

Trabajo práctico nro. 8

	Asignatura: Programación I	
	Cursado: Primer Trimestre	Horas semanales: 4
	Carrera: <i>Tecnicatura Universitaria en Programación</i>	Nivel (Año): <input type="checkbox"/> 1° <input type="checkbox"/> 2° <input type="checkbox"/> 3°
	Ciclo Lectivo: 2023	

Integrantes de la Cátedra:

- DOCENTES:

Nombre del Profesor	Periodo	Cantidad horas materia
		6 horas

1. Escribir una función que reciba un número positivo n y devuelva la cantidad de dígitos que tiene.

```
1 def count_digits(n):
2     if n < 10:
3         return 1 # Caso base: cuando n tiene un solo dígito
4     else:
5         return 1 + count_digits(n // 10) # Llamada recursiva
6
7 # Solicitar al usuario un número positivo
8 number = int(input("Ingresa un número positivo: "))
9
10 # Llamar a la función contar_digitos y mostrar el resultado
11 quantity_digits = count_digits(number)
12 print(f"El número {n} tiene {quantity_digits} dígitos.")
13
```

2. Escribir una función que reciba 2 enteros n y b y devuelva True si n es potencia de b .

```
1 def is_power(n, b):
2     if n == 1:
3         return True # Caso base: 1 es siempre una potencia de cualquier número
4     if n < b:
5         return False # Cuando n es menor que b y no es igual a 1, no es una potencia de b
6     if n % b != 0:
7         return False # Si n no es divisible exactamente por b, no es una potencia de b
8     return is_power(n // b, b) # Llamada recursiva
9
10 # Solicitar al usuario dos enteros, n y b
11 n = int(input("Ingresa un número entero n: "))
12 b = int(input("Ingresa un número entero b: "))
13
14 # Llamar a la función es_potencia y mostrar el resultado
15 resultado = is_power(n, b)
16 if resultado:
17     print(f"{n} es una potencia de {b}.")
18 else:
19     print(f"{n} no es una potencia de {b}.")
20
```

3. Escribir una función recursiva que reciba como parámetros dos strings a y b , y devuelva una lista con las posiciones en donde se encuentra b dentro de a . Ejemplo:

```
>>> posiciones_de("Un tete a tete con Tete", "te")
[3, 5, 10, 12, 21]
```

```
def posiciones_of(a, b, start=0, positions=None):
    if positions is None:
        positions = []

    # Encontrar la próxima ocurrencia de b en a a partir de la posición 'inicio'
    index = a.find(b, start)

    if index != -1:
        positions.append(index)
        return posiciones_of(a, b, index + 1, positions) # Llamada recursiva para buscar más ocurrencias
    else:
        return positions

# Ejemplo de uso
string_a = "Un tete a tete con Tete,te"
string_b = "te"

result = posiciones_of(string_a, string_b)
print(result) # Debería imprimir [3, 5, 10, 12, 21]
```

4. Escribir dos funciones mutuamente recursivas par(n) e impar(n) que determinen la paridad del número natural dado, conociendo solo que:
- 1 es impar.
 - Si un número es impar, su antecesor es par; y viceversa.

```
1 def par(n):
2     if n == 0:
3         return True # 0 se considera par
4     else:
5         return impar(n - 1)
6
7 def impar(n):
8     if n == 0:
9         return False # 1 se considera impar
10    else:
11        return par(n - 1)
12
13 # Ejemplos de uso
14 number = int(input("Ingrese un número: "))
15
16 if par(number):
17     print(f"{number} es par.")
18 else:
19     print(f"{number} es impar.")
20
```

5. Escribir una función recursiva que encuentre el mayor elemento de una lista.

```
def find_mayor(Lista):
    if len(Lista) == 1:
        return Lista[0] # Caso base: cuando la lista tiene un solo elemento, ese es el mayor
    else:
        # Encontrar el mayor entre el primer elemento y el mayor del resto de la lista
        first_element = Lista[0]
        mayor_rest = find_mayor(Lista[1:])
        if first_element > mayor_rest:
            return first_element
        else:
            return mayor_rest

# Ejemplo de uso
mi_lista = [3, 7, 1, 12, 5, 9]

mayor = find_mayor(mi_lista)
print(f"El mayor elemento de la lista es: {mayor}")
```

6. Escribir una función recursiva para replicar los elementos de una lista una cantidad n de veces. Por ejemplo, replicar $([1, 3, 3, 7], 2) = ([1, 1, 3, 3, 3, 3, 7, 7])$

```
1 def reply(lista, n):
2     if n == 1:
3         return lista # Caso base: replicar una vez es la lista original
4     else:
5         return lista + reply(lista, n - 1) # Llamada recursiva
6
7 # Ejemplo de uso
8 my_list = [1, 3, 3, 7]
9 n = 2
10
11 replied_list = reply(my_list, n)
12 print("Lista replicada:", replied_list)
13
```

7. Implemente un algoritmo, usando una función recursiva, que resuelva la siguiente sumatoria:

$$K(n, p) = p + 2 * p + 3 * p + 4 * p + \dots + n * p$$

- El programa debe pedir al usuario que ingrese un número n , y un número d ,
- Luego debe calcular el valor de $K(n, p)$ usando una función recursiva,
- Debe imprimir el resultado de $K(n, p)$

```
1 def calculate_sum(n, p):
2     if n == 1:
3         return p # Caso base: cuando n es 1, el resultado es p
4     else:
5         return n * p + calculate_sum(n - 1, p) # Llamada recursiva
6
7 # Solicitar al usuario que ingrese los valores de n y p
8 n = int(input("Ingresa un número n: "))
9 p = int(input("Ingresa un número p: "))
10
11 # Calcular la sumatoria K(n, p) utilizando la función recursiva
12 result = calculate_sum(n, p)
13
14 # Mostrar el resultado de K(n, p)
15 print(f"El resultado de K({n}, {p}) es: {result}")
16
```

8. El triángulo de Pascal es un arreglo triangular de números que se define de la siguiente manera: Las filas se enumeran desde $n = 0$, de arriba hacia abajo. Los valores de cada fila se enumeran desde $k = 0$ (de izquierda a derecha). Los valores que se encuentran en los bordes del triángulo son todos unos. Cualquier otro valor se calcula sumando los dos valores contiguos de la fila de arriba. Escribí la función recursiva $pascal(n, k)$ que calcula el valor que se encuentra en la fila n y la columna k .

```
1 def pascal(n, k):
2     if k == 0 or k == n:
3         return 1 # Los valores en los bordes del triángulo son siempre 1
4     else:
5         return pascal(n - 1, k - 1) + pascal(n - 1, k) # Llamadas recursivas
6
7 # Solicitar al usuario que ingrese los valores de n y k
8 n = int(input("Ingresa el valor de n: "))
9 k = int(input("Ingresa el valor de k: "))
10
11 # Calcular el valor en el Triángulo de Pascal utilizando la función recursiva
12 result = pascal(n, k)
13
14 # Mostrar el resultado
15 print(f"El valor en la fila {n} y la columna {k} del Triángulo de Pascal es: {result}")
16
```

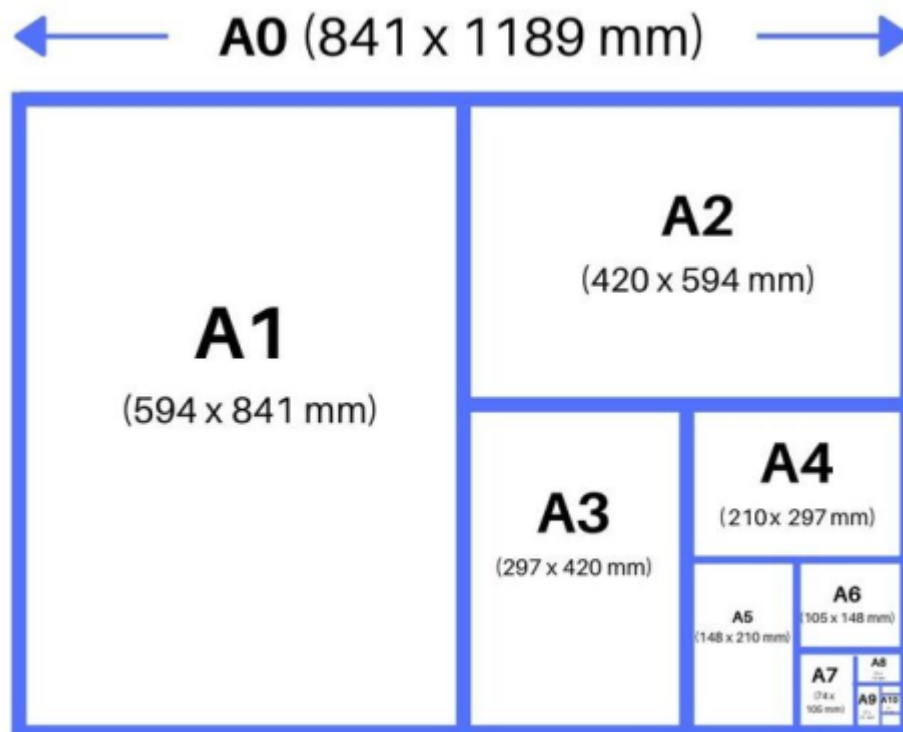
9. Escribí una función recursiva $combinaciones(lista, k)$ que reciba una lista de caracteres únicos, y un número k , e imprima todas las posibles cadenas de longitud k formadas con los caracteres dados (permitiendo caracteres repetidos).

```
def combinations(lista, k, actual_string=""):
    if k == 0:
        print(actual_string)
    else:
        for caracter in lista:
            combinations(lista, k - 1, actual_string + caracter)

# Ejemplo de uso
list_of_characters = ['A', 'B', 'C']
length = 3

combinations(list_of_characters, length)
```

10. La norma ISO 216 especifica tamaños de papel. Es el estándar que define el popular tamaño de papel A4 (210 mm de ancho y 297 mm de largo). Las hojas A0 miden 841 mm de ancho y 1189 mm de largo. A partir de la A0 las siguientes medidas, digamos la A(N+1), se definen doblando al medio la hoja A(N). Siempre se miden en milímetros con números enteros: entonces la hoja A1 mide 594 mm de ancho (y no 594.5) por 841 mm de largo.



Escribí una función recursiva `medidas_hoja_A(N)` que para una entrada `N` mayor que cero, devuelva el ancho y el largo de la hoja `A(N)` calculada recursivamente a partir de las medidas de la hoja `A(N-1)`, usando la hoja `A0` como caso base. La función debe devolver el ancho y el largo -en ese orden- en una tupla.

C: > Users > Tity Lacoste > OneDrive > Escritorio > x=46.py > ...

```
1  def papers_size(N):
2      if N == 0:
3          return (841, 1189) # Caso base: Hoja A0
4      else:
5          width_A_N_1, hight_A_N_1 = papers_size(N - 1)
6          width_A_N = hight_A_N_1
7          hight_A_N = width_A_N_1 * 2
8          return (width_A_N, hight_A_N)
9
10 # Tamaño que desea calcular
11 N = int(input("Ingrese el tamaño que desea calcular: "))
12
13 width, hight = papers_size(N)
14 print(f"Ancho de la hoja A{N}: {width} mm")
15 print(f"Largo de la hoja A{N}: {hight} mm")
16
```