

### *Příklad (medián)*

Je dán „komprimovaný“ seznam čísel. Nalezněte jejich medián (prvek na pozici  $m/2$  v seřazené posloupnosti všech  $m$  prvků). Komprimace spočívá v tom, že místo čísel dostáváme dvojice čísel, kde první udává hodnotu a druhé počet výskytů dané hodnoty v nekomprimované posloupnosti (stejná hodnota může být ve více dvojicích, dokonce ani není zakázáno její použití v ihned následující dvojici). Můžete využívat algoritmus na nalezení mediánu v nekomprimovaném případě jako podprogram (a nemusíte o něm dokazovat, že pro  $n$  prvků pracuje v čase  $O(n)$ ).

┌

### *Řešení*

Přidáme si do seznamu 2 prvky s hodnotami  $\pm\infty$  a s počtem 0.

Následně zavoláme algoritmus na nalezení mediánu mezi hodnotami (počty ignorujeme). Následně spočítáme, kolik (rozbalených) čísel je větších než tento medián, kolik je stejných a kolik je menších. Z toho jednoznačně poznáme, kde leží skutečný medián. Pokud leží mezi stejnými, tak jsme vyhráli, pokud v menších, tak všechny stejné a větší (kterých (teď již zase nerozbalených) je z definice mediánu alespoň polovina) zahodíme, jen  $+\infty$  necháme právě s počtem stejných + větších. Pokud ve větších, tak analogicky. A zavoláme znovu tento odstavec.

To nám dává rekurzi  $t(n) \leq O(n) + t(n/2)$ , tedy čas  $O(n)$ , jelikož hledání mediánu už ze zadání trvá  $O(n)$ , spočítání, kolik je menších a kolik větších, zřejmě také a voláme se jednou na poloviční velikost. To, že nám zůstávají prvky  $\pm\infty$  navíc nám nevadí, protože přidají pouze konstantní počet operací, tudíž se 'ztratí' v  $O(n)$ .

└