Bitcoin

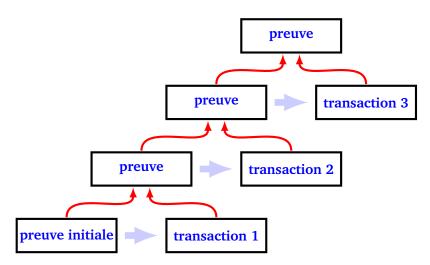
Bitcoin

- La monnaie bitcoin est une monnaie dématérialisée.
- Les transactions sont enregistrées dans un grand livre de compte appelé blockchain.
- Imaginons un groupe d'amis qui souhaitent partager les dépenses du groupe de façon la plus simple possible.
- Au départ tout le monde dispose de 1000 *bitcoins* et on note au fur et à mesure les dépenses et les recettes de chacun.
- On note sur le livre de compte la liste des dépenses/recettes, par exemple :
 - « Amir a dépensé 100 bitcoins »
 - « Barbara a reçu 45 bitcoins »
 - etc.
- Il suffit de parcourir tout le livre pour savoir combien chacun a reçu ou dépensé depuis le début.

Blockchain

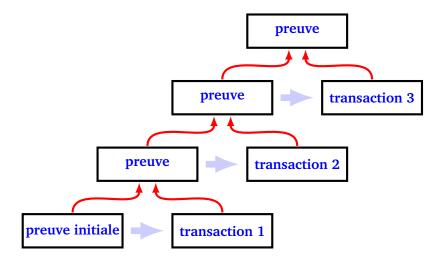
Pour éviter que quelqu'un ne vienne truquer le livre de compte, après chaque transaction on ajoute dans le livre une certification construite à partir d'une preuve de travail.

- 1. On commence par une preuve de travail quelconque. Pour nous ce sera [0,0,0,0,0,0].
- 2. On écrit la première transaction (par exemple "Amir -100").
- 3. On calcule et on écrit dans le livre une preuve de travail, qui va servir de certificat. C'est une liste (par exemple [56,42,10,98,2,34]) obtenue après beaucoup de calculs prenant en compte la transaction précédente et la précédente preuve de travail.
- 4. À chaque nouvelle transaction (par exemple "Barbara +45"), quelqu'un calcule une preuve de travail pour la dernière transaction associée à la précédente preuve. On écrit la transaction, puis la preuve de travail.



Preuve de travail

- Une preuve de travail est la résolution d'un problème difficile, mais où il est facile de vérifier que la solution obtenue est correcte.
- Comme les sudokus par exemple : il suffit de dix secondes pour vérifier qu'une grille est remplie correctement, par contre il a fallu plus de dix minutes pour le résoudre.



Fonction de hachage

- À partir d'un long message nous calculons une courte empreinte.
- Il est difficile de trouver deux messages différents ayant la même empreinte.
- Ici notre message est une liste d'entiers (entre 0 et 99) de longueur un multiple quelconque de N=6.
- Son empreinte (ou *hash*) sera une liste de longueur N = 6.
- Exemple: [1, 2, 3, 4, 5, 6, 1, 2, 3, 4, 5, 6] a pour empreinte:

• Exemple: [1, 1, 3, 4, 5, 6, 1, 2, 3, 4, 5, 6] a pour empreinte:

L'idée est de mélanger les nombres par bloc de N=6 entiers, puis de combiner ce bloc au suivant et de recommencer, jusqu'à obtenir un seul bloc.

Un tour

Pour un bloc $[b_0, b_1, b_2, b_3, b_4, b_5]$ de taille N = 6, faire un tour consiste à faire les opérations suivantes :

1. On additionne certains entiers:

$$[b'_0, b'_1, b'_2, b'_3, b'_4, b'_5] = [b_0, b_1 + b_0, b_2, b_3 + b_2, b_4, b_5 + b_4]$$

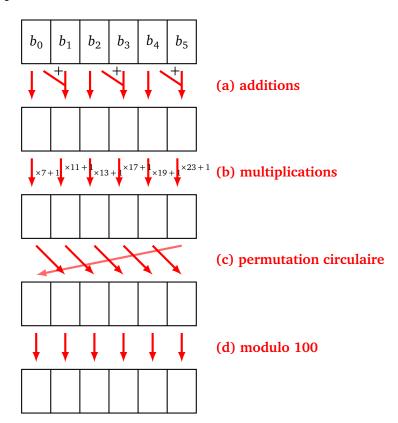
2. On multiplie ces entiers par des nombres premiers (dans l'ordre 7, 11, 13, 17, 19, 23) et on rajoute 1 :

$$[\,b_0'',b_1'',b_2'',b_3'',b_4'',b_5''] = [\,7\times b_0'+1,11\times b_1'+1,13\times b_2'+1,17\times b_3'+1,19\times b_4'+1,23\times b_5'+1\,]$$

3. On effectue une permutation circulaire (le dernier passe devant) :

$$[b_0''',b_1''',b_2''',b_3''',b_4''',b_5'''] = [b_5'',b_0'',b_1'',b_2'',b_3'',b_4'']$$

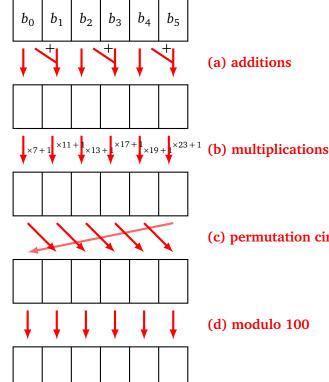
4. On réduit chaque entier modulo 100 afin d'obtenir des entiers entre 0 et 99.



Partant du bloc [0, 1, 2, 3, 4, 5], on a donc successivement :

- 1. additions: [0,1,2,5,4,9]
- 2. multiplications : $[7 \times 0 + 1, 11 \times 1 + 1, 13 \times 2 + 1, 17 \times 5 + 1, 19 \times 4 + 1, 23 \times 9 + 1] = [1, 12, 27, 86, 77, 208]$
- 3. permutation: [208, 1, 12, 27, 86, 77]
- 4. réduction modulo 100 : [8, 1, 12, 27, 86, 77]

Vérifie que le bloc [1,1,2,3,4,5] est transformé en [8,8,23,27,86,77].



Dix tours

Pour bien mélanger chaque bloc, itère dix fois les opérations précédentes. Après 10 tours :

- le bloc [0, 1, 2, 3, 4, 5] devient [98, 95, 86, 55, 66, 75],
- le bloc [1, 1, 2, 3, 4, 5] devient [18, 74, 4, 42, 77, 42].

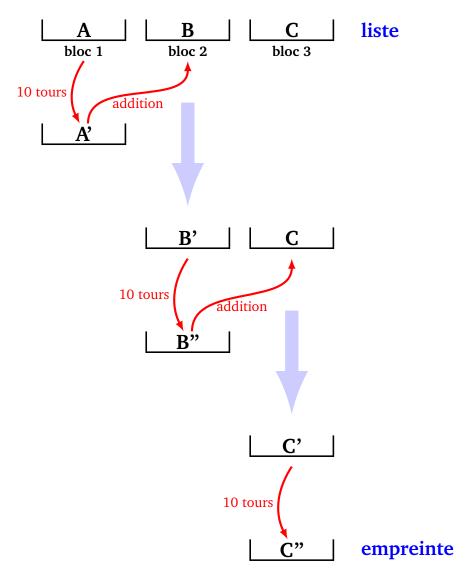
Deux blocs proches sont transformés en deux blocs très différents!

Hachage d'une liste

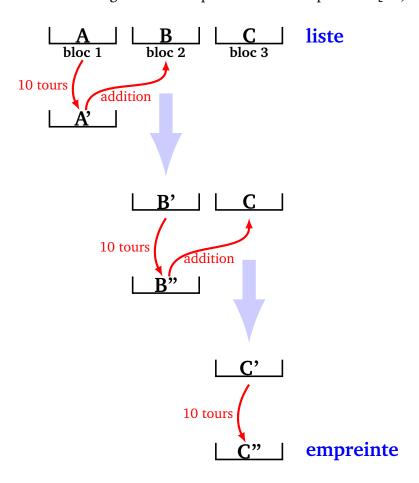
Partant d'une liste de longueur un multiple de N=6, on la découpe en blocs de longueur 6 et on calcule l'empreinte de cette liste selon l'algorithme suivant :

- On extrait le premier bloc de la liste, on effectue 10 tours de mélange.
- On ajoute terme à terme (et modulo 100), le résultat de ce mélange au second bloc.
- On recommence en partant du nouveau second bloc.
- Lorsqu'il ne reste plus qu'un bloc, on effectue 10 tours de mélange, le résultat est l'empreinte de la liste.

Voici le schéma d'une situation avec trois blocs : dans un premier temps il y a trois blocs (A,B,C) ; dans un second temps il ne reste plus que deux bloc (B' et C) ; à la fin il ne reste qu'un bloc (C") : c'est l'empreinte!



- Le premier bloc est [0, 1, 2, 3, 4, 5], son mélange à 10 tours est [98, 95, 86, 55, 66, 75].
- On ajoute ce mélange au second bloc [1, 1, 1, 1, 1, 1].
- La liste restante est maintenant [99, 96, 87, 56, 67, 76, 10, 10, 10, 10, 10, 10].
- On recommence. Le nouveau premier bloc est [99, 96, 87, 56, 67, 76], son mélange à 10 tours vaut [60, 82, 12, 94, 6, 80], on l'ajoute au dernier bloc [10, 10, 10, 10, 10, 10] pour obtenir (modulo 100) [70, 92, 22, 4, 16, 90].
- On effectue un dernier mélange à 10 tours pour obtenir l'empreinte : [77,91,5,91,89,99].



Preuve de travail - Minage

On va construire un problème compliqué à résoudre, pour lequel, si quelqu'un nous donne la solution, alors il est facile de vérifier qu'elle convient.

Problème à résoudre. On nous donne une liste, il s'agit de trouver un bloc tel que, lorsque qu'on le rajoute à la liste, cela produit un hachage commençant par des zéros. Plus précisément étant donné une liste liste et un objectif maximal Max, il s'agit de trouver un bloc preuve qui, concaténé à la liste puis haché, est plus petit que la liste Max, c'est-à-dire :

hachage(liste + preuve) plus petit que Max

La liste est de longueur quelconque (un multiple de N=6), la preuve est un bloc de longueur N, l'objectif est de trouver une liste commençant par des 0.

Exemple.

Soit la liste = [0,1,2,3,4,5] et Max = [0,0,7]. Quel bloc preuve puis-je concaténer à liste pour résoudre mon problème?

- — preuve = [12, 3, 24, 72, 47, 77] convient
 - car concaténé à notre liste cela donne [0,1,2,3,4,5,12, 3, 24, 72, 47, 77]
 - et le hachage de toute cette liste vaut [0, 0, 5, 47, 44, 71]
 - qui commence par [0,0,5] plus petit que l'objectif.
- — preuve = [0, 0, 2, 0, 61, 2] convient aussi
 - car après concaténation on a [0,1,2,3,4,5,0, 0, 2, 0, 61, 2]
 - dont le hachage donne [0, 0, 3, 12, 58, 92].
- [97, 49, 93, 87, 89, 47] ne convient pas, car après concaténation puis hachage on obtient [0, 0, 8, 28, 6, 60] qui est plus grand que l'objectif voulu.

Variable globale Max = [0,0,7]

Vérification (facile).

Programme une fonction verification_preuve_de_travail(liste,preuve) qui renvoie vrai si la solution preuve proposée convient pour liste.

Recherche de solution (difficile).

Programme une fonction preuve_de_travail(liste) qui cherche un bloc preuve solution à notre problème pour la liste donnée.

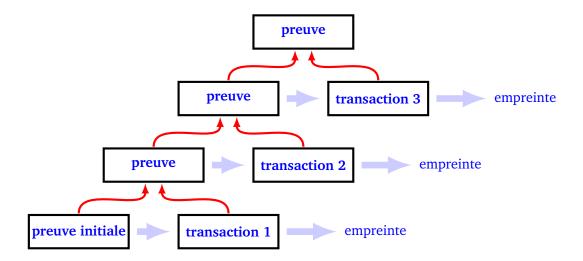
Indications.

- La méthode la plus simple est de prendre un bloc preuve de nombres au hasard et de recommencer jusqu'à trouver une solution.
- Tu peux aussi tester systématiquement tous les blocs en commençant avec [0,0,0,0,0], puis [0,0,0,0,0,1]... et t'arrêter au premier qui convient.
- Tu ajustes la difficulté du problème en changeant l'objectif : facile avec Max = [0,0,50], moyen avec Max = [0,0,5], difficile avec Max = [0,0,0], trop difficile avec Max = [0,0,0,0].
- Comme il existe plusieurs solutions, tu n'obtiens pas nécessairement la même solution à chaque recherche.

Temps de calcul.

- Compare le temps de calcul d'une simple vérification par rapport au temps de recherche d'une solution.
- Choisis l'objectif Max de sorte que la recherche d'une preuve de travail nécessite environ entre 30 et 60 secondes de calculs.
- Pour le bitcoin, ceux qui calculent des preuves de travail sont appelés les mineurs.
- Le premier qui trouve une preuve gagne une récompense.
- La difficulté du problème est ajustée de sorte que le temps de calcul mis par le gagnant (parmi l'ensemble de tous les mineurs) pour trouver une solution, soit d'environ 10 minutes.

Tes bitcoins



Initialisation et ajout d'une transaction.

- 1. Variable globale Livre initialisée à Livre = [[0,0,0,0,0,0]].
- 2. Une *transaction* est une chaîne de caractères comprenant un nom et la somme à ajouter (ou à retrancher) à son compte. Par exemple "Abel +25" ou "Barbara -45".

Programme une fonction ajout_transaction(transaction) qui ajoute la chaîne de caractère transaction à la liste Livre.

Par exemple après l'initialisation ajout_transaction("Camille +100"), Livre vaut [[0, 0, 0, 0, 0], "Camille +100"].

Attention, pour pouvoir modifier Livre il faut commencer la fonction par : global Livre.

Phrase vers liste d'entiers.

Écris une fonction phrase_vers_liste(phrase) qui convertit une chaîne de caractères en liste d'entiers entre 0 et 99 et si besoin rajoute des zéros devant afin que la liste ait une longueur un multiple de N=6.

La formule à utiliser pour convertir un caractère en un entier strictement inférieur à 100 est: ord(c) % 100

Exemple:

la fonction renvoie:

Calcul et ajout d'une preuve de travail.

Dès qu'une transaction est ajoutée, il faut calculer et ajouter au livre de compte une preuve de travail. Programme une fonction minage(), sans paramètre, qui ajoute une preuve de travail au livre.

Voici comment faire:

- On prend la dernière transaction transaction, on la transforme en une liste d'entiers par la fonction phrase_vers_liste().
- On prend la preuve de travail prec_preuve située juste avant cette transaction.
- On forme la liste liste composée d'abord des éléments de prec_preuve, puis des éléments de la liste d'entiers obtenue en convertissant la chaîne transaction.
- On calcule une preuve de travail de cette liste.
- On ajoute cette preuve au livre de compte.

Par exemple si le livre se termine par :

alors après calcul de la preuve de travail le livre se termine par exemple par :

On rappelle que la preuve de travail n'est pas unique et qu'en plus elle dépend de l'objectif Max.

Vérification du livre de compte.

Une seule personne à la fois ajoute une preuve de travail. Par contre tout le monde a la possibilité de vérifier que la preuve proposée est correcte (et devrait le faire).

Écris une fonction verification_livre(), sans paramètre, qui vérifie que la dernière preuve ajoutée au Livre est valide.

Exemple.

Écris un livre de compte qui correspond aux données suivantes :

- On prend Max = [0,0,5] et au départ Livre = [0,0,0,0,0,0].
- "Alfred -100" (Alfred doit 100 bitcoins).
- Barnabé en reçoit 150.
- Chloé gagne 35 bitcoins.