

# PRIMEIRO TRABALHO

# ALGORITMOS DE ORDENAÇÃO

**Grupo:**

João Marcos R.

Raíldom da Rocha

---



# **ALGORITMOS APRESENTADOS**



**– INSERTION SORT**

**– BINARY INSERTION SORT**



# INSERTION SORT



# ASPECTOS HISTÓRICOS



# ASPECTOS HISTÓRICO

**O Insertion Sort não tem autor ou data específica de criação, pois surgiu naturalmente da forma intuitiva como pessoas organizam itens, como cartas, inserindo cada novo elemento na posição correta. Formalizado nas décadas de 1940 e 1950 com os primeiros computadores.**



# DEFINIÇÃO



# INSERTION SORT

**O Insertion Sort é um algoritmo de ordenação simples, in-place e estável que constrói a sequência ordenada um elemento por vez, inserindo cada novo elemento na posição correta, semelhante à organização de cartas na mão.**



# CÓDIGO

```
1 def insertion_sort(arr, tam):
2     for i in range(1, tam):
3         chave, j = arr[i], i - 1
4         while j >= 0 and arr[j] > chave:
5             arr[j + 1] = arr[j]
6             j -= 1
7         arr[j + 1] = chave
8     return arr
```



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
5	3	2	4	1

CHAVE = 5



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
5	3	2	4	1

CHAVE = 5



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
5	3	2	4	1

CHAVE = 3



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
5	5	2	4	1

CHAVE = 3



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
3	5	2	4	1

CHAVE = 3



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
3	5	2	4	1

CHAVE = 3



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
3	5	2	4	1

CHAVE = 2



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
3	5	5	4	1

CHAVE = 2



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
3	3	5	4	1

CHAVE = 2



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
2	3	5	4	1

CHAVE = 2



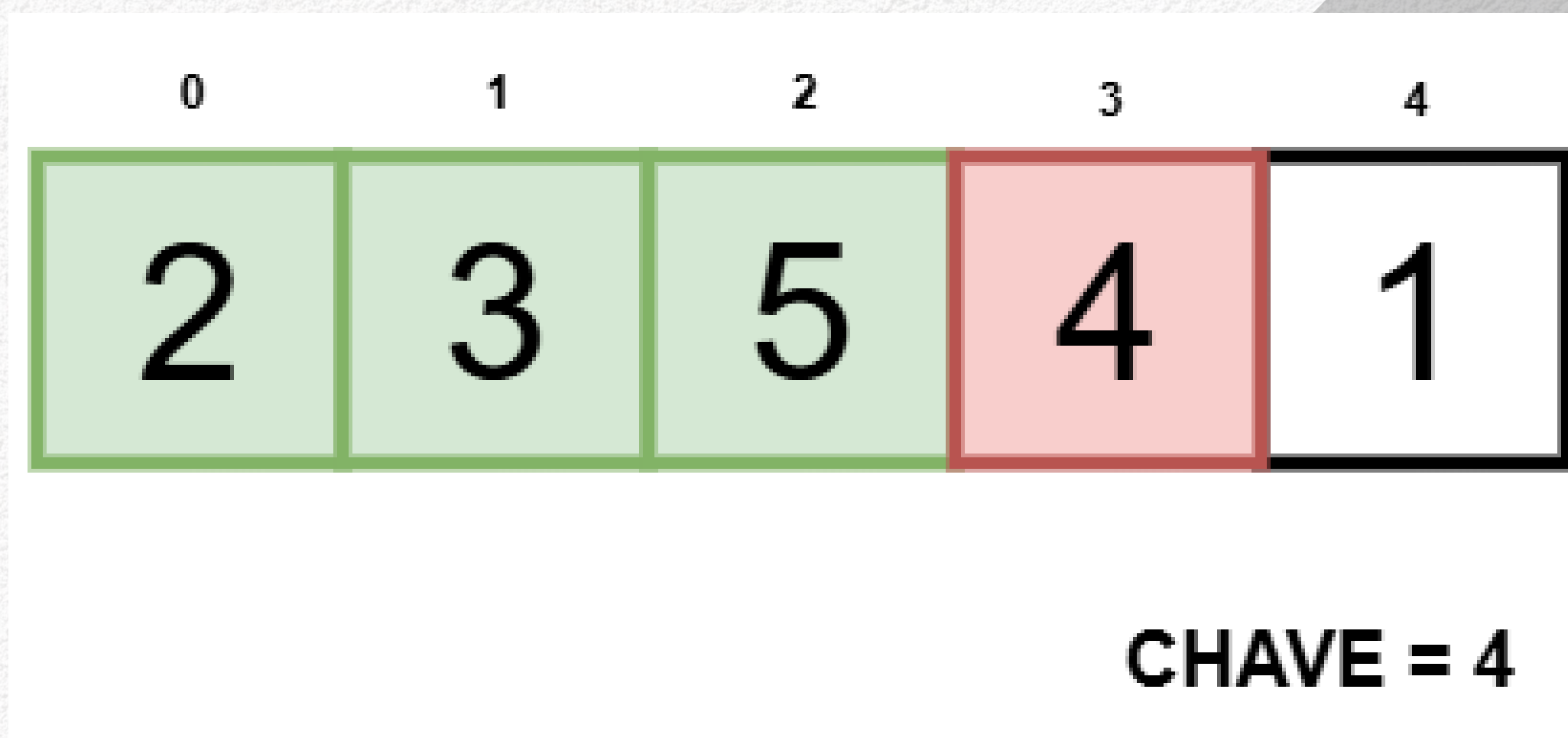
# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
2	3	5	4	1

CHAVE = 2

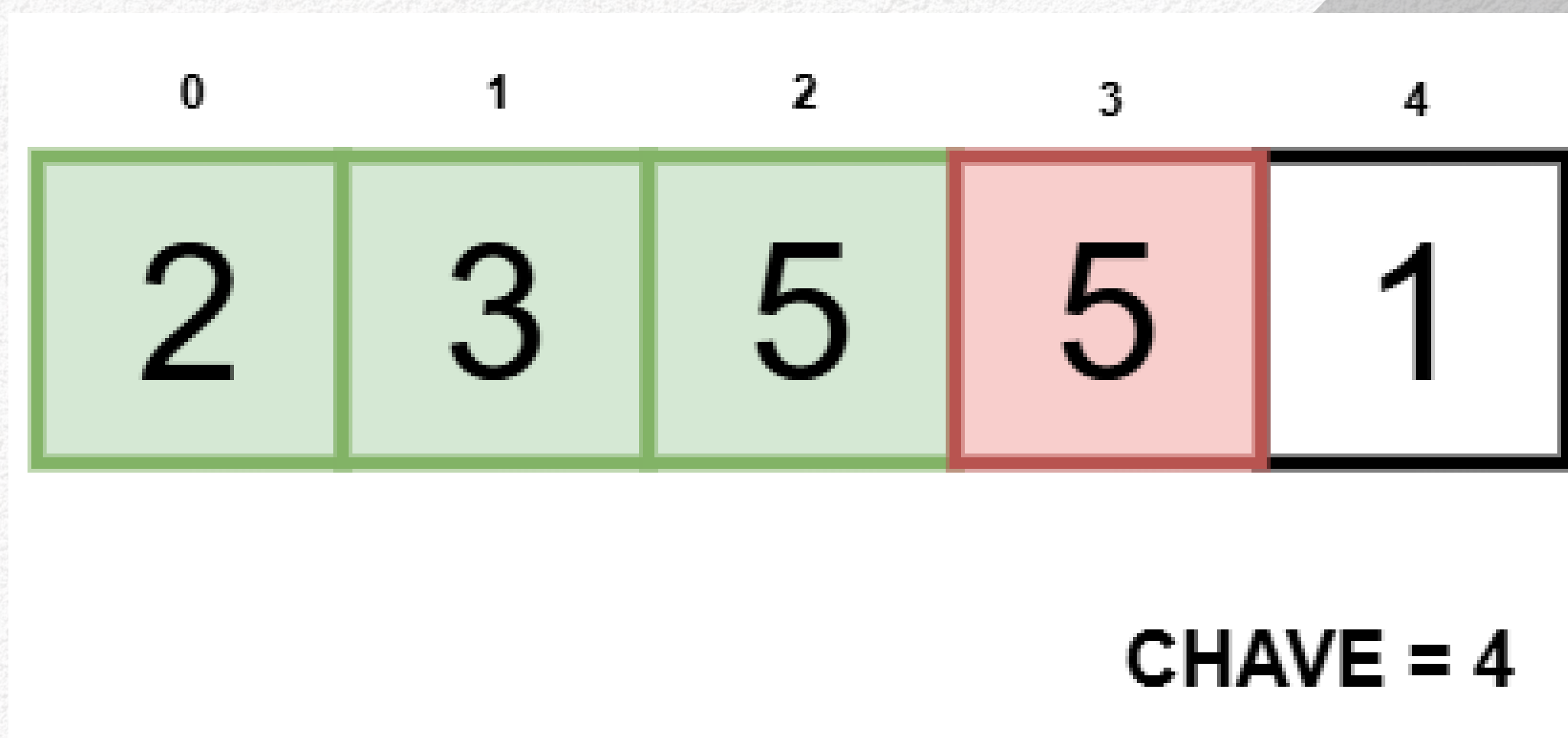


# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO



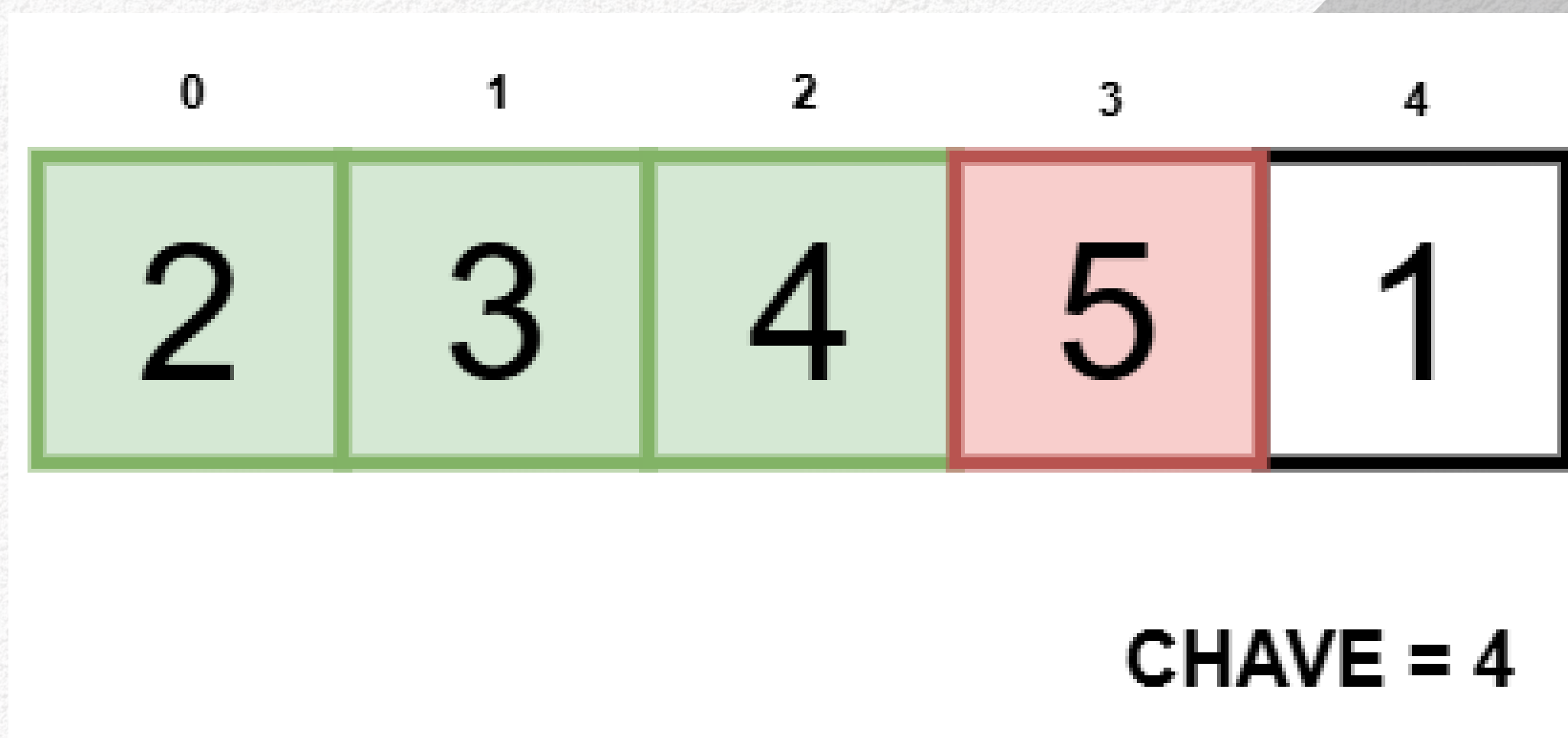


# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO





# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO





# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
2	3	4	5	1

CHAVE = 4



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
2	3	4	5	1

CHAVE = 1



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
2	3	4	5	5

CHAVE = 1



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
2	3	4	4	5

CHAVE = 1



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
2	3	3	4	5

CHAVE = 1



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
2	2	3	4	5

CHAVE = 1



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
1	2	3	4	5

CHAVE = 1



# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO

0	1	2	3	4
1	2	3	4	5



# ANÁLISE DE CUSTO



# ANÁLISE DE CUSTO MELHOR CASO

```
1 def insertion_sort(arr, tam): → 1
2     for i in range(1, tam): → n
3         chave, j = arr[i], i - 1 → 1
4         while j >= 0 and arr[j] > chave: → 1
5             arr[j + 1] = arr[j]
6             j -= 1
7         arr[j + 1] = chave → 1
8     return arr → 1
```

$$1 + n(1 + 1 + 1) + 1 = 3n + 2 \Rightarrow \Omega(n)$$



# ANÁLISE DE CUSTO PIOR CASO

```
1 def insertion_sort(arr, tam):  $\longrightarrow 1$ 
2     for i in range(1, tam):  $\longrightarrow n$ 
3         chave, j = arr[i], i - 1  $\longrightarrow 1$ 
4         while j >= 0 and arr[j] > chave:  $\longrightarrow n$ 
5             arr[j + 1] = arr[j]  $\longrightarrow 1$ 
6             j -= 1  $\longrightarrow 1$ 
7         arr[j + 1] = chave  $\longrightarrow 1$ 
8     return arr  $\longrightarrow 1$ 
```

$$1 + n(1 + n(1 + 1)) + 1 + 1 = 2n^2 + n + 3 \Rightarrow O(n^2)$$



# BINARY INSERTION SORT



# ASPECTOS HISTÓRICOS



# ASPECTOS HISTÓRICO

**Assim como o insertion sort, o binary insertion sort não possui autor ou data precisa, surgiu como variação prática em materiais acadêmicos após os primeiros métodos de ordenação, sendo usado em contextos educacionais e para listas pequenas devido à sua simplicidade e eficiência.**



# DEFINIÇÃO



# BINARY INSERTION SORT

**O Binary Insertion Sort é uma variação do Insertion Sort que otimiza a busca pela posição correta de cada elemento na sub-array ordenada, utilizando busca binária em vez de busca linear, reduzindo o número de comparações.**



# CÓDIGO

```
1 def binary_search(arr, chave, start, end):
2     while start < end:
3         mid = (start + end) // 2
4         if arr[mid] < chave:
5             start = mid + 1
6         else:
7             end = mid
8     return start
9
10 def binary_insertion_sort(arr, tam):
11     for i in range(1, tam):
12         chave = arr[i]
13         pos = binary_search(arr, chave, 0, i)
14         for j in range(i, pos, -1):
15             arr[j] = arr[j-1]
16         arr[pos] = chave
17     return arr
```



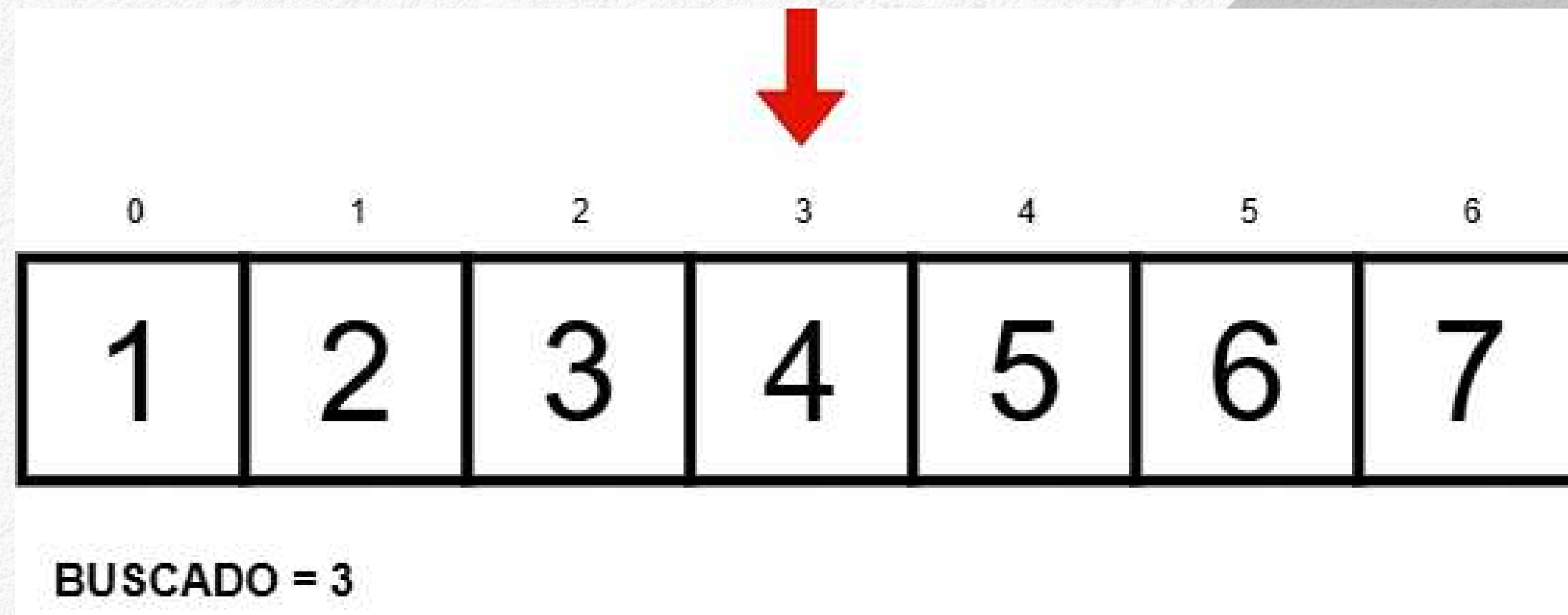
# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO





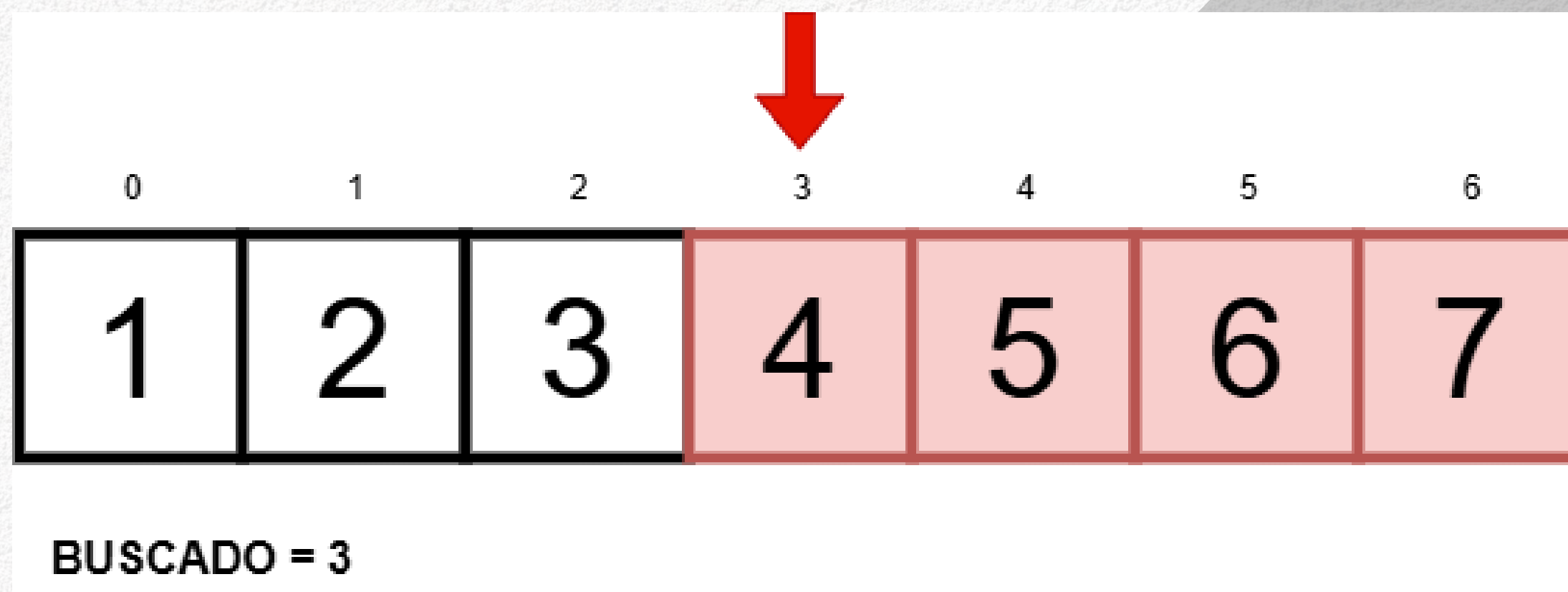


# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO



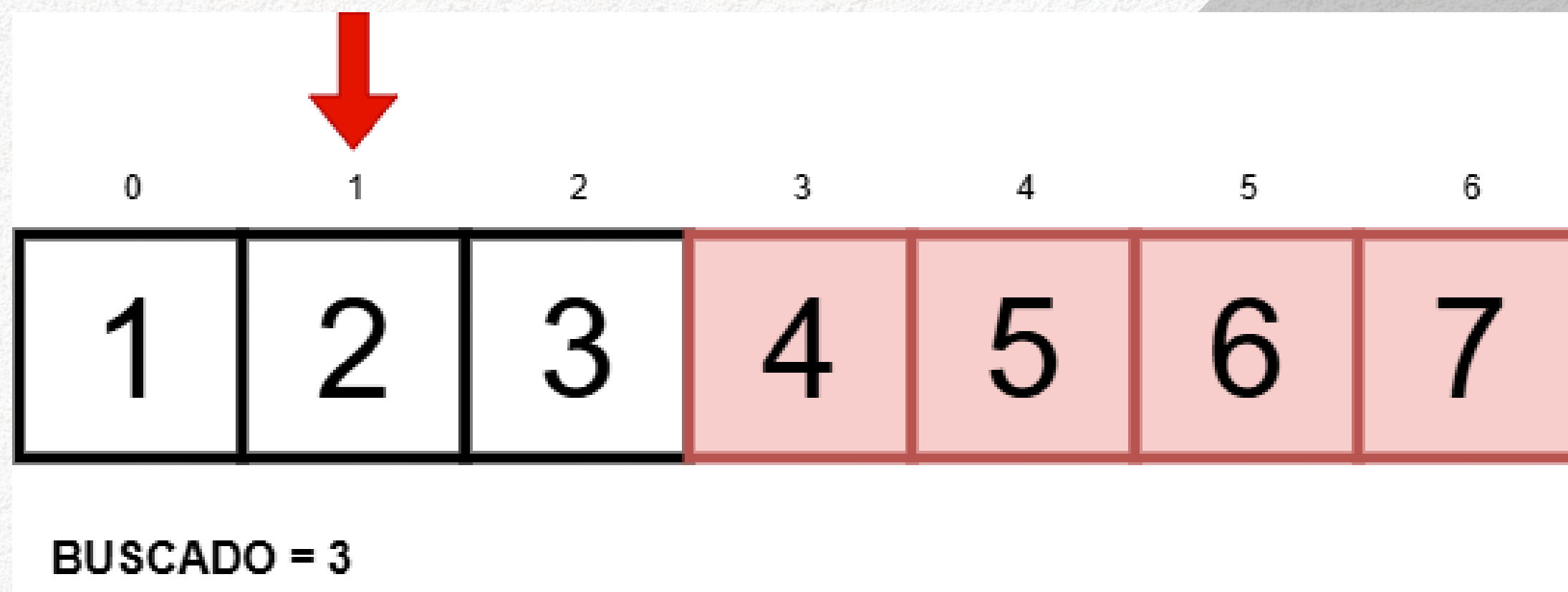


# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO



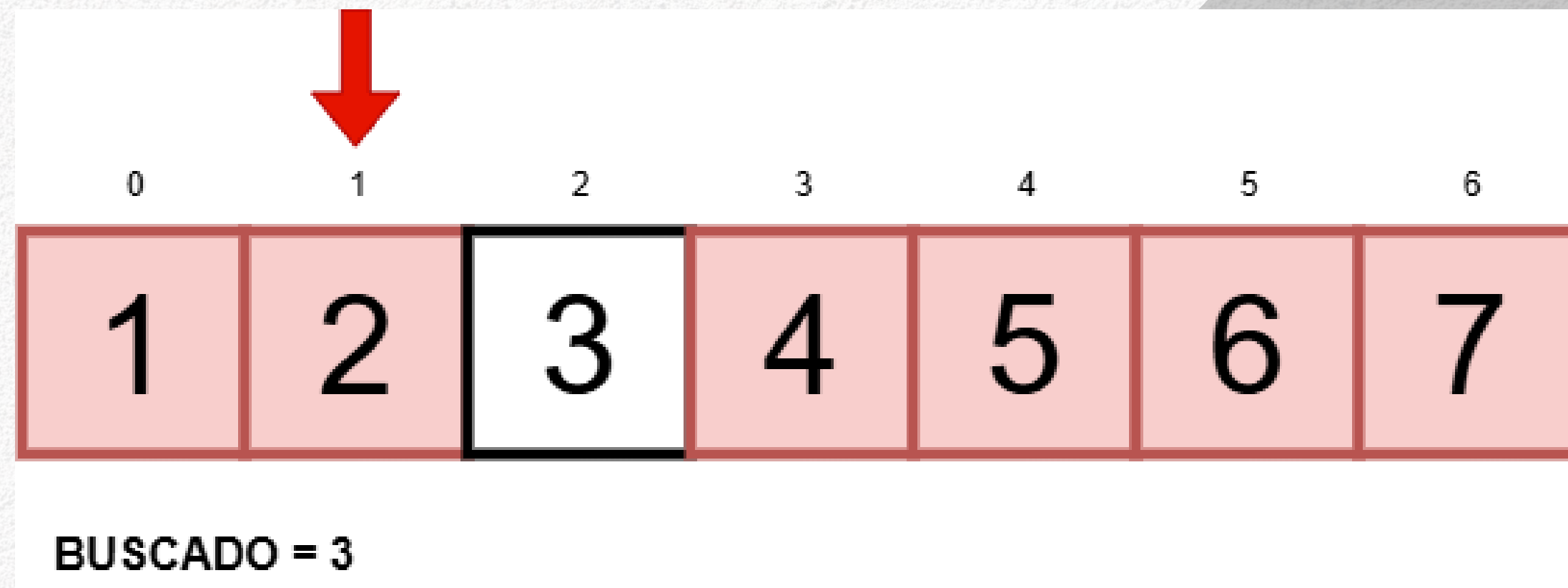


# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO



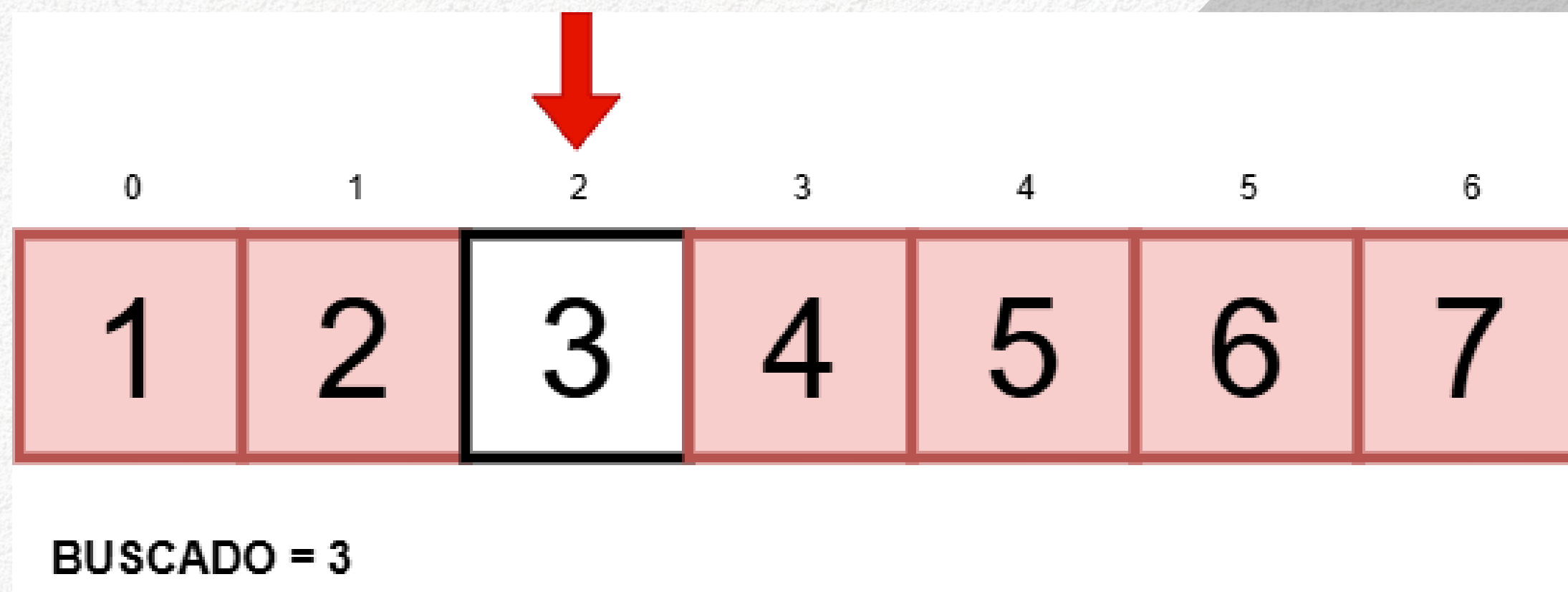


# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO



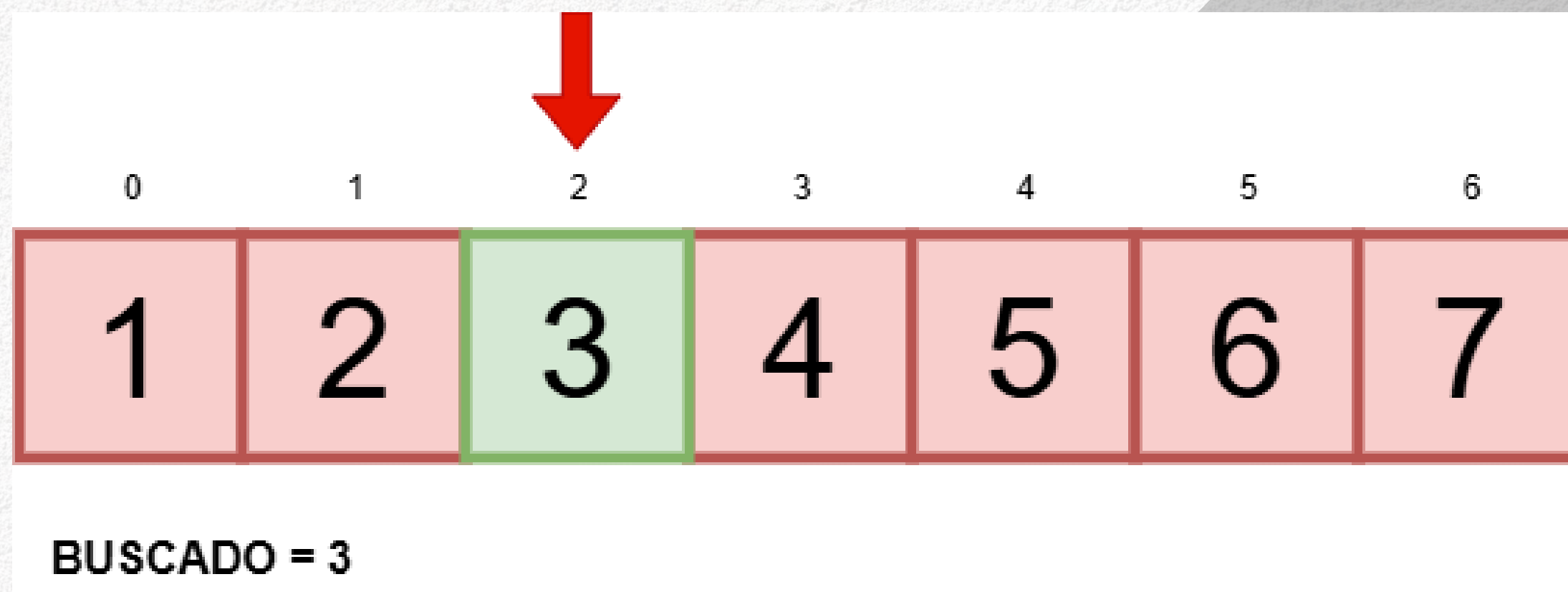


# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO





# EXEMPLO DE FUNCIONAMENTO





# ANÁLISE DE CUSTO



# ANÁLISE DE CUSTO MELHOR CASO

```

1  def binary_search(arr, chave, start, end): → 1
2      while start < end: → 1
3          mid = (start + end) // 2 → 1
4          if arr[mid] < chave: → 1
5              start = mid + 1 → 1
6          else: → 1
7              end = mid → 1
8      return start → 1
9          5 log(n) + 2 => O(log(n))
10 def binary_insertion_sort(arr, tam): → 1
11     for i in range(1, tam): → 1
12         chave = arr[i] → 1
13     O(log(n)) ← pos = binary_search(arr, chave, 0, i) → 1
14         for j in range(i, pos, -1): → 1
15             arr[j] = arr[j-1] → 1
16         arr[pos] = chave → 1
17     return arr → 1

```

$\log(n)$

$n$

$n \cdot \log(n) + 3n + 2 = \Omega(n \cdot \log(n))$



# ANÁLISE DE CUSTO PIOR CASO

```

1  def binary_search(arr, chave, start, end): → 1
2      while start < end: → 1
3          mid = (start + end) // 2 → 1
4          if arr[mid] < chave: → 1
5              start = mid + 1 → 1
6          else: → 1
7              end = mid → 1
8      return start → 1
9
10 def binary_insertion_sort(arr, tam): → 1
11     for i in range(1, tam): → 1
12         chave = arr[i] → 1
13         pos = binary_search(arr, chave, 0, i) → 1
14         for j in range(i, pos, -1): → 1
15             arr[j] = arr[j-1] → 1
16         arr[pos] = chave → 1
17     return arr → 1

```

$5 \log(n) + 2 \Rightarrow O(\log(n))$

$O(\log(n))$

$n^2 + 2n + n \cdot \log(n) + 2 \Rightarrow O(n^2)$



# TESTES



# TESTES

**Sets usados: 1.250, 2.500, 5.000, 10.000, 20.000 e 40.000**

**Ordem: crescente, decrescente e aleatório**

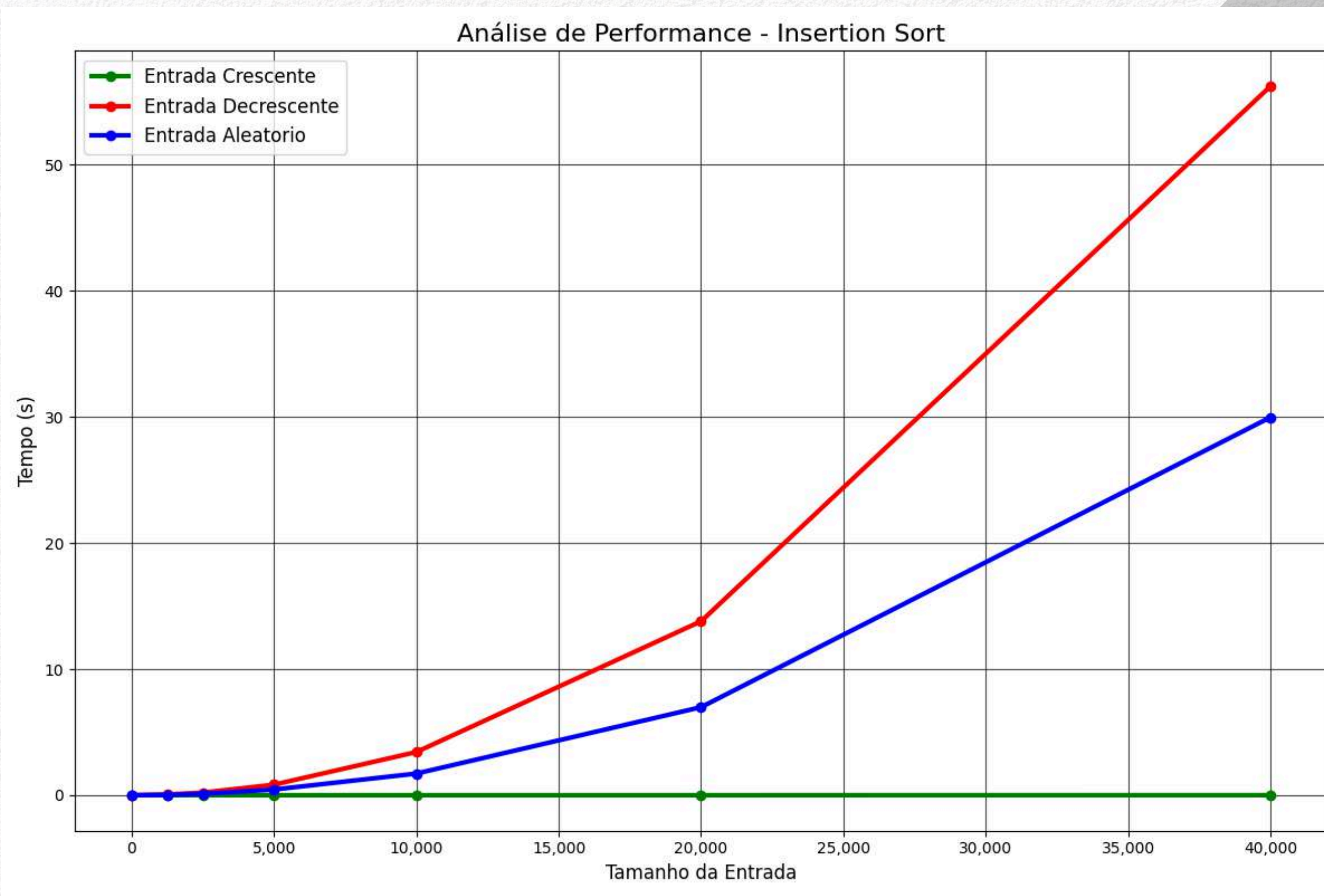
**Quantidade de execuções: 30**



# GRÁFICOS DE TEMPO

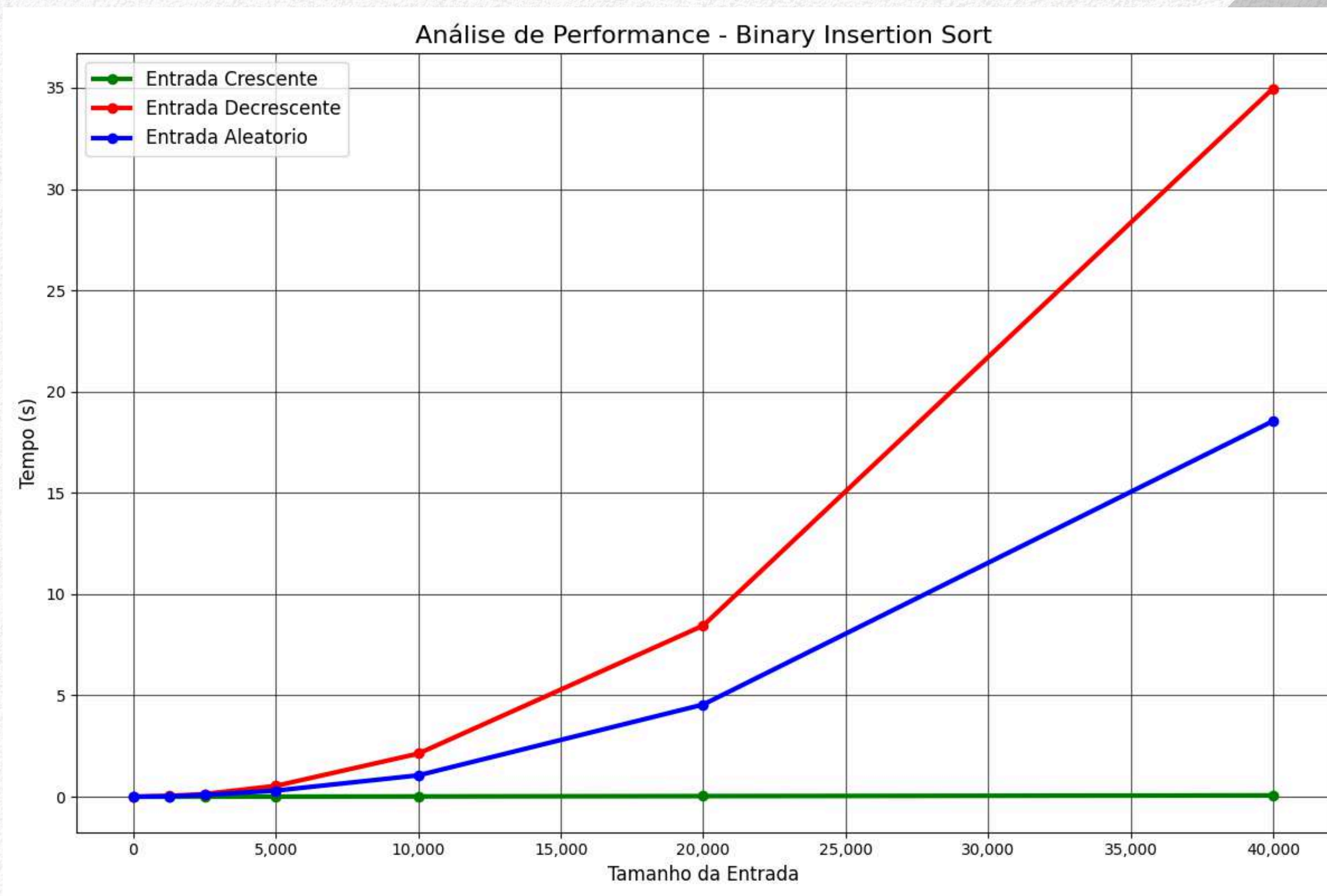


# INSERTION





# BINARY INSERTION

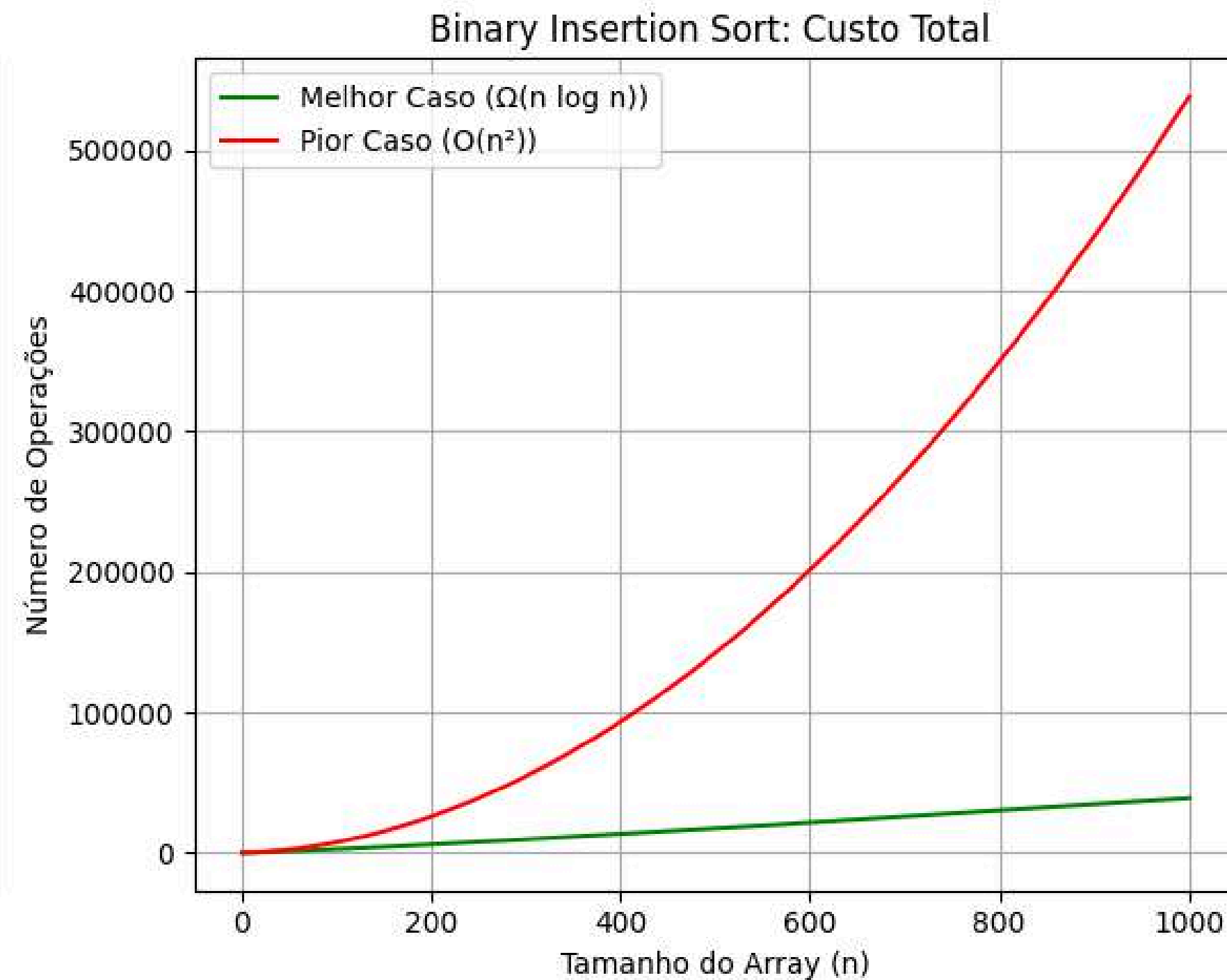
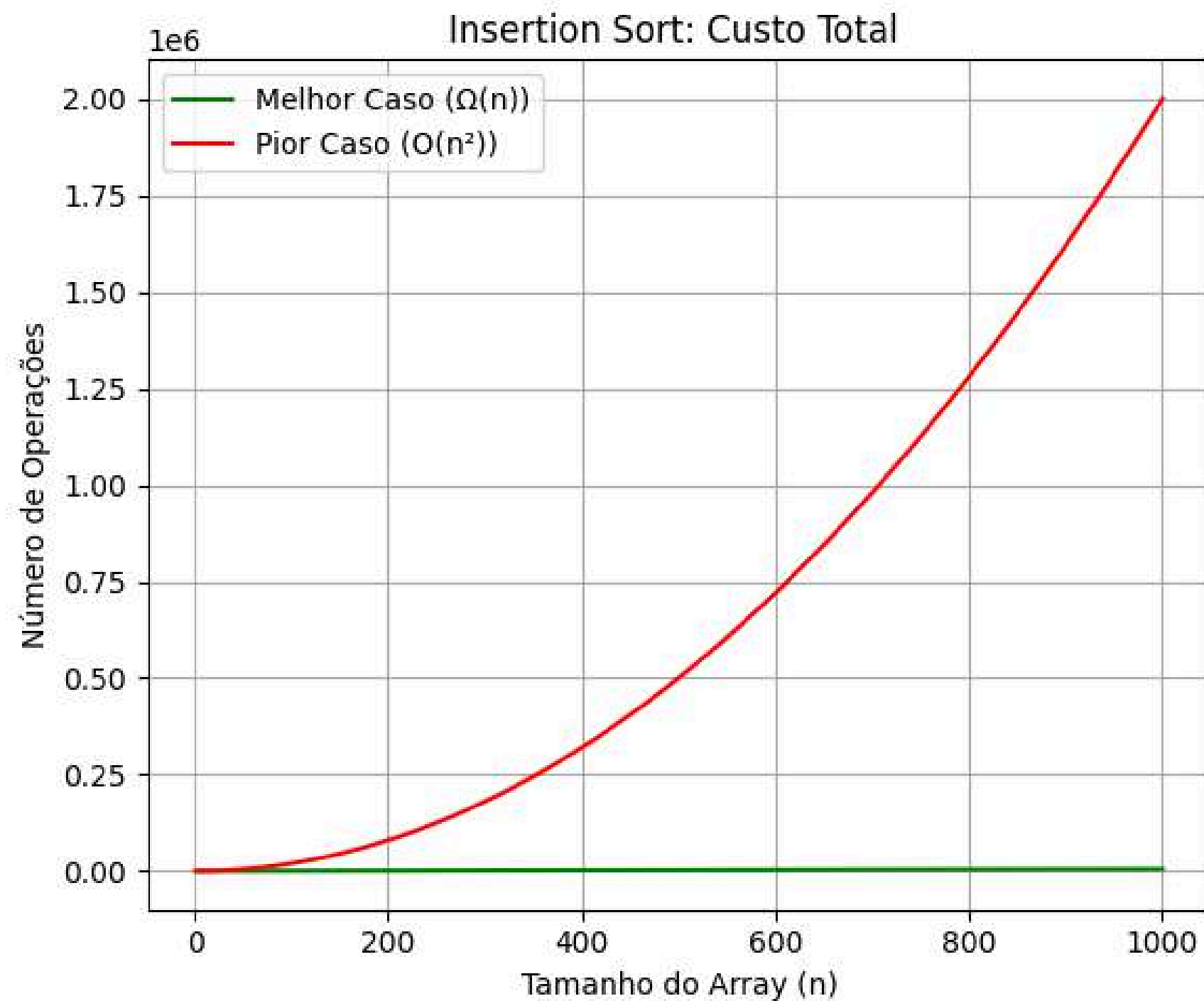




# GRÁFICOS DE CUSTO



# GRÁFICOS DE CUSTO





# CONCLUSÃO



# CONCLUSÃO

**Com isso, concluimos que o Binary Insertion Sort se mostra mais eficiente, pois, embora tenha a mesma complexidade assintótica do Insertion Sort tradicional, reduz o número de comparações na busca da posição de inserção. Essa vantagem é mais evidente em vetores grandes e desordenados, onde a economia de comparações melhora o desempenho, tornando-o mais eficaz na prática mesmo mantendo o mesmo custo de deslocamentos.**



# REFERÊNCIAS

**CORMEN, Thomas H.; LEISERSON, Charles E.; RIVEST, Ronald L.; STEIN, Clifford. Algoritmos: teoria e prática. 3. ed. Rio de Janeiro: Elsevier, 2012.**

**SZWARCFITER, Jayme Luiz; LOPES, Liliane Maria da Silva. Estruturas de dados e seus algoritmos. 2. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2010.**

**SIMIC, Milos. Binary Insertion Sort. Baeldung: Computer Science, 18 mar. 2024. Disponível em: <https://www.baeldung.com/cs/binary-insertion-sort>. Acesso em: [16/09/2025].**