import *
def python_regex_chercher(chaine,exp):
   trouve = search(exp,chaine)
   if trouve:
      return trouve.group(), trouve.start(), trouve.end()
   else:
      return None
# Test
print("--- Avec regex search() ---")
chaine = "ETRE OU NE PAS ETRE"
exp = "P.S"
print(python_regex_chercher(chaine,exp))
exp = "E..E"
print(python_regex_chercher(chaine,exp))
exp = "[OT]U"
```

```
print(python_regex_chercher(chaine,exp))
exp = "[MN]..P[AI]S"
print(python_regex_chercher(chaine,exp))
## Question 2 ##
# Le joker "."
def regex_chercher_joker(chaine,exp):
    long_chaine = len(chaine)
    long_exp = len(exp)
    for i in range(long_chaine-long_exp+1):
        trouve = True
        for j in range(long_exp):
            if exp[j] != "." and chaine[i+j] != exp[j]:
                trouve = False
                break
        if trouve == True:
            return chaine[i:i+long_exp],i,i+long_exp
    return None
# Test
print("--- regex joker ---")
chaine = "ETRE OU NE PAS ETRE"
exp = "T.E"
print(regex_chercher_joker(chaine,exp))
## Question 3 ##
# Le choix "[AB]", voir [ABC]
def genere_choix(exp):
    liste_exp = [""]
    mode_choix = False
    for c in exp:
        if c == "[":
            mode_choix = True
            old_liste_exp = list(liste_exp)
            nouv_list_exp = []
        elif c == "]":
            mode_choix = False
            liste_exp = nouv_list_exp
            if mode_choix == False: # Mode normal
                liste_exp = [ l + c for l in liste_exp]
            else: # Mode choix
                nouv_list_exp = nouv_list_exp + [ l + c for l in old_liste_exp]
    return liste_exp
# Test
print("--- regex choix ---")
exp = "ET[XYZ]RE[UVW]"
print(genere_choix(exp))
def regex_chercher_choix(chaine,exp):
    liste_exp = genere_choix(exp)
    for mon_exp in liste_exp:
        resultat = python_regex_chercher(chaine,mon_exp)
        if resultat is not None:
            return resultat
```

```
return None

# Test
print("--- regex choix ---")
chaine = "ETRE OU NE PAS ETRE"
exp = "P[ABC]S"
print(regex_chercher_choix(chaine,exp))

## Question 4 ##

# La négation [^A] voir [^AB]
```

```
Activité 4
                                                             chercher_4.py
# Chercher et remplacer
# Rappel de l'activité 1 - Chercher
##################################
def chercher(chaine, sous_chaine):
   long_chaine = len(chaine)
   long_sous_chaine = len(sous_chaine)
   for i in range(long_chaine-long_sous_chaine+1):
      trouve = True
      for j in range(long_sous_chaine):
         if chaine[i+j] != sous_chaine[j]:
            trouve = False
            break
      if trouve == True:
         return i
   return None
# Rappel de l'activité 2 - Remplacer
def remplacer(chaine, sous_chaine, nouv_sous_chaine):
   pos = chercher(chaine, sous_chaine)
   if pos is not None: # Si trouvé
      finpos = pos+len(sous_chaine)
      chaine = chaine[:pos]+nouv_sous_chaine+chaine[finpos:]
   return chaine
# Activité 4 - Itérations
## Question 1 ##
# Test
print("--- Une itération ---")
```

```
print("-- Ex 1 --")
phrase = "01001110"
motif = "01"
nouv_motif = "10"
nouv_phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
print(phrase)
print(nouv_phrase)
print("-- Ex 2 --")
phrase = "01001110"
motif = "0011"
nouv_motif = "1100"
nouv_phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
print(phrase)
print(nouv_phrase)
print("-- Ex 3 --")
phrase = "01001110"
motif = "0011"
nouv_motif = "111000"
nouv_phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
print(phrase)
print(nouv_phrase)
print("-- Ex 4 --")
phrase = "0001"
motif = "01"
nouv_motif = "1100"
print(phrase)
phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
print(phrase)
phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
print(phrase)
phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
print(phrase)
## Question 2 ##
# Constante globale du maximum d'itérations considérées
MAX_ITER = 1000
def iterations(phrase,motif,nouv_motif):
    i = 0
    while i <= MAX_ITER:</pre>
        nouv_phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
        if phrase == nouv_phrase:
            return i, phrase
        else:
            phrase = nouv_phrase
            i = i+1
    return None
print("--- Itérations ---")
print("-- Ex 1 --")
phrase = "000011011"
motif = "0011"
nouv_motif = "1100"
resultat = iterations(phrase,motif,nouv_motif)
print(resultat)
phrase = "000011011"
```

```
print(phrase)
phrase = remplacer(phrase,motif,nouv_motif)
print(phrase)
print("-- Ex 2 --")
phrase = "000011011"
motif = "001"
nouv_motif = "11000"
resultat = iterations(phrase,motif,nouv_motif)
print(resultat)
## Rappel sur binaire ##
def decimal_vers_binaire(n,p):
    chaine_b = bin(n) # Conversion en une chaîne écriture binaire
    chaine_b = chaine_b[2:] # On enlève le préfixe
    # On rajoute des zéros au début si besoin
    nb_zeros = p - len(chaine_b)
    for i in range(nb_zeros):
        chaine_b = "0" + chaine_b
    return chaine_b
# Test
print(decimal_vers_binaire(33,8))
## Question 3 ##
def iteration_maximale(p,motif,nouv_motif):
    maxi_iter = 0
    phrase_maxi_iter = ""
    nouv_phrase_maxi_iter = ""
    for n in range(2**p):
        phrase = decimal_vers_binaire(n,p)
        resultat = iterations(phrase,motif,nouv_motif)
        #print(resultat)
        if resultat is None:
            return None, phrase
        else:
            nb_iter = resultat[0]
            if nb_iter > maxi_iter:
                maxi_iter = nb_iter
                phrase_maxi_iter = phrase
                nouv_phrase_maxi_iter = resultat[1]
    return maxi_iter, phrase_maxi_iter, nouv_phrase_maxi_iter
print("--- Itérations maximales ---")
# Exemple
motif = "01"
```

```
nouv_motif = "100"
print(iteration_maximale(4,motif,nouv_motif))
## Question 4 ##
# Linéaire
motif = "0011"
nouv_motif = "110"
print("- Linéaire -")
print(iteration_maximale(10,motif,nouv_motif))
# Quadratique
motif = "01"
nouv_motif = "10"
print("- Quadratique -")
print(iteration_maximale(10,motif,nouv_motif))
# Exponentiel
motif = "01"
nouv_motif = "110"
print("- Exponentiel -")
print(iteration_maximale(10,motif,nouv_motif))
# Ne termine pas
motif = "01"
nouv_motif = "1100"
print("- Ne se termine pas -")
print(iteration_maximale(4,motif,nouv_motif))
```

16. Calculatrice polonaise - Piles

```
Activité 1
                                                            piles_1.py
# Piles - Calculatrice polonaise
# Activité 1 - Opération sur la pile
# "pile" est une variable globale
## Question 1 ##
def empile(element):
   """ Ajoute un élément au sommet de la pile
  Entrée : un objet
   Sortie : rien
  Action : la pile contient un élément en plus """
   global pile
              # Pour pouvoir modifier la pile
   pile = pile + [element]
   return None
```

```
# Test
print("--- Empiler ---")
pile = [4,5,6]
print('Pile avant :',pile)
empile(7)
print('Pile après :',pile)
## Question 2 ##
def depile():
   """ Lit l'élément au sommet de la pile et l'enlève
   Entrée : rien
   Sortie : l'élément du sommet
    Action : la pile contient un élément de moins """
    global pile
    sommet = pile[len(pile)-1]
    pile = pile[0:len(pile)-1]
    return sommet
# Test
print("--- Dépiler ---")
pile = [4,5,6]
print('Pile avant :',pile)
val = depile()
print('Valeur dépilée :',val,'\nPile après :',pile)
## Question 3 ##
def pile_est_vide():
   """ Détermine si la pile est vide ou pas
   Entrée : rien
    Sortie : vrai/faux
    Action : ne modifie pas la pile """
    if len(pile) == 0:
        return True
    else:
        return False
# Tests
print("--- Tester si pile vide ---")
# Test 1
pile = [4,5,6]
vide = pile_est_vide()
print(pile, 'pile vide ?', vide)
# Test 2
pile = []
vide = pile_est_vide()
print(pile, 'pile vide ?', vide)
```

```
Activité 2
                                                                  piles_2.py
# Piles - Calculatrice polonaise
# Rappels - Activité 1
def empile(element):
   global pile
   pile = pile + [element]
   return None
def depile():
   global pile
   sommet = pile[len(pile)-1]
   pile = pile[0:len(pile)-1]
   return sommet
def pile_est_vide():
   if len(pile) == 0:
      return True
   else:
      return False
# Activité 2 - Manipulation de la pile
## Question 1 ##
print("--- Manipulation ---")
pile = []
empile(5)
empile(7)
empile(2)
empile(4)
print(pile)
depile()
empile(8)
empile(1)
empile(3)
print(pile)
val = depile()
print('Valeur :',val)
## Question 2 ##
def pile_contient(element):
   """ Détermine si la pile contient l'élément
   Entrée : rien
   Sortie : vrai/faux
   Action : modifie la pile """
   while not pile_est_vide():
      el = depile()
      if el == element:
          return True # Si on trouve l'élément c'est bon
```

```
return False
                    # On arrive au bas sans trouver l'élément
# Tests
print("--- Test si pile contient 7 ---")
# Test 1
pile = [4,5,6]
print(pile, 'pile contient 7 ?',pile_contient(7))
# Test 2
pile = [4,7,12,99]
print(pile, 'pile contient 7 ? ',pile_contient(7))
## Question 3 ##
def somme_pile():
    """ Calcule la somme de la pile
    Entrée : rien
    Sortie : la somme
   Action : vide la pile """
    somme = 0
    while not pile_est_vide():
        element = depile()
        somme = somme + element
    return somme
# Test
print("--- Somme des valeurs de la pile ---")
pile = [4,5,6]
print('La somme de',pile,'est ',somme_pile())
## Question 4 ##
def avant_dernier():
   """ Renvoie l'avant-dernier élément en bas de la pile
    Entrée : rien
    Sortie : l'avant-dernier élément
   Action : vide la pile """
    dernier = None
    avant_dernier = None
    while not pile_est_vide():
        avant_dernier = dernier # Le dernier devient avant-dernier
        dernier = depile()
                               # Nouveau dernier
    return avant_dernier
# Tests
pile = [4,5,6,13]
print('L\'avant-dernier élément de',pile, 'est',avant_dernier())
pile = [4,6]
print('L\'avant-dernier élément de',pile, 'est',avant_dernier())
pile = [6]
print('L\'avant-dernier élément de',pile, 'est',avant_dernier())
pile = []
print('L\'avant-dernier élément de',pile, 'est',avant_dernier())
```

```
Activité 3
                                                                        piles_3.py
# Piles - Calculatrice polonaise
#################################
# Rappels - Activité 1
def empile(element):
   global pile
   pile = pile + [element]
   return None
def depile():
   global pile
   sommet = pile[len(pile)-1]
   pile = pile[0:len(pile)-1]
   return sommet
def pile_est_vide():
   if len(pile) == 0:
       return True
   else:
       return False
# Activité 3 - La gare de triage
def tri_wagons(train):
   """ Trie les wagons rouges/bleus d'un train
   Entrée : un train avec des wagons bleus (nombre) et rouges (lettres)
   Sortie : les wagons triés avec les bleus d'abord et les rouges ensuite
   Action : utilise une pile """
   global pile # Doit être globale pour pouvoir être modifiée
   pile = []
   nouv_train = ""
   for wagon in train.split():
       if wagon.isdigit(): # Wagon bleu directement dans le nouveau train
          nouv_train = nouv_train + wagon + " "
       else:
                          # Wagon rouge en attente
          empile(wagon)
   # Tous les wagon bleus sont maintenant rangés
   # On s'occupe des wagons rouges en attente
   while not pile_est_vide():
       wagon = depile()
       nouv_train = nouv_train + wagon + " "
   return nouv_train
# Tests
print("--- Tri rouge/bleu ---")
train = "A 4 C 12"
train_trie = tri_wagons(train)
```

```
print(train, ' -> ',train_trie)

train = "9 K 8 P 17 L B R 3 10 2 N"

train_trie = tri_wagons(train)
print(train, ' -> ',train_trie)
```

```
Activité 4
                                                                           piles_4.py
####################################
# Piles - Calculatrice polonaise
###################################
# Rappels - Activité 1
def empile(element):
   global pile
   pile = pile + [element]
   return None
def depile():
   global pile
   sommet = pile[len(pile)-1]
   pile = pile[0:len(pile)-1]
   return sommet
def pile_est_vide():
   if len(pile) == 0:
       return True
   else:
       return False
# Activité 4 - Calculatrice polonaise
##################################
## Question 1 ##
def operation(a,b,op):
   """ Calcule l'opération 'a + b 'ou 'a * b'...
   Entrée : a,b (nombres) et 'op' un ccaractère '+'' ou '*'
   Sortie : le résultat du calcul """
   if op == '+':
       return a + b
   if op == '*':
       return a * b
# Tests
print("--- Opérations ---")
a=5; b=7
print("La somme de",a,"et",b,"vaut",operation(a,b,'+'))
print("Le produit de",a,"et",b,"vaut",operation(a,b,'*'))
## Question 2 ##
def calculatrice_polonaise(expression):
```

```
""" Calcule l'expression codée en notation polonaise
    Entrée : une expression en notation polonaise
    Sortie : le résultat du calcul
    Action : utilise la pile """
    global pile
    pile = []
    liste_expression = expression.split()
    for car in liste_expression:
        if (car == '+') or (car == '*'):
            b = depile()
            a = depile()
            calcul_partiel = operation(a,b,car)
            empile(calcul_partiel)
        else:
            val = int(car)
            empile(val)
    return depile()
# Tests
print("--- Calculatrice polonaise ---")
exp = "2 3 +"
print("L'expression",exp,"vaut",calculatrice_polonaise(exp))
exp = "2 3 + 5 *"
print("L'expression",exp,"vaut",calculatrice_polonaise(exp))
exp = "8 7 3 + *"
print("L'expression",exp,"vaut",calculatrice_polonaise(exp))
exp = "8 7 3 * +"
print("L'expression",exp,"vaut",calculatrice_polonaise(exp))
```

```
Activité 5
                                                                             piles_5.py
##################################
# Piles - Calculatrice polonaise
##################################
# Rappels - Activité 1
#################################
def empile(element):
   global pile
   pile = pile + [element]
   return None
def depile():
   global pile
   sommet = pile[len(pile)-1]
   pile = pile[0:len(pile)-1]
   return sommet
def pile_est_vide():
```

```
if len(pile) == 0:
       return True
    else:
       return False
# Activité 5 - Expression bien parenthésée
## Question 1 ##
def parentheses_correctes(expression):
   """ Teste si une expression est bien parenthésée
   Entrée : un expression (chaîne de caractère)
    Sortie : vrai/faux
    Action : utilise une pile """
    global pile
    pile = [] # On part d'une pile vide
    for car in expression:
       if car == "(":
            empile(car)
       if car == ")":
           if pile_est_vide():
               return False # Problème : il manque une "("
           else:
               depile()
    # A la fin :
    if pile_est_vide():
       return True
    else:
       return False
print("--- Expression correctemment parenthésée ---")
expression = (a+b)^2 = a^2 + (b^2+2(ab))
print("L'expression", expression, "est bien parenthésées ?", parentheses_correctes(expression))
expression = ((a+b)^3 = (a+b)^n
print("L'expression", expression, "est bien parenthésées ?", parentheses_correctes(expression))
expression = (a+b)^4 = ((a+b)^4
print("L'expression", expression, "est bien parenthésées ?", parentheses_correctes(expression))
## Question 2 ##
def crochets_parentheses_correctes(expression):
    """ Teste si une expression a des crochets et des parenthèses bien placées
    Entrée : un expression (chaîne de caractère)
    Sortie : vrai/faux
   Action : utilise une pile """
    global pile
               # On part d'une pile vide
   pile = []
    for car in expression:
       if car == "(" or car == "[":
           empile(car)
       if car == ")" or "]":
           if pile_est_vide():
```

```
return False
                               # Problème : il manque une "("
            else:
               element = depile()
                if element == "[" and car == ")":
                   return False # Problème du type [)
               if element == "(" and car == "]":
                                 # Problème du type (]
                   return False
    # A la fin
   return pile_est_vide()
# Test
print("--- Expression avec crochets et parenthèses corrects ---")
expression = (a+b)^2 = (a^2 + [b^2+[2(ab)]])
print("L'expression", expression, "est bien parenthésées et crochetées ?",
    → parentheses_correctes(expression))
expression = ((a+b)]^3 = [a+b]
print("L'expression", expression, "est bien parenthésées et crochetées ?",
    → parentheses_correctes(expression))
expression = (a+b)^4 = (a+b)
print("L'expression", expression, "est bien parenthésées et crochetées ?",
    → parentheses_correctes(expression))
```

```
Activité 6
                                                                piles_6.py
###################################
# Piles - Calculatrice polonaise
global pile
# Rappels - Activité 1
##################################
def empile(element):
   global pile
   pile = pile + [element]
   return None
def depile():
   global pile
   sommet = pile[len(pile)-1]
   pile = pile[0:len(pile)-1]
   return sommet
def pile_est_vide():
   if len(pile) == 0:
      return True
   else:
      return False
# Rappels - Activité 4
```

```
def operation(a,b,op):
   if op == '+':
       return a + b
   if op == '*':
       return a * b
def calculatrice_polonaise(expression):
    global pile
   pile = []
   liste_expression = expression.split()
   for car in liste_expression:
       if (car == '+') or (car == '*'):
           b = depile()
           a = depile()
           calcul_partiel = operation(a,b,car)
           empile(calcul_partiel)
           val = int(car)
           empile(val)
   return depile()
# Activité 6 - Conversion vers l'écriture polonaise
#################################
def ecriture_polonaise(expression):
    """ Convertit une expression classique en notation polonaise
   Entrée : une expression classique
   Sortie : l'expression en notation polonaise
   Action : utilise une pile """
   global pile
   pile = []
    liste_expression = expression.split()
   polonaise = ""
                     # L'écriture polonaise
   for car in liste_expression:
       if car.isdigit():
           polonaise = polonaise + car + " "
       if car == "(":
           empile(car)
       if car == "*":
           empile(car)
       if car == "+":
           while not pile_est_vide():
                element = depile()
                if element == "*":
                   polonaise = polonaise + element + " "
                   empile(element)
                                    # Remettre l'élément
                   break
            empile(car)
       if car == ")":
           while not pile_est_vide():
               element = depile()
               if element == "(":
```

```
else:
                   polonaise = polonaise + element + " "
    while not pile_est_vide():
        element = depile()
        polonaise = polonaise + element + " "
    return polonaise
# Tests
print("--- Conversion en écriture polonaise ---")
exp = "2 + 3"
print("l'expression",exp,"s'écrit",ecriture_polonaise(exp))
exp = "2 * 3"
print("l'expression",exp,"s'écrit",ecriture_polonaise(exp))
exp = "(2 + 3) * 4"
print("l'expression",exp,"s'écrit",ecriture_polonaise(exp))
exp = "4 * (2 + 3)"
print("l'expression",exp,"s'écrit",ecriture_polonaise(exp))
exp = "2 + 4 * 5"
print("l'expression",exp,"s'écrit",ecriture_polonaise(exp))
exp = "2 * 4 * 5"
print("l'expression",exp,"s'écrit",ecriture_polonaise(exp))
exp = "(2 + 3) * (4 + 8)"
print("l'expression",exp,"s'écrit",ecriture_polonaise(exp))
# Automatisation des tests et des vérifications
def test_polonaise(expression):
   classique = eval(expression)
    print("---\n",classique)
   conversion = ecriture_polonaise(expression)
    print(conversion)
   polonaise = calculatrice_polonaise(conversion)
    print(polonaise)
   return classique == polonaise
exp = "2 + 3"
print(exp, "OK ?",test_polonaise(exp))
exp = "2 * 3 * 7"
print(exp, "OK ?",test_polonaise(exp))
exp = "(2 + 3) * (4 + 8)"
print(exp, "OK ?",test_polonaise(exp))
exp = "((2+3)*11)*(4+(8+5))"
print(exp, "OK ?",test_polonaise(exp))
exp = "(17 * (2 + 3)) + (4 + (8 * 5))"
print(exp, "OK ?",test_polonaise(exp))
```

17. Visualiseur de texte - Markdown

```
Activité 1
                                                                  markdown_1.py
# Visualiseur de texte - Markdown
# Activité 1 - Afficher du texte
## Question 1 ##
from tkinter import *
from tkinter.font import Font
# Fenêtre tkinter
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=800, height=600, background="white")
canvas.pack(fill="both", expand=True)
# Format de la page de texte
largeur = 700
hauteur = 500
# Couleurs
couleur_fond = "lightgray"
couleur_texte = "black"
# Cadre
canvas.create_rectangle(10,10,largeur,hauteur,width=2,fill=couleur_fond)
fonte_texte = Font(family="Times", size=12)
fonte_italique = Font(family="Times", slant="italic", size=12)
fonte_gras = Font(family="Times", weight="bold", size=12)
fonte_titre = Font(family="Times", weight="bold", size=20)
fonte_sous_titre = Font(family="Times", weight="bold", size=16)
# Test
# canvas.create_text(100,100, text="Vive les maths !",anchor=NW,font=fonte_titre,fill=

    couleur_texte)

# canvas.create_text(200,200, text="Vive Python !",anchor=NW,font=fonte_sous_titre,fill="red
   → ")
# root.mainloop()
## Question 2 ##
def encadre_mot(mot,fonte):
   """ Encadre un mot
   Entrée : une chaîne et sa fonte
   Sortie : affichage du mot et d'un cadre (bounding box) """
   # Affiche un texte
   mot_canvas = canvas.create_text(100,100, text=mot,anchor=NW,font=fonte,fill=

    couleur_texte)
```

```
# Coordonnées du rectangle (x1,y1,x2,y2)
   x1,y1,x2,y2 = canvas.bbox(mot_canvas)
   # print(cadre)
   # Affichage du cadre
   canvas.create_rectangle(x1,y1,x2,y2,width=2)
# Test
# encadre_mot("Du texte avec Python",fonte_titre)
# root.mainloop()
## Question 3 ##
def longueur_mot(mot,fonte):
   """ Longueur d'un mot
   Entrée : une chaîne et sa fonte
   Sortie : la longuer de ce mot """
   # Affiche un texte invisible juste pour récupérer sa longueur
   mot_canvas = canvas.create_text(100,100, text=mot,anchor=NW,font=fonte,fill=couleur_fond
   # En extraire les extrémités
   x1,y1,x2,y2 = canvas.bbox(mot_canvas)
   return x2 - x1
# print("Longueur du mot 'Coucou' :",longueur_mot("Coucou",fonte_titre),"pixels")
# encadre_mot("Coucou",fonte_titre)
# root.mainloop()
## Question 4 ##
def choix_fonte(mode,en_gras,en_italique):
   """ Renvoie une fonte selon les paramètres
   Entrée : un mode (texte ou liste, titre, sous-titre), gras ou pas, italique ou pas
   Sortie : la fonte """
   if mode == "titre":
       fonte = fonte_titre
   elif mode == "sous_titre":
       fonte = fonte_sous_titre
   else:
             # Mode texte ou liste
       if en_gras:
           fonte = fonte_gras
       elif en_italique:
           fonte = fonte_italique
       else:
           fonte = fonte_texte
   return fonte
# Test
fonte = choix_fonte("texte",False,True)
canvas.create_text(100,100, text="Ceci est en italique",anchor=NW,font=fonte,fill=

    couleur_texte)

root.mainloop()
```

```
Activité 2 markdown_2.py
```

```
# Visualiseur de texte - Markdown
##################################
# Activité 2 - Afficher du markdown
from tkinter import *
from tkinter.font import Font
###################################
# A garder de l'activité 1
# Fenêtre tkinter
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=800, height=600, background="white")
canvas.pack(fill="both", expand=True)
# Format de la page de texte
largeur = 700
hauteur = 500
# Couleurs
couleur_fond = "lightgray"
couleur_texte = "black"
# Cadre
canvas.create_rectangle(10,10,largeur,hauteur,width=2,fill=couleur_fond)
fonte_texte = Font(family="Times", size=12)
fonte_italique = Font(family="Times", slant="italic", size=12)
fonte_gras = Font(family="Times", weight="bold", size=12)
fonte_titre = Font(family="Times", weight="bold", size=20)
fonte_sous_titre = Font(family="Times", weight="bold", size=16)
def choix_fonte(mode,en_gras,en_italique):
   Renvoie une fonte selon les paramètres
   Entrée : un mode (texte ou liste, titre, sous-titre), gras ou pas, italique ou pas
   Sortie : la fonte
   if mode == "titre":
       fonte = fonte_titre
   elif mode == "sous_titre":
       fonte = fonte_sous_titre
            # Mode texte ou liste
```

```
if en_gras:
          fonte = fonte_gras
       elif en_italique:
          fonte = fonte_italique
           fonte = fonte_texte
   return fonte
## Question 1 ##
def afficher_ligne_v1(par,posy):
   """ Affiche le texte sur une seul ligne sans mise en forme
   Entrée : un paragraphe (c-à-d une longue ligne), la position verticale
   Sortie : affichage """
   posx = 20 # Début de la ligne tout à gauche
   liste_mots = par.split()
   for mot in liste_mots:
       mot = mot + " " # Rajoute espace qui sépare les mots
       mot_canvas = canvas.create_text(posx,posy, text=mot,anchor=NW,font=fonte_titre,fill=

    couleur_texte)

       canvas.create_rectangle(canvas.bbox(mot_canvas),width=2)
       # On place le nouveau mot après le précédent
       posx = canvas.bbox(mot_canvas)[2]
   return
# Tests
# afficher_ligne_v1("Bonjour, voici mon premier texte !",100)
# root.mainloop()
## Question 2 ##
def afficher_ligne_v2(par,posy):
   """ Affiche le texte selon le mode titre, sous-titre, texte, liste
   Entrée : un paragraphe (c-à-d une longue ligne), la position verticale
   Sortie : affichage """
   # Par défaut : texte, sans indentation
   mode = "texte"
   indentation = 20
   if par[0:2] == "##":
                           # Sous_titre
       mode = "sous_titre"
       par = par[2:]
                           # Supprime les ##
   elif par[0] == "#":
                            # Titre
       mode = "titre"
       par = par[1:]
                           # Supprime le #
   elif par[0] == "+":
                            # liste
       mode = "liste"
       par = u'\u2022' + par[1:]  # Remplace le "+" par un rond
       indentation = 40
   # Début de la ligne (décalé si liste)
   posx = indentation
   liste_mots = par.split()
   for mot in liste_mots:
```

```
fonte = choix_fonte(mode,False,False)
       mot = mot + " " # Rajoute espace qui sépare les mots
       mot_canvas = canvas.create_text(posx,posy, text=mot,anchor=NW,font=fonte,fill=

    couleur_texte)

       posx = canvas.bbox(mot_canvas)[2]
   return
# Tests
# afficher_ligne_v2("# Voici un titre",80)
# afficher_ligne_v2("## Et ici un sous titre",115)
# afficher_ligne_v2("Du texte normal, et une liste ci-dessous :",150)
# afficher_ligne_v2("+ Pomme",175)
# afficher_ligne_v2("+ Poire",200)
# afficher_ligne_v2("+ Scoubidou",225)
# root.mainloop()
## Question 3 ##
def afficher_ligne_v3(par,posy):
    """ Affiche le texte selon gras et italique et selon le mode
   Entrée : un paragraphe (c-à-d une longue ligne), la position verticale
   Sortie : affichage """
   # Par défaut : texte, sans indentation
   mode = "texte"
   indentation = 20
   if par[0:2] == "##":
                             # Sous_titre
       mode = "sous_titre"
       par = par[2:]
                             # Supprime les ##
    elif par[0] == "#":
                             # Titre
       mode = "titre"
       par = par[1:]
                             # Supprime le #
    elif par[0] == "+":
                             # liste
       mode = "liste"
       par = u' \setminus u2022' + par[1:]
                                        # Remplace le "+" par un rond
       indentation = 40
    # Gras / pas gras (par défaut ni gras, ni italique)
    en_gras = False
    en_italique = False
    # Début de la ligne (décalé si liste)
   posx = indentation
   liste_mots = par.split()
   for mot in liste_mots:
        if mot == "**": # Bascule gras / pas gras
           en_gras = not(en_gras)
           mot = ""
       if en_gras:
           fonte = fonte_gras
       if mot == "*":
                          # Bascule italique / pas italique
           en_italique = not(en_italique)
           mot = ""
       fonte = choix_fonte(mode,en_gras,en_italique)
```

```
if mot != "":
           mot = mot + " " # Rajoute espace qui sépare les mots
       mot_canvas = canvas.create_text(posx,posy, text=mot,anchor=NW,font=fonte,fill=

    couleur_texte)

       posx = canvas.bbox(mot_canvas)[2]
   return
# Tests
# afficher_ligne_v3("Mot ** en gras ** et lui en * italique *",100)
# afficher_ligne_v3("+ Pommes et surtout ** poires ** et * ananas *",125)
# root.mainloop()
## Question 4 ##
# Interligne
espace_entre_lignes = 18
def afficher_paragraphe(par,posy):
   """ Affiche le texte selon gras et italique et selon le mode
   Entrée : un paragraphe (c-à-d une longue ligne), la position verticale
   Sortie : affichage """
   # Par défaut : texte, sans indentation
   mode = "texte"
   indentation = 20
   if par[0:2] == "##":
                            # Sous_titre
       mode = "sous_titre"
       par = par[2:]
                             # Supprime les ##
    elif par[0] == "#":
                            # Titre
       mode = "titre"
                            # Supprime le #
       par = par[1:]
    elif par[0] == "+":
                            # liste
       mode = "liste"
       par = u'\u2022' + par[1:]  # Remplace le "+" par un rond
       indentation = 40
    # Gras / pas gras (par défaut ni gras, ni italique)
    en_gras = False
    en_italique = False
    # Début de la ligne (décalé si liste)
   posx = indentation
   liste_mots = par.split()
   for mot in liste_mots:
                        # Bascule gras / pas gras
       if mot == "**":
           en_gras = not(en_gras)
           mot = ""
       if en_gras:
           fonte = fonte_gras
       if mot == "*":
                       # Bascule italique / pas italique
           en_italique = not(en_italique)
           mot = ""
       fonte = choix_fonte(mode,en_gras,en_italique)
       if mot != "":
```

```
mot = mot + " "
                             # Rajoute espace qui sépare les mots
       mot_canvas = canvas.create_text(posx,posy, text=mot,anchor=NW,font=fonte,fill=

    couleur_texte)

       posx = canvas.bbox(mot_canvas)[2]
       if posx > largeur:
           posx = indentation
           posy = posy + espace_entre_lignes
   return posy
# Tests
# afficher_paragraphe("# Titre Hello ! World",100)
# afficher_paragraphe("## Sous_titre Hello "*5,150)
# afficher_paragraphe("Hello Bonjour "*30,200)
# afficher_paragraphe("Hello ! ** GRAS ** * Italique * ** TRES GRAS ** Rien * Très
   → italique * ** SUPER GRAS **",300)
# afficher_paragraphe("+ Pomme",350)
# afficher_paragraphe("+ Poire",370)
# afficher_paragraphe("Des mots, toujours de mots, encore des mots. "*10,10)
# root.mainloop()
## Question 5 ##
def afficher_fichier(nom):
   """ Affiche les paragraphes d'un fichier
   Entrée : un nom de fichier au format markdown
   Sortie : affichage des paragraphes """
   # Ouvrir le fichier
   fichier = open(nom,"r")
   liste_paragraphes = fichier.readlines()
   fichier.close()
   posy = 50
   # Traiter chaque paragraphe
   for par in liste_paragraphes:
       newposy = afficher_paragraphe(par,posy)
       posy = newposy + espace_entre_lignes
   root.mainloop()
   return
# Tests
# afficher_fichier("markdown1.md")
# afficher_fichier("markdown2.md")
```

```
# Activité 3 - Justification
## Question 1 ##
from random import randint
# longueurs = [randint(5,15) for i in range(103)]
# longueurs = [14, 3, 16, 9, 2, 11, 13, 5, 4, 19, 16, 6, 17, 16, 15, 5, 14, 12, 17, 7]
longueurs = [8, 11, 9, 14, 8, 8, 15, 10, 14, 11, 15, 15, 5, 12, 9, 9, 15, 10, 14, 5, 12, 8,
   \hookrightarrow 8, 13, 10, 11, 8, 13, 7, 5, 6, 11, 7, 7, 13, 6, 6, 9, 8, 12, 5, 8, 7, 6, 6, 15, 13,

→ 11, 7, 12]

longueur_ligne = 100
longueur_espace = 1
def coupures_simples(long):
   """ Calcule les coupures des mots pour un alignement à gauche (sans espaces)
   Entrée : une suite de longueurs (une liste d'entiers)
   Sortie : la liste des indices où effectuer la coupure """
   coupures = [0]
   i = 1
   while i < len(long):
       somme = long[i-1]
       while (i < len(long)) and (somme <= longueur_ligne):</pre>
          somme += long[i]
          i += 1
       if somme > longueur_ligne:
          coupures += [i-1]
   coupures += [len(long)]
   return coupures
def afficher_coupures_simples():
   """ Test : affiche les coupures simples """
   print("\n--- Coupures sans espaces ---")
   print("Longueurs des mots :",longueurs)
   coupures = coupures_simples(longueurs)
   print("coupures",coupures)
   for i in range(len(coupures)-1):
       ligne = longueurs[coupures[i]:coupures[i+1]]
       somme = sum(ligne)
       print("\nLigne",i,":",ligne,"\nIndices",coupures[i],"à",coupures[i+1]-1,"= longueur[
   → ",coupures[i],":",coupures[i+1],"]","\nSomme =",somme,"Reste =",longueur_ligne-somme
   → ,)
   return
# Test
afficher_coupures_simples()
## Question 2 ##
def coupures_espaces(long):
```

```
""" Calcule les coupures des mots pour un alignement à gauche (avec espaces)
   Entrée : une suite de longueurs (une liste d'entiers)
   Sortie : la liste des indices où effectuer la coupure """
   coupures = [0]
   i = 1
   while i < len(long):
       somme = long[i-1]
       while (i < len(long)) and (somme <= longueur_ligne):</pre>
           somme += longueur_espace + long[i]
           i += 1
       if somme > longueur_ligne:
           coupures += [i-1]
   coupures += [len(long)]
   return coupures
def afficher_coupures_espaces():
   """ Test : affiche les coupures avec espaces """
   print("\n--- Coupures avec espaces ---")
   print("Longueurs des mots :",longueurs)
   coupures = coupures_espaces(longueurs)
   print("Coupures :",coupures)
   for i in range(len(coupures)-1):
       ligne = longueurs[coupures[i]:coupures[i+1]]
       nb_espaces = len(ligne)-1
       somme = sum(ligne) + nb_espaces*longueur_espace
       print("\nLigne",i,":",ligne,"\nIndices",coupures[i],"à",coupures[i+1]-1,"= longueur[
   → ",coupures[i],":",coupures[i+1],"]","\nSomme avec espaces =",somme,"Reste =",
   → longueur_ligne-somme,)
   return
# Test
afficher_coupures_espaces()
## Question 3 ##
def calcul_longueur_espaces(long,coupures):
   """ Calcule les longueurs des espaces pour justification
   Entrée : une suite de longueurs avec les coupures
   Sortie : la longueurs des espaces pour chaque ligne """
   longueur_espaces_ligne = []
   for i in range(len(coupures)-2):
       ligne = long[coupures[i]:coupures[i+1] ]
       nb_espaces = len(ligne)-1
       somme = sum(ligne) + nb_espaces*longueur_espace
       restant = longueur_ligne - somme
       if nb_espaces > 0:
           nouvel_espace = longueur_espace + restant / nb_espaces
       else:
           nouvel_espace = longueur_espace
```

```
longueur_espaces_ligne += [nouvel_espace]
   # Dernière ligne du paragraphe pas justifiée
   longueur_espaces_ligne += [longueur_espace]
   return longueur_espaces_ligne
def afficher_calcul_longueur_espaces():
   """ Test : affiche les longueurs des espaces """
   print("\n--- Coupures avec espaces et justification ---")
   print("Longueurs des mots :",longueurs)
   coupures = coupures_espaces(longueurs)
   print("Coupures :",coupures)
   longueur_espaces_ligne = calcul_longueur_espaces(longueurs,coupures)
   print("Longueur des espaces de chaque ligne :",[float("{0:0.2f}}".format(1)) for 1 in
   → longueur_espaces_ligne])
   for i in range(len(coupures)-1):
       ligne = longueurs[coupures[i]:coupures[i+1]]
       nb_espaces = len(ligne) - 1
       somme = sum(ligne) + nb_espaces*longueur_espaces_ligne[i]
       print("\nLigne",i,":",ligne,"\nIndices",coupures[i],"à",coupures[i+1]-1,"= longueur[
   → ",coupures[i],":",coupures[i+1],"]","\nSomme avec espaces =",somme,"Reste =",
   → longueur_ligne-somme,)
       print("Longueur espace de cette ligne",longueur_espaces_ligne[i])
   return
# Test
afficher_calcul_longueur_espaces()
```

18. L-système

```
for c in mot:
      if c == "A" or c == "B":
          forward(100*echelle)
      if c == "g":
         left(angle)
      if c == "d":
          right(angle)
   exitonclick()
   return
## Test ##
# trace_lsysteme("AgAdAAdAdA")
# Activité 2 - Une seule règle : le flocon de Koch
# Un L-système
# un mot de départ
# des règles de remplacement
## Question 1 ##
def remplacer_1(mot,lettre,motif):
   nouv_mot = ""
   for 1 in mot:
      if 1 == lettre:
         nouv_mot = nouv_mot + motif
      else:
         nouv_mot = nouv_mot + 1
   return nouv_mot
## Test ##
print("--- Remplacer une lettre ---")
mot = "AdAAg"
nouv_mot = remplacer_1(mot, "A", "Ag")
print(mot)
print(nouv_mot)
## Question 2 ##
def iterer_lsysteme_1(depart,regle,k):
   mot = depart
   lettre = regle[0]
   motif = regle[1]
   for i in range(k):
      mot = remplacer_1(mot,lettre,motif)
   return mot
## Question 3 ##
## Flocon de Koch
depart_Koch = "A"
regle_Koch = ("A","AgAdAdAgA")
## Test
for k in range(4):
   print(k,iterer_lsysteme_1(depart_Koch,regle_Koch,k))
```

```
print()
k = 3
mot = iterer_lsysteme_1(depart_Koch,regle_Koch,k)
# trace_lsysteme(mot,echelle=5/3**k)
## Question 4 ##
########################
## Autres exemples ##
####################################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A"," AdAgAgAAdAdAgA")
k = 3
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
#trace_lsysteme(mot,echelle=0.05)
######################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A", "AgAAdAAdAdAgAgAAdAdAgAgAAgAAdA")
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
#trace_lsysteme(mot,echelle=0.07)
############################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A","AAdAdAdAdA")
k = 3
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
# trace_lsysteme(mot,echelle=0.1)
########################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A","AAdAddAdA")
k = 3
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
# trace_lsysteme(mot,echelle=0.1)
############################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A","AAdAdAdAdAdAgA")
k = 3
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
# trace_lsysteme(mot,echelle=0.1)
#####################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A","AAdAgAdAdAA")
k = 3
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
# trace_lsysteme(mot,echelle=0.15)
####################################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A","AdAAddAdA")
k = 3
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
# trace_lsysteme(mot,echelle=0.15)
######################
depart = "AdAdAdA"
regle = ("A","AdAgAdAdA")
```

```
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
# trace_lsysteme(mot,echelle=0.15)
# Activité 3 - Deux règles : Triangle de Sierpinski
####################################
## Question 1 ##
def remplacer_2(mot,lettre1,motif1,lettre2,motif2):
   nouv mot = ""
   for 1 in mot:
       if 1 == lettre1:
          nouv_mot = nouv_mot + motif1
       elif 1 == lettre2:
          nouv_mot = nouv_mot + motif2
       else:
          nouv_mot = nouv_mot + 1
   return nouv_mot
## Test ##
print("--- Remplacer deux lettres ---")
mot = "AdBgA"
nouv_mot = remplacer_2(mot,"A","ABg","B","Bd")
print(mot)
print(nouv_mot)
# mot1 = remplacer_1(mot, "A", "ABg")
# mot2 = remplacer_1(mot1, "B", "Bd")
# print(mot2)
## Question 2 ##
def iterer_lsysteme_2(depart,regle1,regle2,k):
   mot = depart
   lettre1 = regle1[0]
   motif1 = regle1[1]
   lettre2 = regle2[0]
   motif2 = regle2[1]
   for i in range(k):
       mot = remplacer_2(mot,lettre1,motif1,lettre2,motif2)
   return mot
## Question 3 ##
## Triangle de Sierpinski
depart_Sierp = "AdBdB"
regle_Sierp_1 = ("A","AdBgAgBdA")
regle_Sierp_2 = ("B","BB")
## Test
print("--- Sierpinski ---")
for k in range(3):
   print(iterer_lsysteme_2(depart_Sierp,regle_Sierp_1,regle_Sierp_2,k))
   print()
k = 4
```

```
mot = iterer_lsysteme_2(depart_Sierp,regle_Sierp_1,regle_Sierp_2,k)
# trace_lsysteme(mot,angle=-120,echelle=5/2**k)
## Question 4 ##
## Autres exemples ##
####################################
## Courbe du dragon
depart_dragon = "AX"
regle_dragon_1 = ("X","XgYAg")
regle_dragon_2 = ("Y","dAXdY")
mot = iterer_lsysteme_2(depart_dragon,regle_dragon_1,regle_dragon_2,k)
# trace_lsysteme(mot,echelle=2/k)
#######################
## Variante Sierpinski (angle = 60)
depart = "A"
regle1 = ("A","BdAdB")
regle2 = ("B","AgBgA")
# angle = 60
k = 3
mot = iterer_lsysteme_2(depart,regle1,regle2,k)
# trace_lsysteme(mot,angle=60,echelle=2/k**2)
########################
## Courbe de Gosper
depart = "A"
regle1 = ("A", "AgBggBdAddAAdBg")
regle2 = ("B","dAgBBggBgAddAdB")
k = 3
mot = iterer_lsysteme_2(depart,regle1,regle2,k)
# trace_lsysteme(mot,angle=60,echelle=2/k**2)
# Activité 4 - Tracer un L-système avec pile
## Question 1 ##
def trace_lsysteme_pile(mot,angle=90,echelle=1):
   speed("fastest")
   width(3)
   color('blue')
   up()
   goto(0,-300)
   down()
   pile = []
   for c in mot:
       if c == "A" or c == "B":
          forward(100*echelle)
       if c == "a":
          up()
          forward(100*echelle)
          down()
```

```
if c == "g":
           left(angle)
        if c == "d":
           right(angle)
        if c == "[":
           pile = pile + [(position(),heading())]
        if c == "]":
           up()
           pos,direc = pile.pop()
            goto(pos)
            setheading(direc)
           down()
    exitonclick()
    return
## Test
# trace_lsysteme_pile("AaAgAA[gAAA][dAA]A",angle=90,echelle=1)
# trace_lsysteme_pile("AgA[gAAA]A[dAA]A",angle=90,echelle=1)
## Question 2 ##
# Plante
depart_plante = "gggX"
regle_plante_1 = ("X","A[gX][X]A[gX]dAX")
regle_plante_2 = ("A","AA")
k = 5
mot = iterer_lsysteme_2(depart_plante,regle_plante_1,regle_plante_2,k)
# trace_lsysteme_pile(mot,angle=30,echelle=1/k**(3/2))
############################
## Exemples avec up-down ##
depart = "AdAdAdA"
regle1 = ("A", "AgadAAgAgAAgAAgAAgAAdAdAAdAAdAAAA")
regle2 = ("a","aaaaaa")
k = 2
mot = iterer_lsysteme_2(depart,regle1,regle2,k)
# trace_lsysteme_pile(mot,echelle=0.1)
#######################
## Autres exemples de plantes ##
# ######################
# angle = 22.5
# F
depart = "gggA"
regle = ("A", "A[gA]A[dA][A]")
k = 4
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
# trace_lsysteme_pile(mot,angle=30,echelle=0.2)
# ######################
# angle = 20
depart = "A"
regle = ("A","A[gA]A[dA]A")
k = 4
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
```

```
# trace_lsysteme_pile(mot,angle=30,echelle=0.075)
# angle = 22.5
depart = "A"
regle = ("A","AAd[dAgAgA]g[gAdAdA]")
k = 3
mot = iterer_lsysteme_1(depart,regle,k)
# trace_lsysteme_pile(mot,angle=30,echelle=0.2)
# ###########################
# angle = 25.7
depart = "X"
regle1 = ("X","A[gX]A[dX]AX")
regle2 = ("A", "AA")
k = 5
mot = iterer_lsysteme_2(depart,regle1,regle2,k)
# trace_lsysteme_pile(mot,angle=30,echelle=0.07)
# angle = 30
depart = "A"
regle1 = ("A","A[dB][gB]")
regle2 = ("B","A[dB]A[gAdB]")
k = 5
mot = iterer_lsysteme_2(depart,regle1,regle2,k)
# trace_lsysteme_pile(mot,angle=30,echelle=0.25)
####################################
# angle = 30
depart = "X"
regle1 = ("X","Ad[[X]gX]gA[gAX]dX")
regle2 = ("A", "AA")
k = 4
mot = iterer_lsysteme_2(depart,regle1,regle2,k)
# trace_lsysteme_pile(mot,angle=30,echelle=0.15)
#########################
######################
# Courbe de Hilbert
# Pour les illustrations de livre
 # \rule{L -> +RF-LFL-FR+}
 # \rule{R -> -LF+RFR+FL-}}
# angle = 30
depart = "X"
regle1 = ("X","gYAdXAXdAYg")
regle2 = ("Y","dXAgYAYgAXd")
k = 4
mot = iterer_lsysteme_2(depart,regle1,regle2,k)
trace_lsysteme_pile(mot,angle=90,echelle=0.15)
```

19. Images dynamiques

```
Activités
                                                                     images.py
# Images dynamiques
import os # pour les fichiers images
# Activité 1 - Photomaton
## Depuis autres fiches ##
def afficher_tableau(tableau):
   n = len(tableau)
   m = len(tableau[0])
   for i in range(n):
      for j in range(m):
          print('{:>3d}'.format(tableau[i][j])," ", end="")
      print()
   return
## Question 1 ##
def transformation(i,j,n):
   if i\%2 == 0 and j\%2 == 0:
      ii = i//2
      jj = j//2
   if i\%2 == 0 and j\%2 == 1:
      ii = i//2
      jj = (n+j)//2
   if i\%2 == 1 and j\%2 == 0:
      ii = (n+i)//2
      jj = j//2
   if i\%2 == 1 and j\%2 == 1:
      ii = (n+i)//2
      jj = (n+j)//2
   return ii,jj
## Test ##
print("--- Transformation du photomaton ---")
print(transformation(1,1,6))
##################################
## Question 2 ##
def photomaton(tableau):
   n = len(tableau)
   nouv_tableau = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
   for i in range(n):
      for j in range(n):
          ii, jj = transformation(i,j,n)
```

```
nouv_tableau[ii][jj] = tableau[i][j]
   return nouv_tableau
## Test ##
print("--- Transformation du photomaton ---")
tableau = [ [1,2,3,4], [5,6,7,8],[9,10,11,12], [13,14,15,16] ]
tableau_transforme = photomaton(tableau)
afficher_tableau(tableau)
print("---")
afficher_tableau(tableau_transforme)
## Question 3 ##
def photomaton_iterer(tableau,k):
   n = len(tableau)
   tab = [[tableau[i][j] for j in range(n)] for i in range(n)]
   for i in range(k):
       tab = photomaton(tab)
   return tab
## Test ##
\verb|print("--- Itération de la transformation du photomaton ---")|\\
tableau = [ [1,2,3,4], [5,6,7,8],[9,10,11,12], [13,14,15,16] ]
afficher_tableau(tableau)
for k in range(1,10):
   tableau_itere = photomaton_iterer(tableau,k)
    # Pas très malin, car repart du début à chaque fois
   print("--- k =",k,"---")
   afficher_tableau(tableau_itere)
# Activité 2 - Conversion tableau/image
####################################
## Question 1 ##
def tableau_vers_image(tableau,nom_image):
    # Création d'un fichier en écriture
   nom_fichier = "output/" + nom_image + ".pgm"
   fic = open(nom_fichier,"w")
   # Entete
   fic.write("P2\n") # Image en niveaux de gris
   nb_lig = len(tableau)
   nb_col = len(tableau[0])
    fic.write(str(nb_col) + " " + str(nb_lig) + "\n")
   niveaux = 255
   fic.write(str(niveaux) + "\n")
   for i in range(nb_lig):
       ligne = ""
       for j in range(nb_col):
           coul = tableau[i][j]
           ligne = ligne + str(coul) + " "
       ligne = ligne + "\n"
       # Ecriture dans le fichier
```

```
fic.write(ligne)
    # Fermeture du fichier
    fic.close()
    return
## Test ##
print("--- Tableau vers image ---")
tableau = [[128, 192, 128, 192, 128], [224, 0, 228, 0, 224], [228, 228, 228, 228, 228],

        ← [224, 64, 64, 64, 224], [192, 192, 192, 192, 192]]

tableau_vers_image(tableau,"test")
## Question 2 ##
def image_vers_tableau(nom_image):
    # Création d'un fichier en écriture
    nom_fichier = "input/" + nom_image + ".pgm"
   fic = open(nom_fichier,"r")
           # Numéro de ligne
    i = 0
    for ligne in fic:
        if i == 1:
                     # Garder les 2 premières lignes
           liste_ligne = ligne.split()
           nb_col = int(liste_ligne[0])
           nb_lig = int(liste_ligne[1])
           tableau = [[ 0 for j in range(nb_col)] for i in range(nb_lig)]
        elif i > 2:
           liste = ligne.split()
           for j in range(nb_col):
               tableau[i-3][j] = int(liste[j])
        i = i + 1
    # Fermeture du fichier
    fic.close()
    return tableau
print("--- Image vers tableau ---")
test_tableau = image_vers_tableau("test")
print(test_tableau)
afficher_tableau(test_tableau)
## Depuis la fiche "Fichiers" ##
## Permet d'avoir un exemple de fichier
def ecrire_fichier_image_gris():
    # Création d'un fichier en écriture
    nom_fichier = "input/image_gris.pgm"
   fic = open(nom_fichier,"w")
    fic.write("P2\n") # Image en niveaux de gris
   nb_col = 256
   nb_lig = 256
    fic.write(str(nb_col) + " " + str(nb_lig) + "\n")
    niveaux = 255
    fic.write(str(niveaux) + "\n")
```

```
for i in range(nb_lig):
       ligne = ""
       for j in range(nb_col):
          coul = (i**2 + j**2) % 256 # un niveau de gris en fonction de i et j
          ligne = ligne + str(coul) + " "
       ligne = ligne + "\n"
       # Ecriture dans le fichier
       fic.write(ligne)
   # Fermeture du fichier
   fic.close()
   return
# Test
print("--- Fichier 'image.pgm' ---")
# ecrire_fichier_image_gris()
# Activité 1bis - Photomaton
## Question 4 ##
def photomaton_images(nom_image,kmax):
   tableau = image_vers_tableau(nom_image)
   tableau_vers_image(tableau,nom_image+"_photo_"+str(0)) # image initiale
   n = len(tableau)
   tab = [[tableau[i][j] for j in range(n)] for i in range(n)]
   for k in range(1,kmax+1):
       tab = photomaton(tab)
       tableau_vers_image(tab,nom_image+"_photo_"+str(k))
   return
## Test ##
# photomaton_images("image_gris",8)
# photomaton_images("pi_gimp_new",8)
# photomaton_images("chat_gimp_new",8)
##################################
# Activité 3 - Transfomation du boulanger
## Question 1 ##
def boulanger_etirer(tableau):
   n = len(tableau)
   nouv_tableau = [[0 for j in range(2*n)] for i in range(n//2)]
   for i in range(n//2):
       for j in range(2*n):
          if j\%2 == 0:
              nouv_tableau[i][j] = tableau[2*i][j//2]
              nouv_tableau[i][j] = tableau[2*i+1][j//2]
   return nouv_tableau
print("--- Boulanger : étirer tableau ---")
```

```
tableau = [[1,2,3,4], [5,6,7,8],[9,10,11,12], [13,14,15,16]]
tableau_etire = boulanger_etirer(tableau)
afficher_tableau(tableau)
print("---")
afficher_tableau(tableau_etire)
## Question 2 ##
def boulanger_replier(tableau):
   n = 2*len(tableau)
    nouv_tableau = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
    # partie haute
    for i in range(n//2):
       for j in range(n):
           nouv_tableau[i][j] = tableau[i][j]
    # partie basse
    for i in range(n//2,n):
       for j in range(n):
           nouv_tableau[i][j] = tableau[n//2 - i - 1][2*n-1-j]
    # for i in range(n//2):
    # for j in range(n):
            nouv_tableau[n-i-1][j] = tableau[i][2*n-1-j]
    return nouv_tableau
print("--- Boulanger : replier tableau ---")
tableau_replie = boulanger_replier(tableau_etire)
afficher_tableau(tableau_etire)
print("---")
afficher_tableau(tableau_replie)
#################################
## Question 3 ##
def boulanger_iterer(tableau,k):
   n = len(tableau)
    tab = [[tableau[i][j] for j in range(n)] for i in range(n)]
    for i in range(k):
       tabb = boulanger_etirer(tab)
       tab = boulanger_replier(tabb)
    return tab
print("--- Boulanger : itérer tranformation tableau ---")
tableau = [ [1,2,3,4], [5,6,7,8],[9,10,11,12], [13,14,15,16] ]
afficher_tableau(tableau)
for k in range(1,10):
    tableau_itere = boulanger_iterer(tableau,k)
    print("--- k =",k,"---")
    afficher_tableau(tableau_itere)
## Question 4 ##
def boulanger_images(nom_image,kmax):
    tableau = image_vers_tableau(nom_image)
    tableau_vers_image(tableau,nom_image+"_boul_"+str(0)) # image initiale
```

```
n = len(tableau)
tab = [[tableau[i][j] for j in range(n)] for i in range(n)]
for k in range(1,kmax+1):
    tabb = boulanger_etirer(tab)
    tab = boulanger_replier(tabb)
    tableau_vers_image(tab,nom_image+"_boul_"+str(k))

return

## Test ##
# boulanger_images("image_gris",17)
# boulanger_images("pi_gimp_new",17)
# boulanger_images("chat_gimp_new",17)
# boulanger_images("reveil_gimp_new",17)
# boulanger_images("reveil_gimp_new",17)
# boulanger_images("surf_gimp_new",15)
```

20. Jeu de la vie

```
Activité 1
                                                        vie_1.py
# Jeu de la vie
# Activité 1 - Tableau
## Question 1 ##
n, p = 5, 8;
tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
# Clignotant
tableau[2][2] = 1
tableau[2][3] = 1
tableau[2][4] = 1
## Question 2 ##
def voir_tableau(tab):
  """ Affiche un tableau à l'écran
  Entrée : un tableau à deux dimension
  Sortie : rien (affichage à l'écran) """
  for i in range(n):
     for j in range(p):
        print(tab[i][j], end="")
     print()
  return
# Test
```

voir_tableau(tableau)

```
Activité 2
                                                                     vie_2.py
# Jeu de la vie
###################################
#####################################
# Rappels - Activité 1
n, p = 5, 8;
tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
# Clignotant
tableau[2][2] = 1
tableau[2][3] = 1
tableau[2][4] = 1
# Activité 2 - Affichage graphique
## Question 1 ##
from tkinter import *
# Fenêtre tkinter
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=800, height=600, background="white")
canvas.pack(side=LEFT, padx=5, pady=5)
# Echelle
echelle = 100
def afficher_lignes():
   """ Affiche la grille à l'écran """
   for i in range(n+1):
      canvas.create_line(0,i*echelle,p*echelle,i*echelle)
   for j in range(p+1):
      canvas.create_line(j*echelle,0,j*echelle,n*echelle)
   for i in range(n):
      canvas.create_text(echelle//3,i*echelle+echelle//2,text=str(i))
   for j in range(p):
      canvas.create_text(j*echelle+echelle//2,echelle//3,text=str(j))
   return
## Question 2 ##
def afficher_tableau(tab):
   """ Affiche un tableau à l'écran
```

```
Entrée : un tableau à deux dimension
    Sortie : rien (affichage à l'écran) """
    for i in range(n):
        for j in range(p):
            if tab[i][j] != 0:
                canvas.create_rectangle(j*echelle,i*echelle,(j+1)*echelle,(i+1)*echelle,fill
    → ="red")
    return
# Boutons
def action_bouton_afficher():
    canvas.delete("all")
    afficher_lignes()
    afficher_tableau(tableau)
    return
bouton_quitter = Button(root,text="Quitter", width=8, command=root.quit)
bouton_quitter.pack(side=BOTTOM, padx=5, pady=20)
bouton_afficher = Button(root,text="Afficher", width=30, command=action_bouton_afficher)
bouton_afficher.pack(side=BOTTOM, padx=5, pady=20)
# Test
afficher_lignes()
# afficher_tableau(tableau)
root.mainloop()
```

```
Activité 3
                                                               vie_3.py
# Jeu de la vie
####################################
# Rappels - Activité 1
##################################
from vie_1 import *
n, p = 5, 8;
tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
# Clignotant
tableau[2][2] = 1
tableau[2][3] = 1
tableau[2][4] = 1
# Activité 3 - Evolution
##################################
## Question 1 ##
def nombre_voisins(i,j,tab):
```

```
""" Calcule le nb de voisins de la cellule(i,j)
   Entrée : une cellule dans un tableau à deux dimension
   Sortie : le nb de cellules voisines """
   nb = 0
   # Voisin en haut à gauche
   if (i>0) and (j>0) and (tab[i-1][j-1] != 0):
       nb += 1
   # Voisin juste au-dessus
   if (i>0) and (tab[i-1][j] != 0):
       nb += 1
   # Voisin en haut à droite
   if (i>0) and (j<p-1) and (tab[i-1][j+1] != 0):
       nb += 1
   # Voisin juste à gauche
   if (j>0) and (tab[i][j-1] != 0):
       nb += 1
   # Voisin juste à droite
   if (j<p-1) and (tab[i][j+1] != 0):
       nb += 1
  # Voisin en bas à gauche
   if (i<n-1) and (j>0) and (tab[i+1][j-1] != 0):
       nb += 1
   # Voisin juste en-dessous
   if (i<n-1) and (tab[i+1][j] != 0):
       nb += 1
   # Voisin en bas à droite
   if (i < n-1) and (j < p-1) and (tab[i+1][j+1] != 0):
       nb += 1
   return nb
# Test
print("--- Nombre de voisins ---")
print(nombre_voisins(1,1,tableau))
print(nombre_voisins(2,1,tableau))
print(nombre_voisins(3,1,tableau))
print(nombre_voisins(2,0,tableau))
print(nombre_voisins(2,2,tableau))
print(nombre_voisins(3,3,tableau))
def voir_voisins(tab):
   """ Affiche le nb de voisins à l'écran
   Entrée : un tableau à deux dimension
   Sortie : rien (affichage à l'écran) """
   for i in range(n):
       for j in range(p):
           print(nombre_voisins(i,j,tab), end='')
       print()
   return
# Test
print("--- Position de départ ---")
voir_tableau(tableau)
print("--- Nombre de voisins (tableau) ---")
voir_voisins(tableau)
```

```
## Question 2 ##
def evolution(tab):
    """ Calcule l'évolution en un jour
    Entrée : un tableau à deux dimension
    Sortie : un tableau à deux dimension """
    nouv_tab = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
    for j in range(p):
        for i in range(n):
            # Cellule vivante ou pas ?
            if tab[i][j] != 0:
                cellule_vivante = True
            else:
                cellule_vivante = False
            # Nombres de voisins
            nb_voisins = nombre_voisins(i,j,tab)
            # Règle du jeu de la vie
            if cellule_vivante == True and (nb_voisins == 2 or nb_voisins == 3):
                nouv_tab[i][j] = 1
            if cellule_vivante == False and nb_voisins == 3:
                nouv_tab[i][j] = 1
    return nouv_tab
# Test
print("--- Position de départ ---")
voir_tableau(tableau)
print("--- Nombre de voisins ---")
voir_voisins(tableau)
print("--- Après évolution ---")
tableau = evolution(tableau)
voir_tableau(tableau)
```

```
Activité 4
                                                                 vie_4.py
# Jeu de la vie
# Rappels - Activité précédentes
#################################
from tkinter import *
# Fenêtre tkinter
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=800, height=600, background="white")
canvas.pack(side=LEFT, padx=5, pady=5)
# Par défaut : rien
n, p = 25, 25
echelle = 40
```

```
# n, p = 8, 5
# echelle = 80
tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
def nombre_voisins(i,j,tab):
   """ Calcule le nb de voisins de la cellule(i,j)
   Entrée : une cellule dans un tableau à deux dimension
   Sortie : le nb de cellules voisines """
   nb = 0
   # Voisin en haut à gauche
   if (i>0) and (j>0) and (tab[i-1][j-1] != 0):
       nb += 1
   # Voisin juste au-dessus
   if (i>0) and (tab[i-1][j] != 0):
       nb += 1
   # Voisin en haut à droite
   if (i>0) and (j<p-1) and (tab[i-1][j+1] != 0):
       nb += 1
   # Voisin juste à gauche
   if (j>0) and (tab[i][j-1] != 0):
       nb += 1
   # Voisin juste à droite
   if (j < p-1) and (tab[i][j+1] != 0):
       nb += 1
  # Voisin en bas à gauche
   if (i<n-1) and (j>0) and (tab[i+1][j-1] != 0):
       nb += 1
   # Voisin juste en-dessous
   if (i < n-1) and (tab[i+1][j] != 0):
       nb += 1
   # Voisin en bas à droite
   if (i < n-1) and (j < p-1) and (tab[i+1][j+1] != 0):
   return nb
def evolution(tab):
   """ Calcule l'évolution en un jour
   Entrée : un tableau à deux dimension
   Sortie : un tableau à deux dimension """
   nouv_tab = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
   for j in range(p):
       for i in range(n):
           # Cellule vivante ou pas ?
           if tab[i][j] != 0:
               cellule_vivante = True
           else:
               cellule_vivante = False
           # Nombres de voisins
           nb_voisins = nombre_voisins(i,j,tab)
           # Règle du jeu de la vie
           if cellule_vivante == True and (nb_voisins == 2 or nb_voisins == 3):
               nouv_tab[i][j] = 1
           if cellule_vivante == False and nb_voisins == 3:
               nouv_tab[i][j] = 1
```

```
return nouv_tab
def afficher_lignes():
   """ Affiche la grille à l'écran """
   for i in range(n+1):
       canvas.create_line(0,i*echelle,p*echelle,i*echelle)
   for j in range(p+1):
       canvas.create_line(j*echelle,0,j*echelle,n*echelle)
   for i in range(n):
       canvas.create_text(echelle//3,i*echelle+echelle//2,text=str(i))
   for j in range(p):
       canvas.create_text(j*echelle+echelle//2,echelle//3,text=str(j))
   return
def afficher_tableau(tab):
   """ Affiche un tableau à l'écran
   Entrée : un tableau à deux dimension
   Sortie : rien (affichage à l'écran) """
   for i in range(n):
       for j in range(p):
           if tab[i][j] != 0:
              canvas.create_rectangle(j*echelle,i*echelle,(j+1)*echelle,(i+1)*echelle,fill
   → ="red")
   return
# Activité 4 - Jeu de la vie en entier
## Question 0 ##
# Clignotant
def clignotant():
   """ Définition du clignotant """
   global tableau
   tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
   tableau[4][7] = 1
   tableau[4][8] = 1
   tableau[4][9] = 1
   canvas.delete("all")
   afficher_lignes()
   afficher_tableau(tableau)
   return
# Vaisseau
def vaisseau():
   """ Définition du vasseau spatial """
   global tableau
   tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
   tableau[3][4] = 1
   tableau[3][5] = 1
   tableau[3][6] = 1
   tableau[2][6] = 1
   tableau[1][5] = 1
   canvas.delete("all")
```

```
afficher_lignes()
    afficher_tableau(tableau)
   return
# Pentadecathlon
def pentadecathlon():
   """ Définition du pentadecathlon """
   global tableau
   tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
   tableau[6][4] = 1
   tableau[6][5] = 1
   tableau[6][7] = 1
   tableau[6][8] = 1
   tableau[6][9] = 1
   tableau[6][10] = 1
   tableau[6][12] = 1
   tableau[6][13] = 1
   tableau[5][6] = 1
   tableau[7][6] = 1
   tableau[5][11] = 1
   tableau[7][11] = 1
   canvas.delete("all")
   afficher_lignes()
   afficher_tableau(tableau)
## Question 1 ##
# Boutons
def action_bouton_evolution():
   global tableau
   tableau = evolution(tableau)
   canvas.delete("all")
   afficher_lignes()
   afficher_tableau(tableau)
   return
bouton_quitter = Button(root,text="Quitter", width=8, command=root.quit)
bouton_quitter.pack(side=BOTTOM, padx=5, pady=20)
bouton_afficher = Button(root,text="Évoluer", width=20, command=action_bouton_evolution)
bouton_afficher.pack(side=BOTTOM, padx=5, pady=20)
bouton_clignotant = Button(root,text="Clignotant", width=20, command=clignotant)
bouton_clignotant.pack(side=TOP, padx=5, pady=5)
bouton_vaisseau = Button(root,text="Vaisseau", width=20, command=vaisseau)
bouton_vaisseau.pack(side=TOP, padx=5, pady=5)
bouton_pentadecathlon = Button(root,text="Pentadecathlon", width=20, command=pentadecathlon)
bouton_pentadecathlon.pack(side=TOP, padx=5, pady=5)
# root.mainloop()
## Question 2 ##
def allumer_eteindre(i,j):
   """ Commute une cellule """
    global tableau
```

```
if tableau[i][j] == 0:
        tableau[i][j] = 1
    else:
        tableau[i][j] = 0
   return
def xy_vers_ij(x,y):
    """ Coordonnées (x,y) vers coordonnées (i,j) """
    i = y // echelle
    j = x // echelle
    return i, j
def action_clic_souris(event):
   canvas.focus_set()
   # print("Clic à", event.x, event.y)
   x = event.x
   y = event.y
   allumer_eteindre(*xy_vers_ij(x,y))
    canvas.delete("all")
    afficher_lignes()
    afficher_tableau(tableau)
# Liaison clic de souris/action
canvas.bind("<Button-1>",action_clic_souris)
afficher_lignes()
afficher_tableau(tableau)
root.mainloop()
```

21. Graphes et combinatoire de Ramsey

```
Activité 1
                                                            ramsey_1.py
# Graphes et combinatoire de Ramsey
##################################
# Activité 1 - Définition et amis/étrangers
## Question 1 ##
# Exemple 1
n = 3
exemple_graphe_1 = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
exemple_graphe_1[0][1] = 1; exemple_graphe_1[1][0] = 1
exemple_graphe_1[0][2] = 1; exemple_graphe_1[2][0] = 1
# Exemple 2
n = 4
exemple_graphe_2 = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
```

```
exemple_graphe_2[0][2] = 1; exemple_graphe_2[2][0] = 1
exemple_graphe_2[0][3] = 1; exemple_graphe_2[3][0] = 1
exemple_graphe_2[1][2] = 1; exemple_graphe_2[2][1] = 1
# Exemple 3
n = 5
exemple_graphe_3 = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
exemple_graphe_3[0][2] = 1; exemple_graphe_3[2][0] = 1
exemple_graphe_3[0][3] = 1; exemple_graphe_3[3][0] = 1
exemple_graphe_3[1][2] = 1; exemple_graphe_3[2][1] = 1
exemple_graphe_3[1][4] = 1; exemple_graphe_3[4][1] = 1
exemple_graphe_3[3][4] = 1; exemple_graphe_3[4][3] = 1
# Exemple 4
n = 6
exemple_graphe_4 = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
exemple_graphe_4[3][2] = 1; exemple_graphe_4[2][3] = 1;
exemple_graphe_4[1][2] = 1; exemple_graphe_4[2][1] = 1
exemple_graphe_4[3][4] = 1; exemple_graphe_4[4][3] = 1
exemple_graphe_4[4][1] = 1; exemple_graphe_4[1][4] = 1
exemple_graphe_4[0][2] = 1; exemple_graphe_4[2][0] = 1
exemple_graphe_4[5][0] = 1; exemple_graphe_4[0][5] = 1
exemple_graphe_4[5][1] = 1; exemple_graphe_4[1][5] = 1
exemple_graphe_4[0][3] = 1; exemple_graphe_4[3][0] = 1
# Exemple cours
n = 4
exemple_graphe_cours_1 = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
exemple_graphe_cours_1[0][2] = 1; exemple_graphe_cours_1[2][0] = 1
exemple_graphe_cours_1[1][3] = 1; exemple_graphe_cours_1[3][1] = 1
## Question 2 ##
def voir_graphe(graphe):
   11 11 11
    Affiche un graphe à l'écran
    Entrée : un graphe comme tableau à deux dimension
    Sortie : rien (affichage à l'écran)
    11 11 11
   n = len(graphe)
    for j in range(n):
        for i in range(n):
            print(graphe[i][j], end="")
        print()
    return
# Test
if __name__ == '__main__':
    print("--- Matrice du graphe ---")
    print("--- Exemple 1 ---")
   voir_graphe(exemple_graphe_1)
    print("--- Exemple 2 ---")
    voir_graphe(exemple_graphe_2)
    print("--- Exemple 3 ---")
```

```
voir_graphe(exemple_graphe_3)
   print("--- Exemple 4 ---")
   voir_graphe(exemple_graphe_4)
   print("--- Cours 1 ---")
   voir_graphe(exemple_graphe_cours_1)
# Test si un graphe est contient
# 3 amis/étranger dont les positions sont données
def contient_3_amis_fixes(graphe,i,j,k):
   """Cherche si sommets i, j, k sont tous reliés entre eux comme amis"""
   if graphe[i][j] == 1 and graphe[i][k] == 1 and graphe[j][k] == 1:
      return True
   else:
      return False
def contient_3_etrangers_fixes(graphe,i,j,k):
   """Cherche si sommets i, j, k sont tous reliés entre eux comme étrangers"""
   if graphe[i][j] == 0 and graphe[i][k] == 0 and graphe[j][k] == 0:
      return True
   else:
      return False
# Test
if __name__ == '__main__':
  print("--- Sous-graphe fixé de 0 et de 1 ---")
   print(contient_3_amis_fixes(exemple_graphe_4,1,3,4))
   print(contient_3_etrangers_fixes(exemple_graphe_4,1,3,4))
```

```
Activité 2
                                                           ramsey_2.py
# Graphes et combinatoire de Ramsey
# Activité 2 - Affichage graphique
from tkinter import *
from math import *
from tkinter.font import Font
from ramsey_1 import * # Pour les exemples
# Fenêtre tkinter
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=800, height=500, background="white")
canvas.pack(side=LEFT, padx=5, pady=5)
```

```
# Echelle
echelle = 200
# Un graphe
## Question 1 ##
# Version basique (recalcule plein de fois la même chose)
def afficher_graphe_basic(graphe):
   Affiche un graphe à l'écran
   Entrée : un graphe
   Sortie : rien (affichage à l'écran)
   n = len(graphe)
   # Arêtes
   for j in range(n):
       for i in range(n):
          xi = 2*echelle + cos(2*i*pi/n)*echelle
          yi = 1.5*echelle + sin(2*i*pi/n)*echelle
          xj = 2*echelle + cos(2*j*pi/n)*echelle
          yj = 1.5*echelle + sin(2*j*pi/n)*echelle
          if graphe[i][j] == 0:
              canvas.create_line(xi,yi,xj,yj,width=4,fill="red")
          if graphe[i][j] == 1:
              canvas.create_line(xi,yi,xj,yj,width=4,fill="green")
   # Sommets
   for i in range(n):
       x = 2*echelle + cos(2*i*pi/n)*echelle
       y = echelle + sin(2*i*pi/n)*echelle
       canvas.create_oval(x-5,y-5,x+5,y+5,fill="black")
   return
# Version optimale
def afficher_graphe(graphe):
   Affiche un graphe à l'écran
   Entrée : un graphe
   Sortie : rien (affichage à l'écran)
   n = len(graphe) # Nombre de sommets
   # Liste des coordonnées (x,y) des sommets
   coord = [(2*echelle + cos(2*i*pi/n)*echelle,1.2*echelle + sin(2*i*pi/n)*echelle) for i
   \hookrightarrow in range(n)]
   # Arêtes
   for j in range(n):
       for i in range(j+1,n): # i>j
          if graphe[i][j] == 0:
              canvas.create_line(coord[i],coord[j],width=4,fill="red",dash=(6, 2))
          if graphe[i][j] == 1:
              canvas.create_line(coord[i],coord[j],width=4,fill="green")
   mafonte = Font(family="Courier", weight="bold",size=18)
    # Sommets
   for i in range(n):
```

```
x,y = coord[i]
    canvas.create_oval(x-15,y-15,x+15,y+15,fill="black")
    canvas.create_text(x,y,text=str(i),font=mafonte,fill="white")

# Numéro

return

# Lancement de la fenêtre
if __name__ == '__main__':
    bouton_quitter = Button(root,text="Quitter", width=8, command=root.quit)
    bouton_quitter.pack(side=BOTTOM, padx=5, pady=20)

# Test d'un exemple
    afficher_graphe(exemple_graphe_2)
    root.mainloop()
```

```
Activité 3
                                                                         ramsey_3.py
# Graphes et combinatoire de Ramsey
# Activité 3 - Binaire
##################################
## Echanger n <-> p pour être cohérent avec fiche binaire
def decimal_vers_binaire(p,n):
   chaine_b = bin(p) # Conversion en une chaîne écriture binaire
   chaine_bb = chaine_b[2:] # On enlève le préfixe
   # On transforme la chaine en une liste **d'entiers** 0 ou 1
   liste_binaire = []
   for b in chaine_bb:
       liste_binaire = liste_binaire + [int(b)]
   # On rajoute des zéros au début si besoin
   nb_zeros = n - len(liste_binaire)
   for i in range(nb_zeros):
       liste_binaire = [0] + liste_binaire
   return liste_binaire
# Version plus courte qui utilise "format()"
def decimal_vers_binaire_bis(p,n):
   modele = '{:0'+str(n)+'b}'
   chaine_binaire = modele.format(p)
   liste_binaire = [int(b) for b in list(chaine_binaire)]
   return liste_binaire
# Test
if __name__ == '__main__':
  n = 8
   p = 37
   print(decimal_vers_binaire(p,n))
   print(decimal_vers_binaire_bis(p,n))
```

```
## Question 1 ##
# Génère tous les sous-ensembles
def sous_ensembles(n):
   """Trouve tous les sous-ensembles de l'ensemble à n éléments [0,1,2,...n-1]"""
   tous_sous_ens = []
   for p in range(2**n):
       # Conversion binaire
       liste_binaire = decimal_vers_binaire(p,n)
       #print(liste_binaire)
       sous_ens = []
       for j in range(n):
          # if liste_binaire[n-j-1] == 1:
           if liste_binaire[j] == 1:
               sous_ens = sous_ens + [j]
       tous_sous_ens = tous_sous_ens + [sous_ens]
   return tous_sous_ens
# Test
if __name__ == '__main__':
   print("--- Sous-ensembles ---")
   n = 3
   SS_ENS = sous_ensembles(n)
   print("Pour n = ",n)
   print("Nombre de sous-ensembles = ",len(SS_ENS))
   print(SS_ENS)
## Question 2 ##
def sous_ensembles_fixe(n,k):
   tous_sous_ens_fixe = []
   for sous_ens in sous_ensembles(n):
       if len(sous_ens) == k:
           tous_sous_ens_fixe = tous_sous_ens_fixe + [sous_ens]
   return tous_sous_ens_fixe
# Test (suite)
if __name__ == '__main__':
   print("--- Sous-ensembles à 3 éléments ---")
   n = 6
   k = 3
   SS_ENS_3 = sous_ensembles_fixe(n,k)
   print("Pour n = ",n," k = ",k)
   print("Nombre de sous-ensembles à 3 éléments = ",len(SS_ENS_3))
   print(SS_ENS_3)
```

```
Activité 5
                                                                   ramsey_5.py
# Graphes et combinatoire de Ramsey
# Activité 5 - Preuve n=6
from ramsey_1 import *
from ramsey_1 import contient_3_amis_fixes
from ramsey_1 import contient_3_etrangers_fixes
from ramsey_3 import decimal_vers_binaire
from ramsey_4 import sous_ensembles
from ramsey_4 import sous_ensembles_fixe
# Sous-ensembles
n = 6
k = 3
SS_ENS_6_3 = sous_ensembles_fixe(n,k)
## Question 1 ##
def graphe_contient_3(graphe):
   """Cherche si trois sommets sont tous reliés entre eux"""
   n = len(graphe)
   #for sous_ens in SS_ENS_6_3: # Pour n=6, k=3
   for sous_ens in sous_ensembles_fixe(n,3): # Pour n quelconque
      #print(sous_ens)
      contient_3_amis = contient_3_amis_fixes(graphe,*sous_ens)
      contient_3_etrangers = contient_3_etrangers_fixes(graphe,*sous_ens)
      contient = contient_3_amis or contient_3_etrangers
      if contient == True:
          break
   # Affichage
   # if contient == True:
       print("Validé par l'exemple:",sous_ens)
   # else:
   # print("Problème")
   # if contient == False:
       print("Problème")
        voir_graphe(graphe)
   return contient
 # Test
# Un exemple
if __name__ == '__main__':
   print("--- Test conjecture un seul graphe ---")
   print("--- Exemple 1 ---")
   print(graphe_contient_3(exemple_graphe_1))
```

```
print("--- Exemple 2 ---")
   print(graphe_contient_3(exemple_graphe_2))
   print("--- Exemple 3 ---")
   print(graphe_contient_3(exemple_graphe_3))
   print("--- Exemple 4 ---")
   print(graphe_contient_3(exemple_graphe_4))
## Question 2 ##
# Calcul de tous les graphes possible à n sommets
# Il y a 2^{(n-1)*n/2}
def voir_tous_graphes(n):
   N = ((n-1) * n)//2
   print("Nombre total de graphes :",2**N)
   for p in range(2**N):
      # Conversion binaire
      liste_binaire = decimal_vers_binaire(p,N)
      print("p =",p,liste_binaire)
      graphe = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
      for j in range(0,n):
          for i in range(j+1,n):
             b = liste_binaire.pop()
             graphe[i][j] = b
             graphe[j][i] = b
      voir_graphe(graphe)
   return
# Test
# n = 4
# print("--- Affiche tous les graphes possibles ---")
# print("n = ",n)
# voir_tous_graphes(n)
## Question 3 ##
# Test de tous les graphes possible à n sommets
# Il y a 2^{(n-1)*n/2})
def test_tous_graphes(n):
   N = ((n-1) * n)//2
   print("Nombre total de graphes :",2**N)
   for p in range(2**N):
      # Conversion binaire
      liste_binaire = decimal_vers_binaire(p,N)
      # print("p =",p,liste_binaire)
      graphe = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
      for j in range(0,n):
          for i in range(j+1,n):
             b = liste_binaire.pop()
             graphe[i][j] = b
             graphe[j][i] = b
```

```
# voir_graphe(graphe)
    test = graphe_contient_3(graphe)
    if test == False:
        print("Problème avec",p)

    return

# Test
n = 6
print("\n\n--- Preuve du théorème de Ramsey, n = 6 ---")
print("n = ",n)
print("--- Recherche de graphe ne vérifiant pas l'énonce...")
test_tous_graphes(n)
print("fin des calculs ---")
print("Si rien ne s'est affiché, c'est que c'est bon !")
```

```
Activité 6
                                                                ramsey_6.py
# Graphes et combinatoire de Ramsey
# Activité 6 - Pour aller plus loin
##################################
from ramsey_1 import *
from ramsey_1 import contient_3_amis_fixes
from ramsey_1 import contient_3_etrangers_fixes
from ramsey_3 import decimal_vers_binaire
from ramsey_4 import sous_ensembles
from ramsey_4 import sous_ensembles_fixe
## Question 1 ##
# Sous-ensembles
n = 6
k = 3
SS_ENS_3 = sous_ensembles_fixe(n,k)
def graphe_contient_3(graphe):
   """Cherche si trois sommets sont tous reliés entre eux"""
   n = len(graphe)
   for sous_ens in SS_ENS_3:
      contient_3_amis = contient_3_amis_fixes(graphe,*sous_ens)
      contient_3_etrangers = contient_3_etrangers_fixes(graphe,*sous_ens)
      contient = contient_3_amis or contient_3_etrangers
      if contient == True:
         break
```

```
# Affichage
   # if contient == True:
   # print("Validé par l'exemple:",sous_ens)
   # else:
   # print("Problème")
   # if contient == False:
   # print("Problème")
        voir_graphe(graphe)
   return contient
# Test de tous les graphes possible à n sommets
# Il y a 2^{(n-1)*n/2}
def test_tous_graphes(n):
   N = ((n-1) * n)//2
   print("Nombre total de graphes :",2**N)
   for p in range( ((2**N) // 2)):
       # Conversion binaire
       liste_binaire = decimal_vers_binaire(p,N)
       # print("p =",p,liste_binaire)
       graphe = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
       for j in range(0,n):
          for i in range(j+1,n):
              b = liste_binaire.pop()
              graphe[i][j] = b
              graphe[j][i] = b
       # voir_graphe(graphe)
       test = graphe_contient_3(graphe)
       if test == False:
          print("Problème avec graphe p =",p)
   return
print("\n\n--- Preuve du théorème de Ramsey, n =",n,"---")
print("n = ",n)
print("--- Recherche de graphe ne vérifiant pas l'énonce...")
test_tous_graphes(n)
print("fin des calculs ---")
print("Si rien ne s'est affiché, c'est que c'est bon !")
# n = 6 : 0.5 secondes
\# n = 7 : 20 secondes
# n = 8 : 2500 secondes = 40 min (extrapolation sur échantillon de 10^-2)
# n = 9 : 800 000 secondes = 9 jours (extrapolation sur échantillon de 10^-4)
## Question 2 ##
# Sous-ensembles
n = 9
SS_ENS_3 = sous_ensembles_fixe(n,3)
SS_ENS_4 = sous_ensembles_fixe(n,4)
def contient_4_amis_fixes(graphe,i,j,k,l):
```

```
"""Cherche si sommets i, j, k sont tous reliés entre eux comme amis"""
    if graphe[i][j] == 1 and graphe[i][k] == 1 and graphe[i][l] == 1 and graphe[j][k] == 1
    \hookrightarrow and graphe[j][l] == 1 and graphe[k][l] == 1:
        return True
    else:
        return False
# Test de tous les graphes possible à n sommets
# pour savoir s'il existe 4 amis ou 3 étrangers
def graphe_contient_3_4(graphe):
    """Cherche si trois ou quatre sommets sont tous reliés entre eux"""
    n = len(graphe)
    # Cherche 3 étrangers
    for sous_ens in SS_ENS_3:
        contient_3_etrangers = contient_3_etrangers_fixes(graphe,*sous_ens)
        if contient_3_etrangers == True:
    # Si pas 3 étrangers, cherche 4 amis
    if contient_3_etrangers == False:
        for sous_ens in SS_ENS_4:
            contient_4_amis = contient_4_amis_fixes(graphe,*sous_ens)
            if contient_4_amis == True:
                break
    else:
        contient_4_amis = True # Peu importe vu que déjà 3 étrangers
    contient = contient_3_etrangers or contient_4_amis
    return contient
def ramsey_4_3(n):
    N = ((n-1) * n)//2
    print("Nombre total de graphes :",2**N)
    # for p in range( ((2**N)) // 100000):
    for p in range( 1000000 ):
        # Conversion binaire
        liste_binaire = decimal_vers_binaire(p,N)
        # print("p =",p,liste_binaire)
        graphe = [[0 for j in range(n)] for i in range(n)]
        for j in range(0,n):
            for i in range(j+1,n):
                b = liste_binaire.pop()
                graphe[i][j] = b
                graphe[j][i] = b
        test = graphe_contient_3_4(graphe)
        if test == False:
            print("Problème avec graphe p =",p)
    return
print("\n\--- Preuve du théorème de Ramsey avec 4 amis ou 3 étrangers, n = ",n,"---")
print("n = ",n)
print("--- Recherche de graphe ne vérifiant pas l'énonce...")
```

```
ramsey_4_3(n)
print("fin des calculs ---")
print("Si rien ne s'est affiché, c'est que c'est bon !")

# n = 7, contre-exemples facile
# n = 8 contre-exemple par exemple p=111121101
# n = 9 est vrai ! Mais doit prendre 18 jours de calculs
```

22. Bitcoin

```
Activités
                                                                 bitcoin.py
# Bitcoin
from random import randint
from time import *
# Activité 2 - Outils pour les listes
# Constante globale de longueur des blocs
# Constante pour preuve de travail
Max = [0,0,25]
## Question 1 ##
# Addition des termes de deux listes de même longueur
def addition(liste1,liste2):
   liste_somme = []
   for i in range(len(liste1)):
      liste_somme = liste_somme + [ (liste1[i]+liste2[i]) % 100 ]
   return liste_somme
# Test
print("--- Test somme liste ---")
print(addition([1,2,3,4,5,6],[1,1,1,1,1]))
## Question 2 ##
# Test si une liste est plus petite que liste_max
def est_plus_petit(liste,liste_max):
  i = 0
   n = len(liste_max)
   while (i < n) and (liste[i] <= liste_max[i]):</pre>
      i = i + 1
   if i == n:
      return True
```

```
else:
       return False
# Test
print("--- Test plus petit liste ---")
print(est_plus_petit([0,0,24,4,5,6],[0,0,50]))
## Question 3 ##
def phrase_vers_liste(phrase):
   # Transforme lettres en nombre modulo 100
   liste = [ord(c) % 100 for c in phrase]
   # Rajoute des 0 devant si besoin
   while len(liste) % N > 0:
       liste = [0] + liste
   return liste
# Test
print("--- Phrase vers liste ---")
phrase = "Vive moi !"
print(phrase)
print(phrase_vers_liste(phrase))
# Activité 3 - Fonction de hachage
##################################
## Question 3 ##
p = [7,11,13,17,19,23] # nb premiers
def un_tour(bloc):
   # Addition
   bloc[1] = (bloc[1]+bloc[0]) % 100
   bloc[3] = (bloc[3]+bloc[2]) % 100
   bloc[5] = (bloc[5]+bloc[4]) % 100
   # m = p*m + 1 \pmod{100}
   for i in range(N):
       bloc[i] = (p[i]*bloc[i]+1) % 100
   # permutation
   bloc = [bloc[N-1]] + bloc[:N-1]
   return bloc
# Test
print("--- Test un tour ---")
bloc = [0,1,2,3,4,5]
print(bloc)
print(un_tour(bloc))
bloc = [1,1,2,3,4,5]
print(bloc)
print(un_tour(bloc))
##################################
## Question 3 ##
def dix_tours(bloc):
```

```
for i in range(10):
        bloc = un_tour(bloc)
    return bloc
# Test
print("--- Test dix tours ---")
bloc = [0,1,2,3,4,5]
print(bloc)
print(dix_tours(bloc))
bloc = [1,1,2,3,4,5]
print(bloc)
print(dix_tours(bloc))
bloc = [99,96,87,56,67,76]
print(bloc)
print(dix_tours(bloc))
bloc = [70,92,22,4,16,90]
print(bloc)
print(dix_tours(bloc))
## Question 3 ##
def hachage(liste):
    while len(liste)>N:
        bloc1 = liste[0:N] # Premier bloc
        bloc2 = liste[N:2*N] # Second bloc
       fin_liste = liste[2*N:] # Le reste
        # print(bloc1)
        # print(bloc2)
        # print(fin_liste)
        #bloc1 = un_tour(bloc1) # Un tour
        bloc1 = dix_tours(bloc1) # Dix tours
        #print(bloc1)
        nouv_bloc_deb = addition(bloc1,bloc2)
        liste = nouv_bloc_deb + fin_liste
    # Tours de fin pour la liste (qui ne contient plus que N nb)
    # liste = un_tour(liste) # Un tour
    liste = dix_tours(liste) # Un tour
    return liste
# Test
print("--- Hachage d'une liste ---")
liste = [1,2,3,4,5,6,1,2,3,4,5,6]
hach = hachage(liste)
print(liste)
print(hach)
liste = [1,1,3,4,5,6,1,2,3,4,5,6]
hach = hachage(liste)
print(liste)
print(hach)
liste = [0,1,2,3,4,5,1,1,1,1,1,1,10,10,10,10,10,10]
hach = hachage(liste)
print(liste)
```

```
print(hach)
# Activité 4 - Preuve de travail - Minage
####################################
## Question 3 ##
def verification_preuve_de_travail(liste,preuve):
   liste_test = liste + preuve
   hach = hachage(liste_test)
   # print(preuve, hach)
   if est_plus_petit(hach,Max):
       return True
   else:
       return False
# Test
print("--- Verif Preuve de travail ---")
liste = [0,1,2,3,4,5]
preuve = [12, 3, 24, 72, 47, 77]
\# Max = [0,0,7]
start_time = time()
print(verification_preuve_de_travail(liste,preuve))
end_time = time()
duree = end_time-start_time
print("Temps de calcul :",duree)
## Question 2 ##
def preuve_de_travail(liste):
   hach = [1,1,1,1,1,1]
   while not(est_plus_petit(hach,Max)):
       preuve = [randint(0,99) for i in range(N)]
       liste_test = liste + preuve
       hach = hachage(liste_test)
   print(preuve,hach)
   return preuve
## Question 2 bis ##
from itertools import product
def preuve_de_travail_bis(liste):
   for preuve in product(range(100),range(100),range(100),range(100),range(100))
   \hookrightarrow :
       preuve = list(preuve)
       liste_test = liste + preuve
       hach = hachage(liste_test)
       if est_plus_petit(hach,Max):
          break
   print(preuve,hach)
```

```
return preuve
## Question 3 ##
# Test
print("--- Preuve de travail ---")
start_time = time()
liste = [0,1,2,3,4,5]
# preuve = preuve_de_travail(liste)
# preuve = preuve_de_travail_bis(liste)
end_time = time()
duree = end_time-start_time
print("Temps de calcul :",duree)
# Activité 5 - Tes bitcoins
## Question 1 ##
preuve_init = [0,0,0,0,0,0] # valeur au pif
Livre = [preuve_init]
def ajout_transaction(transaction):
   global Livre
   Livre = Livre + [transaction]
   return Livre
# Test
print("--- Création du livre et ajout d'une transaction ---")
print(Livre)
ajout_transaction("Bob +135")
print(Livre)
## Question 2 ##
def minage():
   global Livre
   transaction = Livre[-1]
   prec_preuve = Livre[-2]
   # print(transaction)
   # print(prec_hach)
   # print(phrase_vers_liste(transaction))
   liste = prec_preuve + phrase_vers_liste(transaction)
   preuve = preuve_de_travail(liste)
   Livre = Livre + [preuve]
   return Livre
# Test
print("--- Minage ---")
print(Livre)
minage()
print(Livre)
# Exemple pour fiche
print("--- Exemple pour fiche ---")
```

```
Max = [0,0,7]
hach_init = [3,1,4,1,5,9] # valeur au pif
Livre = [hach_init]
ajout_transaction("Abel +35")
print(Livre)
minage()
print(Livre)
## Question 3 ##
def verification_livre():
   prec_preuve = Livre[-3]
    transaction = Livre[-2]
    preuve = Livre[-1]
   hach = hachage(prec_preuve+phrase_vers_liste(transaction)+preuve)
    if est_plus_petit(hach,Max):
       return True
    else:
       return False
print("--- Vérification du livre ---")
print(Livre)
print(verification_livre())
## Question 4 ##
# Exemple complet
# Constante pour preuve de travail
Max = [0,0,7]
start_time = time() # début chrono
hach_init = [0,0,0,0,0,0] # valeur au pif
Livre = [hach_init]
# print(Livre)
# ajout_transaction("Abel +135")
# print(Livre)
# minage()
# print(Livre)
# print(verification_livre())
# ajout_transaction("Bob -77")
# print(Livre)
# minage()
# print(Livre)
# print(verification_livre())
# ajout_transaction("Camille -25")
# print(Livre)
# minage()
# print(Livre)
# print(verification_livre())
end_time = time()
duree = end_time-start_time
print("Temps de calcul :",duree)
```

23. Constructions aléatoires

Activités 1 et 2

```
Activités 1 et 2
                                                   aleatoire_vertical.py
# Aléatoire - Idées
from random import *
from tkinter import *
import time
# Activité 1 - Faire tomber des blocs
n = 4 # nb de lignes
p = 6  # nb de colonnes
tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
tableau[3][3] = 1
tableau[3][2] = 1
tableau[2][2] = 1
tableau[1][2] = 1
tableau[0][4] = 1
******************
def voir_tableau():
   for i in range(n):
      for j in range(p):
         print(tableau[i][j], end="")
      print()
   return
voir_tableau()
def peut_tomber(i,j):
   if i == n-1: # tout en bas
      return False
   if tableau[i+1][j]: # case juste en-dessous
      return False
   if j>0 and tableau[i][j-1]: # à gauche
      return False
   if j < p-1 and tableau[i][j+1]: # à droite
      return False
   return True
def faire_tomber_un_bloc(j):
   # j = nouveau_bloc()
   i = 0
   while peut_tomber(i,j):
      i = i + 1
```

```
tableau[i][j] = 1
   return i,j
def faire_tomber_des_blocs(k):
   # voir_tableau()
   # print()
   for __ in range(k):
       j = randint(0,p-1)
       faire_tomber_un_bloc(j)
       # voir_tableau()
       # print()
   return
# faire_tomber_des_blocs(7)
# print()
# voir_tableau()
# exit()
# Activité 2 - Affichage tkinter statique
n = 125
       # nb de lignes
p = 250 # nb de colonnes
tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
echelle = 5 # échelle
nb_blocs = 500
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=p*echelle, height=n*echelle, background="white")
canvas.pack(fill="both", expand=True)
def afficher_tableau():
   canvas.delete("all") # Efface tout
   for i in range(n):
       for j in range(p):
           if tableau[i][j]:
              canvas.create_rectangle(j*echelle,i*echelle,j*echelle+echelle-1,i*echelle+
   ⇔ echelle-1, width=1, fill= 'green ')
   return
# Test
# afficher_tableau()
def action_bloc():
   faire_tomber_des_blocs(nb_blocs)
   afficher_tableau()
   return
bouton_bloc = Button(root,text="Afficher blocs", width=20, command=action_bloc)
bouton_bloc.pack(pady=10)
bouton_quitter = Button(root,text="Quitter", width=20, command=root.quit)
bouton_quitter.pack(side=BOTTOM, pady=10)
root.mainloop()
```

Activité 3

Activité 3 aleatoire_circulaire.py # Aléatoire - Idées from random import * from tkinter import * import time # Activité 1 - Faire tourner des blocs ################################## n = 10 # nb de lignes p = 10 # nb de colonnes bord = min(n,p)//5 # distance au bord tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)] tableau[(n-1)//2][(p-1)//2] = 1 # Centredef voir_tableau(): for i in range(n): for j in range(p): print(tableau[i][j], end="") print() return # voir_tableau() def est_libre(i,j): # if tableau[i][j]: # sur un bloc existant return False if i>0 and tableau[i-1][j]: # au dessus return False if i<n-1 and tableau[i+1][j]: # en-dessous</pre> return False if j>0 and tableau[i][j-1]: # à gauche return False if j<p-1 and tableau[i][j+1]: # à droite return False return True def est_dedans(i,j): if $(0 \le i \le n)$ and $(0 \le j \le p)$: return True else: return False def lancer_un_bloc(): i = randint(0+bord,n-1-bord)

```
j = randint(0+bord,p-1-bord)
   while est_dedans(i,j) and est_libre(i,j):
       dx = randint(-1,1)
       dy = randint(-1,1)
       i = i + dx
       j = j + dy
    if est_dedans(i,j):
       tableau[i][j] = 1
   return i,j
def lancer_des_blocs(k):
   # voir_tableau()
   # print()
   for __ in range(k):
       lancer_un_bloc()
       # voir_tableau()
       # print()
   return
lancer_des_blocs(5)
#################################
# Activité 2 - Affichage tkinter statique
n = 170
        # nb de lignes
p = 200 # nb de colonnes
bord = min(n,p)//10 # distance au bord pour lancement
tableau = [[0 for j in range(p)] for i in range(n)]
tableau[(n-1)//2][(p-1)//2] = 1 # Centre
nb blocs = 500
root = Tk()
canvas = Canvas(root, width=p*echelle, height=n*echelle, background="white")
canvas.pack(fill="both", expand=True)
def afficher_tableau():
   canvas.delete("all") # Efface tout
   for i in range(n):
       for j in range(p):
           if tableau[i][j]:
               canvas.create_rectangle(j*echelle,i*echelle,j*echelle+echelle-1,i*echelle+

    echelle-1, width=1, fill= 'green ')

   return
def action_bloc():
   lancer_des_blocs(nb_blocs)
   afficher_tableau()
   return
bouton_bloc = Button(root,text="Lancer des blocs", width=20, command=action_bloc)
bouton_bloc.pack(pady=10)
```

bouton_quitter = Button(root,text="Quitter", width=20, command=root.quit)
bouton_quitter.pack(side=BOTTOM, pady=10)
root.mainloop()